

APPLIED Statistics

应用统计学

(第3版)

主编◎王淑芬

参编◎李金玲常明李胜朋

内容简介

本书是一部以 IBM SPSS 22.0 为分析工具的实用性很强的"互联网+"统计学教材。

本书基本内容包括:统计学与统计数据,统计数据的收集、整理与显示,统计数据的 特征描述,SPSS 的简单应用,统计假设检验,相关与回归分析,聚类分析,主成分与因 子分析,对应分析,综合案例与分析,其中包括近年来的一些较新进展。书中内容深人浅 出,侧重理论知识与技能训练相结合,通过插入大量的二维码资料激发读者的学习兴趣、 确化学习效果。

本书适合作为高等院校经济管理类和理工科各专业本科生、研究生的教材,对广大实际工作者也极具参考价值。

图书在版编目(CIP)数据

应用统计学/王淑芬主編. —3版. —北京:北京大学出版社,2017.12 (高等院校经济管理类专业"互联网+"创新规划教材)

ISBN 978 - 7 - 301 - 28988 - 4

I. ①应··· II. ①王···Ⅲ. ①应用统计学—高等学校—教材 IV. ①C8

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2017)第 302086 号

书 名 应用统计学(第3版) YINGYONG TONGJIXUE

著作责任者 王淑芬 主编

策划编辑 葛 方 责任编辑 李娉婷

数字编辑 陈颖颖

标准书号 ISBN 978-7-301-28988-4

出版发行 北京大学出版社

地 北京市海淀区成府路 205 号 100871

网 址 http://www.pup.cn 新浪微博:@北京大学出版社

电子信箱 pup_6@ 163.com

电 话 邮购部 62752015 发行部 62750672 编辑部 62750667

印刷者

经 销 者 新华书店

787毫米×1092毫米 16开本 25.5 印张 600 千字 2009 年 3 月第 1 版 2011 年 8 月第 2 版 2017 年 12 月第 3 版 2017 年 12 月第 1 次印刷

定 价 56.00元

未经许可、不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版权所有, 侵权必究

举报电话: 010-62752024 电子信箱: fd@pup.pku.edu.cn

图书如有印装质量问题, 请与出版部联系, 电话: 010-62756370

目录

第1章 统计学与统计数据 /001

- 1.1 统计学的基本原理与内容 /00
- 1.2 统计数据的来源与类型 /012

第2章 统计数据的收集、整理与显示 /023

- 2.1 统计数据的收集 /024
- 2.2 统计数据的整理 /038

第3章 统计数据的特征描述 /062

- 3.1 集中趋势的描述 / 063
- 3,2 离散程度的描述 / 078 3,3 分布形态的描述 / 084

第 4 章 SPSS 的简单应用 /096

- 4.1 IBM SPSS Statistics 22, 0 的界面 /098
- 4.2 建立数据文件 /099
- 4.3 用 SPSS 进行基本统计分析 /106
- 4.4 统计绘图 /120
- 4.5 多选题分析 /130

第5章 统计假设检验 /143

- 5.1 统计假设检验的基本问题 /146
- 5.2 正态总体均值和方差的统计假设检验 /153
- 5.3 单因素方差分析 /157
- 5.4 用 SPSS 统计软件进行统计假设检验 /164



- 6.1 相关分析 /189
- 6.2 一元线性回归分析 /196
- 6.3 多元线性回归分析 /206
- 6.4 非线性回归分析 /210
- 6.5 用 SPSS 统计软件进行相关及回归分析 /212

第7章 聚类分析 /240

- 7.1 聚类分析概述 /241
 - 7.2 分类统计量 /244
 - 7.3 系统聚类法 /247
 - 7. 4 用 SPSS 软件进行聚类分析 /25

第8章 主成分与因子分析 /274

- 8.1 主成分分析 /2761
- 8.2 因子分析 /283
- 8.3 主成分分析和因子分析的区别 /294
- 8.4 用 SPSS 软件进行因子分析 /29

第9章 对应分析 /318

- 9.1 对应分析概述 /32
 - 9.2 对应分析的原理和方法 /322
 - 9.3 对应分析的计算与应用 /328
 - 9.4 用 SPSS 软件进行对应分析 /334

第10章 综合案例与分析 /365

附录1 常用统计表 /389

附录 2 推断性统计学预备知识 /396

参考文献 /399

第一章

统计学与统计数据

数学目标

通过本章的学习,了解统计与统计学的含义与基本原理;掌握统计学基本概念及统计数据 的来源与类型。

教学要求

知识要点	能力要求	相关知识		
统计学的基本原理 与内容	能够结合实践背景判断研究对象的 总体、料料、振志、指标、参数、纯 计量等统计基本概念	基体、样本、标志、指标、参数、 统计量		
統计数据的来源与	能够结合实际背景判断数据类型	分类数据、顺序数据、数值型数据		

统计学是一门研究总体现象定量认识方法的科学,其目的在于探索客观现象内在的数量规律性,从而认识客观事物内在的质的规律性。统计学是在统计工作实践的基础上产生的,一经形成,又对统计工作中的统计数据、资料的搜集、整理、分析等起理论指导作用,并且得到不断的丰富和发展。





生活中的统计

统计是什么?我们接触过吗?提起统计大家会想到什么?下面我们列举两个统计学应用的实例。

实例一。据国家统计局 2016 年 5 月报道, 2015 年全国城镇非私营单位就业人员年平均工资为 62029 元,与2014年的56360元相比,增加了5669元。同比名义增长10.1%,增速比2014年加快0.6个百分 点。其中。在崩取工年平均工资63241元。同比名义增长10.3%。增速加快0.8个百分点、扣除物价因 素,2015年全国城镇非私营单位就业人员年平均工资实际增长8.5%。图1.1为2000-2015年全国城镇 非私营单位就业人员年平均工资增长情况。

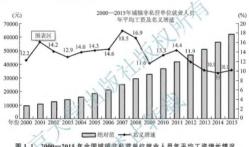


图 1.1 2000-2015 年全国城镇非私营单位就业人员年平均工资增长情况

请大家思考,以上调查的测评结果是如何得出的?说明了什么问题?

实例二、在生活中、我们经常会接触到各种统计数据、下面就是统计研究得到的一些结论、吸烟对 健康是有害的;不结婚的男性会早逝10年;身材高的父亲,其子女的身材也较高;第二个出生的子女没 有第一个聪明、第三个出生的子专没有第二个聪明、依此恶推、两天服一片阿司匹林会减少心脏病第二 次的发作概率;如果每天摄取 500mL 维牛素 C, 生命可延长 6年;统计调查表明,怕老婆的丈夫得心脏 病的概率较大;学生们在听了莫扎特钢琴曲 10min 后的推力测试会比他们听 10min 娱乐磁带或其他曲目 借得更好.

请问, 你认为这些结论是正确的吗? 你相信这些结论吗?

资料来源: 国家统计局网站 http://www.stats.gov.cn.

如果大家想回答上面的一系列问题并且正确阅读、理解统计数据, 进而解释社会生活 的现象,就必须具备统计学知识。理解和掌握一些统计学知识对普诵大众是有必要的。每 天我们都会关心生活中的一些事情,其中就包括统计知识。例如,在外出旅游时,需要关 心一段时间内的详细天气预报: 在投资股票时,需要了解股票市场价格的信息,了解某只 特定股票的有关财务信息: 在观看世界杯足球赛时, 了解各支球队的技术统计, 等等。统 计已经渗透到社会经济活动和科学研究的方方而而,统计无处不在,并且正在发挥越来越 重要的作用。统计是人们认识社会很重要的一个工具。

本章将介绍统计学中的基本概念和问题,目的是帮助大家理解统计学、熟悉统计语言,为学习以后各章的内容奠定基础。

1.1 统计学的基本原理与内容

1.1.1 统计与统计学

在日常生活中,我们经常会接触到"统计"这一术语,在有关媒体中也经常会看见一 些报道使用统计数据、图表等。例如,大学每学年末要统计任课教师的教学工作量,直播 篮球比赛时电视机屏幕上不时会出现球队的技术统计数据,对某城市的综合竞争力进行分 析和评价研究,则要构造影响该城市的综合竞争力的指标体系,并搜集相关统计数据来进 行研究。可以这样说,就计已经渗透到日常生活、社会经济活动和科学研究的方方面面 统计无外不在,并且正在发挥越来越重要的作用







FI #0 (+ N.

随着人类文明的出现,这在原始社会初期的氏族、部落中,人们在宏排符借、分配实物时,就有了 最初的计数活动,孕育着统计的事项。在古代奴隶社会,当时为了伦兵、赎税的需要,就有了关于土地、 人口、粮食和牲畜等基本国族方面的登记、计量工作。

历史发展到封建社会、统計已初具規模、据《尚书》歌、我固早在公元曾两千多年以前,在国家所进行的天文观测和层院皇帝条件的调查中。在国家接近的贡献制度和劳役制度里,就开始有调查地点、时间、人口、土地和贡献标准的记载。分中国为九州、土地 2438 万顷、人口 1355 万等。据《商君书》载,我国至公元前 300 多年,在商鞅的调查研究思想中,已有了全国规模的人口调查登记制度和人口的转取业分组,并且有了国民经济调查研究中的各种数量对比分析,把掌握反映基本国情、国力的"十二新" 京为富国福压的重要手段

我国最早的统计局设置于1906年,当时的统计局分设三股,分别掌握文化、民政、财政、教育、军政、司法、交通和实力统计工作。

资料来源; 刘竹林, 江永红, 统计学; 原理、方法与应用 [M], 北京; 中国科学技术大学出版社, 2008.

1. 统计的含义

"统计"作为一种社会实践活动已有悠久的历史。据历史记载,我国在西周时期就已经建立了统计制度。在英文中,统计为 statistics, 它与"国家"为同一词根。可以说、自从有了国家,就有了统计活动。最初的统计活动是为统治者管理国家的需要而进行的搜集资料的工作,涉及计算国家的人力、物力和财力等活动。随着社会经济和科技的发展及统计学自身的进步。统计的应用领域不断扩大。现在,统计不仅被用于经济管理领域,而且在其他许多领域也得到广泛应用。

那么,究竟何为统计?这里有必要给出一个比较准确的科学定义。所谓统计(Statistics),

就是人们认识客观世界总体数量变动关系和变动规律的活动的总称,是人们认识客观世界的一种有力工具。统计主要有以下3方面的含义;

1) 统计工作

统计工作(Statistical Work)即统计实践,是对社会经济观象客观存在的现实数量方面进行搜集、整理和分析的活动过程,属于统计中最基础的工作。统计工作全过程分为4个阶段.

- (1) 统计设计。统计设计是指根据研究对象、内容和目的对整个统计过程的各个方面和各个环节进行通盘考虑和安排。同时提出收集、整理和分析数据的方案和工作进度等。统计设计的主要内容是指标设计。统计的目的是反映总体的数量特征,因此设计相应的指标来反映总体的数量特征是首要的任务,否则下面的工作无从做起。统计设计是整个统计研究的前期工程,其完成质量直接关系到整个统计研究的质量。
- (2) 统计调查。经过统计设计形成方案之后,就可以确定统计调查方法、搜集数据。调查是在社会经济统计中获得原始数据的主要手段。随着市场经济的发展、调查在经济活动中所起的作用越来越大、企业的经营、政府的决策、部高不开来自调查的第一手数据。如何科学地进行调查是统计学研究的重要内容。
- (3) 统计整理。原始的统计数据收集后逐必须经过整理、加工才能发挥其作用。统计整理就是对所收集到的数据资料进行审核、汇总、使之科学化、系统化、条理化、并且可以用各种统计图表表示整理后的结果。统计整理的主要内容是统计分组,这是一种重要的统计方法。
- (4) 统计分析。统计分析就是通过统计方法研究数据。从数据中得出规律性的结论。 统计分析的主要内容是统计分析报告,统计人员要写出高质量的统计分析报告,不仅取决 于统计人员对实际问题的掌握和对统计分析理论和方法的熟知程度与运用能力,而且更重 要的还取决于具备大量的相关知识,如国家政治、经济、法律等。



统计工作 4 个阶段的关系

统计设计是统计调查的前提; 丙统计调查是统计的基础工作, 没有调查就没有以后的整理与分析; 统计整理是统计工作的中间一环, 目的是便杂乱无序的调查数据变得有序, 为以后的统计分析候准备; 统计分析是统计工作中最后一步, 也是最重要的一步, 分析结果可以作为决策的参考。



阅读专栏 1-2

统计的职能和作用

随着社会主义市场经济体制的逐步建立和完善、统计职能越来越重要。统计已由单纯的统计信息搜 集整理职能转变为信息、咨询、监督三大职能。统计部门已成为社会经济信息的主体部门和国民经济核 算的中心、成为国家重要的咨询和监督机构。

信惠职能是指系统地搜集、整理、储存和提供大量的以數量描述为基本特征的社会经济信息资源。 咨询职能是利用已掌握的丰富的信息资源,运用科学方法进行综合分析,为科学决策和管理提供情况和 咨询建议。监督职能是利用统计信息,对社会经济的运行状态进行定量检查、监测和预警。揭示社会经济近行中出现的偏差,提出矫正意见,预警可能出现的问题,提出对策,以促使社会经济持续、健康的 发展。

信息、咨询、监督三大职能是相互作用、相辅相成的,共同构成了统计的整体功能。其中,信息职能是最基本的,咨询、监督职能是统计信息职能的延续。发挥统计整体功能是我国的长期统计工作,特别易否蒸开放口来统计宏舆经验的总统。易国家科多荣署和安宙温粉的家面需要

统计的作用主要体现在信息、咨询、监督三大职能上。具体表现为。①为党和政府各 级领导机构决策和宏观调控提供资料。②为企业、事业单位经常管理提供依据。③为社会 公众了解情况,参与社会经济活动提供资料。④为科学研究提供资料。⑤为国际交往提供 增起



资料来源:天津市滨海新区人民政府 http://www.bh.gov.cn/.

2) 统计数据

统计数据(Statistical Data)即统计资料,是统计工作的成果。统计数据的搜集是取得统计数据的过程,是进行统计分析的基础。离开了统计数据,统计方法就失去了用武之地,如各类统计年鉴公布的反映月度、季度或者年度的经济发展情况的数据等



【拓展视频

统计工作和统计数据的关系是过程和成果的关系,即统计数据是统计工作提供的,是统计活动的成果。

3) 统计学

统计学(Statistics)是一门有关统计数据的科学。它是研究如何搜集、整理数据和进行数量分析、推断的一门方法论科学、是统计工作经验的总结和概括。

统计工作和统计学是实践和理论的关系。统计理论来源于统计实践,它是统计工作经 验的总结和概括。反讨来,统计理论又是指导统计工作的原则和方法。

总之,在统计工作、统计数据和统计学三者之中,统计数据是统计工作的成果,统 计工作的水平,质量又直接影响统计数据的质量和效用。统计学和统计工作是理论和实 践的关系,即统计学是在不断对统计工作的经验基础加以总结,从而达到统计学科的 发展。

2. 统计学的会义

虽然人类统计的实践活动可以追溯到相当遥远的古代,但是,将统计实践上升到理论并加以总结和概括,使之成为一门科学——统计学,距今却只有300多年的历史。综观统计学的发展历史,我们可以发现,统计学最初是从设置指标研究社会经济观象的数量开始的。随着社会的发展,为了适应实践的需要,统计方法和理论不断丰富和完善,统计学也在不断发展和演变。从当前世界各国的状况来看,统计学已经成为研究社会经济现象和自然观象数量方面的有力工具,它既研究确定现象的数量方面,也研究随机观象的数量方面。统计学的作用与功能从描述事物现状、反映事物规律,向进行抽样推断、预测未来变化的方向扩张,统计学自身也从单一的实质性社会科学演变成横跨社会科学领域和自然科学领域的多科性的方法论科学。

1) 统计学的定义

统计学是一门收集、整理、分析和解释统计数据的方法科学,其目的是探索数据的内

在数量规律性,以达到对客观事物的科学认识。也可以这样说。统计学是关于数据的科 学, 其内容包括数据的收集, 分类, 汇总, 组织, 分析, 推断和解释,

统计学的定义告诉我们、统计惠不开数据、统计研究的过程首先要有数据、在意到数 据后,为满足分析的需要,还要对数据进行一定的整理,而后再对数据进行分析和解释。 图 1.2 所示为统计研究的过程描述。



2) 统计学的分类

根据统计学的方法的构成、可以将统计学分为描述统计学和推断统计学。

- (1) 描述统计学 (Descriptive Statistics)。描述统计学研究如何取得反映客观现象的 数据,并以图表的形式对所收集的数据进行加工处理和显示,进而通过综合、概括与分 析、得出反映客观现象的规律性特征。其内容主要包括统计数据的收集方法、数据的加工 处理方法、数据的显示方法、数据分布特征的概括与分析方法等。如使用曲线图、饼图、 条形图, 表格等, 描述统计学属于初等统计学。
- (2) 椎断统计学 (Inferential Statistics)、椎断统计学主要是研究如何根据样本信息来 椎断总体的特征,所应用的知识主要是概率论与数理统计,属于较高级的统计学。在有些 情况下,人们获得的统计资料并非事物整体的状况,而是来自事物的一个局部,在保证推 断县有一定的有效性和可靠性的前提下,如何利用局部的数据去推断整体的情况,即是推 断统计学所要研究的内容。它包括抽样分布理论、参数估计、假设检验、方差分析、回归。 分析及多元统计分析等。

描述统计学不必深入一层地去试图推论数据本身以外的任何事情,而推断统计学则在 样本数据的基础上深入一步地分析、研究和推断,以推知资料本身以外的情况和数量关 系;描述统计学用的是总体数据,而推断统计学则往往用样本数据。在现实问题中,我们 得到的数据主要是样本数据,因此,推断统计学越来越重要,是统计学的核心内容。统计 学的发展过程中, 先有描述统计学, 后有推断统计学, 从描述统计学发展到推断统计学, 是统计学发展成熟的标志。



描述性统计学的简单应用

描述统计学是用来描绘或终结观察量的基本情况的统计总称 描述统计字研究如何取得反映客观现 象的数据,并通过钢表形式对所收集的数据进行加工处理和显示,进而通过综合概括与分析得出反映客。 项现象的规律性数量特征。

通付封数据资料讲行图像化处理。可将资料推要多为图表。以责项了解整伍资料分布的错况。通常 会使用的工具是频数分布表与图示法。通过分析数据资料、可以了解各变量内的观察值的集中与分散情 况,运用的工具有集中趋势与离散程度。表 1-1 列出了 22 名大学生的姓名、主修专业和年龄。

姓 名	主修专业	年 龄	姓 名	主修专业	年 紫
Richard	教育学	19	Elizabeth	历史	19
Sara	心理学	18	Bill	护理学	20
Andrea	心理学	19	Hadley	心理学	19
Steven	地理	19	Buffy	心理学	19
Jordan	教育学	20	Chip	心理学	18
Pam	心理学	19	Homer	教育学	19
Michael	教育学	21	Margaret	心理学	19
Liz	心理学	19	Courtney	教育学	17
Nicole	心理学	21	Leonard	英语	19
Mike	化学	19	Jeffrey	西班牙语	22
Kent	历史	23	Eraily	心理学	19

来 1-1 学生其本情况依计丰

如果需要描述 22 名学生中最为行的专业,可以使用标法性统计值—— 众敦荣假括他们的选择,在这 个例子中最受欢迎的专业是心理学,即专业的企数 与心理学,如果作物知道学生的平均年龄,可以订算 另一个描述统订值(均值) 采确定这个董量,在这个案例中,学生的平均年龄为 22 岁。

資料采煤; 英 尼尔·J. 萨尔金穗, 爱上统计学 [M]. 2 帧, 更珍玲译, 重庆、重庆大学出版 社, 2011.

此外、根据统计学的学科分类、还可以将统计学分为理论统计学和应用统计学。

- (1) 理论统计学 (Theoretical Statistics)。理论统计学是指统计学的基本原理,主要研究统计学的一般理论问题,尤其是各种统计方法的数学理论问题。
- (2) 应用统计学 (Applied Statistics)。应用统计学是研究如何应用统计方法去解决实际问题的,应用统计学。股都与特定的领域相联系。例如,统计学在教育领域的应用称为教育统计学,在经济领域的应用称为经济统计学。等等。
 - 3) 统计学研究的对象的特点
- (1)数量性、统计最基本的特点就是以数字为语言,用数字说话。具体来说,就是用规模,水平、速度、结构和比例关系等,去描述和分析客观事物的数量表现、数量关系和数量令化、揭示事物的本质,反映事物发展超维,推断事物发展超量。
- (2)具体性。统计所研究的量不是抽象的量,而是与客观事物的质密切相联系的量, 是体现事物相互关系和发展变化的量,具有明显的时空特点和事物属性的特点,这一点是 统计学与数学最本质的区别。因此具体性是指除数字外,还要有说明该数字的所表示的内容,所指的时间(或时点),所指的空间及计量单位和计算方法,这就是后面要讲的统计 搭标的构成要素。具有这样统计的数字才有意义。
- (3)综合性。作为认识客观事物的统计,是从总体上来认识其数量特征,它虽然也研究个体,但是其目的是通过个体来推断总体。在实际中,综合性体现为要把研究对象作为一个整体来描述,揭示或推断它的数量特征。



"统计学"在国内外的研究现状及发展趋势分析

1. 近代统计学的主要贡献

近代统计学的主要员就是建设和完善统计学的理论体系,并逐渐形成了以随机现象的指勤统计为主要内容的数理统计学和以传统的政治经济现象描述为主要内容的社会统计学两大学派。

1) 数理统计学派

19 世紀前平片,資本主义制度在欧州许多国家中已经线熟、机械唯物论的世界现和自特科学的或果、已否定了所谓的神的秩序。证实了世界存在自然健康、这为数理施订的建立创造了充分条件。把制。 即的能轉勒博士(Lambert Adolphe Jacques Quetelet. 1796—1871)以为联本论是适于波治及遗憾科学中以项额与扩散为基础的方法。他以此方法对自然现象和社会现象的超非性进行现象。并认为要促进科学的发展、首必现金参迎审制数学 他的统计学著作者 36 神之多,投资系统可以认为他是占舆统计学的完成者,近代统计学的完聚,也是数理统计学系的或某人,同时,仍就是第一届国际统计会议(1858年)的指集人、因此,他被传之为"近代统计学之人"

2) 社会统计学派

在会境計率展产生于19 智配后率中的德国 图确黑的字末主义产生较晚,所以为之服务的社会统11 学展、 報業園的政者幂末學展晚了政争个世况。但由于当时数理统计学的表定分发展,社会统计学展便在欧洲大陆在自任等地位,并向世界各限厂及货罐、按学展的的的人是电包器(K.G. A. Knies, 1821—1898)。 他以为统计学是一门检查的具条或者解求内容的社会科学、另一位有影响的免给人是乔治·蓬·梅尔(Georg von Mayr. 1841—1923)。他把统计学化为实践标类的符合科学。

2. 现代统计学的发展时期 (20 世纪初到现在)

1) 欧美数理统计学

自 19 世纪未以来, 欧洲自然科学飞跃发展, 霞进了教理统计学的发展, 进化论和能量字衡定律的出现促进了推证统计的宽善, 是描述统计学系发展的预查, 20 世纪 20 年代以后, 在榆塘学的发展推动下, 统计学逐进了推断统计的新阶段, 直到 20 世纪 50 年代, 是推断统计学派发展最感速的时期,

2) 东方社会经济统计学

+月革命隆利后, 东联的大多数统计学家受任会统计学派的影响, 主张统计学是一门实质性的社会 特字。1951年5月, 由常联科学院、中央统计局、预育膨联合召开了统计标学时论会, 并把统计学定义 为, 统计学是在领与量的密切联系中研究大量社会观象的数量方面, 研究社会发展规律在具体批点及时 到条件下向数量表现的社会补学。这一定义时我因及条然的社会主义国家的影响都很大, 在这些国家中 形成了以高度思致治疗非常为理论基础的社会经存统计学通。

3. 统计学的发展趋势

现代主流统计学有 4 个明显趋势,①随著现代数学的发展、更广泛地应用数学方法;②统计学与 其饱新料学新现论的结合、不断产生新的效像特学或新的统计分支;③推助电子订案机、使大量数理 方法,以普及应用,并已成为实证分析的主要工具;④统计的作用从描述向推断、预测及决策方向 发展。

1.1.2 总体与样本

1. 总体

通常,总体(Population)是指根据研究目的确定的所要研究的同类事物的全体。它

通常是由具有某种共同性质的许多个体组成的。例如,全国高校教师组成的全体可以作为一个总体,而其中的每位教师就是一个个体;天津市所有国营企业的全体也可以作为一个总体,而其中的每个企业就是一个个体。

在研究问题时,人们对于总体中的人或事物本身并不关心,感兴趣的是表征总体状况的人或事物的某一个或某几个数量指标的分布特征。例如、要检验一批产品的合格率,这一批产品的全体就是总体。但在统计研究中,我们只是关心这批产品的合格率,而不是产品本身。因此,我们也可以把这批产品的合格率的全体作为一个总体,这时总体就是一组观测数据。这就是数理统计中所涉及的总体的概念。

在数理统计中、总体是指研究对象的某项数量指标的值的全体。总体中的每一个可能观察值称为个体、它是某一随机变量的值。这样、一个总体对应于一个随机变量、因此总体可用一个随机变量、X或Y来表示。例如,我们要研究全国高校教师的收入情况、就将全国高校教师的收入的全体作为一个总体 X、而其中每一位教师的收入就是一个个体、它是总体 X的一个可能观察值,我们要研究某大学本科生的年消费情况,就将该大学本科生的年消费的令体作为一个总体 Y、而其中每一位本科生的年消费是一个个体、它是总体 Y的一个可能观察值。

知识要点得醒

有限总体与无限总体。

根据总体所包含的个体的数量是否介限可以分为有限总体而判策的体。有限总体是由有限的个体构成的总体。例如,全国高校教育的收入就是有限立体。无限总体是由无限个个体构成的总体。例如,在 科学实验中、每一个实验数据可以有作是一个总体的一个个体、可实验测可以飞限就进行下去。因此由实验数据构成的总体较衰一个无限总体。

2. 样本

统计研究的目的是确定总体的数量特征。但是,当总体中的个体数量很多甚至无限时,不必也不可能对构成总体的所有个体都,一进行调查。因此常常从总体中抽取一部分个体进行研究,进而根据所抽得的部分个体的数量特征来推断总体。

样本(Sample)就是由总体中抽取部分个体组成的集合,构成样本的个体的数目称为 样本容量,也称为样本大小。

在数理统计中,所谓从总体中抽取一个个体、就是对总体 X 进行一次规测并记录其结果。我们在相同的条件下对总体 X 进行 n 次重复的、独立的规察。将 n 次观察结果按实验的次序记为 X_1 、 X_2 、 \cdots 、 X_n 。有理由认为 X_1 、 X_2 、 \cdots 、 X_n 是相互独立的、且都是与总体 X 具有相同分布的随机变量。这样得到的 X_1 、 X_2 、 \cdots 、 X_n 称为来自总体 X 的一个简单随机样本,n 称为样本容量 {或样本大小}。一个样本对应 F 一组随机变量。以后若无另加说明,所提到的样本都是指简单随机样本。

当n次观察·经完成,我们就得到·组实数 x_1 , x_2 ,…, x_n ,它们依次是样本 X_1 , X_2 ,…, X_n 的观测值,称为**样本观测值**,简称**样本值**。

知识要点提醒…

样本要满足独立性及与总体同分布

从无限总体中抽取的样本可以看作是独立的。而从有限总体中抽取的样本将受到第一次所抽取的个体的影响 苦使得班抽取的样本是简单随机样本。对于有限总体、采用或回抽样使可以做到。但如同抽样使用起来不方便。因此当总体中个体的总数 N 比要得到的样本的容量 n 大得多對。在实际中可得不被回抽样可似"作放回抽样来处理"也或是说。当总体中个体的总数 N 比要得到的样本的容量 n 不得多的 不管采用什么样的结样方式。所得到的样本都可以近似着或简单随机样本。即样去满足独立性及与总体同分布的性质。

1.1.3 参数与统计量

1. 参数

参数 (Parameter) 是指研究者想要了解的总体的某种特征值,有时候我们又称之为 总体指标。通常我们所要研究的参数主要有总体平均数、方差、总体比例等。用希腊字母 来表示。例如、总体平均数用业表示、总体方差用で表示、总体比例用π表示。

由于总体的某种特征值通常是未知的,所以参数是一个未知的常数。例如,我们不知道全国高校教师的平均收入及所有高校教师的收入差异有多大,不知道某工厂所生产的一批产品的合格率,等等。正因为如此,我们才进行抽样,根据样本计算出某些值去估计总体参数。

2. 统计量

统计量(Statistic)是由样本 X_1 、 X_2 、 … . X_n 构成的一个新的函数 $T(X_1$ 、 X_2 、 … . X_n). 不含未知参数、统计量又称为样本指标。通常我们所要研究的样本指标主要有样本 平均数、样本方差、样本比例等,用英文中的 26 个字母来表示。如样本平均数用 X 表示、样本方差用 S^2 表示,样本比例用 P 表示。

由于样本是我们已经抽取出来的,所以统计量总是可以计算出来的具体值。抽样的目的就是用样本指标去估计总体指标。例如,用样本平均数 α 去估计总体平均数 μ ,用样本方差 α 3.去估计总体方差 α 5.用样本比例 α 5.去估计总体比例 α 7.等等。

总体各指标都是未知的,但是却是唯一确定的,是确定的变量。而样本指标随着抽样的不同而发生变化,因而都是随机变量。

1.1.4 标志与指标

1. 标志

标志 (Symbol) 是用来说明总体中各个个体普遍具有的属性或特征。每个总体中的个体从不同方面考察都具有许多属性和特征。例如,每个学生都具有性别、年龄、身高、体重等属性和特征,这些就是学生作为个体的标志。

标志分为品质标志和数量标志两种。总体中个体的属性特征称为晶质标志,这类标志 的变异不能用数值表示。例如,在天津市的所有工业企业总体中,工业企业的名称、所有 制、所在区县等都是品质标志。总体中个体的数量特征称为数量标志,这类标志的变异能用数值表示。例如,在天津市的所有「业企业总体中、「业企业的职「人数、固定资产、「业增加值等都是数量标志。

每个总体中的个体既有品质标志,又有数量标志,它们在统计研究中所采用的方法是 不同的。

2. 指标

指标(Indication)是反映总体数量特征的概念及其数值。它是利用科学的统计方法、对总体中各个个体的数量标志进行综合汇总而形成的。 - 项完整的统计指标有总体范围、时间、地点、指标数值和数值单位等构成。它具有以下方面的特征;第一、统计指标是一定社会经济范畴的具体表现;第二、统计指标具有可量性;第二、统计指标具有等合件。

例如,在某高等学校本科教学评估中,人们可以查阅到 - 系列指标。例如,2003 年 某大学具有高级职称教师的人数为150 人,有 3 个 - 级学科硕士点,有 8 门市级精品课程,等等。这些指标从某一侧面反映了该大学的教学水平的数量特征。

指标按所反映的数量特点不同可分为数量指标和质量指标。

1) 数量指标

凡是说明总体规模大小、数量多少的指标都称为数量指标(Quantitative Indication)。由于它反映的是现象的总量、因此也称为总量指标、用绝对数表示、它是汇总的结果。例如,在天津市下业企业总体中、天津市下业企业总数、职1人数、下业总产值、商品进出口总额、能源消耗总量等。这些指标反映了现象或过程的总规模和水平。

2) 质量指标

凡是说明总体相对水平或工作质量的统计指标都称为质量指标(Qualitative Indication),用相对数或平均数表示,它是总量指标的派生指标。例如,在天津市工业企业总体中,企业劳动生产率、职工总平均工资、工人出勤率、百元产值总能耗等,这些指标用来反映现象之间的内存联系和对比关系,更深刻地阐明现象发展的规律性。

单个指标只能反映总体的某一个数量特征,说明观象的某一个侧面的情况,然而,客观观象是错综复杂的,要反映全貌,描述观象发展的全过程,只靠单个指标是不够的,需要建立统计指标体系。

如识要点雅醒

标志与统计指标的区别和联系

区别:





(2) 表述形式不同。标志既有能用數值表示的數量标志,又有能用文字表示的品质标志;统计指标都是用數字來表示的。

联系,

(1)标志与统计指标之间具有对应关系。标志是统计指标的核算基础,它与统计指标的指标名称往往景间一概念、有相互对应的关系。

- (2) 具有汇总关系。许多统计指标是由总体单位的数量标志汇总面来的。例如,某地区工业总产值 (统计指标) 是各企业生产总值 (标志) 加总之和。
 - (3) 具有夸捧关系。随着研究目的的变化。点体可转夸为总体单位。相应的统计指标转夸为标志。

指标体系 (Indicative System) 是各种相互联系的指标群所构成的整体,用以说明所 研究的社会经济现象各方面相互依存和相互制约的关系。例如。为了证估某省各区县的经 济发展水平、需要设立年末总人口、年末全部就业人口数、失业人口占总人口的比例、国 内生产总值、人均国内生产总值、第一产业增加总值、粮食总产量、厂业增加总值、社会 固定资产总投资, 社会消费零售总额, 地方财政预算内收入, 城乡居民储蓄存款余额、年 未金融机构贷款余额、农民人均纯收入、全部职工年平均工资,以及第一、二、三产业占总 从业人数的百分比等多项指标、来组成该省各区县的经济发展水平的评估指标体系。

指标体系的设置不但是客观现象的反映, 也是人们对客观认识的结果。确定指标体系 必须有一定的理论依据、同时又必须对计算口径加以具体化、以便达到量化的目的。在指 标筛选过程中, 应尽量遵循目的性、互补性和可操作性原则。目的性体现在: 由于研究目 的不同,指标选择自然不同,在研究中应选择与研究目的明显相关的指标并剔除那些与研 究目的无关或关系不明确的指标。互补性体现在,力求各项指标分别能反映客观现象的某 一方面,综合起来能反映其全貌。可操作性体现在,根据所设计的指标体系,必须能收集 到一些必要的数据,否则必须放弃或更换相应的指标,反过来重新设置指标体系。

统计数据的来源与类型 1. 2

1.2.1 统计数据的来源

我们站在统计数据使用者的角度看,统计数据主要来源于两种渠道: -是直接的调查 和科学实验,这是统计数据的直接来源。我们称之为第一手资料或直接的统计数据;一是 别人调查或试验的数据,这是统计数据的间接来源,我们称之为第二手或间接的统计 数据。

1. 统计数据的直接来源

统计数据的直接来源主要有两个渠道:一是通过专门组织的统计调查获得的数据称为 调查数据,统计调查是取得社会经济数据的重要手段;二是通过科学试验得到的数据称为 实验数据,科学试验是取得自然科学数据的主要手段。

统计调查就是按照统计的研究任务,运用科学的统计调查方法,有计划、有组织地向 客观实际搜集资料的过程。其基本任务是:通过具体的调查,取得反映社会经济现象总体 数量全部或部分以数字资料为主的信息。统计调查与一般社会调查一样,是调查研究活 动、但它以搜集数字资料为主要特征。统计调查是对总体认识的起点、是进行统计整理与 分析阶段工作的前提。统计调查的基本要求是准确性和及时性。

科学实验是搜集数据的另一种方法、在实验中控制一或多个变量、在有控制的条件下 得到观测结果。所以,实验数据是指在实验中控制实验对象而搜集到的数据。通过科学实 验搜集数据的方法已被广泛运用到各个领域,除了工业、农业等领域需要通过科学实验来 采集数据外, 军事学、心理学、教育学、社会学、经济学、管理学的研究中也有大量地使 用实验的方法获取所需要的数据。

2. 统计数据的间接来源

统计数据的间接来源主要是公开出版的或公开报道的数据、来源的渠道有很多。在我 国、公开出版或报道的社会经济数据主要来自国家和地方的统计部门及各种报刊媒介、如 公开出版的各类统计年鉴、定期发布的统计公告、统计部门和各级政府部门公布的有关资 料、各类经济信息中心和信息答询机构等提供的市场信息和行业发展的数据情报等;另 外、广泛发布在互联网、各种报纸、杂志、图书、广播、电视传媒中的各种数据资料也属于间接数据。

相对而言,这种间接数据的搜集比较容易、采集数据的成本低、并目能很快得到。但是,间接数据也有很大的局限性、研究者在使用间接数据时要保持谨慎的态度。因为间接数据并不是为你特定的研究问题而产生的, 即此针对你的研究院设置的指标体系来采集数据、并不是一件容易的事,如经常会碰到数据资料不够全面、数据的准确性不够、数据资料的口径可能不一致等问题。另外, 提醒研究者需注意的是,在引用间接数据时,一定要注明数据资料的水源。这样做一是使你的研究成果可信,二是摩重他人的劳动成果。



阅读专栏 1-4

【拓展视频】

伪造、篡改统计资料

份睡碗计分科、是稀行为人投有任何客观事实根据、主观频幅量虚似纯计数据或者统计资料并提述 的行为 构成份违统计资标准限备两个条件,一是行为人主观上《崔是故意的,二是必须有擅通虚假的 统计资料并上报的行为 具体表现为、行为人所报送的统计数据或者统计资料。及有相应的原始记录、统计合账和对他相关的算证。或者程是一套等够纯计资料和应息资料。例如、装约实际上没有钆钢厂、 也减行为了充成集制率限下达的任务。在报送统计资的研究空造出一个轧钢厂、并以该付的名义报送工业产值1000万元...

篡改统计资料、是指行力人利用某种职务或者工作上的便利条件、擅自体改现有的统计会科并提述的行为。 构成篡改呢计资料项具各两个条件: 一是行为人在主观上必要是故乡的、聊明知政练代的统计价和是真实的、协议的结果立然导致裁据失真。但仍然希望这种结果发生; 二是必须会故专案改统订价粹的行力,例如,实具乡镇企业公司为了达到"全县乡镇企业债务使进发展"和"明年日于好过"的目的,用"以率补张"的方法擅自对该县集村5个企业1995年实际上报的工业总产值 22500 万元进行修设、借政后的工业总产值只剩6200 万元。

的造和篡改统计资料区别在于: 伪造统计资料是凭空程造, 无中生有; 篡改统计资料是在现有的统 计资料的基础上进行非法修改。

判断信报、端报、传递、篡改统计索料的标准。如果行为人是通过传递或者篡改的手段同导致统计数据失实。则其行为应认定为传递或者篡改统计资料的违法行为,如果行为 人未通过传递或者篡改的手段。则是由于其他原因导致统计数据失实。则其行为应认定为 虚福或者编程统计资料的违法行为。



【拓展案例

资料来源:天津统计信息网 http://www.stats-tj.gov.cn.

1.2.2 统计数据的类型

统计数据是对现象进行计量的结果。下面我们从不同角度说明统计数据的分类。

1. 分类数据、顺序数据和数值型数据

按照所采用的计量尺度不同,可以将统计数据分为分类数据、顺序数据和数值型数据。

1) 分类数据

只能归于某一类别的非数字型数据,称为分类数据(Categorical Data)。例如,人口按照性别可分为男、女两类,企业按照经济性质可分为国有企业、集体企业、三资企业和个体企业等。这类数据是无序的,没有大小的比较。

为便于统计处理,对于分类数据可以指定数字代码表示。例如,用0表示男性,用1表 示女性;用1表示国有企业,用2表示集体企业,用3表示 :资企业,用4表示个体企业。

2) 顺序数据

只能归于某一有序类别的非数字型数据、称为顺序数据(Rank Data)。例如、学生的 考试成绩可以分为优、良、中、及格和不及格;消费者对产品的偏爱程度可以分为很喜欢、喜欢、一般喜欢、不喜欢、等等。这类数据是有序的,可以进行比较。

同样、对顺序数据也可以指定数字代码表示。例如,用1表示优,用2表示良,用3表示中,用4表示及格,用5表示不及格;用1表示很喜欢,用3表示喜欢,用2表示一般喜欢,用1表示不喜欢。

3) 数值型数据

按照数字尺度测量的观测值, 称为数值型数据 (Metric Data)。我们所研究的数据大 多是属于这类数据。数值型数据按取值方式可以分为离散数值型数据和连续数值型数据。 例如、到现在为止你订过杂志的数量、你家里的人口数等, 都属于离散数值型数据; 你的 身高、体重等, 都属于连续数值型数据。

分类数据和顺序数据说明的是事物的品质特征,通常用文字表示;而数值型数据说明 的是现象的数量特征,通常用数值表示。

2. 观察数据和实验数据

按照统计数据的收集方法、可以将统计数据分为观测数据和实验数据。

1) 观察数据

通过調查或者观测而收集到的数据、称为观察数据(Observational Data)。这类数据 是在没有对事物人为控制的条件下所得出的,有关社会经济现象的统计数据几乎都是观察数据。

2) 实验数据

在实验中控制实验对象而收集到的数据. 称为实验数据 (Experimental Data)。在自 然科学领域中应用时所使用的统计数据大多是实验数据。

3. 截面数据和时间序列数据

按照被描述的对象与时间之间的关系,可以将统计数据分为截面数据与时间序列数据。

1) 截面数据

截面数据 (Cross - Sectional Data) 是指在相同或近似相同的时间点上所收集的数据。

用来描述现象在某一时刻的变化情况。例如、2015年我国各地区的 GDP 数据就属于截面数据。

2) 时间序列数据

时间序列数据(Time Series Data) 是指在不同时间上所收集到的数据,用来描述现象随时间而变化的情况。例如,1996 2015 年我国的 GDP 数据就属于时间序列数据。由一系列时间序列数据排列而得出的一组数据称为时间序列,又称为动态数列。对于时间序列的研究是统计学中的一个重要的内容。

区分统计数据的类型十分重要, 因为对不同类型的数据将采用不同的统计方法来处理。



统计学存批判性思考中的应用/



施計科學財政へ过程是無輕皮解作用的。 为了図藝式作用點、我们必須注意基于輕本數據的推斷几乎都是有議差的。因为釋本不能提供自体精确的軟管、釋本提供的信息特值依賴于也取的特定釋本。因此不同稱本得美的信息是下一樣的。例如、製定深想估計要同面化工厂中。所有項力關檢破製商等與合金網模啉的比例。保調費了一个100~含金個標本的釋本的解因。更現 17~是成为腐蚀破裂時與的。这是面電水資在石化工厂中所有合金個模本的標準的解析。2 是以 7 是成为腐蚀破裂的水泥。假定体不知遺合金個模体化力腐蚀破裂的 東東百分比是 11~、100~增添的抹水的 17~是成为腐蚀破裂等最的。而另一个100~增添的抹水自有,12个人160~增添的抹水有水

另一方面。假定一个百化工厂曾经系一次合金额授本平为81′。当场定样未换坏更为17′时、改是 答是一个非常隔的影坏事呢?吃什罪论伺候事我慢量关于推断的不确定性 这使得工程物和哲学家有能 力在有关总体的持续能定下。计算观测到的特殊样本或者数据严量值的概率。这些概率用未评估关于体 根衡的不确定性。例如,在给定的样本信息下、我们可以通过计算观测到如此离光例的概念、失确定 工厂815/的合金侧模环准是否章常高。

因此, 统计学的主要页载是, 使寻工程率和科学家能够用已知的可靠性度量做出推断 (关于目标总体的估计及兴谟), 这样工程师可以根据数据做出明智的决策与推断, 即统计学帮助工程质批判性地思考 他们的结论。

资料来源:[美] William Mendenhall, Terry Sincich. 统计学 [M]. 梁马珍、关静、等译. 北京: 机械工业出版社, 2009.



解读《2015年国民经济和社会发展统计公报——工业》

根据国家统计局网站公布的《2015年国民经济和社会发展统计公报》,全国工业增加 信及同比继长如图 1.3 所示。

全年全部工业增加值为 228974 亿元,比上年增长 5.9%。规模以上工业增加值增长

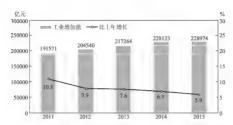


图 1.3 2015 年全国工业增加值及同比增长图

6.1%。在規模以上工业中,分经济类型看,国有控股企业增长1.1%,集体企业增长1.2%,股份制企业增长7.3%,外商及港澳台商投资企业增长3.7%,私营企业增长8.6%。分门类看,采矿业增长2.7%,制造业增长7.0%。也力、热力、燃气及水生产和供应业增长1.4%。

全年规模以上工业中,农副食品加工业增加值比上年增长 5.5%, 纺织业增长 7.0%、 化学原料和化学制品制造业增长 9.5%, 非金属矿物制品业增长 6.5%, 黑色金属冶煤和压延加工业增长 5.4%, 通用设备制造业增长 2.9%, 专用设备制造业增长 3.4%, 汽车制造业增长 6.7%, 电气机械和器材制造业增长 7.3%, 计算机、通信和其他电子设备制造业增长 10.5%, 电力、热力生产和供应业增长 0.5%。 六大高耗能行业增加值比上年增长 6.3%。 占规模以上工业增加值的比例为 27.8%。 高技术制造业增加值增长 10.2%, 占规模以上工业增加值的比例为 31.8%。 装备制造业增加值增长 6.8%, 占规模以上工业增加值的比例为 31.8%。

雲要解决的问题.

- (1) 试描述该研究的统计目的。
- (2) 由 2015 年全国工业增加值及同比增长图可以看出哪些统计数据?
- (3) 调查了哪些企业?
- (4) 试描述该研究的统计分析过程。

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生结合实际问题熟练掌握基本的统计分析过程,正确理解 统计学的基本概念。

二、案例分析

- (1) 该研究的统计目的是掌握 2015 年全部工业增加值及同比增长情况。
- (2) 由 2015 年全国工业增加值及同比增长图可以看出的统计数据如下: 2015 年,全年全部工业增加值为 228974 亿元,比上年增长 5.9%。
- (3)调查了全国规模以上工业企业,其中包括国有及国有控股企业、集体企业、股份制企业、外商及港澳台商投资企业和私营企业等。
- (4)首先从宏观范围分析了全年全部工业增加值及其同比增长情况。接下来,具体分析了规模以上工业企业中不同类型的企业,如国有及国有控股企业、集体企业、股份制企

业、外商及港澳台商投资企业、私营企业等工业增加值增长情况;并对39个工业大类中的不同行业,如煤炭开采和洗选业、石油和天然气开采业、农制食品加工业、纺织业、通用设备制造业、专用设备制造业、交通运输设备制造业、通信设备、计算机及其他电子设备制造业、电气机械及器材制造业、6大高载能行业、高技术制造业等的工业增加值增长情况进行了统计分析。

本章小结

本章是应用统计基础的开篇章,主要阐述统计学的基本理论和基本概念。通过本章的学习,要求对这门课程有一个初步的认识,正确的理解课程的研究对象、特点、研究过程及方法,熟练掌握贯穿于本门课程的基本概念,为系统学习全书各章节内容 纂定理论基础。

关键术语

Statistics	统计学		Statistical data	统计数据
Statistical work	统计工作		Theoretical statistics	理论统计
Applied statistics	应用统计学		Descriptive Statistics	描述统计
Inferential Statistics	推断统计		Population	总体
Sample	样本	U.K.	Parameter	参数
Statistic	统计量	13	Symbol	标志
Indication	指标		Quantitative indication	数量指标
Qualitative indication	质量指标		Indicative system	指标体系
Categorical data	分类数据		Rank data	顺序数据
Metric data	数值型数据		Observational data	观察数据
Experimental data	实验数据		Cross - sectional data	截面数据
Time series data	时间序列数据			



知识链模

- [1] [美] 尼尔·J. 萨尔金德. 爱上统计学 [M]. 2 版. 史玲玲, 译. 重庆: 重庆大学出版社, 2011.
- [2] 曾艳英。应用统计基础 [M]. 北京。机械工业出版社, 2010.
- [3] 贾俊平,何晓群,金勇进,统计学 [M].6 版,北京:中国人民大学出版社,2015.
- [4] 統計网络学习馆 (台湾、论坛、统计教学等丰富内容); http://estat.ncku.edu.tw/.
- [5]《管理统计学》国家级精品课程网站: http://course.tju.edu.cn/gltjx/index.html.
- [6] 浙江大学《应用统计学》国家级精品课程网站: http://jpck.zju.edu.cn/tj/

<u>১</u> 駎

一、选择题

- 1. 社会经济统计的研究对象是().
- A. 抽象的数量特征和数量关系
- R. 社会经济现象的规律性
- C. 社会经济现象的数量特征和数量关系
- D. 社会经济统计认识过程的规律和方法
- 2. 工业企业的设备台数、产品产值是(
- A. 连续数值型数据
- B. 高散数值型数据
- C. 前者是连续数值型数据,后者是离散数值型数据
- D. 前者是离散数值型数据, 后者是连续数值型数据
- 3. 几位学生的某门课成绩(单位、分)分别是 67. 78. 88. 89. 96. 是()。
 - A. 品质标志

B. 人的年龄是离散数值刑数据

D. 全国人口是统计指标

- 4. 在全国人口普查中(
- A. 男件 是品质标志
- C. 人口的平均寿命是数量标志
- 5. 下列指标中属于质量指标的是(
- A. 社会总产值 B. 产品合格率 C. 产品总成本 D. 人口总数
- 6. 指标显说明总体特征的, 标志是说明个体特征的, ()。
- A. 标志和指标之间的关系是固定不变的 B. 标志和指标之间的关系是可以变化的
- C. 标志和指标都只能用数值表示 D. 只有指标才可以用数值表示

).

- 7. 统计指标按所反映的数量特点不同可以分为数量指标和质量指标两种。其中数量 指标的表现形式是()。
 - A. 绝对数
- B. 相对数
- C. 平均数
- D. 百分数

- 8. 要了解某地区的就业情况。(A. 全部成年人是研究的总体
- C. 成年人口就业率是统计标志
- B. 成年人口总数是统计指标
- D. 反映每个人特征的职业是数量指标
- E. 某人职业是教师是标志值
- 9. 下列统计指标中,属于质量指标的有(),

- A. L资总额 B. 平均产品成本 C. 出勤人数 D. 人口密度

- E. 合格品率
- 10. 下列各项中,属于连续型变量的有(
- A. 基本建设投资额

) . B. 岛屿个数

C. 国民生产总值

D. 居民生活费用价格指数

E. 就业人口数

二、简答题

- 1. 区别下列概念。
- (1) 统计与统计学。
- (2) 总体与样本。
- (3) 标志与指标。
- (4) 数量指标与质量指标。
- (5) 分类数据与数值型数据。
- (6) 描述统计学与推断统计学。
- 下面这些数据是分类数据、顺序数据还是数值型数据?如果是数值型数据,是离 散型还是连续到?
 - (1) 性别, 男, 女。
 - (2) 体重: 123, 140.2等。
 - (3) 汽车速度, 78, 64, 45 等。
 - (4) 温度, 78, 64, 85等。
 - (5) 兄弟姐妹个数: 0~2,3~5,6个及以尘
 - (6) 成绩, A. B. C等。
 - (7) 员工对企业某项改革措施的态度、赞成、中立、反对。
 - (8) 产品中的次品数, 0, 1, 2, 3, 4, …,
 - 3. 某大学欲了解在校大学生的身体紊质, 从中随机抽取 500 名在籍大学生, 测量了他们的身高、体重。
 - (1) 从总体的两层含义分别给出研究问题的总体及其容量。
 - (2) 给出相应的样本及其容量。
 - (3) 该大学对总体的什么特征感兴趣?
 - 根据总体的一般性定义,试指明下列调查研究中的总体、样本和个体。哪些是有 限总体。哪些是无限总体。
 - (1) 天津市 2015 年大学生应届毕业生初次就业的情况。
 - (2) 2015 年全国国有企业经济效益情况。
 - (3) 随机抽样得到 1000 名在校大学生上一年伙食费支出的数据、推断全校在校大学 生上一年平均伙食费支出。
 - (4) 某市质检部门从市场上抽取不同品牌的奶粉共 80 袋, 试图对市场上销售的奶粉的质量做出评估。
 - (3) 从中小企业板块随机抽取 10 支股票的连续 30 天的价格,分析该板块股票价格波动情况。
 - 5. 某答询公司准备在全市 200 万个家庭中抽取 2000 个家庭、据此推断该城市所有职 工家庭的年人均收入。从数理统计的角度指出;
 - (1) 这项研究的总体是什么?
 - (2) 这项研究的样本是什么?
 - (3) 这项研究的参数是什么?
 - (4) 这项研究的统计量是什么?

应用统计学(第3版)

- 6. 家工厂的质量检验人员某目从该企业共随机抽取100件产品,以检验产品的合格 率、根据过一事实问答下列问题,
 - (1) 根据总体的一般性定义, 指出此项统计研究的总体, 个体和样本,
 - (2) 指出此项统计研究的指标。
 - (3) 指出此项统计研究所确定的指标是数量指标还是质量指标。
 - (4) 指出此项统计研究的参数和统计量。
 - 7. 某单位由 10 个部门组成一个总体,下面哪些是数量指标。哪些是质量指标。
 - (1) 10 个部门的职工人数。
 - (2) 第3个部门的职工年工资总额。
 - (3) 该单位固定资产单值。
 - (4) 第9个部门职工的年平均工资总额。
 - (5) 10 个部门的平均劳动生产率。
 - 8. 假设我国 2016 年 1~4 月份规模以上了业企业主要财务指标有关资料如表 1 2 所示。

主营业务收入 利润总额 分 1~4月 同比增长 1~4月 同比增长 /亿元 1% /亿元 1% -, 2. 3 总计 335613.8 18442 2 6.5 采矿业 A+8.1 -40.3-104.8302110.2 其中 制造业 3.4 16783.7 13.3 电力、热力、燃气及水牛产和供应量 1698 8 1.7 其中 国有特股企业 69817.1 -5.53265. 5 -7.8集体企业 2041.1 -2.1137.3 比中 股份制企业 234751.6 3.5 12316.4 7.4 外商及港灣台商投资企业 76138.1 -0.54761.6 7.3 甘中 117489.3 5.9 6626, 1 8.4

表 1-2 2016 年 1~4 月份规模以上工业企业主要财务指标

注,经济类型分组之间存在交叉,故各经济类型企业数据之和大平总计。

要求, (1) 试指出表 1-2 中的总体、总体单位、数量指标、质量指标、

(2) 为获得表 1-2 中的资料,应调查总体单位的哪些标志?哪些标志是品质标志? 哪些标志是数量标志?

三、判断题

1. 对某市工程技术人员进行曹春,该市工程技术人员的工资收入水平是数量标志。

- 2. 社会经济统计学的研究对象是社会经济现象的数量方面,但它在具体研究时也离 不开对现象质的认识。
- 3. 品质标志表明单位属性方面的特征, 其标志表现只能用文字表现, 所以品质标志 不能直接转化为统计指标。

- 4. 品质标志说明总体单位的属性特征,质量指标反映现象的相对水平或工作质量, 二者都不能用数值表示。 ()
- 5. 某一职工的文化程度在标志的分类上属于品质标志、职工的平均工资在指标的分类上属于质量指标。 ()

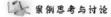


- 1, 实训项目: 消费者网上购物统计调查
- 实训目的,掌握统计调查中常用的统计基本概念,理解并会正确使用。
- 实训内容: 一项调查表明,消费者每月在网上购物的平均花费是 500 元,他们选择在 网上购物的主要原因是"价格便宜"。回答以下问题:
 - (1) 这一研究的总体是什么?
 - (2)"消费者在网上购物原因"是分类数据、顺序数据还是数值型数据?
 - (3) 研究者所关心的参数是什么?
 - (4)"消费者在网上购物的平均花费是500元"是参数还是统计量?
 - (5) 研究者所使用的主要是描述统计还是推断统计的方法?
 - 2. 实训项目: 高校在校学生的择业观念的统计调查
 - 实训目的: 掌握统计调查中常用的统计基本概念,理解并会正确使用。

实调内容,某科研机构对本市范围内的 5 所高校在校学生的释业观念情况进行了调查,以了解新时期大学生的择业倾向、择业心态及其成团。活动的主要目的是为政府制定大学生就业的政策法规、管理制度、增强宏观管理的科学性和针对性提供依据,为高校的有关大学生就业指导工作提供信息支持,为高校的大学生科业思想教育提供实现的依据,络养大学生正确的样业观和人生观。

在这次调查活动中,他们是如何确定统计总体和样本的。在调查中又有可能出现哪些统计概念呢?"

3. 组成学习探讨小组、每组提出一项统计研究目的,列出为此而开展统计研究的总体和样本,并同时列出其中的标志(品质标志和数量标志)、指标(数量指标和质量指标)等,并尝试构建一套指标体系。



解读《2014年国民经济和社会发展统计公报》部分内容

2011年, 面对复杂多变的国际环境和艰巨繁重的国内发展改革稳定任务, 党中央、国务院团结带领全国各族人民, 牢牢把据国内外发展大势, 坚持稳中求进工作总基调, 全力推进改革开放, 着力创新宏观调控, 奋力激发市场活力, 努力培育创新动力, 国民经济在新常态下平稳运行, 结构调整出观积极变化, 发展质量不断提高, 民生事业持续改善, 实现了经济社会持续稳定发展。

一、农业

全年粮食种植面积 11274 万公顷,比上年增加 78 万公顷。棉花种植面积 422 万公顷,

减少13万公顷。油料种植面积1408万公顷、增加6万公顷。糖料种植面积191万公顷、减少9万公顷。

粮食再获半收。全年粮食产量 60710 万吨,比上年增加 516 万吨,增产 0.9%。其中, 夏粮产量 13660 万吨,增产 3.6%; 早稻产量 3401 万吨,减产 0.4%; 秋粮产量 43649 万吨,增产 0.1%。 全年谷物产量 55727 万吨,比上年增产 0.8%。其中, 稻谷产量 20613 万吨,增产 1.4%; 小麦产量 12617 万吨,增产 3.5%; 玉米产量 21567 万吨,减产 1.3%

二、固定资产投资

固定資产投資增速放緩。全年全社会固定資产投资 512761 亿元,比上年增长 15.3%, 和陰价格因素,实际增长 14.7%。其中,固定资产投资 (不含农户) 502005 亿元,增长 15.7%。农户投资 10756 亿元,增长 2.0%。东部地区投资 206454 亿元,比上年增长 15.4%,中部地区投资 124112 亿元,增长 17.6%; 西部地区投资 129171 亿元,增长 17.2%;东北地区投资 46096 亿元,增长 2.7%.

三、国内贸易

市场销售稳定增长。全年社会消费品零售总额 262391 亿元,比上年增长 12.0%,扣除价格因素,实际增长 10.9%。按经营地统计、城镇消费品零售额 266368 亿元,增长 11.8%;多村消费品零售额 36027 亿元,增长 12.9%。按消费类型统计,商品零售额 234534 亿元,增长 12.2%;餐饮收入额 27860 亿元,增长 9.7%。全年网上零售额 27898 亿元,比上年增长 19.7%。其中,限额以上单位网上零售额 1100 亿元,增长 56.2%。

四、对外经济

全年貨物进出口总額 261331 亿元,比上年增长 2.3%。其中,出口 143912 亿元,增长 4.9%;进口 120123 亿元,下降 0.6%。进出口差額(出口减进口)23189 亿元,比上年增加 7395 亿元。

根据以上爱例回答下列问题。

- (1) 举例说明统计的研究对象是什么。
- (2) 案例中提到了什么统计总体?
- (3) 案例中提到的标志有几种? 举例说明什么是指标。
- (4) 囊侧中用了什么研究方法?

解读 2009 年《中华人民共和国统计法》的修订内容

解读 2009 年《中华人民共和国统计法》的修订内容。分小组讨论,



(1) 2009 年新修订的《中华人民共和国统计法》有何意义?

(2) 结合实际提出保障统计数据质量、提高统计公信力的建议和措施。

【相关法规】



【永老父亲

第2章

统计数据的收集、整理与显示

教学 0 相

通过本章学习、能够了解数据收集、整理和显示的含义;了解需用的统计调查方法;学会设计调查方案和调查问卷;了解统计数据的误差的来源;掌握数据分组和数据频数分布表编制的方法;了解常用统计图表的绘制方法。

教学基本

知识要点	能力要求	相关知识		
数据收集	了解数据收集方法及常用的统计洞, 整方式;能够设计调查方案和调查 间卷	普查、重点调查、典型调查、抽样 调查、纯计报表、问卷设计		
数据整理	能够根据数据类型及特征进行数据 分组并编制频数分布表	单项式分组、组距式分组、向上累 计、向下累计		
数据显示	能够绘制和解释统计图表的含义	统计表、统计图		

我们知道,统计学是一门应用性方法论学料,是用来处理分析现实经济现象的,而现实经济现象的表现就是数据,所以本章介绍对数据进行处理的第一个步骤,就是数据的搜集、整理与显示,本章是后面各章的基础,由于数据是分析的时象,所以必须通过合理有效的数据收集方法,才能得到高质量的数据。为了使于数据的分析,我们还要对收集到的数据进行整理、使弃显示出一定的数量特征,对数据进行整理的技术也非常重要,



研究垃圾

一般人听起来,研究垃圾是个荒唐的举动。对整曹城策不会有什么帮助。但事实恰恰相反、著名的 需得提公司犯重金聘请重毛要能大学教授城廉雷兹对拉坂进行研究,教授与飞尽可能多地收集垃圾。啥 后按按破助内容。 从及所称明的产品的名称、雕墨、散墨、 改聚形式等一分分录,从而提得了自关当地 会品消费情况的祖确信息。 制雷兹的话说: "行政决不会说谎和弄虚作假,什么样的人丢什么样的打饭。" 雷德接公司借此做出相应的决策,大孩全胜、内装是争对于即始终是包括清雷像接公司的情报来源。

资料来源,陈明杰。市场调查奇招多「」「、现代企业,1995 (12)。

以上的案例资料说明,调查研究是经营决策的前提、只有获得充分准确的信息才能做 出科学的分析判断,决策才具有针对性。那么,我们应如何开展统计调查活动,以获得真 实、可靠的数据呢。本章第一节将会为大家介绍统计数据的收集方法。



三大姓氏是如何统计的

世氏是一种标记。在生物学研究上,可以帮笔来探讨一个国家的某些现象。关于姓氏的研究、表面 上會起来是一门边缘学科,实际上它是我国优秀的文化遗产。中国人的姓氏反映了中国社会几千年进化的痕迹与传递的过程。

1982年,我国进行了一次全国性的人口普查 1986年此大普查的相次抽样数据煅烧计出来。 周家统 17部门機器相关的资料截塞, 平的对表国的经民族死计研究、1987年, 吃炒出中国的姓民有 12000~ 1.61 xx 1。同年,中国科学院正在进行台关程民研究的消息域一步媒体广泛传播。1987年5月2日,周家统计部门将北次对民统计中排名前一百任的姓民公之于众,峻於为"新百家姓"。"勤百家姓"中。"季、王、张" 但居前三甲。

据公安部海安管理局最近一次对全国户籍人口的统计分析显示。截至 2015 年、李姓是我国第一大 便,有 9530 万人,占全国人口总数的 7.04%,也就是说每 13 个人中就有一个人姓李、嫂 地区而言。李姓在北方诸省中所占比例较高,一般在 8%以上。而在南方诸省中所占比例 一般不足 8%,北其在东南沿海诸省中、比例仅在 4%左右,第二大姓是王、有 8890 万人, 上版版会议划。占全国人口总数的 7.41%。第三位是保险,有 8480 万人,占全国人口总数的 7.07%。

资料来源:中华统计学习网 新京报。

给出本案例的目的在于使读者对本章所讲的"统计数据的收集和整理"有一种具体的 认识。在这里,读者看到了数据采集和数据录入的基本程序,从而明了数据的来源。

2.1 统计数据的收集

第1章介绍了获取数据的方法主要有两种, 是统计调查, :是科学实验。而取得反映社会经济现象总体数量全部或部分信息的数据资料,统计调查方式最为常用,统计调查

就是按照统计研究的任务,运用科学的统计调查方法,有计划、有组织地向客观实际搜集 资料的过程。它是对社会经济现象总体认识的开始,也是进行资料管理和分析的基础环 节。统计调查的基本要求是准确性和及时性,进行统计调查工作,应拟订统计调查方案、 以确定统计调查的目的、调查的对象、调查的项目等内容。实际工作中常用的统计调查方 式有普查,重点调查,典型调查,抽样调查和统计报表等。



吉列公司的统计调查

男人长朝子,因而要刮朝子;女人不长朝子,自然也就不必刮朝子。修两,美国的吉列公司却把"刹朝刀"徐铺给女人。原始大巷告功

市列公司创建于1901年、其产品因便男人到胡子变得方便、舒徽、安全而大爱欢迎、进入20世纪70年代、系列公司的销售题已达20亿美元、联为世界省合的跨国公司。特所召充公司的领导者并不似北南及、司是想方设法继续拓展市场、争取更多用户、统在1971年、公司提出了面同妇女的专用"套毛刀"。

改一块黄香似荒溪, 却是建立在坚实可能的统计调查的基础之上的

百年公司电图一年的时间进行了原密的市场调查。发现在是图 30 专以上的约女中。有 65 ° 的人 句 保持废耕而泉。要促酬愈除粮毛和粮毛。该集过发武中、除使用电动到新刀和粮毛的之外。主要靠购买各种男用与新刀票满足地调需赛。一年在这方面的花费高达 7500 万美元。他比之下。我因约女一年花在粮窑和银售上的核饮售 6300 万美元。或爱利 5500 万美元。 秦毛提问。这是一个极有潜力的市场

为了使精葡剧毛刀迅速占领市场, 吉利公司法报订几种不同的"定位观念"到消费者之中征求意见。 这些定位观众包括, 采出超毛刀的"双刀割毛"; 采出其刻造性的"完全遗合女性需求"; 强调价格的 "不赖 50 萎分"; 麦项产品使用安全的"不伤玉腿", 等等。

最后,公司根据多数约女的意见,选择了"不伤荒髓"作为推销时突出的重点,利誉广告进行刻意宣传。结果,维菊到毛刀一炮打响,迅速畅销全球。

2.1.1 统计调查方案的确定

在通过统计调查统计数据之前,需要制订出一个周密、完整的调查方案,以指导整个 调查工作。一个完整的统计调查方案应包括以下内容;

1. 确定调查目的

在调查方案中首先应明确本次调查的目的,它要回答的是为什么要调查,要解决什么 样的问题。只有这些问题明确之后,才能确定向谁调查,调查什么及采用什么方法进行 调查。

2. 确定调查对象和调查单位

调查对象和调查单位要解决的是向谁调查,由谁来提供所需资料的问题。调查对象是

根据调查目的确定的调查研究的总体或调查范围,调查单位是构成调查对象的每一个单 位,是调查项目和指标的承扣者或载体,例如,《农产量抽样调查制度》是国家统计局为 取得高质量的农产品产量等相关指标数据、在全国范围内统一抽选样本调查、推算、并由 直属调查队伍实施的抽样调查制度。2003年全国共抽洗了约13万个样本地块进行实割实 测调查,并运用这些样本科学地推算全国粮食产量数据。

根据调查目的、调查对象、调查单位的概念,我们可以分析得出,此项调查的调查目 的为国家统计局为取得高质量的农产品产量等相关指标数据、调查对象为全国所有农业用 地, 调查单位为所抽取的 13 万个样本中的每一个个体。

3. 设计调查项目和调查表

调查项目是调查的具体内容,它要回答的是调查什么问题。调查项目可以是调查单位 的数量特征,也可以是调查单位的某种属性或品质特征。调查项目常以表格的形式来表 现,称为调查表。

4. 方案设计中的其他内容

另外, 调查方案还应明确调查所采用的方式和方法、调查时间、调查的组织与实施工 作等。调查时间包括调查数据的所属时间(若为时点现象,要明确规定资料的统一时点, 即标准时点,若为时期现象、要明确规定现象的起止时间)和调查的工作期限(指调查工



作从开始到结束的时间长度, 包括调查人员的选择。组织的培训、调查经费 的来源和开支预算等,以及调查表格、问卷、调查员手册的印刷等)。例如, 2010 年我国第六次人口普查规定的调查数据的所属时间为 "2010 年 11 月 1 日 0 时": 普查的工作期限是"2010年11月1日至11月10日完成普查的登

记工作"。

2.1.2 常用的统计调查方法

1. 善杏

普查是专门组织的一般用来调查属于一定时点上社会经济现象数量的全面调查。它是 针对有限总体而言的。普查比其他任何一种调查都更能掌握全面、系统的国情、国力的基 本统计资料。

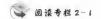
普查通常是一次性的或周期性的,一般需要规定统一的标准调查时间。目的是避免 调查数据的重复或遗漏。普查所采用的方式是利用基层单位原始记录和核算资料发表调 香。由于普查的工作量大、时间性强、需要大量的人力和财力,因此普查的使用范围比 较窄。



经实施过的有人口普查、基本单位普查、工业普查、农业普查、第三产业普 香和经济普查等。例如,我国第六次人口普查时间规定 2010 年 11 月 1 日零 【拓展视频】 时为标准时点。

为了模清、掌握重大国情、国力、基本情况而专门组织的普查。我国已

普查为各级政府制定国民经济和社会发展规划、出台政策措施等提供参考依据。也是 其他统计调查方法顺利开展的基础。为其他调查确定调查范围等提供原始资料。



普香及种类

普查是指一个国家或一个地区为详细地了解菜项重要的国情、国力和布情、市力而专门组织的一次 竹、大规模的全面调查、其主要是用未改集某些下能够或不适宜引定期的全面调查报表权靠的信息资料。 按顾国务院规定,我国所进行的符查主要有人口语查、农业资金、工业资金、第二产业资金、基本单位 普查等。其中,人口普查、第三产业普查、工业普查、农业资金等间。10年进行一次,分别在设0、3、5、 7 的年份进行。基本单位营舍, 第二年

2063年6月份经国务院批准、国家统计局印发了《关于推迟第二次三产资查并凋整其何答查项目和 周期的兼见》通知。提出调整今后所有普查的项目设置和周期兼见。其中要内容如下。

- (1) 经尽管查,将定于20m3年进行的分间第三产业营查和计划于2m5 年及2006年分8,进行的工业营套和基本单位营查合并。同时将建筑业的入事查内容, 施粹为经济营查(即申农产业营查), 产2m4年用展第一次全国经济营查。经济营查以企事业单位、机关团体和16年间内分对象, 主要营查第二、三产金的发展变化情况。该项营查以后每10年进行两次, 在建窄(8)的年份实施。
- (2) 农业普查、以从事农、林、牧、鱼业活动的单位和农户为对象,主要普查第一产业的发展变化情况。每10年进行一次,在进6的年份实施。 7. × ,
- (3)人口普查 以自然人为对象,主要普查全国人口和任务以及与之相关的重要事项。每10年进行一次,在造0的年份实施。
- 调整后的各项普点的项目设置和周期安排更加与学、合理、进一步加强了周期性普黄和经常性抽样调查的相互配套。更好地适应团家编制间民经产和社会发展十年晚制和五年计划的时间要求。

资料来源: 天津统计信息网 http://www.stats-tj.gov.cn.

2. 重点调查

K!

重点调查是指只在调查对象中选择一部分重点单位进行调查、借以了解总体基本情况的一种非全面调查。所谓重点单位,是指在总体中有举足轻重地位的单位,其所要调查的数量特征值在总体的特征值总量中占有较大比重、能保证有足够的代表性,重点调查的特点是省时、省力、对重点单位的选择不带有主观性。

重点调查的目的是反映经济现象的基本情况。 ·般来说、当调查任务只要求掌握基本情况、而调查的部分单位又能达到对基本情况的掌握、即能比较集中地反映所研究的项目和指标时、采用重点调查比较适宜。例如、要了解我国棉花生产的 ·般情况、不需要对全国的棉田 ·进行调查,只需要调查 ·些棉花集中产区的生产情况、如河南省、山东省、新疆等、因这些集中产区所产棉花在全国棉花产量中占有很大比例。

重点调查通常用于不定期的一次性调查,如专门设计和配备人员到现场调查。但有时也用于经常性的连续调查,如同报表制度结合,通过统计报表调查。

3. 典型调查

典型调查是根据调查目的和要求, 在对研究对象进行全面分析的基础上, 有意识地选择部分有代表性单位进行调查, 它是一种非全面调查。典型调查的特点是调查范围小、调查单位少、具体深入、节省人力、物力和财力, 对典型单位的选择带有主观性, 即有意识地进行调查单位的选择, 它更多地取决于调查者的主观判断与决策。

典型调查是为研究某种特殊的社会经济问题搜集详细的第一手资料、借以认识事物的本质特征、因果关系、变化趋势、为理论和政策性问题研究提供依据。其目的在于总结先进的经验和落后的教训。因此、若研究的目的是推广先进经验或为吸取落后的教训时、可选择典型调查的方法进行。选择典型单位时、在研究总体构成不是很复杂的情况下,可直接选择典型单位进行;若研究的总体比较复杂、则可运用划类选典的方法进行。即将调查总体划分为若干类、再从每类中选择若干个典型进行调查、以说明各类的情况。

典型调查的不足是在实际操作中选择真正有代表性的典型单位比较困难,而且容易受 人为因素的干扰,从而可能导致调查结论有一定的倾向性。

知识要点即醒

重点调查与典型调查的区别与联系

联系: 重点调查与典型调查都属于非全面调查方式, 在调查时都是对选取的部分单位进行调查

区别。①调查单位选取的方式下同、重点单位要选取 \$P\$ 整時條值在 它架的特質值 它最中占有較大 比例的单位。 促其施保证有足够的代表性。 具有容易性。 用囊型单位则是有电识地造取部分有代表性的 单位、单位的选择等有主观性。 ②调查目的不同。 重成调查的目的是反映经济现象的基本情况。 为典型 调查的目的是指广先进径验或为吸取赛后数制/

1. 抽样调查



【拓展知识】

抽样调查是从调查对象中随机抽取一部分单位作为样本进行调查、并根据调查结果来推断总体数量特征的一种非仓而调查,抽样调查的优越性表现在它的经济性、灵活性、时效性强、以及适应而广和准确性高上。

抽样调查主要用于调查工作量大、没条件或没必要进行全面调查及破坏 性实验等情况。抽样调查必须遵循以下原则,①随机原则,所谓随机原则,

就是要使所有调查单位被抽到的可能性相同。只有这样、才能保证所抽取的样本对总体具 有较大的代表性。②最大抽样效果原则。所谓最大抽样效果原则,就是在既定的调查费用 下使抽样估计误差尽可能小。或者是在给定的精确度下,使调查费用尽可能小。一般说 来,节省调查费用和提高抽样调查结果的精确度的要求往往是矛盾的,抽样误差要求越 小、调查费用要求就越大。在实际操作时、经常使用的方法是要求在给定的误差下,选择 调查费用最有的抽样设计方案。

抽样调查是·种科学、可靠的调查统计方法·抽样调查所取得的数据就是用来推断或 代表总体的。抽样调查与其他非全面调查相比具有以下特点:

- 第一, 抽样调查从总体中抽选出来进行调查并用以推断总体的调查样本, 是按照随机 原则抽选出来的, 由于不受任何主观意图的影响, 因此总体中各个单位都有被抽中的可能 性, 能够保证被抽中的调查样本在总体中的合理、均匀分布, 调查出现倾向性偏差的可能 性是极小的, 样本对总体的代表性很强。
- 第二.抽样调查是以抽选出的全部调查样本作为一个"代表团"来代表总体的,而不是用随意挑选出来的个别单位来代表总体,使调查样本具有充分的代表性。
 - 第三,抽样调查所抽选的调查样本数量,是根据要调查的总体各个单位之间的差异程

度和调查推断点体允许的误差大小、经过科学的计算确定的。由于在调查样本的数量上有 可靠的保证, 样本就会与总体实际上分接近。

第四,抽样调查中的样本误差,在调查前就可以根据调查样本数量和总 体中各单位之间的差异程度进行计算,可以把样本误差控制在一定范围之 内, 调查结果的准确程度比较有把握。



与其他调查一样,抽样调查也会遇到调查的误差和编误问题。通常抽样调查的误差有 两种,一种是工作误差(也称答记误差或调查误差),另一种是代表性误差(也称抽样误

差)。但是。抽样调查可以通过抽样设计、计算并采用一系列科学的方法。把代表性误差 控制在允许的范围之内: 另外, 由于调查单位少, 代表性强, 所需调查人员

少。工作误差比全面调查要小。特别是在总体包括的调查单位较多的情况 下, 抽样调查结果的准确性要高于全面调查。因此, 抽样调查的结果是可靠 的, 是可以用来代表总体的。



表 2-1 为 4 种调查方式的区别。

调查方式	调查目的	调查单位
普查	反映某一时点上社会经济现象的状态 总量	个部调查
重点调查	了解被研究对象的基本情况,不能推 算总体相应指标	选择某一标志值在总体标志值总量中占 有较大比例的单位作为重点单位
典型调查	了	有意识的选取代表性单位作为典型单位
抽样调查	用样本指标数值推断总体相应指标 数值	排除主观愿望,按随机原则抽取样本 单位



间接霉例 2-2

统计调查帮助 A 公司胜诉

美国的 A 公司生产著名的运动包、该公司发现 B 公司 (一个大型的中心商业集团) 引进一条生产 线,生产的运动包与A公司的运动包形状几乎完全一样。消费者很难区分。A公司指控B公司,说B公 可误导消费者, 让消费者觉得自己购买的是 A 公司的产品, 而实际买的是 B 公司的产品。为了证实这一 点,由第三方进行了一次现场试验。实验者选择了两组妇女,给第一组妇女看的是 A 公司生产的包,包 面上所有标签都去掉,所有的标识、说明都印在包的内层。给第二组妇女看的是B公司生产的包,包上 的商标明显可见,所有的标答和最挂物都按出售现场的样子保留 这样做的目的是希望通过这种实验了

解到女们购买包时的选择标准 例如,他们能否区分出包的不同来原或品牌。他们依据什么进行识别或締认。如果需某些东西来辨认。那么这样做的理由另什么。

所调查的两组妇女都是 200 人,实验分别在芝加哥、洛杉矶和纽约的大型商场进行,调查采用拦鼓式而访。

实验结果表明, 大多数消费者无法区分两种包的不同来源, 他们购买包时的依据主要是包的款式, 两 A 公司生产的包是名牌商品,这种包的技术是人们所核整的,这个结果支持了 A 公司的 2 场。调查数据帮助 A 公司在法庭上胜诉, B 公司同意停止销售自己公司所生产的包。

资料来源: 贾俊平。何晓群。金勇进、统计学[M], 2版, 北京: 中国人民大学出版社, 2005,

5. 统计报表

统计报表是按照国家有关法规的规定,自上而下地逐级提供基本统计数据的 种调查 方式。统计报表的特点是由政府部门组织、采用统 的表格、自上而下布置、自下而上报 告。统计报表是 种具有法律性质的报表。

统计报表制度是建立在企业的各项原始记录基础上的。原始记录是基层单位通过一定的表格形式,对生产和业务管理活动所进行的第一手记录。统计报表中的各项指标是以企业的原始记录资料来加以填报的,所以原始记录下作的质量直接影响到报表数字资料的真实性和可靠性,应充分认识其在企业管理中的地位。

统计报表的种类主要有:

(1) 按调查范围不同分为全面报表和非全面报表。全面报表要求调查对象的每一个单位都填报;而非全面报表要求调查对象中的一部分单位填报。

- (2) 按报表内容和实施范围不同分为国家统计报表、部门统计报表和地方统计报表。
- (3) 按报送周期长短分为日报、旬报、月报、季报、半年报、年报。
- (4) 按报送单位不同分为基层统计报表和综合统计报表。

我国的统计报表制度经过几十年的推广应用。已建立了相当稳固、扎实的基础。



阅读专程 2-2

统计调查方法体系

我国的统计调查 万法体系改革的目标是建立以必要的周期性普查 为苍砣, 经常性的抽样调查 为主体, 重点调查、科学核算等为补充的多种方法综合运用的统计调查方法体系。

我回現打回以全面调查为主的统订调查方法体务、是按照病理集中的计划稳定体制和分级常理的要求建工起来的。随着改革干货的面流入、我国的二资企业、私营程本、产经度库等多种经济成分内面、投资、价现行的统订调查工作审求符多新的问题。一方面。统订调查对象的规模选建扩展;为分司法统订调查付象的规模的发生复杂。不仅多种经济成分同时并存,而且因有经济中也出现了承包存前。相价经常等多种经常形式、特别是随着现代企业制度的建立和产权的流动与重相、不同所有制的经济主体投资于同一企业的状况日趋扩大。混合所有制的经济单位趋来趋多。由于引力指导的变化限人、被调查者对统订调查的合作与支持程度降低、统计信息在采集过程中的人为干扰现象增多。信息失真的风险性增大。

随着社会主义市场经济的发展,圈守一种调查模式,仅仅依靠全面调查一种方法采集统计信息。已 难以适应国家宏观调控和科学决策及部门、企业和社会公众的需要。 为了从根本上解决调查对象复杂、调查方法单一的问题、国家统计每在吃结统计调查实践径给的基础上,按照社会主义市场经济的要求, 借鉴 J际 F 成功的假法, 对历史上形成的传统的统计调查方法体系进行了一系列的改革, 东黑和军善各

1

· 理者资和专项调查、在规模以下工业、限额以下组发零售贸易业务更多有多和领域推广抽炸调查。一个符合我国国情的、适应市场程序发展需要的、与国际通行规则接轨的新的统计调查体系正在逐步形成。

资料来源:天津统计信息同 http://www.stats-ti.gov.cn.

2.1.3 调查问卷设计与问卷调查表的编码

1. 调查问券设计

同卷设计是统计调查的一项重要内容。问卷设计的好坏直接影响到数据 的质量和分析的结论。



1) 问卷的基本结构

问卷是调查者根据调查目的和要求所设计的。 ·般都由开头部分、甄别部分、主题部分和背景部分组成。问卷的设计应简明扼要,问题应通俗易懂,以保证所收集资料的准确性。

(1) 开头部分。

在自填式问卷中,写好开头部分(问候语) 十分重要,它可以引起被调查者对调查的 重视,消除顺愿,激发参与意识、以争取他们的积极合作。例如,下面是一份"天津广播 听众调查问卷"中的开头部分,

先生/女士。

您好! 我是天津广播听众收听情况的访问员,受天津人民广播电台的委托正在进行 一项有关广播电台收听状况的调查。这次调查的目的,主要是了解我市听众收听天津人 民广播电台节目的一些基本情况,为提高节目质量、推出优秀节目提供科学依据。

我们诚恳地希望本次调查能得到您的大力支持与合作。您的回答对天津人民广播电台稿好广播宣传具有非常重要的意义。请您按问卷的要求,将您收听天津人民广播电台节目的实际情况如实提供给我们。您的回答无所谓对错,请不必顾虑。谢谢您的合作!

(2) 甄别部分。

甄别是先对被调查者进行过滤,筛选掉不需要的部分,确保被调查者合格,能够作为 该调查项目的代表,从而符合调查研究的需要。例如,下面是一份"天津广播听众调查问 卷"中的甄别部分;

C1 海阳你女人及安庭出居由 显不去大下到的代工作的出居 「的法」

51. 捐門您本八及永庭成员中, 定省有在下列平位工作的成员; [平远]		
广告公司	1	1
调查公司	2	终
广播电台	3	2E
电视台	4	访
广告公司 调查公司 广播电台 电视台 报纸 杂志社	5	间
以上都没有	6	继续访问

32	应用统计学	(第3版)	
----	-------	-------	--

S2. 请问您	的年龄是:	
20 岁以下		1
20~30岁		2
30~40 岁		3
40~50岁		4
50 岁以上		5
S3. 请问您	家有几口人?人。	

(3) 主体部分。

主体部分是调查问卷的核心内容。它包括了所要调查的全部问题。

(4) 背景部分。

背景部分主要是有关被调查者的一些背景资料。例如、下面是一份"天津广播听众调 查问卷"中的背景部分:

F1. 年龄周岁
F2. 性别: 男 ······ 2
F3. 文化程度: [单选]
小学及以下1
初中、技术学校 2
高中、中专 3
大专、高职 ····· 4
大学本科 5
研究生及以上 6
F4. 职业: [单选]
学生
机关事业单位工作人员及公务员 2
企业管理人员 (包括经理、厂长及其他管理人员) 3
公司职员
专业技术人员 (教师、医生、护士、会计与工程师等具有专业技术职称的人) 5
自由职业者 (包括律师、中介人员、撰稿人等6
工人 (包括各类企业工人、不包括企业内退、病退人员 7
司机
商业、饮食业、服务业工作人员
私营、个体业主
无固定工作、下岗待业人员 11
离退休人员 (已领退休证,有退休金的人)12
内退、病退人员
家庭主妇
F5. 请问您有无驾照? [单选]
有 2

- 2) 设立问券问题的注意事项
- (1) 提问的内容尽可能短。

如果提问的问题太长、不仅会给被调查者的理解带来一定的困难,也会使其感到厌烦,从而不利于对问题的问答。若问题比较复杂,应将其分为几个问题来问。

例如:"我同越来越多的人去同外旅游。您曾经去别的国家旅游过吗?如果去过,您 也许是为了欣赏风光才去的。那么,别国的风光对您决定出国旅游有多重要?"

可以分解成.

- O1, 您出国旅游讨吗? 1-是: 2-否(终止访问)。
- Q2. 那里的风光对您决定去旅游有多重要?
- (2) 问题设计的用词要准确,用语要含义明确。

例如,提问中用"最",就不能是多选题,这是用词不当。再如,"您最近一段时间收听讨!"播电台节目吗?","最近"是指哪段时间,时间范围不明确,这是用语含义不明确。

(3) 在问卷中的问题,必须是能够获得诚实回答的问题。

例加, 某单位招聘人才, 问题是,

当你受挫折后, 你的反映是: a. 非常沮丧, 长时间不能恢复正常情绪。b. 很沮丧, 较长时间不能恢复正常情绪。c. 很沮丧, 但很快能恢复正常情绪。d. 越失败, 越受挫折, 赦积再干.

结果,绝大多数应聘者都选择了最后一个答案。这就是一个显然得不到诚实问答的问题。

(4) 问题的不同提法,可能导致不同的回答结果。

例如, 当你问某个被访者对某项服务的满意程度时, 多数人回答是 70%; 而当你用同一个问题问同一个被访者对某项服务的不满意程度时, 多数人回答可能是 40%或 50%, 不一定最 30% >>>

(5) 尽量避免诱导性、否定性和敏感性问题。

例如,"专家们都认为这位教师讲课不错,您觉得怎么样?",这就是诱导性问题;"您 觉得这位教师的讲课不好吗?",这就是否定性问题;"您的个人收入是多少?",这就是敏 感性问题。对于这类问题,被访者可能会拒绝问答,或者不诚实问答。

- 3) 设立问卷答案的注意事项
- (1) 对单选问题,备选答案应当是一个空间的完整划分。例如:

您对这个部门的服务质量是否满意?

a. 非常满意 b. 比较满意 c. 一般 d. 不太满意 e. 不满意

这 5 个答案就是答案空间的完整划分。

(2) 对单选问题, 备选答案不应当是两个空间(层面)的混淆。

学生的学习成绩好,与老师的关系是:

a. 无关 b. 老师教法得当 c. 老师的责任心强 d. 老师的知识渊博

这里给出的4个各选答案,就是两个层面的问题。学生的学习成绩好,与老师有无关系,是一个层面问题("关系"空间的问题),而老师教法是否得当、责任心是否强、知识是否渊博是另一个层面问题("态度"空间的问题)。把它们放在一起,作为单选题的备选答案,是不正确的。但对于多选题,备选答案可以处于不同的层面。

(3) 无论对多选题还是单选题,任何 ·个备选答案都不能有多重含义。例如:

您洗择这份工作的目的是,

a. 自己喜欢,收入高 b. 没有其他的工作可选择 c. ·····

这里给出的第一个备选答案本身就包含了两层含义,即喜欢与收入,选择该答案的人,也可能是因为喜欢这份工作,也可能是不喜欢但由于其收入高而选择它。因此,当你统计出选择该答案的比例时,无法确定到底有多大比例的人是因为喜欢而选择这份工作,有多大比例的人是因为由欢而选择这份工作。因此,这个备选答案的设置是不妥当的。

(4) 无论对多选题还是单选题, 备选答案之间不能有包含关系。例如;

您选择这份工作的目的是:

a. 没有别的工作可供选择 b. 确保全家人的生计 c. ……

选择答案 a 的,就必然会选择答案 b,既然没有别的工作可供选择,也就是说没有别的收入来源,那么这份工作就一定是为了确保全家人生计的。



- 4) 问卷设计的基本原则
- (1) 主题鲜明。

从调查的主题出发拟订定问题, 使提问的目的明确, 重点突出, 没有可有可无的问题。

(2) 结构合理。

问卷中问题的安排先后必须有一定的逻辑顺序,符合被调查者的思维程序。在答题的 安排上应该先封闭后开放,先易后难。

问卷中的问卷问题一般可以分为两类:一类是封闭性问题、另一类是开放性问题。封闭性问题是指对问题事先设计好了各种可能的答案、由被调查者从中选择。封闭性问题方便调查后的资料整理,但是对一些比较复杂的问题,有时很难把答案设计局全。因此,如何设计好封闭性问题的答案,是问卷设计中的一项重要内容。开放性问题是指对问题的回答本提供任何具体的答案,由被调查者根据自己的想法自由做出回答。例如,您对学校的教学管理有何更具体的看法?这就是一个开放性问题。开放性问题的优点是被调查者可以充分表达自己的意见和想法,缺点是给调查后的资料整理带来一定困难。一份问卷中的开放性问题不宜过多,而且开放性问题一般应放在后面,让被调查者有一定的思考和时间。否则会影响被调查者填写问卷的根数性,从而影响整个问卷的问答质量。

另外,把简单的、容易回答的问题放在问卷的前面,而复杂的、较难的问题放在问卷的后面,使被调查者开始时感到轻松,有兴趣继续问答下去。

(3) 适当控制回答时间。

对问卷的长度要适当控制,使被调查者回答问卷的时间一般不要超过 30 分钟,以免产生厌烦情绪,从而敷衍了事,影响调查质量。

(4) 便于计算机处理。

问卷设计要考虑易于编码、录入、汇总和数据出表等处理工作。

2. 问券调查表的编码

问卷调查表的编码主要是方便数据的 录人。整理和分析。

- 1) 单选题问卷调查表的编码
- (1) 题号代号不能重复。问题的代号必须是唯一的、不可以重复、最好用英文字母加数字来表示。为方便调查资料的汇总和分析、问题的代号尽量不要用中文字。
- (2) 同一量表的题号最好有相同的识别码。在同一份问卷中,当问卷题目较多时,可以分为几个调查表来设计。例如、调查学生的道德修养水平的形成情况时,可以将一份问卷分成3个表来设计,即表1一父母影响表、表2一数师行为表、表3一学生自身因素表。可用 A₁, A₂, ····作为表1中问题的代号,用 B₁, B₂, ····作为表2中问题的代号,用 C₁, C₂, ····作为表3中问题的代号。
- (3) 名义或类别问题的代号最好与其意义内涵有关、以 3~5 个英文字母简写代表最好。例如、年龄为 AGE、年级为 YEAR、工作类别为 JOB、学生性别为 SSEX、教育程度为 EDU 等。
 - 2) 复选顺向卷调查表的编码

复选题问卷调查表的编码比单选题问卷调查表的编码要复杂一些。下面表 2-2 是 · 份简单的问卷调查表。

表 2-2 何卷调查表

您的性別:1男生 您的职务:1主任

2 组长

2女生

3 # 06

- 一、您认为目前教改阻力来自哪些单位?(可复洗)
- 1 教育行政单位 2 学校行政人员 3 家长团体 4 龄师本身 5 其他团体
- 二、您认为目前教改对哪些人会有影响?(可复洗)
- 1 教师 2 行政人员 3 学生 4 其他

第 - 題为复选題, 内设 5 个选项, 可用 5 个代号来表示, 如 $A_{11}, A_{12}, A_{13}, A_{14}, A_{15}$ 。 第二題也为复选題, 内设 4 个选项, 可用 4 个代号来表示, 如 $A_{21}, A_{22}, A_{23}, A_{24}$ 。

该问卷的编码可做如表 2-3 所示设计。

表 2 3 变量编码表

NUM	SEX	JOB	A11	A12	A ₁₃	A14	A ₁₅	A ₂₁	A22	A23	A24
001	1	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
002	1	2	0	0	1	1	1	1	0	0	0

编码表说明, NUM 编码: SEX 性别: IOB-职务,

A. ~ A. 代表第一颗中5个洗项, 洗中者输入1, 未洗中者输入0; An ~ A. 代表第 二颗中4个洗项, 洗中者输入1, 未洗中者输入0。



阅读案例 2-3

新可乐的开发与味感测试问券调查

这是发生在20世纪80年代上半叶姜国的故事。1981年,可口可乐公司为了加强对百事可乐 (Pensi ('ola) 的币场竞争, 拟在原有可乐品牌的基础上开发出一种较为"平质柔软"的新可乐。新产品开发过 程历时3年。研究和实验了作多配方。律以 轮叉一轮的产品邀试 前后其充19万人以受试者身份参与 味感测试,这些人分布在美国各域和其他一些国家。这些测试最终使公司决策者满怀信心地于1985年春 推出了各为"New Coke"的新可乐, 而原品轉載相应地称为"经典可乐"(Classic Coke)。

可口可乐公司组织了一场经典可乐、新可乐与百事可乐的味晓测试。希望能够找到对下述问歉的 禁室。治费者是系能够确实区分新可乐和经典可乐》新可乐和百事可乐的味道哪一个更招人喜欢、大 多数年轻人是否更喜欢喝耐一点的可乐?如果允许人们免费取走一听可乐,他们是否会选取在引电的 味滤测试中属素的那个品牌?除此之外。还有其他~些阿瘤有待回答。

本次调查在一家大型助物中心的两个进口处举行, 未用距额抽样方法取得样本。测试遵照"双督原 侧", 受试的3种可乐分布标上"K""L""M" 练签, 无论现场工作人员还是受试者都不知道哪个标签 贴到哪个品牌上, 3 种可乐两两搭配。组成 K L、K M 和 L M 三种组合。在实施时每种组合的两种品 雌都是随机排序。受试者每饮完之种可乐。都得用者水煮口。然后再饮下一种可乐。要求每名受试者对 每一组合给出其喜欢的一个品牌》



7.	您	家	的	年-	敂	λ	윤	
<i>c</i> 1) 1	n	ากก	1 4	4 7	F 13	, -	К

(2) 10000~不足 15000 並元

(3) 15000~不足 25000 美元 (4) 25000~不足 35000 美元

(5) 35000~不足 50000 美元 (6) 50000 美元或其上

8. 您的年龄。

(1) 14~不足 20 岁 (2) 20~不足 25 岁 (3) 25~不足 35 岁

(4) 35~不足 45 岁 (5) 45~不足 55 岁 (6) 55~不足 65 岁 (7) 65 岁或其上

9. 您的种族,

(1) 白种人/高加索人 (2) 黑种人 (3) 印度人__

(4) 西班牙裔_____(5) 东方人____(6) 其他。请注明

本次调查问卷回收有效可卷 78 分 经现场审核和集中审核两道把关。确认无误。交录入员将 78 份 问卷的答案录入计算机文件。表 2-4 就是这份问卷的片段。

序号 M/K K/L L/M 自取 性别 职业 教育 快量 收入 在龄 种族 1 - 1 3 1 . 3 -1 1 () - 1 3 2 3 1 3 3 6 2 3 10 4 3 2 2 1 1 3 2 1 1 - 1 : : . 1 3 1 1 8 6 1 - 1 2 | 1 75 2 2 1 2 1 76 4 6 1 1 6 3 3 -1 1

表 2-4 调查问卷片段

资料来源: Donald S. Tull and Del I. Hawkins, Marketing Research: Measurement and Method, Macmillan Publishing Company, New York, 1978.

-1

2 1

2 2

2.1.4 统计数据的误差

78

收集统计数据是统计研究的第一步。而如何保证统计数据的质量则是数据收集阶段应 重点解决的问题,因为统计数据质量的好坏直接影响到统计分析结论的客观性与直实性。 为确保统计数据的质量,在数据的收集、整理和分析等各个阶段,都应尽可能减少误差。

统计数据的误差是指统计数据与客观现实之间的差距。研究统计数据误差的主要目的 是找出导致误差产生的原因, 讲而采取对策避免, 减少误差或控制误差水平。统计数据误 差主要来源于登记性误差和代表性误差。

1. 谷记性误差 (非抽样误差)

3

4

登记性误差是指由于调查者或被调查者的人为因素所造成的误差。无论是采用哪种调

查方式都可能产生登记性误差。调查者所造成的误差主要有;调查方案中有关的规定或解释不明确导致的填报错误;调查员祖心, 在记录调查结果时出现错误;调查员的态度、情绪及责任心等。被调查者所造成的误差主要有;不理解调查方案中有关的规定或解释不明确导致的填报错误;因人为因素干扰形成的有意虚报或瞒报调查数据等。登记性误差理论上进是可以消除的。

2. 代表性误差 (抽样误差)

代表性误差是指用样本数据进行推断时所产生的误差。在抽样过程中,我们依据随机 原则抽取样本,可能抽中这样。些个体组成的样本,也可能抽中另外。些个体组成的样本,他可能抽中另外。些个体组成的样本。根据不同的样本,可以得到不同的观测结果。例如,从全部学生中随机抽取20人组成样本并计算平均体重,由样本。得到的平均体重是52.35kg,由样本二得到的平均体重是50.26kg,由样本三得到的平均体重是53.19kg。3组不同的样本得到不同的结果,但是我们知道,总体真实的结果只有一个,尽管这个真实的结果我们不知道。

代表性误差并不是针对某个具体样本的检测结果与总体真实结果的差异而言,它描述 的是所有样本可能的结果与总体真值之间的平均性差异。

代表性误差通常无法消除,但事先可以进行控制和计算。

知识要点提醒…

影响代表性误差大小的因素

代表性误专的大小与多方面因素的充。提明显的是释本器量的大小和总無的离散程度的高低、① 体本器量越大。代表性误等的越小。但是肄本器量大、资意味者会消耗更多的人力、物力和财力。所以一块地池取积小的代表性误参、在装种有义上也是不可取的、资仓体的离散程度越大。即已体中各个体之间的参源越大、抽粹误专也使越大。因为有可能抽到特别大政特别小的个体、从而便择本结果摘大政的小。

2.2 统计数据的整理

统计数据的整理是将收集到的各种原始数据条理化、系统化,使之符合统计分析与推 断要求。统计数据整理的中心任务就是分组和编制频数分布表。

2.2.1 统计数据分组

统计数据分组就是根据统计研究的需要、将统计数据按照一定的标志划分为若干组成 部分的一种统计方法。统计数据分组是对统计总体进行的一种定性分组、是统计认识客观 事物的手段。通过对社会经济所涉及的方面进行重点的分组、达到对其一般及特殊性的认识。

统计数据分组的标志可以是品质标志,也可以是数量标志。通过分组,可以划分现象的类型、说明现象的内部结构、揭示现象与现象之间的依存关系。在统计数据分组过程中,选择什么样的标志就会形成什么样的分组体系,且分组标志,经确定,就突出了总体在此标志下的性质差异,而掩盖了总体在其他标志下的差异。所以,根据统计研究的目

的,在对研究对象进行分析的基础上,应抓住具有本质性的区别及反映现象内在联系的标志来作为分组的标志。

1. 按品质标志分组

按品质标志分組就是按事物的品质特征进行分组。由于品质数据是用文字来表现的、每种表现即为一种类别,因此对品质型数据主要是做分类整理。例如,按所有制性质划分,我国的经济类型可以分为国有经济、集体经济、私营经济、个体经济、联营经济、股份制经济、外商投资经济,以及港、澳、台投资经济8组。

按品质标志分组, 分组界限明确后, 分组方法比较简单,

2. 接数量标志分组

按數量标志分組就是按事物的数量特征进行分组。由于数值型数据表现为具体的数值,因此对数值型数据主要是按照数值进行分组。例如,对学生成绩的分组,可以分为60分以下、60~70分、70~80分、80~90分、90分以上5个组。按数量标志分组,在选择分组标志后,还要合理确定各组的界限。因此,与按品质标志分组相比,按数量标志分组较为复杂。

统计中按数量标志分组的方法有单项式分组和组距式分组两种形式。

1) 单项式分组

单项式分组就是把每一个变量值作为一组。这种分组方法通常只适合于离散变量且变量值较少的情况。采用的方法是,首先将原始数据资料接变量值大小进行升序排列;然后将相同的变量值分为一组;最后将数据资料分成若干组。例如、大学生按其曾经使用过的手机数分组,可以分为 0 个、1 个、2 个、3 个及以上四个组。

【例 2.1】 某车间 50 个工人看管机床台数资料如下:

- $3 \quad 6 \quad 2 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 6 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 4 \quad 2 \quad 5 \quad 2 \quad 6 \quad 2 \quad 3 \quad 5 \quad 4 \quad 3$
- 2 3 6 5 4 2 4 3 2 2 3 5 4 5 6 2 2 6 4 3
- 2 6 3 4 5 4 5 2 3 5

试对数据进行分组。

解:由于机器台数属于离散型变量,因此使用单项式分组方法。

首先将原始资料按变量值升序排列如下:

- 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
- 3 3 3 3 3 3 3 3 3
- 4 4 4 4 4 4 4 4 4
- 5 5 5 5 5 5 5 5
- 6 6 6 6 6 6

然后将相同变量值分为一组、最后将资料分成若干组。本例分组变量值为 2、3、1、5、6 五个。

2) 组距式分组

组距式分组就是将全部变量值依次划分为若干区间,并将这 ·区间的变量值作为 · 组。这种分组方法通常只适合于连续变量或虽为离散变量但变量值较多的情况。组距式分组的关键问题是分组数目的确定和组距的确定。

0.40

在组距式分组中、如果各组的组距相等则称为等距分组: 如果各组的组距不相等则称为不等距分组。例如、对学生成绩的分组可以分为 $0\sim20$ 分、 $20\sim40$ 分、 $40\sim60$ 分、 $60\sim80$ 分、 $80\sim100$ 分 5 组 · 就是等距分组;而对人口年龄的分组可以分为 $0\sim6$ 岁 (婴幼儿组)、 $7\sim17$ 岁 (少年儿童组)、 $18\sim59$ 岁 (中青年组)、60 岁及以上 (老年组) 4 组 · 故是不解的分组

一般来说,当变量值的变动比较均匀时,宜采用等距分组,便于进行对比分析;而当变量值的变动很不均匀,且变动幅度大时,则宜采用不等距分组。对于不等距分组的组数和组距的确定,必须结合现象的性质特点和统计研究的要求全面考虑。

下面重占介绍等距分组的基本北票

第一、数据排序。

将原始数据资料按变量值大小进行升序排列。

第二,分组数目的确定。

数据应分成多少组比较合适,通常与数据本身的特点和数据个数有关,由于分组的目的之一是观察数据分布的特征,因此组数的确定应以能够清楚地显示数据的分布特征和规律为原则。组数太少会使数据的分布过于集中,而组数太多又会使数据的分布过于分散、这样不便于观察数据分布的特征和规律。

具体做法是,首先根据数据个数,大体上确定所分组数。最好便每组所包含的数据个数,平均不少于+或5个。这里向大家介绍一种确定组数的经验公式,仅供大家参考。这一公式是美国学者斯特吉斯(H,A.Sturges)创用的,称为斯特吉斯经验公式,即

$$k=1+3.322 \lg N$$
 (2-1)

式中, k 为组数, N 为总体中的个体数, 对结果四含五人取整后为理论分组数目。根据这一公式,可以得出表2-5 所示的组数参考标准。

	20.00							
N	15~24	25~44	45~89	90~179	180~359			
k	5	6	7	8	9			

来 2 - 5 公用细粉条条率

第三,组距的确定。

组距的大小与组数的多少是相互制约的,它们之间呈反比例关系。组距越大,则可分的组就越少;组距越小,则可分的组就越多。

组距可根据全部数据的最大值和最小值及组数来确定,即

组距 (最大值一最小值)÷组数

第四,组限的确定。

组限即为每个组的两个端点数值,分别为上限和下限。上限是各组的最大变量值,下 限是各组的最小变量值。组限的选择应做到第一组的下限应略低于最小变量值,最后一组的上限应高于最大变量值。

对于离散变量和连续变量、组限的划分是不同的。对于离散型变量、由于其只能取整数、相邻组的上、下限可以不重叠。例如、某研究小组按人数分组可以分为4~6人、7~8人、9~10人等组。对于连续变量、相邻两组的组限应重叠。即上一组的上限同时也是

下·组的下限、用"上限不在内"原则解决不重问题、即当相邻两组的上、下限重叠时、恰好等于某·组上限的变量值不算在本组内、而计算在下-组内。例如、男人的身高可以分为140~160cm、160~180cm、180~200cm、200~220cm 等组、且均为"左闭右开"

当变量值变动范围较大时,为避免组数过多,可以采用开口组。开口组是指最小组为 "·····以下",最大组为 "·····以下"。

各组的组距也是一个组的上限与下限之差。

第五,组中值的确定。

IX III .

数据分组后,经常用组中值来反映组距分组中各组数据的一般水平。组中值是上、下 限之间的中点数值,其计算公式为

组中值 -(上限+下限)÷2

实际工作中,对于开口组的组中值,一般是用相邻组的组距作为开口组的组距,因此,其组中值的计算公式近似为

组中值一下限十邻组组距 2(缺上限)或组中值=上限一邻组组距 2(缺下限) 用组中值来代表各组数据的一般水平,有一个假设条件、即各组数据在本组内呈均匀分布。

【例 2.2】 某学校 50 位教师某月的工资 (单位,元) 资料如下:

2200, 2100, 4640, 4580, 3500, 4080, 2980, 4000, 3560, 2850

3320, 2170, 3000, 2510, 3010, 3680, 1500, 3210, 3100, 3320

4200. 3780. 3980. 3800. 4800. 3210. 2590. 4400. 3700. 2740

3840, 3400, 4100, 3350, 4780, 2600, 4320, 3130, 4300, 3890

3390, 3300, 3500, 3280, 4120, 2340, 3900, 4450, 2790, 3280

试对数据进行分组。

解:由于上资属于连续型变量、因此采用组距式分组方法。

(1) 将原始资料按升序进行排列结果为

2100, 2200, 2340, 2470, 2540, 2590, 2600, 2740, 2790, 2850

2980, 3000, 3040, 3130, 3210, 3210, 3280, 3280, 3300, 3320

3320, 3350, 3390, 3400, 3400, 3500, 3500, 3560, 3680, 3700

3780, 3800, 3840, 3890, 3900, 3980, 4000, 4080, 4100, 4120

4200, 4300, 4320, 4400, 4450, 4500, 4580, 4640, 4780, 4800

(2) 计算极差 R。

R=最大值-最小值=4800-2100=2700

(3) 确定组数和组距。由斯特吉斯经验公式

组数 k=1+3. $322 \lg N=1+3$. $322 \lg 50 \approx 1+3$. 322×1 . $699 \approx 6$. $644 \approx 7$; 组距 $d=R/k=2700/7\approx 385$. 7。

因此,取整数组距 d 400,并进行等距分组。

(4) 确定组限。

取第·组下限为 2050 · 则该组上限 下限 + 组距 2050 + 400 2450 、由此得到 7 个组的上、下限如下;

042 | 应用统计学(第3版)

 $2050\sim2450$, $2450\sim2850$, $2850\sim3250$, $3250\sim3650$, $3650\sim4050$, $4050\sim4450$, $450\sim4850$,

(5) 计算组中值。根据公式:

组中值=(上限+下限)÷2

可计算出7个组的组中值依次为2250、2650、3050、3450、3850、4250、4650。



统计分组

为了从数量方面深入地研究总体的特征、揭示统计总体中的矛盾、需要进行统计分组。

统计分组是根据研究的目的。按照一定的标志、将统计总体区分为普干个组成部分的一种统计方法。这些省于部分中的每 卜部分换集为 卜"分相"。例如、研究桌 地区人口状况时、可按与教这一种意料人口区分为不可军龄根 从这个例子可以自出。各州之间的年龄则是不同的。仍每个组中人口所表现的年龄特征是相同的 正是因为这个特点。统计分组的根本任务就是区分事物之间存在的前的参称。通过分相。可以把也依中各个不同性质的单位区分开,便性质相同的单位归在一个相内。这种才能从我量方面倒标事物。揭示事物内部的联系、深入掩研究也体的特征。认识事物的本质及现像性。

统计分组是基本统计方法之一。统计工作从确定终都离不开统计分组的应用。在统计调查方案中 及 限 对统计 分组做出具体规定。才能搜发导能特别是分相需要的差形。此计差别的整理的好多是使零散等条场化,但与转使资料系统化。本着什么去的要。这就取决于统计分准。因此,在取得定案,正确的 班计等标前提下,统计分组的债务是决定整个统计研究或吸削关键。它直接关系关系统计分析的硬置

目前,现计工作中需用的分增加较生产资料所有制性风分期、按阅风经济行业分组、按单位兼属关系分明、按地区分组、核三次产业划分、企业按大中小管划分、按职业分类等, 其中重要的分组都有全国统一的分类核(AL)

资料来源: 天津统计信息网 http://www.stats-tj.gov.cn.

2.2.2 频数分布

在统计分组的基础上,将总体中所有的个体按某一标志进行归类排序,称为频数分布 或次数分布。赖数分布是统计整理的一种重要形式,通过对零乱、分散的原始数据资料进 行有次序的整理,形成一系列反映总体各组之间个体分布状况的数列。

1. 畅数与畅数分布表

频数 (Frequency) 是指分布在各组内的数据个数,也称为次数。各组频数与全部频数之和的比值称为频率或百分比 (Percentage),各组的频率大于 0,各组频率的总和等于 1。 把各组及其相应的频数全部列出,并用表格的形式表现出来就是频数分布表。

由于统计分组是按照统计标志进行的,因此, 频数分布相应的也有品质频数分布和变量频数分布两种。

1) 品质频数分布

品质频数分布是指按照品质标志进行的分组所编制的频数分布。例如,某单位职工按 受教育程度分组统计,可以得到表 2-6 所示的频数分布。

按受教育程度分组	频数/人数	频率/%
小学	1	6. 25
初中	2	12. 50
高中	2	12.50
大学	9	56. 25
研究生	2	12.50
合 计	16	100

又如,某单位职工按职工性别分组统计,可以得到表2 7所示的频数分布表。

按性别分组	频数/人数	频率/%
男职工	253	68. 70
女职工	N5/11	31. 25
合 计	368	100

表 2-6 和表 2-7 所示的分组统计频数分布,都属于按照品质标志进行的分组所编制 的频数分布。

2) 变量频数分布 1

变量频数分布是指按照数量标志进行的分组所编制的频数分布。变量频数分布可以分 为单项式频数分布和组距式频数分布。 ※ [***

(1) 单项式频数分布。单项式频数分布是指每一组只有一个值进行分组形成的频数分 布。分组后统计出每组变量出现的次数、即频数、并计算各个变量值出现次数占总次数的 比例,即频率。最后,按变量值的大小顺序列出单项式变量数列,并形成频数分布表。例 如,某单位职工按家庭人口分组统计,可以得到如表2-8所示的频数分布。

12.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.2	47 41 (777 - 4 41	derects (a)
按家庭人口分组/人	频数/职工户数	頻率/%
1	7	2. 7
2	38	14.9
3	105	41.2
4	54	21. 2
5	31	12. 2
6	20	7.8
合 计	255	100

044 应用统计学(第3版)

(2) 组距式赖数分布。**组距式频数分布**是指按组距式分组形成的赖数分布。分组后仍 然要统计出每组变量出现的次数、即频数、并计算各个变量值出现次数占总次数的比例、 即频率。最后、按各组组限的大小顺序列出组距式变量数列、并形成频数分布表。例如, 某单位按某种产品的销售量分组统计,可以得到如表2 9 所示的频数分布。

按销售量分组/台	频数/天数	频率/%
140~150	4	3. 33
150~160	9	7.50
160~170	16	13. 33
170~180	27	22. 50
180~190	20	16.67
190~200	17	14. 17
200~210	10/11	8. 33
210 ~ 220	8	6. 67
220~230	12/1/4	3. 33
230~240	5 1	4. 17
合 计	120 1	100

表 2-9 某种产品的销售量的额数分布表

表 2-9 所示的频数分布就是组距式频数分布。

2. 累计编数和累计频率

在数据整理中,我们除了上面的頻数和频率的统计之外,有时还关心各有序类别或组在某一个变量值以上或以下的频数或频率。例如,在统计学生成绩时,我们除了统计学生在各个分数段的人数和百分比之外,还经常关心学生在某一分数以上或以下的人数。例如,及格(60分以下)的人数有多少?及格的人数占总人数的比例有多大?不及格(60分以下)的人数有多少?不及格的人数占总人数的比例有多大?这些统计内容就是有关的累计频数和累计频率统计。因此,我们有必要对频数分布表的内容加以扩展。

- (1) 累计頻數 (Cumulative Frequencies)。累计頻數就是将各有序类別或组的頻數逐 级累加起来。其方法分为向上累计和向下累积两种. 向上累计是从变量值小的 ·方向变量 值大的 ·方累加頻数; 向下累计是从变量值大的 ·方同变量值小的 ·方累加頻数。通过累 计频数,我们可以很容易看出某 ·类别(或数值)以下或以上的频数之和。
- (2) 累计频率或百分比 (Cumulative Percentages)。**累计频率**就是将各有序类别或组的频率逐级累加起来。其方法也分为为向上累计和向下累计两种。例如,某单位按某种产品的销售量分组统计,可以得到如表 2-10 所示的频数分布。

频 数 分 布			向上	累计	向下累计		
按销售量 分组/台	频数/天数	频率/%	累计频数	累计频率	累计频数	累计频率	
140~150	4	3. 33	4	3. 33	120	100	
150~160	9	7, 50	13	10. 83	116	96.67	
160~170	16	13. 33	29	24. 16	107	89. 17	
170~180	27	22, 50	56	46.66	91	75.84	
180~190	20	16. 67	76	63.33 ¥	^ 64	53. 34	
19.1~200	17	11.17	93	77. 36	11	36. 67	
200~210	10	8. 33	103	\$5. 83	27	22, 50	
210~220	8	6. 67	111	92, 50	17	14.17	
220~230	4	3. 33	71/5 /11	95. 83	9	7. 50	
23.0~240	5	4. 17	120	100	5	4. 17	
合 计	120	100/1	_	17	_	_	

表 2-10 某种产品的销售量的粉数分布表

在表 2-10 中,由向上累计可以看出,某种产品有 93 天销售量在 200 台以下,占所 统计天数 (120 天) 的 77.50%;由向下累计积可以看出,某种产品有 27 天销售量在 200 台以上,占所统计天数 (120 天) 的 22.50%

2.2.3 统计表与统计图

统计表和统计图是数据资料整理的两种重要显示 L 具。运用统计表可把杂乱的数据有 条理地组织在一张简明的表格内,即便于计算比较、又易于发现错误和遗漏。运用统计图 可把数据形象、直观地显示出来,使人们在短时间内获得明晰的印象。正确地编制和使用 统计图表是做好统计分析的最基本技能。

1. 统计表

统计表就是将统计调查所搜集到的数据资料经过汇总整理后,按一定顺序填在以纵横 变叉的线条所绘制的表格内。

1) 统计表的结构

统计表的形式多种多样,根据使用者的要求和统计数据本身的特点、我们可以绘制形式多样的统计表。

统计表的结构 一般由表头、行标题、列标题和数字资料 1 部分组成。其中,表头应放 在表的最上方,它说明的是统计表的主要内容,行标题和列标题通常安排在统计表的第一 列和第一行,它所表示的是所研究问题的类别名称和变量名称,数字资料列在行标题与各 列标题的交叉处。此外,必要时还可以在统计表的下方加上表外附加,主要包括资料来 源, 指标的注释和必要的说明等内容。

从统计表的内容上看、统计表包括卡词和定词两个部分。卡词就是统计表要说明的总 体及其各组成部分, 宾词是用来说明总体的各种统计指标。统计表的构成如表 2 11 所示.

国 家	金牌/枚	银牌/枚	铜牌/枚
中国	51	21	28
美国	36	38	36
俄罗斯	23	21	_ 28
英国	19	13	15
德国	16	10	15
澳大利亚	14	15. 1	17
韓国	13	(10)	8
日本	9	1.116	10
意大利	8	10	10
法国	7	16	17
合 计	198 1	160	184

表 2-11 2008 年北京奥运奖牌榜(前十名) ◆表头

资料来源, 北京奥运官方网站 http:

www. bening2008. en .

2) 统计表的设计

在编制统计表时应遵循以下几点原则:

- (1) 合理安排统计表的结构、例如、行标题、列标题、数字资料的位置应安排合理。
- (2) 表头一般应包括表号、总标题和表中数据的单位等内容。

总标题应简明确切地概括出统计表的内容, 一般需要表明统计数据的时间、地点及何 种数据,即标题内容应满足3W(统计数据的时间、地点、何种数据的简称)要求。

- (3) 如果表中的全部数据都是同一计量单位,可放在表的右上角标明,若各指标的计 量单位不同,则应放在每个指标后或单列出一列标明。
- (4) 表中的上、下两条线一般用粗线,中间的其他线要用细线,这样使人看起来清 楚、醒目。
- (5) 在使用统计表时,必要时可在表的下方加上注释,特别要注明资料来源,以表示 对他人劳动成果的尊重, 方便该者查阅使用。
 - 3) 统计表的分类
- (1) 简单分组下的统计表。简单分组就是对被研究现象只按一个标志进行的分组。例 如,大学生按其年龄、性别、所学专业等标志进行分组、简单分组具能说明被研究现象某 ·方面的差别情况。例如,表2-12是按一个品质标志(职位)进行分组的简单统计表, 也是横截面数据统计表。

表 2-12 2009 年某公司中层干部的孪际收入

(单位: 万元)

职 位	实际收入
财务部经理	10
市场部经理	32
人事部经理	8. 5
研发部经理	11
生产部经理	12
合 计	73. 5

表 2-13 是按·个品质指标(时间)进行分组的简单统计表, 也是时间序列数据统计表。

表 2-13 2010-2014 年北京市城镇人口数统计表

(单位: 万人)

年 份	城镇人口数
2010	1686
2011	1740
2012	1784
2013	1825
2014	1858
介 计	8893

资料来源:中华人民共和国国家统计局 http://www.stats.gov.cn.

(2) 复合分组下的统计表。**复合分组**就是采用两个或两个以上的标志结合起来进行分组。例如,大学生可先按性别进行分组,在此基础上,再按所学专业进行分组。采用复合分组可以对被研究的现象做更深人的分析,但也不宜采用过多的标志进行复合分组,以免组数过多,反而难以显示出事物的本质特征。例如,表 2-14 是一个先按地区,再按年份进行分组的复合统计表。

表 2 14 东北三省 2011-2014 年 GDP 对比表

(单位: 亿元)

年份/年	2011	2012	2013	2014年
辽宁	22226.70	24846. 43	27213. 22	28626.58
吉林	10568. 83	11939. 24 13046. 40	13046. 40	13803, 14
黑龙江	12582. 00	13691.58	14454. 91	15039, 38
合 计	45377.53	50477.25	54714.53	57469. 10

资料来源:中华人民共和国国家统计局 http://www.stats.gov.cn/.

表 2-15 是先按县名、再分别按家庭户、平均每户住房间数和人均住房建筑面积进行 分组的复合统计表。

	农 2 - 13 2000 年天洋巾裙竖家庭尸证房状况							
县 名	家庭户/户	平均每户住房间数/个	人均住房建筑面积/m²					
宁河县	96343	2. 83	21. 21					
静海县	165351	3. 61	22. 07					
宝坻县	178523	3. 56	20. 53					
蓟县	213705	2. 51	19.53					
合 计	653922	12.51	83.34					

资料来源:《2000人口普查分县资料》。

表 2 - 16 是 - 个重叠排列表,即先按县名,再分别按平均受教育年限、15 岁及以上文 盲人口和文盲率, 最后按性别进行分组的复合统计表。

B 4	平均受教育年限/年		15 岁及以上	文盲人口/人	文盲率/%	
县 名	男	女	男	女	男	女
宁河县	7. 89	-16.08	6135	. 18433	4.55	13.56
静海县	7. 89	7, 00	10792	27681	5. 06	13. 72
宝坻县	8, 08	6. 97	7590	34409	3. 14	13. 87
蓟县	7.64	7. 01	12228	52738	5. 75	17.69
合 计	31.8	27.96	41745	133261	18.50	58. 14

表 2 · 16 2000 年天津市辖县受教育程度统计表

资料来源:《2000年人口普查分县资料》。

2. 统.计图

统计图就是利用各种几何图形表现统计资料的形式。通过频数分布表, 可以初步看出数据分布的一些特征和规律,但如果用图形来表示频数分布的 结果, 会更加形象和直观。在计算机运用日益普及的今天, 统计图的制作可 以借助于计算机来完成。常用的显示频数分布特征的图形有条形图、饼图、 直方图和线形图等。



1) 条形图

条形图 (Bar Chart) 是用宽度相同的条形的高度或长短束表示数据频数分布变化的图 形, 主要用于比较同类统计指标数值, 分析同类指标在不同时间或地区的发展差异, 一般 适用于顺序和分类变量的分析。条形图的纵坐标可以是频数,也可以是频率(百分比)。 例如,在表2 6中,职工受教育程度的频数分布表可以直观地用条形图来显示。图 2.1 是以频数 (Frequency) 为纵坐标的条形图。

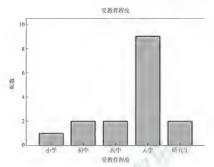


图 2.1 职工受教育程度条形图

2) 直方图

直方图 (Histograms Chart) 是用矩形的而积来表示频数分布变化的图形。绘制直方图时、横轴表示各组组限、纵轴表示频数或频率、然后按分布在各组的频数及频率确定各组在纵轴上的坐标、并依据各组组更的宽度与频数的高度绘成直方图、直方图适用于定距形变量的分析。此外、我们还可以在直方图上附加正态分布曲线、以便于正态分布比较。例如,在表2-6中,眼上受教育程度的频数分布表可以直观地用直方图来基示。图2.2 是以受教育程度为横坐标、以频数 (Frequency) 为纵坐标的直方图、其中横坐标中的1代表小学。2代表初中、3代表高中、4代表大学。5代表研究生、并附加了正态分布曲线。

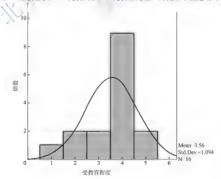


图 2.2 职工受教育程度直方图

加识要点理解

直方图与条形图的异同

- (1) 都是用来反映数据的分布状况,适用于不同类型的数据。
- (2) 条形图是用条形的高度表示各类别频数的多少, 其宽度 (表示类别) 则是固定的。
- (3) 直方恆是用面积表不各個種數的多少、矩形的高度表不每一個的期數或百分比,電度見表示各 術的組經,掉高度与實度均有意义。
 - (4) 直方图的各矩形通常是连续排列的,条形图则是分开排列的

3) 饼图

饼图 (Pie Chart) 是用圆形及圆内扇形的面积来表示频数分布变化的图形。利于研

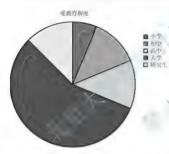


图 2.3 职工受教育程度饼图

究事物內在结构组成等问题。 併形图中 無於兩率(百分比)。但是,用饼图表 於極中各部分所占比例就比条形图要 好一些。例如,在表 2 - 6 中,职工受 教育程度的频数分布表可以直观地用饼 图来显示。图 2.3 是职工受教育程度的 饼图

4) 线形图

线形图 (Line Chart) 是用线条的上下波动来反映数据变换的一种统计图形。 主要适用于描述现象在时间上的变化趋势、现象的分配情况和现象间的依存关 系。图 2.1 是 2008 年南 方区域及 丘省 (区) 全社会用由量走势。

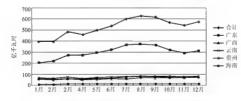


图 2.4 2008 年南方区域及五省(区)全社会用电量走势



统计整理为经营者提供帮助

企业正处在信息化时代,它们之间的竞争越来越取决于信息的竞争。企业统计信息工作是对企业实 行科学管理、当谷整个企业活动的重要手段,是个业制订政集和计划的主要依据。统计信息参与企业决 策勢在必行。

一手机专营店的经营者为完善店内的销售工作商组织了一项统计调查,力求从调查中投到有用的信息,以便象订更好的销售策略来满足颐客的需求。

读手机专管召为了解人们在购买手机时关注的因素、随机调查了100名前来电源本店的顾客、与问及"您在选购手机时最关注的问题是什么"时,给出的各选答案是。

A. 价格 B. 品牌 C. 售后服务 D. 功能 E. 外現 得到回答的原始数据记录如表 2-17 所示。

表 2-17 100 名回答的该问题的原始数据资料

В	А	D	В	В	D)	С	В	1)	E
1)	А	Е	В	В	D	D	A	В	D
Α	D	В	A	de	E	D	D	В	В
В	1)	D	D	D	Α	В	D	D	A
D	В	C	Ð	D	В	6.4	С	В	D
D	Λ	D	В	В	D	Е	D	D	В
Е	1)	A	_ D	E	Ø.	В	В	A	D
В	D '	(B	D	D.C.	A	В	D	D	С
A	D/ /	> в	A	В /	D	E	В	D	В
D	В	D	E	D	В	D	D	В	D

根据以上原始数据, 你能概括说出顾客对于手机的反映吗?

为了观察分析人们购买手机时最看重的情况,必须对资料的数据进行分类整理。经整理得到的频数分布表如表 2-18 所示。

表 2-18 顾客购买手机关注情况频数分布表

关 注 类 型	数量/人	频率/%
功能	43	43
品牌	30	30
价格	14	14
外观	8	8
售后服务	5	5
合 计	100	100

052 应用统计学(第3版)

由此可见, 经过整理后、调查得到的数据被大大简化了、关注功能和品牌的消费者最多、占利调金 总数的 73%。同时,通过统计图(图2.5 和图2.6)、我们也可以得出相同的结论。即现在人们购买手机 时普遍关注的是功能与品牌。

资料来源: 曹艳英。应用统计基础 [M]. 北京: 机械工业出版社。2010.



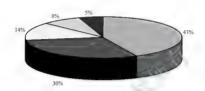


图 2.5 购买手机关注因素饼图

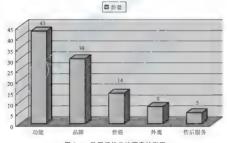


图 2.6 购买手机关注因素柱形图



在校大学生旅游情况调查

随着中国经济的高速发展,人民生活水平不断提高,越来越多的人出外旅游,而国家也制定了多个假期,以满足需要。旅游已逐渐成为人们娱乐生活中不可缺少的一部分。人们除了能享受到旅游过程中的惬意与放松,其实更多的是对生活的体味。对于大学生来说,除了国家法定节假日外,还有寒暑假,比较起来有更多的出游时间,而且当代大学生的求知欲非常强,消费水平也在不断提高。因此,越来越多的大学生喜欢出外旅游。

那么,大学生的旅游现款究竟如何?他们又有哪些需求? 2016 年初,某高校学生在 老师的指导下组成调研小组,对该校本科生的旅游状况进行了统计调查。通过对他们旅游 的目的、方式、花费、地点等方面的调查。客观、真实地了解本科生旅游的实际情况,并 且利用调查的数据进一步分析和探讨了大学生出游的观念和需求,为旅游机构进一步开发 旅游市场招供听条者的依据, 未次调查需要研究的问题是。

- (1) 指出本次调查的目的。
- (2) 确定使用的调查方法。
- (3) 设计出一份调查问卷。
- (4) 收集调查数据,并进行整理,写出调查分析报告。

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生掌握统计调查的基本流程和方法,能够对调查结果进行 有效的分析。

二、案例分析

- (1)調查目的:了解当今大学生旅游的现状和需求,为大学生的旅游市场开发提供可行的建议。
- (2)調查方法:本案例的抽样调查的总体是某校本科毕业生。采用的抽样方法是两阶段抽样:第一阶段为分层抽样,以宿舍为抽样单位、按专业和性别分层;第二阶段为随机抽样,在第一阶段抽到的宿舍内随机抽取学生作为调查对象。该项调查共完成有效问卷103份,调查对象为大学一年级至大学四年级之间的已有过旅游经历的学生。
 - (3) 调查问卷:

海猪军你的其方付自

关于大学生旅游情况的调查问卷

您好!我们是某大学学生,现在我们需要对旅游情况进行一项调查,非常期望您能够抽出几分钟宝贵的时间参与我们的调查,请您认真回答下列问题,问题没有正确与错误之分,关键是能真实表达您的看法,非常感谢您的合作!

.,, ,, , , , , ,	200 7 70 700 6			
姓名	性别	专业	年级	
以下各题请	您在您要选择的选	项"□"上划"√	7 99	
1. 在大学期	用间您是否出外旅游	过:□是 □否		
2. 最喜欢德	总旅游目的地。 🗌 自	然景点 □人文法	景点 □休闲度假	村
3. 您一年出	: 游几次: □1~2 次	2 □3~5次 □	5 次以上	
4. 您旅游的	主要目的 (多选)	:		
□欣賞自然	风景 □购物 □	寻求刺激 □增长	見识 □探险	□摆脱束缚
□摆脱学习	压力 □结识新朋	友 □其他		
5. 影响您被	设游地点选择的主要	:因素 (多选):		
□时间 (体	假时间的长短、季	节) □旅游费用	□时间 □目	的地资源吸引力
□交通便捷	程度 □其他			
6. 您旅游一	- 般所需費用: □少	→ 200 □201~	500 □501~800	□801~1000
□ * £ 1000				

7. 您最喜欢的旅游方式(多选); □自助旅行 □随团旅游 □骑自行车旅游
□徒步背包旅游 □野营 □探险旅行 □其他
8. 您的旅游信息主要来源于 (多选):
□直接获取 (从旅行社) □报纸杂志 □电视广播 □朋友介绍 □网上浏览
□ 其他
9. 您是否愿意从旅行社获得相关咨询: □是 □否
10. 您旅行中主要选用的住宿方式: □住在亲戚/朋友家 □宾馆 □中小型旅馆
□野外露莹
11. 您是否考虑随旅行社出游: □是 □否
12. 您旅行中主要选用的交通工具 (多选): □飞机 □轮船 □火车 □巴士
自驾车 [脚踏车 □徒步 □其他
13. 您旅游途中您最关心的事情 (多选):
□住宿 □导游 □饮食 □交通 □天气 □卫生 □安全 □其他
14. 对于您在历次旅游过程中, 最不满意的是:
□旅行社导游来尽职责 □旅行社降低等级标准 □旅行社擅自变更行程安排
□旅行社配套设施不完善 □其他
15. 您认为在景区内的餐厅就餐 (多选)。
□不方便 □价格偏高 □卫生条件差 □服务差
16. 您旅游最喜欢去的地方是
理由:
17. 您旅游去过的地方最不喜欢的是:
理由:
调查员

(4) 调查分析报告。

① 关于旅游目的、次数和信息来源的选择。

从这次的调研数据来看,对于旅游的目的大学生们的选择各有不同,但从分析中可看 出,出于摆脱学习压力、欣赏自然风光和增长见识的大学生占多数,如图 2.7 所示。此 外,大学生一年出去旅游的次数在1~2次的占85%,3~5次的占13%,而5次以上的仅 占 2%。

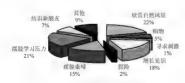


图 2.7 大学生旅游目的频率分布图

至于旅游信息的来源, 主要还是 以朋友之间的互相介绍为主。原因是 一般朋友介绍的。总会认为是可以值 得相信的旅游好地点。另外, 大学生 之间的互动性和相仿性也是很高的。 也有一些大学生愿意从旅行社获得相 关信息,因为毕竟是专业机构,信息 的参考性较强。

② 关于旅游地点、方式和费用的选择。

调查资料显示,68%的人表示喜欢休闲度假村和自然景点,由于大学生就业、学习压力大,去一些自然中的景点是大部分人的首选地,那种超越自然的感觉,可以使他们暂时缓解学习压力,精神得到放松舒缓。影响大学生旅游地点的主要因素是时间和费用,因此,本市及周边地区则是学生们的首选。此外,调查结果也表明,大部分大学生比较钟情于欧洲。因为那里的历史文化、建蔬风格和神秘气息深深地吸引了他们。

毋庸置疑,大学生目前的旅游方式还是以自助旅游为主,占到66%(图2.8),一般都是约三五个好友一起出游。





图 2.8 大学生旅游方式频率分布图

大学生的旅游费用为500元以下的占了大部分(图2.9)。由于绝大多数的大学生还没有收入,生活费主要来源于父母,因此大多数人的消费观念还是比较理性的。

③ 关于旅游交通工具、住宿和就餐的 ■201~500■501~800□801~1000■多于1000■■■

至于旅激交通工具,选择乘坐火车和汽车的学生占产 82%,只有 2%的学生选择了飞机。关于住宿的问题,80%的人选择中小型旅馆,只有 3%左右的人选择实馆。从这次的分析数据来看,学生们普遍 反映景区内就餐价格高;此外。有些景点的卫生条件和服务质量较差也是大学生比较关心的话题(图 2.10)。因此,如果一个旅游景点想要吸引游客。除了价格因素外,还需要在服务水平等各方面下功夫。



图 2.9 大学生旅游费用频率分布图

④ 关于旅游影响因素的选择。

在众多影响大学生旅游的因素中,住宿、交通、天气、卫生、安全这5个方面被大学生认为对外出旅游是比较重要的。在本次调查中,大学生最为关注的就是天气因素,占了本次统计调查的33.3%。学生们大都喜欢在春、秋两季天气凉爽的时候出去旅游,因为碰上高温或阴雨天,影响旅游的好心情。另外,交通问题占了本次统计调查的34.7%。去旅游,学生们都希望不要在车上或任何其他交通工具上耽搁太久时间,因为旅游时间原本就

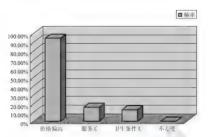


图 2,10 大学生对景区内就餐质量的评价分布图

很緊凑,这样浪费时间会让他们觉得玩得不尽兴。至于住宿、安全、卫生三者占了本次统 计调查的23%,学生们认为只有住得安心、吃得放心、安全有保障,旅游起来才会开心。

综上所述,随着人民的生活水平不断提高,裱游消费变得越来越热,出外旅游已成为人们生活中必不可少的部分。在旅游群体当中,大学生是整个旅游市场的一个重要而又独立的组成部分。大学生作为社会的一个特殊群体,具有一定的经济独立能力和自我生活能力,有相对宽松的时间,具有更多的冒险精神和追梦遐想,这些促成了大学生旅游热。因此,大学生作为一支旅游生力军的地位确实不容忽视。当今全国高校数量已达2000多所,在校生人数超过2000万人,可见中国的大学生旅游是一个巨大的市场,值得旅游机构关注。

本章小结

統计主要研究现实生活中的数据,它通过收集、整理、描述和分析数据来帮助人 们对事物的发展假出合理的判断,能够利用数据信息和对数据进行处理已成为信息时 代每一位公民必备的素质。通过对本章的学习,要求学生能够灵活运用各种数据收集 方法收集数据,掌握统计分组的方法和技巧,理解组距数列中有关概念,掌握频数分 布表的编制方法。

关键术语

frequency	頻 數	percentage	頻率
cumulative frequencies	累计频数	cumulative percentage	累计频率
bar chart	条形图	histograms chart	直方图
pie chart	饼形图	line chart	线形图



- [1] 曾艳英,应用统计基础 [M]. 北京: 机械工业出版社,2010.
- [2] 實檢平, 何晓群, 金勇进, 统计学 [M]. 6版,北京,中国人民大学出版社, 2015.

习 题 2

一、 选择题

- 1. 对家用电器的平均寿命进行调查,应该采用()。
- B. 重点调查 C. 典型调查 D. 抽样调查
- 2, 2009年6月新浪网进行的 项网络调查中, 把调查问券刊券在网站上, 然后由感 兴趣的网民自行填写。在回答问题的人员中有 47.5%的人认为高考会改变个人一生的命 运。对于此项调查,有媒体得出结论认为"全国居民中有47.5%的人认为高考会改变个人 · 牛的命运"。 这一结论()。

A. 完全正确

B. 不准确、因为没有给出置信区间

C. 不准确。因为样本缺乏对目标总体的代表性

D. 不能确定

3. 在抽样调查中以下会造成非抽样误差的是()。

A. 数据录入错误

B. 被调查者拒答

- C. 调查员编浩数据 4. 在问卷设计中,以下问题设计的最为合理的是(
- A. 国家认为 H1N1 病毒是可防可治的, 你认为呢?
- B. 你喜欢足球和篮球运动吗?
- C. 你经常上网吗?
- D. 你上个月的总支出是多少?
- 5. 某组向上累计频数表示()。
- A. 大于该组上限的频数有多少 B. 大于该组下限的频数有多少 C. 小于该组上限的频数有多少 D. 小于该组下限的频数有多少 D. 小于该组下限的频数有多少
- 6. 某连续式组距分组数列, 其末组为开口组, 下限为500, 又知其相邻组的组中值为 480,则末组的组中值为()。
- A. 520 B. 510 C. 500 D. 490
- 7. 统计分组时, 若某标志值刚好等于相邻两组上、下限数值时()。
- A. 将此数值归入上限所在组 B. 将此数值归入下限所在组
- C. 归入这两组中任意一组均可 D. 另立一组
- 8. 人口普查是 ()。
- A. 专门调查 B. 非全面调查 C. 经常性调查
- D. 次性调查 E. 全面调查
- 9. 非全面调查方式包括 ()。
- A. 普查 B. 抽样调查 C. 全面统计报表 D. 重点调查
- E. 典刑调查

10. 统计表从内容上看,由()构成。

B. 主词

A. 总标题

C. 権行标題

D. 纵栏标题

E. 宝词

二、简答题

- 1. 区别下列概念。
- (1) 普查与统计报表。
- (2) 重点调查与典型调查。
- (3) 登记性误差与代表性误差。
- (4) 品质标志与数量标志。
- (5) 单项式分组与组距式分组。
- (6) 频数与频率。
- (7) 向上累计与向下累计。
- 2. 统计调查有哪几种主要组织形式?请分别比较它们的特点、作用和适用场合。
- 3. 重占湖春中的重占单位和典刑湖春中的典刑单位是怎样洗取的? 举例说明。
- 4. 问券的基本结构是怎样的?
- 5. 怎样确定等距分组中的组距、组数和各组上下限?
- 6. 统计表从结构上看,一般要由几个部分组成?
- 7. 条形图、饼图、直方图和线形图各在什么情况下使用?
- 三、判断下列问卷中设置的问题是否存在不足之处
- 1. 您和您家里人对现有住房条件是否满意?
- 2. 绝大多数人对食堂的服务都很满意, 您认为是这样吗?
- 3. 您对本餐厅是否满意?
- 4. 您是否有讨婚前性行为?
- 5. 您最近看过电影吗?

四. 计算题

1. 为了解 4 种品牌的罐装啤酒的市场占有率, 在某超市随机记录了 50 名顾客购买啤 酒的品牌,记录的原始数据如下:

A	В	C	C	D	В	A	D	E	C
C	В	Α	D	D	В	A	A	C	В
C	C	C	A	В	A	D	A	A	C
D	C	D	A	A	A	C	В	A	C
A	C	В	D	D	Α	A	C	В	C

试根据上面的资料编制频数和频率分布表。

2. 某班 40 名学牛统计学考试成绩分别如下:

66 89 88 84 86 87 75 73 72 68

75 82 97 58 81 54 79 76 95 76

71 60 90 65 76 72 76 85 89 92

64 57 83 81 78 77 72 61 70 81

学校规定: 60 分以下为不及格、 $60\sim70$ 分为及格、 $70\sim80$ 分为中、 $80\sim90$ 分为 6、 $90\sim100$ 分为估。

- (1) 将该班学生分为不及格、及格、中、良、优5组,编制一张分数分配表。
- (2) 指出分组标志及类型、分组方法的类型、分析本班学生的考试情况。
- 3. 某单位 40 名职工的月工资 (元) 情况如下:

2200, 3110, 2930, 2890, 2500, 2300, 2710, 2450, 2450, 2450

2700, 3200, 3100, 2390, 2380, 2470, 3800, 2740, 3590, 2410

2100, 1130, 1940, 2510, 2800, 2200, 2550, 2570, 2240, 2540

2490, 2600, 2310, 1890, 2370, 2610, 2830, 1620, 2430, 2430

假定组数为 6,组距为 500、试运用数值型数据整理的方法,采用重合组限设置进行 等距分组,并计算频数分布、编制统计表和统计图。

4. 某企业生产某种零件需经6道厂序,为提高质量、检查第三季度全部废品产生的原因。结果如表2-19所示。

工序名称	11/	废品数/个	
A	1.	2600	
A ₂	71	1000	
A3 37		300	
Aı	V	52	
7/As	1 7.	25	
1 As	77/5	23	
合计		4000	

表 2-19 某企业第三季度全部废品产生的原因

试绘制累计频数分布表,并进行分析。

5. 根据表 2-20 中数据之间的关系填空,并绘制直方图。

表 2-20 变量值、频数、频率及累计频率的关系

变量值	頻 數	頻率/%	累计频率/%
10以下			
10~30	85		44. 1
30~50		21. 8	
50~100	41	17. 9	
100~200			94. 32
200 以上			
合计	229	100	

6. 填写表 2-21 中的空格,并绘制频数分布条形图。

表 2-21

按定额完成 百分比分组/%	工人人数/人	頻率/%	向上累计 频率/%	向下累计 频率/%
80~90	6			
90~100	18			
100~120	24			
120~150	12			
合计			X	



- 1、实训项目,学生饮食消费习惯的统计调查与分析
- 实训目的, 掌握统计数据收集、整理和显示的方法, 理解并会正确使用。
- 实训内容, 学校后勒集团饮食服务中心想通过调查了解以下问题,
- (1) 学生的饮食偏好。
- (2) 学生对餐饮消费习惯。
- (3) 学生对学校餐厅的评价及满意程度。

假设你是饮食服务中心的负责人,根据以上情况,

- (1) 设计出一份调查方案。
- (2) 确定使用的调查方法。
- (3) 设计出一份调查问卷。
- (4) 收集调查数据,并进行整理,写出调查分析报告。
- 2. 实训项目:学生月消费支出情况调查

实训目的,掌握统计数据收集、整理和显示的方式,理解并会正确使用。

- 实训内容: 随意抽取某专业两个班的学生,对连续2个月的月生活费支出情况进行调
- 查,以此反映当代大学生的消费热点,研究学生学习生活需求。要求:
 - (1) 设计一个完整的调查方案

提示:调查项目应包括被调查学生的月生活费支出、生存所需的基本月生活费、学习 费(学费、学习用具费、资料费等)、课外培训费、零食消费、娱乐消费(上网、看电影、 郊游等)、其他消费。

- (2) 设计出调查问卷。
- (3) 利用课余时间实施调查。
- (4) 搜集并整理原始数据资料、编制统计表、绘制合适的统计图。
- (5) 将调查资料整理装订好,留待以后整理分析时使用。



2008 北京奥运会奖牌教的分布及构成分析

2008年8月8日至2008年8月24日在北京举办的第29届奥运会取得了巨大成功。 国际奥委会主席罗格的评价是"一届真正的无与伦比的奥运会"。在本届奥运会上,中国 体育代表团取得的金牌第一、奖牌总数 100 枚的历史最好成绩。在本届奥运会上,共设有 奖牌 958 枚, 其中金牌 302 枚, 银牌 303 枚, 铜牌 353 枚。表 2 22 是取得金牌总数前三 名的国家所获得的奖牌分布情况。

排	国		男	子		女子 公开组/混合		/混合	組	且 总计							
名	家	金	银	铜	总	金	银	铜	总	金	银	铜	总	金	银	铜	总
1	中国	24	10	8	42	27	11	19	57			1	1	51	21	28	160
2	美国	20	13	20	53	15	23	15	.63	71,1	' 2	1	4	36	38	36	110
3	俄罗斯	12	8	20	40	11	13	8	32					23	21	28	72

表 2 - 22 取得全險总數前三名的国家所获得的整糖分布情况

需要分析的问题:

- (1) 要描述中国男、女代表队获得的奖牌数分布, 你认为应该使用哪种图形? 请画出 这一图形。
- (2) 要描述中国体育代表团的奖牌总数的构成、你认为应该使用哪种图形? 诸画出这 一图形。
- (3) 要比较中国、美国和俄罗斯 3 个国家的奖牌构成。你认为应该使用哪种图形?请



第3章

统计数据的特征描述

数学0日

通过本章的学习. 要求了解数据特征测度的意义; 了解数据的特征描述方法; 了解集中趋 势和离散程度的含义; 熟练掌握集中趋势和离散程度各测度值的计算方法、不同方法的特点和 应用场合。

教学差别

知识要点	能力要求	相关知识
集中趋势描述	掌提数据集中趋势的描述方法	平均数、众数、中位数、分位数
离散程度描述	掌握数据离散程度的描述方法	极差、四分位差、方差、标准差、 变异系数、异众比率
分布形态描述	掌握数据分布形态的描述方法	峰度、偏度

统计数据经过整理与显示后,我们对数据分布的类型和特点就有了一个大致的了解,但这种了解只是表面上的。要进一步掌握数据分布的特征和规律,还需要找到反映数据分布特征的各个代表值。统计中对数据的特征描述主要从3个方面入手,即集中趋势的描述、离散程度的描述及分布形态的描述。



鳗鱼的公共繁殖场所

费希尔在 1952 年的一篇文章中举了一个例子。说明如何由基本的描述统计量的知识引出一个重要的 发现。

2,世紀早期, 肖本哈根卡尔學家倫室的施密轉发現不同地区所拥握的同和鱼类的萨维并和輕驟的數 蓋有股大不同, 是指在同一海湾內不同地点所捕捉的同科鱼类也发现同样的效向, 總商, 鳗鱼的肾精劳 的数量变化却不大。施密特从欧洲各地、水岛、曼德尔群岛和尼罗河等几乎分离的海域中所拥拔的鳗鱼 的耕业中, 计算发现了几乎一样的助催和标准偏差偿。

施雷特由此推断;所有各个下同海城内的超鱼是由海洋中某公共场所繁殖的。后来名为"戴纳"的 释学考察船在以此远征中发现了这个场所。

资释来源: [姜] C. R. 劳。统计与真理: 怎样还用偶然性, 北京: 科学出版社, 2001

对于此案例, 施密特是如何做出推断的? 在对鳗鱼样本中所计算出的均值和标准编差 值对推断有何作用么? 通过本章有关样本数据的特征数的学习就可以明白其中的道理。

3.1 集中趋势的描述

集中趋势(Central Tendency)是指·组数据向某·中心值常拢或集中的程度、测度 集中趋势也就是寻找数据·般水平的代表值或中心值。在实际应用中、集中趋势的测度值 主要是为了表示社会经济现象总体各单位某·标志在·定时间、地点和条件下达到的·般 水平、经常被作为评价事物和决策的数量标准或参考。集中趋势的测度值主要有:平均 数、众数、中位数和分位数。

3.1.1 平均数

平均數就是全部數据的算术平均,可以概括地反映全部數据的平均水平。【拓展知识】 平均数一般用,来表示。平均數是数据集中趋势的最主要测度值,它主要适用于数值整数 据,但不适用于分类数据和顺序数据。根据所掌握数据资料的形式(即数据资料是否经过 整理),我们可以将平均数分为简单平均数和加权平均数两种计算形式。



阅读服例3-1

平均数掩盖贫困户

张家有钱一千万 九个邻居穷光蛋

平均起来算一算

个个都是张百万

1994年1月6日,山西日报的两位记者据文《平均数接盖翁图户》。文章反映,在一个户人均收入



【拓展签台

064 应用统计学(第3版)

声称达千元的村里,71%的户人均纯收入不到500元,不到350元温饱线的占32%。平均数之所以达到于元,是因为村里有6户个体建筑大户的人均收入在3万元以上。

1994年3月4日,中国信息报记者撰文:"根据调查测算、1993年我国农民人均统收入的平均线已 向干充大关冲刺, 故 921.4元,比上年增长137.4元、增长17.5%。值得注意的是,收入水平运完线的 民有11个省份,占38%,这一百分数比去年下降了3个百分点,这表明,农民人均收入的平均线并不代表大参数农民的收入水平。"

《中国经济时报》2002年3月1日的《质疑"人均"统计数字》一文中报道说,中国房地产协会会长 档编设到,15年末,我国一直用"人均居住面架"来反映居民的住房水平。这一指标是不假料学的。当 百的、有钱的水远往的都是大房。有的的繁智按广告弹铁路200~100mi,把那些官人和富人阶层的住 房面积平均到普遍老百姓的生上,该给靠值,居民住房水平碧高吗。

平均值是一种常用的统计指标。用来及缺现象的集中趋势、特而在某些时候、平均值的描述作用会 "失效"。他订于中地进现象集中趋势的指标很多。在分析过程中。我们应该模据数据的特征失选择信当 价格计测热。以重法制度编建设数据的目的

1. 算术平均数 (Mean)

1) 简单馆术平均数

简单算术平均数就是全部数据的算术平均数,适用于未经分组整理的原始数据资料。 它是直接将各个数据相加,再除以数据个数。其计算公式为

$$a = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} a_i \tag{3-1}$$

$$\frac{1}{20} \sum_{i=1}^{3} x_i$$

$$-\frac{1}{20} \times (67 + 78 + 49 + 56 + 98 + 87 + 62 + 100 + 73 + 45 + 70 + 44 + 96 + 80 + 49 + 61 + 60 + 88 + 93 + 60)$$

$$= 70.8(2)$$

即该班学生的数学平均成绩是70.8分。

2) 加权算术平均数

加权算术平均数适用于已经分组整理并编制出频数分布的数据资料。它是通过各组标 志值与各组频数机乘的总和除以各组频数之和得到的。其计算公式为

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = \sum_{i=1}^{n} x_i \frac{f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}$$
(3-2)

式中,r, 是单项式分组形式下第i 组的变量值或组距式分组形式下第r 组的组中值;f, 是第i 组的频数;fi 是第i 组的频率;n 为组数。

【例 3. 2】(已经整理的单项式分组数值型数据平均数算例) 根据第 2 章中的表 2 - 6 中的数据资料计算某单位职工的平均家庭人口数。

解:显然,表2-6是一个单项式频数分布表。列表3-1如下:

表 3-1 职工家庭平均人口数的辅助计算表

家庭人口数 x _i	频数 f./户	频率 $\frac{f_l}{\sum_{i=1}^n f_i}$	$x_l \frac{f_l}{\sum_{i=1}^n f_i}$
1	7	0. 027	0.027
2	38	0.149	0, 298
3	105	0.412	1, 236
4	54	0.212	0, 848
5	31	0. 122	0.610
6	20	0.088	0, 468

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i} f_{i}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}} = \sum_{i=1}^{n} x_{i} \frac{f_{i}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}}$$

$$= 0.027 = 0.298 + 1.236 + 0.818 + 0.610 + 0.468$$

$$3.487(A)$$

即某单位职工的平均家庭人口数是 3.487 人。

【例 3.3】(已经整理的组距式分组数值型数据平均数算例) 根据第 2 章中的表 2 - 7 中的数据资料计算某单位某种产品的平均销售量的近似值。

解: 显然, 表 2-7 是一个组距式频数分布表。列表 3-2 如下:

表 3-2 产品平均销售量的辅助计算表

按销售量分组/台	组中值 x;	頻數/天 f _i	频率 $\frac{f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$	$x_{l} \frac{f_{l}}{\sum_{l=1}^{n} f_{l}}$
140~150	145	4	0.0333	4.8285
150~160	155	9	0.0750	11.625
160~170	165	16	0.1333	21, 9945
170~180	175	27	0.2250	39.375
180~190	185	20	0.1667	30. 8395
190~200	195	17	0.1417	27. 6315
200~210	205	10	0.0833	17. 0765
210~220	215	8	0.0667	14. 340
220~230	225	4	0.0333	7.4925
230~240	235	5	0.0417	9. 7995

由公式(3-2),得

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i} f_{i}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}} = \sum_{i=1}^{n} x_{i} \frac{f_{i}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}}$$

- $\begin{array}{l} -4.8285+11.625+21.9945+39.375+30.8395+27.6315+17.0765+14.3405\\ +7.4925+9.7995 \end{array}$
- = 185,003(台)

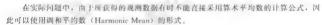
即某种产品的平均销售量是185,003台。

知识要点提醒…

算术平均数的若干数学性质

- (1) 平均数与总体单位数的积等于总体标志总量。
- (2) 若每个变量值(1) 加城一任意常数 a. 贝平均数也加减这个任意值 a.
- (3) 若每个变量值 (x) 乘以一任意常数 a, 则来均数也乘以这个任意值 a。
- (1) 苦每个变量值 (1) 除以一任商常数 a、见平均数也除以这个任要值 a。
- (5) 各个安盤值(1) 与鲜术平均数 1 的高岩和为零。
- (6) 各个变量值 (1) 与算术平均数 1 的满辈平方和为最小值

2. 调和平均数



1) 简单调和平均数

简单调和平均数是各个观测数据倒数的算术平均数的倒数。适用于未经分组整理的原 始数据资料。其计算公式为

$$H = \frac{1}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}} = \frac{n}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \dots + \frac{1}{x_n}} = \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_i}}$$
(3-3)

2) 加权调和平均数

加权调和平均数适用于已经分组整理并编制出频数分布的数据资料。其计算公式为

$$H = \frac{m_1 + m_2 + \dots + m_n}{x_1 + \frac{m_2}{x_2} + \dots + \frac{m_n}{x_n}} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_i}{\sum_{i=1}^{n} m_i}$$
(3-4)

式中, m,表示第:个单位或第;组标志值对应的标志总量。

当各组标志总量相等,即 $m_1=m_2-\cdots-m_n=m$ 时,公式(3 1) 就变成了公式(3 3)的形式。即

$$H = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_i}{\sum_{i=1}^{n} \frac{m_i}{x_i}} - \frac{mn}{m \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_i}} - \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_i}}$$
(3.5)

事实上, 调和平均数也是算术平均数的变形 下面举例说明公式(3-3) 和公式(3-4) 的含义及应用。

【例 3.4】(简单调和平均数算例) 某超市香蕉、梨、苹果某日的销售价格分别是 1.5元/斤、0.7元/斤、1.2元/斤, 若3种水果各买3元钱, 求该日3种水果的平均销售 价格

解,从平均销售价格的守际音义出发、删平均销售价格。销售额/销售量。而 销售额=3+3+3=3×(1+1+1)=3×3

销售量
$$-\frac{3}{1.5}$$
 $+\frac{3}{0.7}$ $+\frac{3}{1.2}$ -3 \times $\left(\frac{1}{1.5}$ $+\frac{1}{0.7}$ $+\frac{1}{1.2}\right)$ 故平均销售价格为
$$H=销售额/销售量=\frac{3}{1}$$
 $\frac{3}{1.5}$ $+\frac{1}{0.7}$ $+\frac{1}{1.2}$ \approx $\frac{3}{2.92857}$ \approx 1.02439 (元 斤)

此题可直接应用简单调和平均数公式(3-3) 计算,即

$$H = \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{1 - \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{1$$

【例 3.5】(加权调和平均数算例) 某超市香蕉、梨、苹果基目的销售数据如表 3-3 所示, 计算3种水果该目的平均销售价格。

水果名称	销售价格/(元/斤)	销售额/元
香蕉	1. 5	4500
梨	0.7	3500
苹果	1. 2	7200
合计	_	15200

解:从平均销售价格的实际意义出发、则平均销售价格=销售额/销售量,而 销售量 销售额/销售价格 4500 + 3500 + 7200 14000(斤)

故平均销售价格为

$$H = \frac{4500 + 3500 + 7200}{14000} = \frac{15200}{14000} \approx 1.0857$$
(ਮੰ/ਜਿ)

此例题可直接应用加权调和平均数公式(3-4) 计算,即

$$H = \sum_{i=1}^{n} \frac{m_i}{x_i} = \frac{4500 + 3500 + 7200}{4500} \approx 1.0857(\vec{\pi} / \vec{f_1})$$

此例题岩给出:种水果的销售价格分别是1.5元、0.7元、1.2元,销售量分别是3000、5000、6000斤, 水甚平均销售价格,则应用加权算术平均数公式即可,即

$$r$$
 销售额 $\sum_{j=1}^{n} x_i f_j$ $\sum_{j=1}^{n} f_j = \frac{1.5 \times 3000 + 0.7 \times 5000 + 1.2 \times 6000}{3000 + 5000 + 6000} \approx 1.0857 (元/斤)$

可见,采用两种计算公式所得结果完全相同。也就是说,调和平均数是算术平均数的 另一种表现形式,只是一者计算时使用了不同的数据。在根据分组资料计算平均数时,若已知条件为各组的变量值(z_i)及其各组变量值息和(m_i)时,可采用加权调和平均数法计算平均数;者已知条件为各组的变量值(z_i)及其各组的频数(f_i)时,可采用加权算术平均数法计值平均数

3. 几何平均数

几何平均数 (Geometric Mean) 的应用范围比较窄,通常用于计算平均比率和平均速度,即用于时间上有联系或有先后顺序关系的比率求平均。

1) 简单几何平均数

简单几何平均数适用于未经分组整理的原始数据资料。其计算公式为

$$G = \sqrt[n]{x_1 x_2} \cdot (\prod x_i)^{\frac{1}{n}}$$
 (3-6)

2) 加权几何平均数

加权几何平均数适用于已经分组整理并编制出频数分布的数据资料。其计算公式为

$$G = \frac{\sum_{i} \sqrt{x_i^t \cdot x_2^t \cdot \cdots x_n^{t_n}}}{\sqrt{x_i^t \cdot x_2^t \cdot \cdots x_n^{t_n}}} \approx \frac{\sum_{i=1}^{n} \sqrt{\prod_{i} x_i^t}}{\sqrt{\prod_{i} x_i^t}}$$
(3 - 7)

【例 3.6】(简单几何平均数算例) 某工艺品需要经过四道工序加工而成。已知第一道 F序加工合格率为 96%、第二道工序加工合格率为 98%、第三道工序加工合格率为 90%、第四道工序加工合格率为 93%、求四道工序加工的平均合格率。

$$G = \sqrt[n]{x_1 x_2 \cdots x_n} = \sqrt[4]{x_1 x_2 x_3 x_4} = \sqrt[4]{0.96 \times 0.98 \times 0.90 \times 0.93} \approx 0.942$$

即四道下序加工的平均合格率为94.2%。

【例 3.7】(加权几何平均数算例) 某农场 2003—2014 年粮食产量增加值发展速度如表 3-4 所示。试计算该农场这一期间粮食产量增加值的平均发展速度。

环比发展速度/%	班 期	次数 ƒ
102	2003—2006	3
104	2006—2011	5
98	2011-2012	1
103	2012 2014	2

表 3-4 某农场粮食产量增加值发展速度

解:由公式(3-7),得

$$G = \sqrt[5]{x_1^{f_1} x_2^{f_2} \cdots x_{n^*}^{f_*}} = \sqrt[11]{1.02^3 \times 1.04^5 \times 0.98^1 \times 1.03^2} \approx 102.71\%$$

需要说明的是, 平均数是管理领域中应用最广泛的集中趋势测度值, 几乎任何统计推 断都离不开平均数。平均数的计算利用了全体数据。但却是一个容易受到数据中极端值影 响的代表值,这个缺点有时会影响平均数的代表性。简单平均数大小具与变量值的大小有 关; 而加权平均数的大小不仅受各组组中值大小的影响, 还受各组变量出现

的频数即权数大小的影响。在这里, 权数起权衡轻重的作用。如果某一组的 权数较大,则说明该组的数据较多,那么该组数据的大小对均值的影响就越 大。反之就越小。



加银 要点 器 醒…

平均值计算结果的说明

- (1) 根据原始数据和分组资料计算的结果一般不会完全相等。根据分缩数据只能得到近似结果。
- (2) 只有各组数据在组内呈对称或均匀分布时、根据分组资料的计算结果才会与原始数据的计算结

3.1.2 企数



众数 (Mode) 是一组数据中出现次数最多的那个标志值,一般用 Mo表示。从数据的 分布层面看, 颗数分布中最常出现的标志值说明其最具有代表性, 因此, 众数也可以概括 地反映全部数据的一般水平。在实际应用中。众数能够告诉我们最善漏、最流行的现象的 特征,因而有助于进行科学的决策。众数主要适用于分类数据、顺序数据及数值型数据。

根据众数的定义,众数是频数分布中频数或频率最大的数值。因此,为了确定众数, 必须先对数据资料进行分组、编制频数分布。众数的计算方法根据数据资料的分组方式不 同而不同,一般可以分为根据品质型分组数据计算众数,根据单项式分组数据计算众数和 根据组距式分组数据计算众数3种计算形式

1. 根据品质型和单项式分组数据计算企数

这两种情况比较简单,只需要直接判断哪一组的频数最多,该组的标志值就是众数。

【例 3.8】(分类数据众数算例) 某城市居民美注广告类型的颗数分布如表 3-5 所示, 试确定广告类型的众数。

广告类型	频数/人	频率/%		
商品广告	112	56.0		
服务广告	51	25. 5		
金融广告	9	4.5		
房地产广告	16	8.0		
招生招聘广告	10	5.0		
其他广告	2	1.0		
合计	200	100		

表 3-5 草城市居民关注广告类型的领数分布

解:这是一组根据分类数据所编制的赖数分布表,其分组标志是广告类型。在表 3-5 中,居民关注最多的广告是商品广告、高达 56%。由众数的定义可知、"商品广告"就是众数、即 M_0 =商品广告。

【例 3.9】(顺序数据众数算例) 某城市家庭对住房状况评价的頻数分布如表 3 6 所示,试确定家庭对住房满意程度的众数。

满意程度	频数/户	频率/%
非常不满意	24	8
不満意	108	36
一般	93	31
满意	45	15
非常满意	30	10
合计	300	100

表 3-6 某城市家庭对住房状况评价的频数分布

解:这是。组根据顺序数据所编制的频数分布表、其分组标志是满意程度。在表 3-6 中,家庭对住房状况评价最多的是不满意、达到 36%。由众数的定义可知、"不满意"就 是众数、即 Mo=不满意。

【例 3.10】(单项式数值型数据众数算例) 某公司产品开发部有10名工作人员,他们在该公司的工作年限是2、4、3、3、3、2、1、5、6、3年,求他们工作年限的众数。

解:这是一组未经整理过的数值型数据。在计算众数之前,先对数据进行分组整理 并编制频数分布表,其分组标志是工作年限,所得到的是一个单项式数值型频数分 布表。

工作年限	频数/人	频率/%
1	1	10
2	2	20
3	4	40
4	1	10
5	1	10
6	1	10
合計	10	100

表 3-7 工作人员的工作年限的频数分布

在表 3 - 7 中,工作年限是 3 年的人数最多、占 40%。由众数的定义可知、众数是 4、即 Mo=4。

2. 根据组距式分组数据计算众数

对于组距式分组数据, 计算众数时首先要确定众数所在组, 即众数组。在等距分组条件下, 众数组就是出现次数最多的组。然后通过下面的下限公式或上限公式来计算众数。

下限公式:

$$Mo \quad L + \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \times d \tag{3.8}$$

上限公式,

$$Mo = U - \frac{\Delta_2}{\Delta_1 + \Delta_2} \times d \tag{3-9}$$

式中,L、U分别为众数组的下限和上限; Δ_1 是众数组与其前一组的频数之差; Δ_2 是众数组与其后一组的频数之差;d 是众数组的组距。

【例 3,11】(组距式數值型數据众数算例) 某商业银行有 40 个企业贷款,其数据整理如表 3-8 所示,据此计算企业贷款的众数。

贷款数/万元	企业数/个
小于 300	2
300~700	6
700~1100	13
1100~1500	5
1500~1900	3
1900~2300	- 6
2300~2700	1 /Xx
2700~3100	, X, XX 3
3100 及以上	1
- 台计)	40

表 3-8 商业银行企业贷款的频数分布

解: 这是 组根据组距式数值型数据所编制的频数分布表,而且是等距分组。由表 3-8 可以引出,众数组是 $700\sim1100$, L=700, $\Delta_1=13-6=7$, $\Delta_2=13-5=8$, d=1100-700=400.

由下限公式可得

$$M_0 = L + \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \times d = 700 + \frac{7}{7 + 8} \times 400 \approx 886.667 (\pi \bar{\pi}_2)$$

需要说明的是,众数是一个位置特征数,它不受数据中极端值的影响,是品质型数据 集中趋势的常用测度值。

3.1.3 中位数

中位数 (Median) 是将一组数据按一定顺序排列后、处于中间位置上的变量值,一般 用 Me 表示。中位数将全部数据等分成两部分,一半数据此中位数大、另一半数据则比中 位数小。中位数是位置代表值,它主要适用于顺序数据和数值型数据。根据所掌握数据资 料的形式(即数据资料是否经过整理),可以将中位数分为两种计算形式。

1. 根据未分组数据计算中位数

根据未分组数据计算中位数时, 先对数据进行排序, 然后确定中位数的位置, 最后确

定中位数的具体值。其公式为

中位数位置
$$-\frac{n+1}{2}$$
 (3-10)

【例 3.12】(數值型未分组數据的中位數算例) 在某中学随机抽取样本容量为 8 和 9 的两组样本数据,以调查教师的家庭月收入(单位,元)情况。

第一组数据, 2300, 3500, 2900, 4500, 7000, 3000, 8100, 3200

解:对于第一组数据。n=8。按从小到大顺序的排序结果为

故

对于第二组数据, n=9, 按从小到大顺序的排序结果为

数据位置: 1 2 3 4 5 6 8

故

2. 根据分组数据计算中位数

根据分组数据计算中位数时,数据的个数 $n = \sum_{i=1}^{n} f_{i}$,即各组频数之和。此时,

中位数位置=
$$\frac{\sum f}{2}$$
 (3-11)

再根据累积频数确定中位数所在组,然后再确定中位数的具体值。

(1) 对于单项式分组数据、确定中位数所在的组之后、该组的变量值就是中位数。

【例 3.13】(顺序数据的中位数算例) 某高校对管理学院大学一年级的高等数学的期 未考试成绩进行抽样调查、调查数据如表 3.9 所示。求学生考试成绩的中位数。

表 3 · 9 学牛考试成绩的频数分布

考试成绩	学生人數/人	向上累计学生数
不及格	30	30
及格	45	75
中	93	168
良	108	276
优	24	300
合计	300	

解: n=300. 则

中位数位置
$$\frac{n}{2}$$
 - 300/2 = 150

从向上累计学生数看,中位数应该在第三组,所以、Me 中。

【例 3.14】(单项式分组数据的中位数算例) 某大学研究生导师每年指导研究生的人数如表 3-10 所示。计链研究生人数的中位数

及 3 - 10			
研究生人数	研究生导师数/人	向上票计	向下票计
1	25	25	150
2	38	63	125
3	56	119	87
4	21	110	31
5	8	148	10
6	2	150	2
合计	150	_	_

来 3-10 研究生人数的纷纷分布

解: n=150. 则

中位数位置=
$$\frac{n}{2}$$
=150/2=75

无论从向上累计还是从向下累计研究生导师数看,中位数都应该在第三组,所以、 Me=3。

(2) 对于组距式分组数据、确定中位数所在的组之后、通过下面的下限或上限公式计 售中位数。

下限公式.

$$M_e = L_{Me} + \frac{\frac{n}{2} - S_{Mr-1}}{f_{Mr}} \times d_{Me}$$
 (3-12)

上限公式:

$$M_e = U_{M_e} - \frac{\frac{n}{2} - S_{M_e + 1}}{f_{M_e}} \times d_{M_e}$$
 (3-13)

式中, L_W 表示中位数所在组的下限; U_W 表示中位数所在组的上限; $S_{M^{-1}}$ 表示向上累计 至中位数所在组前一组的频数; $S_{M^{-1}}$ 表示向下累计至中位数所在组后一组的频数; f_W 表示中位数所在组的频数; d_W 表示中位数所在组的组距;n表示各组频数之和。

【例 3.15】(组距式分组数据的中位数算例) 计算例 3.11 中某商业银行企业贷款的中位数。

解:根据表 3-8 中的数据资料,计算出企业贷款的累计频数,如表 3-11 所示。

贷款数/万元	企业数/个	向上累计企业数	向下累计企业数
小于 300	2	2	40
300~700	6	8	38
700~1100	13	21	32
1100~1500	5	26	19
1500~1900	3	29	14
1900~2300	6	35	11
2300~2700	1	36	5
2700~3100	3	39	4
3100 及以上	1	40	1
合 计	40	1	_

表 3-11 商业银行企业贷款的累计频数表

n=40.则中位数位置=40/2=20.无论从向上累计还是从向下累计企业数看、中位数据应该在第三组、所以、中位数所在组基 $700\sim1100$ 。

L_M = 700. S_{M-1} - 8. S_W 19. f_W 13. d_M - 1100 - 700 - 100. 由下限公式知。

$$Me-L_{W} + \frac{\frac{n}{2} - S_{W_{2}-1}}{t_{W}} \times d_{W} - 700 + \frac{\frac{40}{2} - S_{W_{2}-1}}{13} \times 400 \approx 1069.23 ($$
 \vec{J}_{1} \vec{J}_{2} \vec{J}_{3}



需要说明的是,中位数很容易测定,它是一个位置代表值,不受极端值的影响,特别适宜于分布的偏斜程度较大和数据中存在极端值时的集中趋势 描述。因此,在统计应用中,通常利用中位数反映收入、财产等数据的集中趋势。

知识要点想醒

平均数、中位数、众数的特点

算术平均數:①易受侵補值影响;②數學性质优良。主要用于數值型數据;③數据对称分布或接近 对称分布时应用。

中位数:①不受极端值影响;②数据分布偏斜程度较大时应用;③主要用于顺序数据。

众数: D不受侵端值影响; ②具有不唯一性; △数据分布偏斜程度较大时应用; 丁主要用于分类数据。

3.1.4 分位数

分位數是衡量數据位置的测定指标、与中位數相类似。它可以将一组数据顺序排列 后,分割成4个、10个、100个相等部分等。等分后各分位点上的值分别称为四分位数 (Quartile)、十分位数 (Decule) 和百分位数 (Percentile)。分位数主要适用于顺序数据。

也可用于数值型数据、但不能用于分类数据。这里、我们重占介绍四分位数的计算、其他 分位数与之类似。

四分位数就是一组数据排序后处于 2.5% 和 7.5% 位置上的值, 也称为四分位点, 四分 位数有 3 个, 分别是位于排序数据的 1/4, 2/4 和 3/4 位置上的数值, 显然, 中位数就是 中间的四分位数。通常所说的四分位数是指外在1/1位置上的数值(下四分位数)和外在 3/4 位置上的数值(上四分位数)。根据所堂握数据资料的形式(即数据资料是否经过整 理),我们可以将四分位数分为两种计算形式。

1. 根据未分组数据计算四分位数

根据未分组数据计算中位数时,先对数据进行排序,然后确定四分位数所处的位置。 计算公式为

$$Q_i$$
位置 $\frac{\iota(n+1)}{4}$, $\iota = 1.2.3$ (3-14)

式中,Q是第i个四分位数。n是数据个数。

若用 QL表示下四分位数 (Lower Quartile), Qt表示上四分位数 (Upper Quartile), 则 Q_L 位置 $\frac{(n+1)}{4}$, Q_U 位置 $\frac{3(n+1)}{4}$, Q_U 位置 $\frac{2(n+1)}{4}$ 是中位数位置。

【例 3.16】(数值型未分组数据的四分位数算例) 计算例 3.12 中两组数据的四分 行物

解: 对于第一组数据, n=8, 按从小到大顺序的排列结果为

$$Q_L$$
位置 $-\frac{(n+1)}{4}$ $-\frac{8+1}{4}$ -2.25 , Q_U 位置 $-\frac{3(n+1)}{4}$ $-\frac{3 \cdot (8+1)}{4}$ -6.75

故

$$Q_{L} = 2900 + 0.25 \times (3000 - 2900) = 2925 (\% \%)$$

$$Q_{\rm U} = 4500 + 0.75 \times (7000 - 4500) = 6375 (万元)$$

对于第二组数据, n=9, 按从小到大顺序的排序结果为 2600 2700 3100 3400 4600 5000 6700 7800 9200

$$Q_{\rm L}$$
位置= $\frac{(n+1)}{4}$ = $\frac{9+1}{4}$ =2.5。 $Q_{\rm U}$ 位置= $\frac{3(n+1)}{4}$ = $\frac{3\times(9+1)}{4}$ =7.5

故

$$Q_L - 2700 + 0.5 \times (3100 - 2700) = 2900(万元)$$

 $Q_U = 6700 + 0.5 \times (7800 - 6700) = 7250(万元)$

2. 根据分组数据计算四分位数

根据分组数据计算四分位数时,数据的个数 $n \rightarrow \sum f$,即各组频数之和。此时,首先 要确定四分位数所在组, Q_L 组位置 $\frac{n}{4}$, Q_U 组位置 $\frac{3n}{4}$ 。然后再根据各组的累积频数确 定四分位数的具体值。

- (1) 对于单项式分组数据,确定四分位数所在的组之后,该组的变量值就是四分 位数_
- (2) 对于细距式分组数据、确定四分位数所在的组之后、类似于中位数的计算方法。 通讨下面的公式来计算四分位数。

$$Q_{\rm L} = L_1 + \frac{\frac{n}{4} - S_{\rm MI-1}}{f_{\rm QI}} \times d$$
 (3-15)

$$Q_{\rm U} = L_3 + \frac{\frac{3n}{4} - S_{\rm Ms-1}}{f_{\rm OS}} \times d \tag{3-16}$$

式中, L, L, 分别表示下四分位数和上四分位数所在组的下限: S_{M-1} 和 S_{M-2} 分别表示 下四分位数和上四分位数所在组以下各组的向上累计频数: for 和 to. 分别表示下四分位数 和上四分位数所在组的频数; d 表示下四分位数和上四分位数所在组的组距; n 表示各组 **添数**之和。

【例 3.17】(数值型分组数据的四分位数算例) 计算例 3.11 中数据的四分位数。

解:根据表 3-8 中的数据资料, 计算出企业贷款的向上累计频数, 如表 3-12 所示。

贷款数/万元	企业数/个	向上累计企业数
小于 300	- 11/15	2
300~700	6	8
700~1100	13	21
1100~1500	5	26
1500~1900	X	29
1900~2300	673	35
2300~2700	1	36
2700~3100	3	39
3100 及以上	1	40
合 计	40	_

n 40、 Q_L 组位置 $\frac{n}{t}$ 10、 Q_U 组位置 $\frac{3n}{t}$ 30。从向上累计企业数看、下四分位数 Q1 应该在第三组,即 700~1100; 上四分位数 Q1 应该在第六组,即 1900~2300。

 $L_1 = 700$, $L_3 = 1100$; $S_{M1-1} = 8$, $S_{M3-1} = 29$; $f_{Q1} = 13$, $f_{Q3} = 6$; d = 1100 - 700 - 1002300-1900=400。由公式(3-15) 和公式(3-16),得

$$Q_{\rm L} - L_1 + \frac{\frac{n}{4} - S_{\rm M1-1}}{f_{\rm Q1}} \times d - 700 + \frac{\frac{40}{4} - 8}{13} \times 400 \approx 761.54 \ (\overline{\pi} \ \overline{\pi})$$

$$\frac{3n}{4} S_{\rm M3-1} \frac{3 \times 40}{4} 29$$

$$\mathbf{Q}_{\mathrm{U}} - \mathbf{L}_{\mathrm{3}} + \frac{\frac{3n}{4}}{f_{\mathbf{Q3}}} \times \mathbf{M}_{\mathrm{S} - 1} \times \mathbf{d} - 1100 + \frac{\frac{3 \times 40}{4}}{6} \times 400 \approx 1166.67 (\cancel{\Pi})\mathring{\mathbf{L}})$$



如何看待和使用平均数

平均指标是反映客观现象总体各单位某一数量标志。假水平的综合指标, 其數值表現为平均數, 政 及转统计平均数。例如, 某村播种参小麦 100 亩, 各个地块的小麦产量是不同的,有的离有的低。因此, 为了王确地说明读时小麦产量的。假水平, 就需要计算由产量。假设谈对小麦乌产量 46000 斤、夷平均 亩产 460 斤。 这 460 斤坡星依据一个线上,就需要计算由产量。

- (1) 它用一个代表性数值说明被研究总体的一般水平。
- (2) 它把被研究总体某一数量标志在总体各个单位之间的差异抽象化了。

即把各个地块的小麦产量在数量上的差异给抽象化了,得到的是一个代表该村小麦产量一般水平的 数值.

计算平均数的最常用的方法是简单算术平均数和加权算术平均数、

在上例中就是分别将各个细块的小麦产量直接相加得到及产量、再除以外面数。得到平均亩产量。

加权算水平均数是特变量乘权数求出标志总量,把权数和加卡出总体总量。然后核上进公式计算出 平均数。该方主范用于复杂社会经序现象的统计分别请付计算平均数的资形 岩棉各个地块的产量按不 同产量水平分或备干烟、先转各组产量率以各组的地域数末出各组的也产量后,相如求得全部地块的存产量。 产量、再资、地块也数、则这样计算的平均面产量等力加权算水平均数。

使用平均数时应注意了解平均数的转为。 在选用算术平均数时要特别注意授证值的影响,当数据 中出现特大或特外值时, 平均数的负责性停减影 这时为了克服平均数接盖下的总体内据物或变化的 新工作。 由于算增平均数条以充识同之平均数。 育町也采用中位数而负数的方法来代表已体的一般 水平。

中位数是称为体各单位某一载量标之值按大小麻萨鲱叫、处于我也中间位置的所吃假即为中位数。例如, 有7 名工人生产某种产品、每个人的目产量(件)按照序排列为 1.6.6.8.9.12.14. 第4 名工人处于中间位置。他的日产量各件即为中位数。又如,有8 名工人、其日产量排制硬体为 4.6.6.8.9.12.14.15. 黔中间位置是处于第4 名布第5 名之间。故中位数为 (8+9) 之2-8.5件、众数差是依中出现大数最多的标志值。可以作为仓体一般水平的进锁值。例如。为了审销策 9 上定种商品的价格水平。可用市场上频多或交量的价格来代表调商品的价格水平。中位数、众数都是位置电平均数、不受搜塘值的影响、当已依要科分市均匀量对称形式时,算水平均数、中位数、众数都是位置电平均数。不受搜塘价价分分的。

资料来源:天津统计信息网 http://www.stats-tj.gov.cn.

3.1.5 集中趋势各测定指标之间的关系

作为集中趋势测定值的常用指标, 众数、中位数和均值「者之间存在一定的数量关系, 其数量关系的体现取决于资料的频数分布。



在对称的正态分布条件下,算术平均数等于众数等于中位数;x=Mo=Me。在非对称正态分布的情况下,众数、中位数和平均数「者的差别取决于编斜的程度。偏斜的程度 越大,它们之间的差别越大;偏斜的程度越小,它们之间的差别越小。

 在数量数据中,当数据呈现对称分布或近似对称分布时,以算术平均数作为集中趋势的代表值最好;当分布的偏斜程度较大时,算术平均数容易受到极端值的影响,不能很好地反映数据集中趋势,就有必要考虑使用中位数或众数。

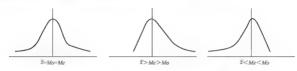


图 3.1 不同分布的众数、中位数和均值

3.2 离散程度的描述

数据的离散程度是数据分布的另一个重要特征、它所反映的是各变量值远离其集中趋势测度值的程度。集中趋势测度值作为一组数据的代表值、它的代表程度取决于该组数据



的离散程度。数据的离散程度越大,集中趋势测度值对该组数据的代表性 就越差;离散程度越小,其代表性就越好。在对总体进行综合分析时、将 集中趋势测度值和离散程度测度值互相配合、互相补充,可以对总体进行 比较全面的观察。描述数据的离散程度常用的测度值主要有极差、方差和 标准差。



◎ 阅读案例 3-2

300 元平均工资的背后

李小姐有一个小工厂、管理人員有李小姐、6个乘威;工作人員有5个领工、10个工人和1名学徒 (現有員工工告如表3-13所宗)、現在工厂需要增加一个新的工人、小张应任两来,与季小姐交谈。季 小姐说:"我们这里的报酬不错。平均工资是购300元。"小张工作几天后,找到李小姐说:"你做满了 我,我已经何过某他工人,没有一个工人的工资超过每周200元,平均工资怎么可能是一周300元呢?" 李小姐说:"小张,平均工资是 300元、不信,你看这张工资表。"

人员	李小姐	亲戚	領工	工人	学徒	合计
工资 x/元	2200	250	220	200	100	_
人数 f/人	1	6	5	10	1	23
f·x/元	2200	1500	1100	2000	100	6900

表 3-13 现有员工工资表

从工资表可以看出,该厂平均工资尽管较高,但由于个体工资相差太大,平均数对整体的代表性较差。

议个案例说明在实际应用中,仅有平均数是不够的,还要考虑到数据的离散程度,在 数据相对比较集中时, 平均数才具有代表性。

3.2.1 极差和四分位差

1. 极差 (Range)

极差也称为全距,是最简单、最肯观的度量数据离散程度的方法。常用 R 表示、根据 掌握的数据资料的不同形式、极差的计算方法有所不同。

1) 根据未分组或单项式分组数据资料计算极差

对于未分组或单项式分组的数据资料、极差是一组数据的最大值与最小值之差。其计 算公式为

$$R = \max(x_i) - \min(x_i) \tag{3-17}$$

2) 根据组距式分组数据资料计算极差

对于细距式分组数据资料,极差也可以近似表示为:R=末组上限值-首组下限值。

四分位差也称为内距,是下四分位数和上四分位数之差,常用口表示。其计算公

2. 四分位差 (Quartile deviation)

式为 $Q_1 = Q_1 - Q_1$ 四分位差反映了中间 50%的数据的离散程度。它不受极端值的影响。在

$$=Q_{11}-Q_{1}$$
 (3-18)



一定程度上克服了用极差描述数据离散程度的不足。此外、中位数经常与四 分位差结合使用。由于中位数处于数据的中间位置、因此四分位差的大小在 · 定程度上也说明了中位数对 · 组数据的代表程度。

3.2.2 方差和标准差

方差 (Variance) 与标准差 (Standard Deviation) 是测定一组数据离散程度的最常用 的测度值,它反映了每个数据与其平均数相比平均相差的数值。方差是各变量值与其平均 数离差平方的平均数,而标准差是方差的質术平方根。一般的。方差用心表示,而标准差 用。表示。

根据掌握的数据资料的不同形式、方差和标准差的计算方法有所不同。

1. 根据未分组数据资料计算方差和标准差

对于未分组数据资料, 方差和标准差的计算公式分别为



$$\vec{s} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - x)^2 = \frac{1}{n-1} \left(\sum_{i=1}^{n} x_i^2 - n x^2 \right)$$
 (3-19)

2. 根据分组数据资料计算方差和标准差

对于分组数据资料, 方差和标准差的计算公式分别为

 $\sum_{s^{2}=-1}^{k} (x_{i} - x)^{2} f_{i} = \sum_{i=1}^{k} x_{i}^{2} f_{i} - nx^{2}$ $= \sum_{i=1}^{n} f_{i} = \sum_{i=1}^{n} f_{i}$ (3 21)

$$s = \sqrt{\sum_{i=1}^{k} (x_i - x)^2 f_i}$$

$$\sum_{i=1}^{k} f_i$$
(3-22)

需要说明的是, 方差和标准差是根据全部数据计算的, 它能比较准确地反映出全部数据的离散程度。与方差不同的是, 标准差是有计量单位的, 它的计量单位与变量值相同, 因此其实际意义要比方差清楚。在对社会经济现象进行分析时, 我们更多地使用标准差作为离散程度的度量值。

【例 3.18】(数值型分组数据的极差、四分位差、方差和标准差算例) 某大学管理学院工商管理系有 25 名教师,表 3-14 是他们在该学院任教年数的頻数分布表。求该系教师在该学院任教年数的极差、四分位差、方差和标准差。

	mere in me i mendade mere de	
任教年數/年	人数 fi	组中值 x _i
128 72	17/37	3
6~10	5	8
11~15	5	13
16~20	3	18
21~25	0	23
26~30	1	28
31~35	2	33
合计	25	

表 3-14 教师任教年数的领数分布表

解:这是一组等距分组数据资料。

(1) 计算极差。

极差 R 末组上限值 首组下限值 35-1 34(年)

(2) 计算四分位差。

根据表 3-14 中的数据资料, 计算出教师任教年数的向上累积频数, 如表 3-15 所示。

任教年數/年	人数 fi	向上累计频数	
1~5	9	9	
6~10	5	14	
11~15	5	19	
16~20	3	22	
21~25	0	22	
26~30	1	23	
31~35	2	25	
合计	25	X > -	

表 3-15 教师任教年教的向上累积稻教表

n=25, $Q_{\rm L}$ 组位置= $\frac{n}{4}$ =6.25, $Q_{\rm U}$ 组位置= $\frac{3n}{4}$ =18.75。从向上累积频数看,下四分

位数 Q_{1} 应该在第一组,即 $1\sim5$;上四分位数 Q_{1} 应该在第三组,即 $11\sim15$ 。 L=1, $L_{i}=11$; $S_{Mi-1}=0$, $S_{Mi-1}=14$; $f_{Q1}=9$, $f_{Q8}=5$;d=5-1=15-11=4。 由公式(3-15) 和公式(3-16),得

$$Q_{1} = L_{1} + \frac{\frac{n}{4} - S_{M_{2}}}{f_{Q_{1}}} \times d = 1 + \frac{\frac{25}{4} - 0}{9} \times 4 \approx 3.8(47)$$

$$Q_{1} = L_{1} + \frac{\frac{3n}{4} - S_{M_{2}-1}}{f_{Q_{2}}} \times d = 11 + \frac{\frac{75}{4} - 14}{5} \times 4 \approx 14.8(47)$$

故四分位差 、

$$Q_d = Q_U - Q_L = 14.8 - 3.8 = 11(4)$$

(3) 计算方差和标准差。

根据表 3-14 中的数据资料, 计算出教师任教年数的方差的辅助计算表, 如表 3-16 所示。

任教年数/年	人数 fi	组中值 x _i	$x_i f_i$	x_i^2	$x_i^2 f_i$
1~5	9	3	27	9	81
6~10	5	8	40	64	320
11~15	5	13	65	169	845
16~20 3		18	54	324	972
21~25	21~25 0		0	529	0
26~30 1		28	28	784	784
31~35	2	33	66	1089	2178
合计	25	_	280	_	5180

表 3-16 教师任教年数的方差的辅助计算表

由表 3-16 中数据, 得方差为

$$x^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{k} x_{i}^{2} f_{i} - nx^{2}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}} = \frac{1}{25} \left[5180 - 25 \times \left(\frac{280}{25} \right)^{2} \right] = 81.76$$

标准差为

$$s = \sqrt{81,76} = 9.04(4)$$

综上,该系數师在该学院任教年数的极差为31年,四分位差为11年,方差为81.76,标准差为9.04年。



某连锁店经理年薪的确定

根据美国罗斯特格人员服务的调查,美国选价店经理的年龄范围是 30000~62000 支元。 紧连顿店 整模型塞聘请一位经理, 那么该价经理多少年新呢? 为此, 使测金了现有 30 实选领店经现的早期数据 (政位、于美元) 如下。33.7 45.4 44.0 47.5 59.6 45.1 37.7 43.9 48.3 53.0 39.2 42.9 51.0 35.6 41.5 49.5 45.4 58.2 55.4 52.3 32.2 45.9 47.6 56.2 48.8 31.3 51.2 13.2 56.8 51.1, 那么他是严粹根据效率数据进行决策的呢?

首先。他计算了数据的平均数和标准名:,一16.9 (千美元), g-7.08 (千美元), 约肟、晚模据模 舉知明 (即置正写分面的变量数。、大约有 68° 的数据基在平均数的 1 接种准套包围内,大约有 95%的 数据基在平均数的 2 循标准套包围内。几乎所有的数据基在平均数的 3 循标准套包围内)推断。关闭连 翰格经理中大约有 68。的遗称哲·经理的年龄在 38.92~ 测.88 千美元,大约有 95%的遗辅防经理的年龄 在 36.91~62.86 千美元。几乎 160 的遗输宏程理的年龄在 22.06~70.81 千美元。

年薪的确定证以至增加额外收本又有利于例罗人才为限则。通过计算平均数和标准电,该连锁供的 老板就可以機捆自己的实力选择合适的年薪了。

资料来源:于声涛,杜树靖,统计学基础 [M],北京;对外经济贸易大学出版社,2005.

3,2,3 变异系数和异众比率

1. 变异系数

变异系数 (Coefficient of Variation) 是一组数据的标准差与其相应的平均数之比,是 测度数据离散程度的相对指标。变异系数是一个无量纲的量、它适合比较不同现象或具有 不同水平数据的离散程度。变异系数大的说明数据的离散程度也大,变异系数小的说明数 据的离散程度也小。其计算公式为

$$V = \frac{s}{\overline{x}} \times 100\% \tag{3-23}$$

【例 3.19】(數值型數据的变异系數算例) 某单位销售部门所有职工的年平均工资 84700 元,标准差为 7640 元。这些职工的平均工作年数为 12 年,标准差为 2 年。职工年 工资和工作年数哪一个的离散程度更大? 解:这是两个不同总体之间离散程度的比较问题,而且具有不同的量纲。因此采用变导系数讲行比较较为合理。

$$\begin{split} &V_{\rm LW} - \frac{s}{x} \times 100\% - \frac{7640}{84700} \times 100\% \approx 9.02\% \\ &V_{\rm LW+W} = \frac{s}{\tau} \times 100\% - \frac{2}{12} \times 100\% \approx 16.67\% \end{split}$$

说明职工工作年数的离散程度要比工资的离散程度大。

新银 泰 舌 縣 解

变异系数的应用条件

当所对比的两个数制的水平高低不同时,使不能采用全距、平均更成效准要百行对比分析。因为它 引起是他对指标、非数值的大小不仅受各单位标志值者异构理的影响。有负受我严保单位标志值本务水 平高低的影响。为了对此分析不同水平的变量数率之间标志值的变异程度,就必须清除水平高低的影响。 这时效果于需要用系数。

2. 异众比率

异众比率(Variation Ratio)是一组数据的非众数的频数与全部数据个数的比率。也是测度数据离散程度的相对指标。 异众比率也是一个无量纲的量,它经常与众数结合使用。 Vr 越接近于 1、则说明众数的代表性越好; Vr 越接近于 1、则说明众数的代表性越差。 其计算公式是

$$V_r = \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i - f_m}{\sum_{i=1}^{n} f_i} \times 100\%$$
 (3-24)

【例 3.20】(数值型数据的异众比率算例) 计算例 3.10 的异众比率。

解:
$$n = \sum_{i=1}^{n} f = 10$$
, $f_{m} = 4$, 则

$$Vr = \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i - f_m}{\sum_{i=1}^{n} f_i} \times 100\% = \frac{10 - 4}{10} \times 100\% = 60\%$$



阅读专栏 3-2

平均和变异分析法

平均和变异分析法则是利用平均指标和变异指标分析社会经济现象的一般水平及差异的方法。

平均指标是同质总体中各单位某一指标值的平均数值、反映总体在一定时间、地点条件下的一般水平,如平均工资、单位产品成本、单位面积产量、平均单价等。变异指标则说明总体各单位标志值差异程度的指标,常用的变异指标是标准差和变异系数。使用平均和变异分析法应注意以下几点;

(1) 正确计算平均指标必须是同质总体的平均数。其公式为

平均指标-总体各单位基标志信总和/总体单位数

分子、分母是同一总体的两个总量指标。

- (2) 平均指标与变势指标综合运用。全面认识和评价总体。既能说明总体的一般水平。又能说明总体内都差异的程度。例如、甲单位月平均工资 1600 元。标准差为 60 元, 麦异系数 (60÷1600)为 3.75%。乙单位月平均工资为 800 元,标准差为 40 元,变 异系数 (40÷800)为 5%,说明甲单位工资水平新子乙单位。爰郑报廪低于乙单位。平均工资的代表性新子乙单位。
 - (3) 用组平均数补充总平均数。正确认识总体结构对平均水平的影响。
 - (4) 结合典型事例进行分析。
 - 资料来源:天津流计信息网 http://www.stats-tj.gov.cn.

3.3 分布形态的描述

前面讲的集中趋势和离散程度是数据分布的两个重要特征,但要全面了解数据分布的 特点,还应把据数据分布的形态。数据分布的形态主要指数据分布的形状是否对称、偏斜 的程度及分布的扁平程度等。刻画数据分布形态的测度值主要有偏度和峰度。

3.3.1 偏度

偏度 (Skewness) 是指一组数据分布的偏斜方向和程度。其计算公式为

$$Sk = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{x})^3 / s^3$$
 (3 - 25)

式中,5为标准差。

- (1) 当数据分布对称时,离差三次方后正负离差可以相互抵消。因而偏度值等于零、如图 3.2(a) 所示。
 - (2) 当数据分布不对称时,偏度值为正值或负值。

当编度值为正值时,表示正偏离差值较大,可以判断为正偏或右偏,偏度值数值越大,向右偏斜的程度就越大。偏度值为正值表示大于平均数的标志值分布较分散,分布曲线右边拉长尾巴、如图 3.2(b) 所示。

当偏度值为负值时,表示负离差数值较大,可以判断为负偏或左偏,偏度值的数值越大,向左偏斜的程度就越大。偏度值为负值表示小于平均数的标志值分布较分散,分布曲线左边拉长屋巴,如图 3.2(c) 所示。

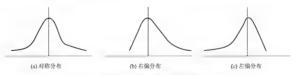


图 3.2 对称分布、右偏分布和左偏分布示意图

3.3.2 峰度

峰度(Kurtosis)是指一组数据分布的陡缓程度,它是与标准正态分布相比较而言的。 注计算公式为

$$Ku = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - x)^4 / s^4 - 3$$
 (3-26)

- (1) 当数据分布与标准正态分布的陡缓程度相同时, 峰度值等于零, 如图 3.3(a) 所示。
- (2) 当数据分布的形状比标准正态分布更瘦更高时、峰度值大于零、称为尖峰分布。 安峰分布表明集中趋势显著、嘉龄程度低、如图 3.3(b) 所示。
- (3) 当数据分布的形状比标准正态分布更矮更胖时、峰度值小于零、称为平峰分布。 平峰分布表明集中趋势不显著、离散程度大、如图 3.3(c) 所示。

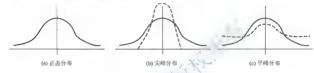


图 3.3 正态分布、尖峰分布和平峰分布示意图



在奧运会男子 25m 手枪速射比赛中,每个运动员首先进行两个阶段的预赛,然后根据预赛总成绩确定进入决赛的运动员。进入决赛的运动员再进行两组每组 10 枪的射击,将预赛成绩加上决赛成绩确定最后的名次。

在 2008 年 8 月 16 日举行的第 29 届北京奥运会男子 25m 手枪速射决赛中,获得前 6 名的运动质最后两组共 20 枪的决赛成鲭和表 3-17 所示。

表 3-17	第 29 届奥运会男子 25m 手枪速射决赛成	.绩 (单位,环)

姓 名	亚历山大。 彼得里夫利 (乌克兰)	拉尔夫· 许曼 (德国)	克里斯蒂安· 赖茨 (德國)	列昂尼德。 叶基莫夫 (俄罗斯)	基思· 桑德森 (美国)	罗曼· 邦达鲁克 (乌克兰)
名次	1	2	3	4	5	6
决	10.1	8. 4	9. 9	8.8	9.7	9. 8
赛	8. 4	9. 6	10.7	10.7	10.5	9. 2
规	10.3	10.2	9.0	9.7	9.0	10.3
绩	10.2	10.8	10.5	9.6	9.6	7. 2

			r			
姓 名	亚历山大· 彼得里夫利 (乌克兰)	拉尔夫 - 许曼 (德國)	克里斯蒂安· 赖茨 (德國)	列昂尼德 - 叶基莫夫 (俄罗斯)	基思· 桑德森 (美国)	罗曼· 邦达鲁克 (乌克兰)
名次	1	2	3	4	5	6
	10.4	10.5	10.3	10.0	9. 0	9. 9
	9. 6	10.3	10. 6	10.2	9. 9	10.5
	10.1	9. 8	10.0	10. 1	9. 2	10.4
	10.0	10.9	7. 9	10.2	9.7	10.9
	9. 9	10.3	10.7	9.4,	9.9	10.5
	10. 2	10.0	10.4	10.3	8. 1	10.3
决	10.8	9.5	9.5	\ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	9. 3	10.2
赛	10.0	10.2	9.9	9.8	10.1	10.0
成	10.3	10.7	10.5	8. 9	10.5	9. 8
绩	10.5	10.1	119.9	10,0	10.2	9. 2
	9. 6	-10,13	10.3	100	10.0	8. 3
	9.8	4.7	9, 0	9.1	9, 9	9.0
	10,74) 9.3	9:8	9.5	9.5	9. 4
	10.3/	10. 3	7058	9.8	9. 7	9.8
	/ '9. 1	10.0	10. 3	10.7	9. 9	10, 4
	10. 2	9. 6	10.7	10.0	9. 9	9.6

需要分析的问题:

- (1) 选择适当的统计量对上述数据进行描述和分析。
- (2) 对 6 个人的决赛成绩较 9 环以下、9~10 环、10 环以上进行分组、并选择适当的 图形对分组后的射击成绩进行分析和显示。

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生掌握数值型数据的一些描述性统计量及其用途、并能根据这些统计量对数据进行有效的分析; 掌握使用图表显示分组数据的能力。

二、案例分析

1. 6 名运动员射击成绩的统计分析和比较

为分析 6 名运动员的射击成绩,可以从水平、差异及分布的形态等方面着手,分布计算有关的描述统计量,6 名逸手的各描述统计量如表 3-18 所示。

统计量	样本数	极差	最小值	最大值	均值	中位数	众数
亚历山大,彼得里大利	20	2. 4	8. 4	10.8	10.010	10.15	10.30
拉尔夫・许曼	20	2.5	8. 4	10.9	10.025	10. 15	10.30
克里斯蒂安・赖茨	20	2. 9	7. 9	10.8	10.015	10.20	9.90
列昂尼德 • 叶基莫夫	20	1.9	8, 8	10.7	9.860	10.00	10.00
基思・桑徳森	20	2.4	8, 1	10.5	9.680	9, 80	9.90
罗曼。邦达鲁克	20	3. 7	7.2	10.9	9.735	9.85	9.80
统计量	标准差	方差	变异系数	偏度	峰度	和	
並历山大・彼得里夫利	0.5310	0.282	0.053	-1.660	3.712	200. 2	
拉尔夫·许曼	0. 5794	0.336	U. 058	-1.01;	1.997	200. 5	
売里斯蒂安・輸炎	0. 7213	0.520	0.072	-1.529	2. 721	200.3	
列昂尼德 • 叶基萸太	0, 5295	0. 280	0.051	-0.153	-o. 175	197. 2	
基思・桑徳森	0.5606	0.314	0.058	*1./109	2. 139	193.6	
罗曼・邦达鲁克	0.8616	0.742	0.089	1.503	2.907	194.7	

表 3-18 6 女选王设计成家的继续统计署

从各运动员发挥的水平来看,平均成绩最高的是拉尔夫·许曼,为10.025 环,最低的是基思·桑德森,仅为9.680 环;而中位数最高的是克里斯蒂安·赖茨,为10.20 环,最低的是基思·桑德森,仅为9.80 环

从各运动员发挥的稳定性来看,发挥最稳定的是亚历山大·彼得里夫利,标准差为 0.5310 环,变异系数为 0.053; 其次是列昂尼德·叶基莫夫·标准差为 0.5295 环、变异 系数为 0.051; 发挥最不稳定的是罗曼·邦达鲁克·标准差为 0.8616 环、变异系数为 0.089, 其极差高达 3.7 环。从最后的决策总成绩看。最好的是拉尔夫·许曼,为 200.5 环、丙最差的是意思·桑德森。仅为 193.6 环。

从各运动员射击成绩的分布来看、偏度系数最小的是列昂尼德·叶基莫夫·为一0.453、为轻微左偏;而其他 5 名选手的偏度系数均小于一1.有严重的左偏。这说明运动员在最初几枪的射击中,成绩普遍较低,说明运动员最初射击时有一定的紧张情绪。而后面的射击成绩较好,说明运动员的紧张情绪已经消除、逐渐进入状态。

2. 6 名运动员分组射击成绩的统计分析和比较

对分组数据的描述适用的统计量是频数或频率。根据分析的目的,可以对每名运动员 的或绩分组统计 (采用上限不在内的原则),并列出频数分布表,如表 3 19 所示。

100000000000000000000000000000000000000									
按射击	亚历山大・彼得里夫利		拉尔夫	・许曼	克里斯蒂安・赖茨				
成绩分组	频数/个	频率/%	频数/个	频率/%	频数/个	频率/%			
9 环以下	1	5	1	5	1	5			
9~10 环	5	25	6	30	7	35			
10 环以上	14	70	13	65	12	60			
合 计	20	100	20	100	20	100			

表 3 19 6 名运动员射击成绩的频数分布表

按射击	列昂尼徳・叶基莫夫		基思・	桑德森	罗曼・邦达鲁克	
成绩分组	频数/个	频率/%	频数/个	频率/%	频数/个	频率/%
9 环以下	2	10	1	5	2	10
9~10 环	7	35	14	70	9	45
10 环以上	11	55	5	25	9	45
合计	20	100	20	100	20	100

从表3 19 可以看出、总成绩最好的拉尔夫·许曼所进行的20次射击中、9 环以下占5%、9~10 环占30%、10 环以上占65%;而总成绩最差的基思·桑德森所进行的20次射击中、9 环以下占5%、9~10 环占70%、10 环以上占25%

要描述6名运动员的成绩频数分布,可选用复式条形图,如图3.1所示。

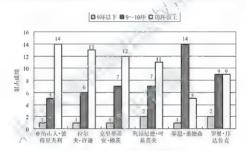


图 3.4 6 名运动员射击成绩的复式条形图

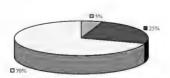


图 3.5 亚历山大·彼得里夫利射击成绩构成的饼图

本章小结

利用图表展示数据可以对数据分布的形状和特征有一个大致的了解,但要全面把 握数据的分布特征,还需要找到反映数据分布特征的各个代表值。本章介绍了从三方 面进行数据分布特征则度和描述的方法;集中趋势、离散程度和分布形态还介绍了分 布特征值的计算方法、特点及其应用场合。

关键术语

Central tendency	集中趋势	Discrete Degree	离散程度
Mean	算术平均数	Harmonic mean	调和平均数
Geometric mean	调和平均数	Mode	众数
Median	中位数	Quartile	四分位数
Decile	十分位数	Percentile"	百分位数
Range	极差	Variance	方差
Standard deviation	标准差	Coefficient of variation	变异系数
Variation ratio	异众比率	Skewness	偏度
Kurtosis	峰度	XXX	
	0.73	16.T	

知识维接。

- [1] 国家统讯局网站: http://www.stas.gov.yn.
- [2] 曾艳英. 应州统计基础 [M]. 北京: 机械工业出版社, 2010.
- [3] 贾俊平, 何晓群, 金勇进. 统计学 [M]. 6版,北京,中国人民大学出版社,2015.

习 颢 3

一、选择题

- 1.6个数据的平均数为10,其中的一个为5,那么其余5个数的平均数是()。
- A. 10 B. 9 C. 11 D. 12
- 2. 甲、乙两个样本中, $S_{\parallel}^2 = 0.4$, $S_{\perp}^2 = 0.2$ 则两个样本的波动情况是()。
- A. 甲的波动比乙大 B. 乙的波动比甲大
- C. 甲、乙波动一样大 D. 无法比较
- 3. 如果 10 个数的平方和是 370. 方差是 33. 那么平均数是()。
- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4
- 4, 能反映一组数据与其平均数的离散程度的是()。
- A. 极差和方差 B. 极差和标准差
- C. 方差和标准差 D. 以上都不对

应用统计学(第3版)

5. - 组数据的方差为 S2, 将这组数据中的每个数据都乘以 2, 所得到的 - 组新数据的 方差是()。

A.
$$\frac{S^2}{2}$$
 B. S^2 C. $2S^2$ D. $4S^2$

6. 甲、乙两人在相同条件下各射靶 10 次, 他们射击的环教的方差分别为 Sa = 2.4, $S^{2} = 3, 2$, 则射击的稳定程度是()。

- C. 一样高 D. 不能确定 A 田宮 B. Z.高
- 7. 受极端值影响最大的测度值是().
 - B. 异众比率 C. 标准差
- D. 变异系数 8. 分组数据中, 假定把变量值所对应的频数都缩小 1 10, 则加权平均数(
- B. 电缩小 1/10 C. 扩大 10 倍 D. 无法确定 A. 不变
- -组数据的变异系数为 0, 6, 标准差为 30, 则均值为()。

B. 1.7

C. 18 A VI D. 0.02

10. 某市场某种蔬菜早市、午市、晚市每千点价格分别为2.5元、3元、2元, 假定早 中晚销售量和同,则该蔬菜平均价格的计算公式为()。





D. $\frac{\frac{1}{2.5} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2}}{2}$

二、简答题

- 1. 区别下列概念。
- (1) 简单平均数与加权平均数:
- (2) 算术平均数与调和平均数:
- (3) 众数与中位数;
- (4) 平均差与方差:
- (5) 标准差与变异系数:
- (6) 偏度与峰度。
- 2. 应从哪些方面对数据分布特征进行度量? 为什么?
- 3. 集中趋势的测度值有哪些? 各在什么情况下使用?
- 4. 离散趋势的测度值有哪些? 常使用哪一种?
- 5. 标准化值的意义和用途是什么?
- 其餘球队上场的5名球员有4名在1.9~2m,其中有1人身高为2.4m。要说明该 队队员身高的一般水平, 用哪一种集中趋势的测度值描述比较合适? 为什么?

三、判断题

- 1. 根据分组资料计算得到的算术平均数是一个诉似值。
- 2. 平均数的计算只适用于数值型数据。
- 3. 在描述数据集中趋势的指标值中,只有众数不受极端值影响。
- 4. 所有离散程度的测度值都受极端值影响。
- 5. 离散程度的测度值越高,说明集中趋势测度值的代表性越弱。

四、计算题

1. 某车间有甲、乙两个生产组,甲组平均每个工作的日产量为36件,标准差为9.6件,乙组工人日产量资料如表3-20所示。

表 3-20 乙组工人日产量资料

日产量/件	工人数/人		
15	15		
25	38		
35	34		
15	13		

- (1) 计算乙组平均每个工作的日产量和标准差。
- (2) 比较甲、乙两生产小组哪个组的平均日产量更有代表性。
- 2. 已知某中学初中三年级 1、2 两个班级学生的语文考试成绩分组如表 3 21 所示。

表 3-21 集中学初中 1、2 两个班级学生的语文考试成绩分组

按成绩分组/分	1 班学生人数/人	2 班学生人数/人	
60 分以下	1,267	30	
60~70	30	40	
70~80	80	100	
80~91	50	70	
90以上	20	10	
合计 5	,200	250	

- (1) 分别计算两班学生的平均成绩。
- (2) 分别计算两班学生成绩的标准差,比较两班学生平均成绩的代表性。
- 3. 有一个由25个正数组成的数列,已知其平均数和标准差分别为20和3。若从中减去一个为100的数,试求新数列的标准差。
 - 4. 某工厂某车间早晚两班各有工人6名,每人目产零件数如下:

根据上述资料,分别计算早、晚两班的极差和标准差,并加以比较说明。

5. 已知下列每组数据。

I. 8 0 6 8 10 3 2 2 80 II. 5 3 3 1 5 7 5 9 7 III. 4 5 4 120 1 2 0 4

- (1) 求短组的平均数。
- (2) 求每组的中位数。
- (3) 求每组的众数。
- (4) 求每组的四分位数。

6. 调查了某管理学院 30 名教师。年龄如下。

63	61	54	57	56	40	38	33	33	45
28	22	23	23	24	22	21	21	45	42
36	36	35	28	25	37	35	42	35	53

- (1) 求样本平均数、样本方差、样本中位数、极差和众数。
- (2) 把样本分成组、组距相同。作出列表数据和盲方图、
- (3) 根据分组数据计算样本平均数和样本方差。
- (4) 比较(1)和(3)样本平均数和样本方差的结果,说明结果不同的原因。
- 7. 某工厂统计了100 天内的不合格产品如表3-22 所示。

表 3-22 某工厂 100 天内的不合格产品

不合格品数	0	1	2	X 3	4
天數	15	26	20	8	1

求样本平均数、众数、样本方差和样本标准差。

8. 某公司 100 名职 Г 2016 年 9 月份 [寄数据如表 3

東3-22 甘公司 100 夕田子 2016 年 8 日公丁本新疆

月收入/元	人數/人
800~1300	20
1300~1800~	45
1800~2800	25
2300 121	100
分 H	100

- (1) 计算该公司职工月工资的平均数。
- (2) 计管该公司职工月工资的众数和中位数。
- (3) 根据以上计算的平均数、众数和中位数、分析该公司职工月工资的偏度特征。
- (4) 计算该公司职工月工资的标准差。
- 9, 有人调查了465 位链球运动员某年的收入, 发现他们的年收入以24.7 万元为分布 中心,但超过24.7万元的只有121人。试问这里的24.7万元指的是哪一种集中趋势值? 球员收入分布呈什么形态? 为什么?
- 10. 某公司的职工月工资为1000~5000 元,现公司领导决定给公司全体员工增加工 资。如果给每位员工增加300元。则
 - (1) 全体员工工资的平均数、中位数和众数将分别增加多少?
- (2) 用极差、四分位数、方差和标准差分别衡量员工工资的差异程度。增加工资前后 各个变异指标的数值会有什么变化?
 - (3) 增加工资前后员工工资分布的偏度和峰度有无变化?
- (4) 如果每位员工增加工资的幅度定为各自工资的8%。则上述3个问题的答案又有 什么不同?

11. 某次歌唱比赛, 共有 9 位评委, 其中有歌手甲和歌手乙分别得分情况如表 3 - 24 所示。

	水 3 4 米从取得比较积了下降积于占的特力情况									
ĺ	评委	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	歌手甲	8. 1	7.9	7.9	8. 2	8. 2	7.8	8. 2	8. 3	8.0
	歌手乙	8, 0	7.9	7.8	9.5	8. 1	7.9	7.8	8.0	7.9

表 3 24 草次歌唱比赛歌手甲和歌手乙的得分惛况

采用数据集中趋势的度量方法,对歌手甲和歌手乙来排名次,谁应该排在前面?请加以讨论。

- 12. 某管理学院共有教师 50 人,分甲、乙两组、甲组教师 20 人,平均月收入 78 白元,标准差为 8 百元,乙组教师 30 人,平均月收入 72 百元,标准差为 10 百元。求全院 50 位教师的平均收入及标准差。
- 13. 某种电器有两种型号,单价分别为 3 下元和 1 下元、已知价格低的电器销售量是价格高的电器的 2 倍,求这种电器的平均销售价格。
 - 14. 某城市甲、乙两个超市3种蔬菜的价格及销售额资料如表3-25所示。

表 3 25 某城市甲、乙两个超市 3 种蔬菜的价格及销售额资料

试比较该城市哪个超市蔬菜的平均价格高,并说明原因。

- 15. 某市场上有3种价格的香蕉,每千克分别为4元、6元、10元,试计算;
- (1) 各买十元钱, 平均积于点多少钱?
- (2) 各买一千克, 平均每千克多少钱?



实际操作训练

- 1. 实训项目:对学生考试成绩进行分析
- 实训目标:掌握统计数据分布特征值,理解并会正确使用。

实训内容:对自己所在学校的两个班的统计考试成绩进行对比,辨别哪一个班级的学 习程度好。要求:

- (1) 统计两个班的统计学考试成绩。
- (2) 根据考试成绩编制频数分布表。
- (3) 计算两班的平均成绩、各分数段人数比例、标准差及标准差系数。
- (4) 对成绩进行分析。
- 2. 实训项目:大学生身高的统计分析

实训目标:掌握统计数据分布特征值,理解并会正确使用。

实训内容:分成两个调研小组,分别对所在年级的同学的身高进行随机抽样调查,要求两组抽取不同样本容量的样本。要求求出:

- (1) 哪一组调查人员在其所抽取的样本中得到的同学的平均身高较大?或者这两组样本的平均身高相同?
- (2) 哪一组调查人员在其所抽取的样本中得到的同学的身高的标准差较大?或者这两 组样本的身高的标准差相同?
- (3)哪一组调查人员有可能得到这两组全部样本的最高者或最低者?或者对两组调查人员来说,这种机会是否是相同的?

景例思考与讨论

亚太地区商学院学生申请 MBA 情况的统计分析

寻求工商管理专业较高的学历已是一种世界趋势。有调查表明、越来越多的亚洲人选择就读工商管理硕士 (MBA) 学位、将它当作通往成功的道路。在近一年来,亚太地区的学院里申请 MBA 的人数增长了30%。根据亚太地区的74 所商学院的报道,1997 年共有170000 申请者竞争1999 年的11000 个全日制 MBA 学位。

在整个亚太地区,成千上万的人对于暂时搁置自己的工作并花两年的时间来接受工商管理系统教育显示了日益增长的热情。这些工商管理课程显然十分繁重,包括经济学、金融学、市场营销学、行为科学、劳工关系学、决策论、运筹学、经济法等。表 3 26 是Asia公司提供的数据,显示了亚太地区 25 所知名商学院的情况;

商学院名称	录取名额	毎系人数	本国 学生 学费 /美元	外国 学生 学费 /美元	年齡	国外学生比例/%	是否 要求 GMAT	是 要 英 语 试	是否要求工作经验	起薪 /美元
墨尔本商学院	200	5	24420	29600	28	47	是	否	是	71400
新南威尔士大学	228	4	19993	32582	29	28	是	香	是	65200
印度管理学院	392	5	4300	4300	22	0	否	否	否	7100
香港大学	90	5	11140	11140	29	10	是	杏	否	31000
日本国际大学	126	4	33060	33060	28	60	是	是	杏	87000
亚洲管理学院	389	5	7562	9000	25	50	是	否	是	22800
印度管理学院	380	5	3935	16000	23	1	是	杏	杏	7500
新加坡国立大学	147	6	6146	7170	29	51	是	是	是	43300
印度管理学院	463	8	2880	16000	23	0	杏	否	否	7400
澳大利亚国立大学	42	2	20300	20300	30	80	是	是	是	46600

表 3-26 亚太地区知名商学院信息统计表

(松)

										256 /
商学院名称	录取名额	每系 人数	本国 学生 学费 / 美元	外国 学生 学费 /美元	年龄	国外学生比例/%	是否 要求 GMAT	是 要 英 測	是否要求工作经验	起薪 /美元
南洋理工大学	50	5	8500	8500	32	20	是	否	是	49300
昆士兰大学	138	17	16000	22800	32	26	否	否	是	49600
香港理工大学	60	2	11513	11513	26	37	是	否	是	34000
麦兮里商学院	12	8	17172	19778	34	27	否	否	是	60100
Chulalongkorn 大学	200	7	17355	17355	25	6	七鬼	否	是	17600
Monash Mt. Eliza 商学院	350	13	16200	22500	30	311	是	是	是	52500
亚洲管理学院	300	10	18200	18200	29	90	否	是	是	25000
阿德莱德大学	20	19	16426	23100	801	10	否	否	是	66000
梅西人学	30	15	13106	21625	37	35	否	是	是	11100
墨尔本皇家工商学院	30	7	13880	17765	32	30	否	是	是	4896-1
JamnalalBaja 管理学院	240	9	1000	1000	24	0	/h	否	是	7000
柯廷理工学院	98	15	9175	19097	29	15	足	杏	是	55:00
拉合尔管理科学院	70	14	11250	26300	23	2. 7	否	香	杏	75 H
马来西亚 Sams 大学	30	ů	2260	2260	32	15	否	是	足	16:00
De La Salle 大学	-44	17	3300	N3600	28	3.5	是	否	是	13100

要求对该表数据做出分析并写出分析报告,分析报告应包括:

- (1) 用描述统计的方法概括表中数据,并讨论你的结论;
- (2) 对变量数据的最大值、最小值、平均数及适当的分位数进行评价和解释;通过这些描述统计量,你对亚太地区的商学院有何看法或发现?
 - (3) 对本国学生学费和外国学生学费进行比较:
 - (4) 对要求或不要求工作经验的学校学生的起薪进行比较;
 - (5) 对要求或不要求英语测试的学校学生的起薪进行比较;
 - (6) 为了便于反映你希望反映的问题,请在分析报告中添加必要的图表。



第4章

SPSS 的简单应用

数学的形

通过本章的学习,要求了解 SPSS 的统计功能、熟悉 SPSS 使用界面;熟练掌握利用 SPSS 进行基本统计分析的方法。

教学要求

知识要点	能力要求	相关知识
IBM SPSS Statistics	熟悉 SPSS 使用界面	SPSS变量编辑和数据编辑窗口
建立数据文件	零權 SPSS 变量定义的方法: 掌握 数据文件的编辑与合并方法	变量定义、数据输入、数据编辑、数据文件合并
用 SPSS 进行基本统计 分析	掌握数据整理、分级的方法; 掌握 频数分析方法	数据整理、数据分析、基本描述 统计量、频数分析
統计绘图	掌握基本统计图绘制方法	条形图、直方图、饼形图、散 点图
多选题分析	掌握多选问题分析方法	多选问题的分解、多选问题频数 分析



常见统计软件简介

SPSS 的全教是 Statistical Product and Service Solutions. 即"统计产品与服务解决方案"教件。它是国际上最有影响的三大统计教件之一,由美国 SPSS 公司于 20世纪 70 年代推出。2009 年,SPSS 公司宣告重新包装缴下的 SPSS 产品也,定健与涨测统计分析数件(Predictive Analytics Software、PASW), 依件以 PASW Statistics 为名。同年被 IBM 公司以 12 亿美元现金收购。自 2010 年 8 月发行 19.0 开始,SPSS 工式更名为 IBM SPSS Statistics (本书均简称"SPSS")。迄今、SPSS 公司已有 40 余年的或长历史。

S-PLUS 整手 S语言、 毕曲 MathSoft 公司的统计科学都进一步完善 作为统计学家及一般研究人员的通用 方法工具箱、S PLUS 接满摩米图形。 接着种数据分析、统计方法、 开发都统计工具的计算方法, 以及可扩展性 S-PLUS 有抗技术和工作结核本, 它是一个商业软件, 可以直接用朱进行标准的统计分析得到所需结果。 假是它的主要的特点是可以交互掺从各个方面去发现数据中的信息, 并可以很容易接实理一个新的统计方法。

R 软件是S语言的另一个字现颚去、R 的使用与 S-PLUS 积限专股企处。这两种语言有一定的教 宫性。S-PLUS 的使用手册。只要新加粹改与可引为 R 的使用手册。所以有人说,R Σ -S-PLUS的一 个"宽停"。但 S-PLUS 是故费的。R Σ -个自由,免费、房民码干放的软件。它是一个用于统计计算 和维计制图的债券工具。近几年使用股产。

SAS 系统全核力 Statistics Analysis System: 最早由此卡罗来的大学的两位生物统计率研究生编制。 并于 1076 年或立了 SAS 教任研究所, 开始进行 SAS 系统的信护, 干皮、销售和特别工作。期间经历了 许多联本,经过多率来的定等和废展, SAS 系统在预除上已预整为统计分析的标准软件, 在各个领域降 两广泛应用。

EVirws 是或關 GMS 公司 1981 年发行第 1 代的 Micro TSP 的 Windows 模本、也常核与计量经济学 软件包 EVirws 是 Econometrics Virws 的報写。它的本意是对對多经济采集的數數量規律。最 用 if 置證本字方法与技术进行"現察"。使用 EVirws 软件包可以切时间平均和面时间平均的数据进行分析,建工序列(变量)间的统计关系式、并用或关系式进行预测、模拟等。EVirws 处理非的可序列线据 照样操心原系。实际上、相当大量的非对间序列(最重数据)的项目也能在 EVirws 中进行处理。

Stata 是一套提供其使用者数据分析、数据管理及公制专业图表的完整及整合性统计故障。它提供许 多功能、包含线性混合模型、均衡重复反复及多项式普罗比模式、新版本的 Stata 的窗口接口,使用者自 行建立程序时,数件能提供具有直接命令式的语法。

Statistica为一套完整的统计资料分析、图表、资料管理、应用程式发展系统。以及对其他技术、工有、工商企业资料把据信用等进降分析的应用程式。此系统不仅包含统计上一数功能及制图程序。还包含粉珠的统计写用(如社会统计人员、生物研究员或工程等。)。全新的 Statistica 在功能上更提供了四种线形模型的分析工具。包括 VGLM、VGSR、VGLZ 与 VPLS。对使用者所言,提供完整且具可选择性的使用者不要面;方可广泛使用程式语言结时精灵未建设一般的范围。或整合 Statistica 与其他拉用程式进行情况,这些都是非常方便好用的模型。 Statistica 能模模使用者所有需要的统计及制图程序。另一、能够在图表视器中显示各种分析。以及剪引于传统统计范畴外的最新统计作图技术。营获等许多使用者的好评。

在对数据进行处理时,大多是使用简单统计描述。画各种统计图表、或者进行 t 检验、方差分析、 相关分析及回归分析。做这些统计分析时、大多可使用 Windows 下的 Excel。 Excel 是一种使用极方便的 申予表格依件、它有强大的数据管理功能。能制作各种统计图表、具有丰富的财金和统计函数、并且 Excel 在"分析工具库"中提供了一组版据分析工具。使用这些分析工具时,只需指出数据所在的单元格和提供必要的参数, 造工具被会使用全盲的统订或工程函数, 对数据做处理、给出相应的结果。有些工具在输出时还能产生图表。

SPSS 软件包集数据整理、分析过程、结果输出等功能于一身、数据处理速度快、功能强大、窗口操作人性化、简单化、因此使用较普及。本章针对本书中所涉及的统计学内容、简明地介绍 IBM SPSS Statistics 22.0 中常用统计分析方法的操作步骤和输出结果的解释、使读者很快实现对 SPSS 功能的基本掌握和应用。

4.1 IBM SPSS Statistics 22.0 的界面



4.1.1 SPSS 的主窗口

IBM SPSS Statistics 22.0 的启动方法同一般常用软件的启动执行方法完全相同,只需按以下顺序操作即可,开始一程序→IBM SPSS Statistics 22。

启动 IBM SPSS Statistics 22 后,弹出一个选择对话框,可以选择打开已经存在的数据文件,也可以做出其他选择。弹出对话框选项如下:

- (1) New Files: 新建文件。
- (2) Recent Files: 最近的文件
- (3) What's News: 新增功能。
- (1) Modules and Programmability; 模块和可编程性,
- (5) Tutorials 教程
- (6) Don't show this dialog in the future: 再运行 SPSS 系统时不显示该对话框,直接 进入数据编辑窗口。

在做出选择后单击"OK"按钮,或直接单击"Cancel"按钮,就可进入 SPSS 的数据编辑窗口。

4.1.2 数据编辑窗口

数据编辑窗口 (IBM SPSS Statistics Data Editor) 也称数据编辑器,是一个典型的 Windows 软件界面,从上到下由标题栏、菜单栏、工具栏、数据编辑区和系统状态显示区 5 部分组成。该界面和 Excel 极为相似,由若干行和若干列组成,每行对应了一个观测记录、每列则对应了一个变量。

1. 标题栏

标题栏显示了打开的数据文件名。

2. 菜单栏

菜单栏将 SPSS 常用的数据编辑、加 T 和分析的功能列了出来,使用者可根据自己的需求在打开的子菜单中选择需要的选项,完成特定的功能,菜单栏的名称及作用如下:

(1) File: 文件操作。完成文件的打开、新建、保存、打印和关闭等操作。

- (2) Edit; 文件编辑。完成文本或数据内容的选择、复制、剪贴、查找和替换等操作。
- (3) View: 浏览编辑。完成文本或数据内容的状态栏、工具栏、字体、网格线和数值标签等功能的操作。
- (4) Data: 数据管理。完成数据变量名称和格式的定义,数据资料的选择、排序、加权,数据文件的转换、连接和汇总等操作。
 - (5) Transform: 数据转换。完成数据的计算、重新编码和缺失值替代等操作。
- (6) Analyze: 数据分析。完成基本统计分析、均值比较、相关分析、回归分析、聚类分析、因子分析、对应分析等-系列统计分析方法的选择与应用。
- (7) Direct Marketing;直销。提供了一组精心设计以改善直销活动效果的工具,它可以标志那些用于定义不同消费者群体的人口统计学、购买和其他特征,针对特定目标群体最大限度地提高正面响应率。
- (8) Graphs:制作统计图形。完成条形图、饼图、直方图、散点图等统计图形的制作与编辑。
- (9) Utilities; 实用程序。有关命令解释、字体选择、文件信息、定义输出标题和窗口设计等。
 - (10) Add-ons: 插件。可添加其他应用程序,可提供服务帮助,可编程延续。
 - (11) Window: 窗口控制。可进行窗口的排列、选择和显示等。
 - (12) Help: 帮助。帮助文件的调用、查询和显示等操作。

3. 工具料

工具栏显示了常川的功能图形按钮, 使用者可以直接单击某个按钮完成相应的功能, 使操作更加快捷方便

4. 数据编辑区

数据编辑区是显示和管理 SPSS 数据结构和数据内容的区域。它的左下方是窗口切换标签区、包含"Data View"和 "Variable View"两个标签。"Data View"指数据视区、显示具体的数据内容、可以输入编辑数据;"Variable View"指变量视区、显示数据文件中变量的定义,包括变量的名称、类型、宽度、小数点位数等。

5. 系统状态显示区

系统状态显示区显示系统当前的运行状态。当系统等待使用者操作时、会出现"IBM SPSS Statistics Processor is ready"的提示信息、该信息可以作为检查 SPSS 是否成功安装和正常启动的手段。

4.2 建立数据文件

通常进行一项统计 I 作时,数据是新的数据,可以直接从 SPSS 数据编辑窗口输入。 直接从 SPSS 数据编辑窗口建立数据文件的方法:首先应该给新的数据文件进行变量定义,然后使用者就可以逐个承人数据。



4.2.1 变量的定义

单击 "Variable View" 标签、定义变量 (不要忘了保存)。下而介绍各变量的功能。

- (1) Name: 变量名称。其总长度不能超过 64 个字符 (32 个汉字)。定义变量名应注意:
 - ① 第一个字符必须是字母或字符@、#或\$之一。
 - ② 后续字符可以是字母、数字、非标点字符和句点(.)的任意组合。
 - ③ 变量名称不能包含空格。
- ① 变量名称第一个位置中的二字符将变量定义为临时变量; 只能使用命令语法创建 临时变量; 不能在创建新变量的对话框中将变量的第一个字符指定为二。
- ③ 第一个位置中的\$符号表示变量为系统变量。\$符号不能作为用户定义的变量的第一个字符。
 - ⑥ 可在变量名称中使用句点、下画线和字符\$、=及(4)。
- ② 应避免用句点结束变量名称,因为句点可能被解释为命令终止符。只能使用命令 语法创建以句点结束的变量;不能在创建新变量的对话作中创建以句点结束的变量。
- ③ 应避免使用下曲线结束变量名称,因为这样的名称可能与命令和过程自动创建的 变量名称冲突。
- ⑨ 不能将保留关键字用作变量名称。保留关键字有 ALL、AND、BY、EQ、GE、GT、LE、LT、NE、NOT、OR、KO和 WITH。
 - ⑩ 可以用任意混合的大小写字符来定义变量名称,大小写将为显示目的而保留。
- (2) Type: 变量类型, 单击变量类型, 弹出 "Variable Type" 对话框, 有 9 种类型 可供选择, 分别如下。
- ① Numeric:标准数值型。是系统數认的变量类型,數认总长度为8位,小数是2位。使用时可调整小数位数。这种变量类型最为常用。例如,原始数据235.66表示成标准数值型仍为235.66。
- ② Comma: 带逗号的数值型。整数部分从右向左每3位一个逗号,其余同数值型变量。例如,原始数据6789401表示成带逗号的数值型为6,789,401。这种变量类型不常用。
- ③ Dot,带句号的数值型。以整数形式显示数据,从有向左每3位一个圆点(但不是小数点),应用逗号表示小数位置,但都显示0;其余同数值型变量。例如,则原始数据4.5895表示成带句号的数值型为45.895,00。这种变量类型不常用。
- ① Scientific notation; 科学计数型。例如. 原始数据 1231.3 表示成科学计数型为 1.2E+003。
- ⑤ Date: 日期型。使用者可以从系统提示的日期显示形式中选择自己需要的。例如、选择 mm/dd/yyyy 形式、则 2006 年 11 月 1 日显示为 11/01/2006。
- ⑥ Dollar; 带美元符号的数值型。在有效数字前带有"\$"符号,其余规定与标准数值型相同。例如,原始数据 67.89表示成带美元符号的数值型为\$67.89。
 - ⑦ Custom Currency: 自定义型。机器自动提示选择方法。
 - ⑧ String: 字符串型。选中该项后,使用者可以在数据输入时输入中文或英文符号。

- ② Restricted Numeric (integer with leading zeros); 受限数值。值限于非负整数的变量。在显示值时,填充先导 0 以达到最大变量宽度。假定数据宽度设为 4、则 "221133"显示为 "1133",而 "22"显示为 "0022"。
- (3) Width: 数据或字符串的宽度, 默认的变量长度是8位。当变量为某些特定类型时,该设置无效,如日期型变量。
 - (4) Decimals: 小数位数。默认的小数位数是2位。
- (5) Label: 变量标签。用来说明变量所代表的实际意义,可以输入 120 个字符。由于变量名常用英文字母加数字来表示,因此对变量名的具体意义做进一步的附加说明很重要,建议使用中文标签。例如,在定义"性别"这个变量时,可以用 Sex 表示其名称,输入"性别"作为其标签。
- (6) Values: 变量值标签。对变量可能取值附加的进一步说明。对分类变量往往要定义其取值的标签。例如,在统计中性别变量的取值常以"1"代表"男"、"2"代表"女"、定义其取值的方法是: 单击 "Values"按钮、弹出 "Value Labels"对话框、在第一个"Value"编辑框输入数值"1"、在第二个"Value"编辑框输入标签"男"、单击"Add"按钮确认,即可定义"1='男'"、依次再做类似的操作来定义其他变量的取值、最后单击"(OK"按相即可
- (7) Missing: 缺失值。缺失值的含义是指在调查或实验当中因为被调查者不愿意同答或其他原因导致数据的缺失。为了保证分析结果的合理性,不希望这样的数据参与统计分析。在 SPSS 的数据表上任意一个空白的单元,都被认为是缺失值,用"."表示。缺失值的定义方法如下:

单击"Missing"按钮、弹出一个"Missing Values"对话框。内有 3 个单选按钮:

- ① No missing values: 没有缺失值。是系统的默认选项。
- ② Discrete missing values: 离散缺失值。对于离散型缺失值、可以定义 1~3 个单一数据为缺失值。计算机遇到这些缺失值会作为特殊值处理, 计算时跳过。例如, 人的性别的数据资料, 若规定男为 1、女为 2、则值为 0。3、4 都被认为是非法的。如果将这 3 个值分别输入到 3 个矩形框中, 当数据文件出现这几个数据时, 系统将按缺失值处理。
- ③ Range plus one optional discrete missing value; 定义缺失值范围。指定范围为缺失值,同时指定另外一个不在这一范围内的单一数为缺失值。这种方式定义缺失值主要是针对连续变量的值。例如,如果定义变量"身高"的值中输入的错误数据有 1. 10、1. 90、1. 95 和 2. 03,而且在 1. 90~2. 03 没有正确的身高测试值,正确值在大于 1. 40 和小于 1. 90 的范围内,则可选择此种定义缺失值的方式。 在"Low"参数框中输入 1. 90,在"High"参数框中输入 2. 03.在"Discrete value"参数框中输入 1. 40。此外,多于 3 个缺失值的离散变量也可以用此方式定义缺失值。例如,对于"性别"变量值,如果规定男为 1、女为 2、在输入时输入 5、6、9、可以在"Low"参数框中输入 3. 在"High"参数框中输入 9。

需要说明的是,用户缺失值和系统缺失值的含义不同,系统缺失值 上要是指计算机默认的缺失方式,如果在输入数据时空缺了某些数据或输入了非法的字符,计算机就把其界定为 缺少值,这时的数据标记为".",而用户界定的缺失值则不会在数据显示时出现"."。

(8) Columns:显示数据的宽度。定义数据在屏幕上该变量对应列的显示列宽。默认

102 应用统计学(第3版)

值为8个字符,范围是1~255。显示宽度不影响机内值和分析运算结果,只影响显示。

- (9) Align:字符排列方向。定义数据在单元中的对齐方式、有3种选择、即左对齐(Left)、右对齐(Right) 和居中(Center)。
 - (10) Measure: 数据测量类型。它是指变量是如何测量的,可有3种选择。
- ① Scale: 尺度变量(连续变量)。是默认的类型,即使用距离或比率量尺测量的数据,如身高和体重。Scale:可以是数值形。且期现和货币形变量。但不能是字符串形变量。
- ② Ordinal: 順序变量。是指变量之间的順序有实际意义、但没有距离关系。順序变量可以用有序的数字作为代码、设置了值标签的变量被认为是有序的分类变量、可以作为分组变量、也可以参与某些分析过程的运算。Ordinal 可以是数值型和字符串型变量。
- ③ Nomunal: 分类变量。分类变量值之间没有顺序关系、只能作为分组变量使用。 Nominal 与 Ordinal 一样,只是不要求变量有次序关系。
 - (11) Role: 角色, 可有6种选择。
 - ① Input: 输入。变量将用于输入(如预测变量、自变量)。
 - ② Target: 目标。变量将用于输出或目标(如因变量)。
 - ③ Both: 两者。变量将同时用于输入和输出。
 - ④ None: 无。变量没有角色分配。
 - ⑤ Partition, 分区。变量将用于将数据划分为单独的训练、检验和验证样本。
- ⑥ Split, 拆分。设定此角色是为与 IBM® SPSS® Modeler 相互兼容。具有此角色的变量不会在 IBM SPSS Statistics 中用于拆分文件变量。

4.2.2 数据的输入

单击"Data View"标签,直接从数据编辑器中输入数据。SPSS 数据输入的操作过程与 Excel 基本类似,也是以电子表格的方式进行录入的。

录入数据时应首先确定当前数据单元、即将光标指到某个数据单元上、然后单击。数据录入可以逐行进行、录入完一个数据后按 Tab 键、于是当前单元的右边一个单元便自动成为当前单元;数据录入可以逐列进行、录入完一个数据后按 Enter 键,于是当前单元的下边一个单元便自动成为当前单元。如果数据已经输入成表格或 Excel 文件,则可以复制后粘贴到 SPSS 的数据编辑器中。数据输入的过程中要及时保存数据。

4.2.3 数据的编辑

SPSS 数据编辑的操作过程如下:

1. 修改数据

找到所要修改的数据,激活(双击),然后修改即可。

- 2. 插入或删除一行数据
- 1) 插入一行数据

在某行前插入一新行。操作方法是首先单占该行的行头,使该行全部被选中,然后选择 "Edit >Insert Cases"选项,或单击工具栏的"插入行 Insert Cases" 图标,则系统自动在该行前插入一个新行。

2) 删除一行数据

找到所要删除的行、单击该行的行头、使该行全部被选中、然后按 Delete 键、或选择 Edit *Clear 洗环、删该行即被删除。

- 3. 插入或删除一个变量 (列)
- 1) 插入一个变量 (列)

某个变量(列)前插人一新变量(列)。操作方法是首先单击该列的列头,使该列全部被选中,然后选择"Edit-Insert Variable"选项,或单击工具栏上的"插入列 Insert Variable"图标、则系统自动在该列前插入一个新变量(列)。

2) 删除一个变量 (列)

找到所要删除的列,单击该列的列头,使该列全部被选中,然后按 Delete 键,或选择 "Edit ~ Clear" 选项,则该列即被删除。

4.2.4 数据文件的合并

当需要输入的数据量较少时,可以由一个人直接从数据编辑器中输入数据;当输入的数据量较大时,经常将其分成几部分、由几个人分别输入数据。这样、一份完整的数据被分别存储为几个较小的 SPSS 数据文件。如果要分析这份数据、就必须将这几个较小的 SPSS 数据文件合并到一起。

1. 横向合并数据文件

横向合并数据文件就是将一份数据按变量分成几部分,然后分别输入数据并存储为几个较小的 SPSS 变量数据文件,最后将这几个变量数据文件中的数据左右对接,进行横向合并。SPSS 横向合并数据文件的操作过程如下。

- (1) 打开第一个数据文件。
- (2) 单击 "Data→Merge Files→Add Variables..." 选项、系统弹出一个 "Add Variables to…" 对话框。有两个如下选项。
- ① An open dataset: 从当前打开的数据集选择合并文件, 列表框中显示的是当前打开 的可用数据集名称。
- ② An External SPSS Statistics data file: 读取外部的数据文件进行合并,该项需要用户指定文件路径和文件名。

用户根据需要选择其中一种方式打开第二个数据文件即可。单击"Continue"按钮、系统将弹出"Add Variables from..."(横向合并数据文件)对话框、显示两个文件所含的变量信息。

左边 "Excluded Variables" 列表框列出了两个文件中的同名变量、只有这些变量可以作为关键变量。右边 "New Active Dataset" 列表框列出了在合并后新的文件中存在的变量。

附有 [*] 的变量表示第一个数据文件中的变量、附有 [+] 的变量表示被合并数据文件中的变量。

横向合并数据文件窗口的洗项如下:

① 选中 "Match cases on key variables" 和 "Cases are sorted in order of key variables

in both datasets" 复选框、并从"Exclude Variables"列表框中选出作为关键变量的变量 移至"Key Variables"列表框中。

- ② 指定提供合并数据的方式。SPSS 有 3 种数据提供方式: Both files provide cases 是 SPSS 条线默认的方式,指合并后的数据由原来两个符合并的文件数据组成; Non-active dataset is keyed table 指保持第一个文件的数据不动、将第二个文件中的其他变量合并进 来; Active dataset is keyed table 指保持第二个文件的数据不动、将第一个文件中的其他 变量合并进来。
- ③ 选中 "Indicate case source as variable" 复选框、表示在合并后的数据文件中创建一个新变量、用来区分合并后数据文件中的记录来自合并前的哪个文件、为 0 时表示来自第一个数据文件。为1时表示来自被合并数据文件。"Indicate case source as variable" 复选框的右侧有一个文本框。用来输入要创建的那个新变量的名称,默认名称为"sourceol"。否则,本步可略去。
- (3) 单击"OK"按钮、即可完成两个数据文件的横向合并。合并结果显示在数据编辑窗口。

这里需要说明的是,在"Add Variable from..."(横向合并数据文件)对话柜的下方有一行(5个)按钮,分别是"OK""Paste""Reset""Cancel""Help"按钮,这5个按钮在SPSS的统计分析对话框中经常出现,在此将它们的功能介绍如下。

- (1) 单击 "OK" 按钮,表示所有操作完成后,得到最后输出结果。
- (2) 单击 "Paste" 按钮,表示生成 SPSS 语句。
- (3) 单击 "Reset" 按钮、表示重新选择。当进行完第一组数据的分析之后、要单击 "Reset" 按钮、再进行下一组数据的分析。
- (4) 单击 "Cancel" 按钮, 表示取消操作。
- (5) 单击"Help"按钮,表示操作帮助。 【例 4.1】 将表 4-1 中的数据横向合并到表 4-2 中。

【拓展视频】

表 4-1 某单位职工信息表 (一)

职工号 (zgh)	学历 (xl)
1	1
3	3
5	2

表 4-2 某单位职工信息表 (二)

职工号 (zgh)	性别 (xb)	年龄 (nl)	基本工资 (sr)	职称 (zc)
1	1	48	1014.00	1
2	1	49	984.00	2
3	2	54	1044.00	1
4	2	41	866.00	4
5	1	38	848.00	2

解:注意此例中的关键变量是"职工号",表 4-1中 2、4 号职工的学历数据空白,合并数据时按系统缺失值处理。在选中"Indicate case source as variable"复选框后,合并后的数据文件中创建一个新变量"source01",合并后的结果如表 4-3 所示。

		44.4	3 MUDATEEN	130 7		
zgh	xb	ni	sr	zc	xl	source01
1	1	48	1014.00	1	1	1
2	1	49	984. 00	2		0
3	2	54	1044.00	1	3	1
1	2	41	866.00	4		0
5	1	38	848. 00	2	1 2	1

表 4-3 横向合并数据结果

2. 纵向合并数据文件

纵向合并数据文件就是将一份数据按观测量分成几部分,然后分别输入数据并存储为 几个较小的 SPSS 观测量数据文件,最后将这几个观测量数据文件中的数据上下对接、进 行纵向合并。SPSS 纵向合并数据文件的操作过程如下。

- (1) 打开第一个数据文件。
- (2) 单击 "Data→Merge Files *Add Cases..." 选项、系统弹出一个 "Add Cases to..." 对话框,有如下两个选项:
- ① An open dataset; 从当前打开的数据集选择合并文件, 列表框中显示的是当前打开 的可用数据集名称。
- ② An External SPSS Statistics data file: 读取外部的数据文件进行合并、该项需要用户指定文件路径和文件名。

用户根据需要选择其中一种方式打开第二个数据文件即可。单击 "Continue" 按钮、系统将弹出 "Add Case From..."(纵向合并数据文件)对话框,显示两个文件所含的变量信息。

左边 "Unpaired Variables" 列表框列出了两个文件中的不同名变量。SPSS 默认这些变量的含义不同,且不放入合并后的新文件中。如果不接受这种默认,可选择其中的两个变量名并单击"Pair"按钮指定配对。表示它们的名称不同但数据含义是相同的、可进入合并后的数据文件中。或者、对某变量单击"Rename"按钮改名后再指定配对。也可单击"Pair"上边的按钮指定某变量不经任何匹配、强行进入合并后的数据文件中。否则、本步可略去。

右边 "Variables in New Active Dataset"列表框列出了两个文件中的同名变量、SPSS 默认它们具有相同的数据含义、并将它们作为合并后新数据文件中的变量。如果不接受这种默认、可单击"Pair"上边的按钮将它们剔除到"Unpaired Variables"列表框中。否则、本步可略去。

附有[*]的变量表示第一个数据文件中的变量,附有[+]的变量表示被合并数据文件中的变量。

106 应用统计学(第3版)

完成上述操作后,将左边列表框中的不同名变量选入到右边列表框中。

- (3) 若要求合并后的数据能看出来自哪个数据文件,可以选中 "Indicate case source as variable" 复选框,操作同横向合并数据文件。
- (4) 单击 "OK"按钮、即可完成两个数据文件的纵向合并。合并后结果显示在数据编辑窗口中。

【例 4.2】 将表 4-4 中的数据纵向合并到表 4-2 中。

职工号 (zgh)	性别 (xb)	职称 (zc)	
6	2	4	
7	1	3	
8	2	- Z / N 3	

表 4 ~ 4 草单位职工信息表 (三)

解:注意此例中表 1 4 中的变量是表 1 2 中的一部分。合并后的结果如表 1 5 所示。

zgh	xb	nl	SF	zc	Source01
1	1	1/8/11	1014.00	1	0
2	1 -	49	984.00	2	0
3	2	54	1044,00	1	0
4	7/2	41 🔀	866.00	4	0
5	N TA	38	848.00	2	0
6	2	. '		4	1
7	1			3	1
8	2			3	1

表 4-5 纵向含并数据结果

4.3 用 SPSS 进行基本统计分析

4.3.1 数据整理

1. 数据排序

数据排序在数据分析过程中有很重要的作用。它便于数据的浏览、快速地找到数据的 最大和最小值,同时也能够发现缺失值的数量和数据的异常值。SPSS 数据排序的操作过 程如下:

- (1) 选择 "Data→Sort Cases" 选项, 弹出 -个 "Sort Cases" 对话框。
- (2) 将主排序变量从左面的列表框中选到右侧的 "Sort by" 列表框中、并在 "Sort

()rder"选项中选择按该变量是升序 (Ascending) 还是降序 (Descending) 排序。

- (3) Save Sorted Data; 将分类的数据另存为一个文件或索引。当左侧的变量被选人 右侧的列表框时、激活该选框;选中"Save file with sorted data" 复选框,激活 "File" 按钮,单击它即可指定保存文件的路径。
 - (4) 单击"()K"按钮,即可完成数据的排序。排序结果显示在数据编辑窗口。
 - 【例 4.3】 在例 4.1 中, 将表 4-2 中的数据按基本工资 (sr) 进行升序排列。
 - 解:按基本 L资(sr)进行升序排列的结果如表 4-6 所示。

	AC 4 0 3CM NFD 3A AC				
zgh	xb	nl	sc	zc	
5	1	38	848. 00	2	
4	2	41	866, 00	4	
2	1	49	981.00	2	
1	1	18 /	1014.00	1	
3	2	54	1044.00	1	

表 4-6 数据排序结果

2. 分类汇总

分类汇总是按照某个指定的变量进行分类汇总计算、这种数据处理方法在实际数据分析中经常使用。例如,某中学想要了解高中一年级两个重点班的男、女学生之间及班级之间的数学考试成绩是否存在较大差异。最简单的做法就是分类汇总。分别按性别、班级计算其平均成绩、然后再进行比较。分类汇总的基本步骤;①选择分类变量;②选择汇总变量;③指定汇总的统计量。SPSS 分类汇总的操作过程如下;

- (1) 选择 "Data→Aggregate..." 选项、弹出一个 "Aggregate Data" 对话框。
- (2) 将分类变量选到 "Break Variable(s)" 列表框中, 将汇总变量选到 "Summaries of Variable(s)" 列表框中。
- (3) 单击 "Name & Label..." 按钮, 重新指定结果文件中的变量名及其标签, 指定 后单击 "Continue" 按钮, 返回 "Aggregate Data" 对话框。若不指定, 默认的变量名为 原变量名后加" 1"。
- (4) 单击 "Function..." 按钮、弹出汇总统计量对话框、从中选择需要的汇总统计量、选择后单击 "Continue" 按钮、返回 "Aggregate Data" 对话框。汇总统计量很多、默认的是计算平均数。最常用的有平均数 (Mean)、中位数 (Median)、和数 (Sum)、标准差 (Standard Deviation)、最小值 (Minimum) 和最大值 (Maximum) 等。
- (5) "Number of cases" 复选框是将分组数据的个数以"N BREAK"为默认变量名存入指定的结果文件中。也可以修改变量名。
- (6) 单选按钮 Add aggregated variable to...: 定义一个新变量, 储存分类汇总的结果; 单选按钮 Create a new dataset containing...; 创建一个只包含汇总结果的新数据文件; 单选按钮 Write a new data file containing...; 分类汇总的结果覆盖当前的数据文件。
 - (7) 单击"()K"按钮,完成数据的分类汇总。汇总结果显示在数据编辑窗口。

【例 4.4】 基大学管理学院工商管理专业一年级两个班共有学生 50 人,期末高等数学 考试成绩统计如表4 7所示。试对数学考试成绩分性别、班级计简平均数。

主	4	. 4	50	4	44	4	*	arth.	曲	碘	

班级 (bj)	性别 (xb)	考试成绩 (X)		
	男生	82, 62, 45, 89, 78, 90, 67, 78, 80, 76, 55, 77, 30		
ı	女生	77, 67, 98, 93, 81, 78, 73, 81, 69, 78, 99, 100		
	男生	68, 89, 45, 65, 77, 84, 80, 79, 69, 81		
Z	女生	67. 89. 99. 100. 69. 70. 72. 88. 90. 93. 82. 77. 67. 88. 99		

解:规定:"1"表示男生,"2"表示女生。SPSS数据文件中涉及的变量有班级、性 别和考试成绩,其中班级和性别为分类变量,考试成绩为汇总变量,操作过程按照 SPSS 分类汇总的步骤进行。其中,在"Number of cases"复选框中,将分组数据的个数以"数 据个数"为变量名存入指定的结果文件中,在"Create new dataset..."单选按钮中,将 分类汇总结果以"例 4.1 分类汇总结果.sav"为文件名保存。先按班级再按性别进行分类 汇总的结果如表 4-8 所示,先按性别再按班级进行分类汇总的结果如表 4-9 所示。

来 1-8 50 夕学生参过成绩分米汇单结里 (一)

序 号	bj	dx	mean	数据个数
1	1	1	69 12	13
2	157.	2	1 82.83	12
3	2	1	73, 70	10
4	2/2]2	.21	83. 33	15

成绩分类汇总结果 (二)

序 号 🗥	xb	bj	mean	數据个数
1	1	1	69.92	13
2	1	2	73.70	10
3	2	1	82. 83	12
4	2	2	83. 33	15

2. 数据变换

数据少换是在原有少量数据的基础上、计算产生一些含有更丰富信息的新数据。例 如、根据学生的某门课程的平时成绩、期中考试成绩和期末考试成绩计算总成绩;根据教 师的教学工作量和科研工作量计算年末总工作量,等等。SPSS 数据变换的操作过程如下,

- (1) 选择 "Transform→Compute Variable..." 选项, 弹出 "Compute Variable" 对 话框。
- (2) 在 "Target Variable" 文本框中输入存放计算结果的新变量名。新变量的变量类 型默认为数值型,使用者可以根据需要单击"Type&Label..."按钮进行修改,还可以对 新变量加变量标签。

- (3) 在"Numeric Expression"文本框输入或选择表达式值(注意:表达式中的变量必须从左侧列表框中洗人)。
 - (4) "Function group" 项列出了系统预装的函数。
- (5) 单击"if..."按钮、打开条件表达式对话框。选择符合条件的个案进行变量计算。 其中、"Include all cases" 选项是指包括所有观测值、"Include if cases satisfies condition" 选项是指包括符号条件的观测值。选择后单击"Continue"按钮、返回到"Compute Variables" 对话框。此步可以省略。SPSS 系统默认的是"Include all cases"选项。
 - (6) 单击 "OK"按钮,即可完成数据的变换。变换结果显示在数据编辑窗口。
- 【例 4.5】 10 名学生的语文和数学期末考试成绩如表 4 10 所示、按这两门课总成绩的 50 %计算总成绩。

学生序号 (xh)	数学 (X ₁)	· 语文 (X ₂)
1	68	56
2	75	76
3	87	81
4	92	6.3
5	61	90
6	76	72
7	38	85
8	9(1	91
9	80	69
10	77	70

表 4 10 10 名学生两门课期末考试成绩

解: ΠX 表示变换后的总成绩,则 $X = (X_1 + X_2) * 0.5$ 。按照 SPSS 变量变换的操作步骤,得出以下变换结果,如表 4 - 11 所示。

xh	X_1	X2	X
1	68	56	62.00
2	75	76	75.50
3	87	81	84.00
1	92	63	77.50
5	61	90	75.50
6	76	72	74.00
7	58	85	71.50
8	90	94	92.00
9	89	69	79.00
10	77	70	73.50

表 4-11 10 名学生两门课期末考试成绩的变换结果



4.3.2 数据分组

数据分组就是根据统计研究的需要、将数据按某种标准重新划分为不同的组別。 SPSS 软件提供了单项式分组和组距式分组两种方法。

1. 单项式分组

单项式分组首先将全部变量值按分组变量值排序,分组结果为数据排序后的名次,存放在一个新的变量中。该变量的变量值标签是分组变量的变量值。具有相同变量值的数据被分在一组中。SPSS 单项式分组的操作过程如下,

- (1) 选择 "Transform → Automatic Recode..." 选项,弹出 "Automatic Recode" 对话能
- (2) 将对话框左侧列表框的分组变量选择到右侧的 "Variable ►New Name" 列表框中。
- (3) 在 "New Name" 按钮右侧的文本框内输入存放分组结果的新变量名,并单击 "Add New Name" 按钮。
- (4) 在"Recode Starting from"选项中选择单项式分组是按升序(Lowest value)进行还是按降序(Highest value)进行。
- (5) 单击"OK"按钮、完成单项式数据分组。分组结果显示在数据输出窗口和数据编辑窗口。

【例 4.6】 使用 SPSS 的单项式数据分组功能,对例 2.1 中的数据进行分组。

解:由于机器介数属于离散型变量、因此使用单项式分组方法。本例分组变量(X)值为2、3、4、5、6、名次分别为1、2、3、4、5、并存放在新变量(X₁)中。按照 SPSS 单项式分组操作步骤、在数据输出窗口得到表 1-12、将数据编辑窗口中的输出结果加以整理得到表 4-13。

X into X ₁ (机床台数)							
Old Value	New Value	Value Label					
2	1	2					
3	2	3					
4	3	4					
5	4	5					
6	5	6					

表 4-12 单项式数据分组输出结果 (一)

在表 4 12 中,"Old Value"表示分组变量 X 的值; "New Value"表示将分组变量 (X) 的值排序后的名次,存放在新变量 (X_1) 中;"Value Label"表示新变量 (X_1) 的标签值,它是分组变量 (X) 的值。

grh	X	X_1	grh	X	X_1	grh	X	X1	grh	X	X_1	grh	X	X1
1	3	2	11	4	3	21	2	1	31	3	2	41	2	1
2	6	5	12	2	1	22	3	2	32	5	4	42	6	5
3	2	1	1 13	5	4	23	6	5	33	4	3	43	3	2
4	4	3	14	2	1	24	5	4	34	. 5	4	44	4	3
5	3	2	15	6	5	25	4	3	35	6	5	45	5	4
6	2	1	16	2	1	26	2	1	36	2	1	46	4	3
7	6	5	17	3	2	27	4	3	37	2	1	47	5	4
8	4	3	18	5	4	28	3	2	38	-6	5	48	2	1
9	3	2	19	1	3	29	2	1	39	1	3	19	3	2
10	2	1	20	3	2	30	2	1	40 /	18.	12	50	5	4

表 4-13 单项式数据分组输出结果 (二)

在表 4-13 中,第 1 列为 Γ 人序号(grh),第 2 列为 Γ 人看管的机器台数(X),第 3 列为将分组变量(X)的值排序后的名次(X_1)。例如,在第 3 列中,对应于 1 号 Γ 人的(X_1)的值是 2,表示他看管的机器台数 3 应分到第 2 组中。

2. 组距式分组

组距式分组是将全部变量值依次划分为若干个区间,并将这一区间的变量值作为一组。下面重点介绍 SPSS 等距分组的操作过程。

- (1) 首先将原始资料按升序进行排列并计算极差 R; 其次由斯特吉斯经验公式确定组数和组斯,即组数 k=1,3.321gN,组即 d=R/k; 最后确定组限。取第一组下限略高于最小变量值,则该组工限=该组下限+组和。
- (2) 选择 "Transform ➤ Visual Binning..." 选项、弹出 "Visual Binning" 对话框。 将对话框左侧列表框中需要分组的变量选入到右侧的 "Variables to Bin" 列表框中、对话框底部有一个 "Limit number of cases scanned to" 复选框,其作用是当数据量很大时,需要设定参与分析的记录数目,以避免分析时间过长;者数据量不是很大、该选项可忽略。 单击 "Continue" 按钮、弹出一个新的 "Visual Binning" 对话框。
 - (3) 新的 "Visual Binning" 对话框设置如下,
- ① 左上侧的 "Scanned Variable List"列表框:列表框中的变量正是刚才选择的变量、单击该变量、则右侧的很多文本框被激活。
- ② 左下侧的"Cases Scanned" 灰色文本框是对应变量参与分析的记录数、"Missing Values" 灰色文本框是对应变量参与分析时的缺失记录数。
- ③ 右上侧的 "Current Variable" 文本框显示的是当前变量、"Binned Variable" 文本框输入分组变量名及标签、"Minimum" 灰色文本框为变量的最小值、"Maximum" 灰色文本框为变量的最大值。
- ① 右下侧的 "Upper Endpoints" 选项组包含 2 个单选按钮, 其中, "Include(<)" 单选按钮表示确定的一组的上限值包含在该组内, 而 "Exclude(<)" 单选按钮表示确定的一组上限值包含在下一组内。

单击 "Make Cutpoints..." 选项、弹出一个"Make Cutpoints"对话框,包括 3 个 Location 划分方法选项、第一个是 Equal Width Intervals 等间距划分框、在内部首先在 "First Cutpoint Location" 文本框中输入第一组的上限,然后在"Width"文本框中输入组距,这时将鼠标移动到"Number of Cutpoints"文本框中,系统自动计算出断点数目 (组数=断点数 + 1)。单击"Apply"按钮返回到新的"Visual Binning"对话框。

③中下侧存放一个 Grid 表格. 显示的是分组的上、下限、单击"Make Labels"按钮,表格里面的 Label 栏显示分组的提示。

(4) 单击 "OK"按钮、完成后首先出现一个信息提示对话框、说明创建新变量的情况。关闭该对话框后,在数据编辑器窗口显示变量分组结果。

【例 4.7】 用 SPSS 的组距式数据分组功能对例 2.2 中的数据进行分组。



解:由于「资属于连续型变量,因此采用组距式分组方法。

(1) 用 SPSS 数据排序功能将原始资料按升序进行排列结果如下: 2100,2200,2340,2470,2540,2590,2500\2740,2790,2850

2980, 3000, 3040, 3130, 3210, 3210, 3280, 3280, 3300, 3320

3320, 3350, 3390, 3400, 3400, 3500, 3500, 3560, 3680, 3700

3780, 3800, 3840, 3890, 3900, 3980, 1000, 1080, 4100, 4120

4200, 4300, 4320, 4400, 4450, 4500, 4580, 4640, 4780, 4800

(2) 计算极差 R。

R 最大值一最小值 4800-2100 2700

(3) 确定组数和组距 由斯特古斯经验公式 组数

k=1+3. $322 \log N = 1+3$. $322 \log 50 = 1+3$. 322×1 . $699 \approx 6$. $644 \approx 7$

组距

d R/k 2700 7≈385.7

因此,取整数组距 d=400,并进行等距分组。

(4) 确定第一组上限。

取第一组下限为2050,则该组

□限=下限+组距=2050+400=2450

(5) 分组输出结果, 如表 4-14 所示。

在表 4-14 中. 第 1 列为教师序号(xh)、第 2 列为教师 L 资(X)、第 3 列为将分组 变量(X)的值分组排序后的名次(X_1),即 7 个组按从小到大的顺序排列为 1、2、3、4、5、6、7。例如,在第 3 列中,对应于 1 号教师的 X_1 的值是 1,表示他的 L 资 2200 元应分 到第 1 组中。

xh	X	X_1	xh	X	X 1	xh	X	X_1	xh	X	X_1
1	2200	1	16	3680	5 1	31	3840	5	46	2340	1
2	2100	1	17	4500	7	32	3400	4	47	3900	5
3	4640	7	18	3210	3 !	33	4100	6	48	4450	7
4	4580	7	19	3400	4	34	3350	4	49	2790	2
5	3500	4	20	3320	4	35	4780	7	50	3280	4
6	4080	6	21	4200	6	36	2600	2			
7	2980	3	22	3780	5 1	37	4320	6			
В	4000	5	23	3980	5 1	38	3130	3			
9	3560	4	24	3800	5 1	39	4300	6 -			
10	2850	3	25	4800	7	10	3890	5			
11	3320	1	26	3210	3	11	3390	1			
12	2470	2	27	2590	2	42	8300	1 4			
13	3000	3	28	4400	6	43/	3500	4			
14	2510	2	29	3700	5	11	3280	1			
15	3040	3	30	2740	2 1	\45'	4120	6			

表 4-14 细斯式数据公组

4.3.3 计算基本描述统计量

在统计研究中,我们经常对标准化后的数据资料进行统计分析,其目的是将不同的指标综合加总,从而排除不同量纳的影响。SPSS提供了计算描述统计量的功能,它可以将原始数据资料转换成标准化值并以变量的形式存入数据编辑窗口中,以供进一步分析。将原数据变量 X 转舱或标准化变量 Z X 的公式为

$$2\underline{X} = \frac{X - \overline{X}}{S} \tag{4-1}$$

式中, X 表示原变量的平均数, S 表示原变量的标准差。

常用的描述统计量有平均数、和数、标准差、方差、最大值、最小值、极差、平均数 标准误差、偏度和峰度等。SPSS 计算基本描述统计量过程如下:

- (1) 选择 "Analyze→Descriptive Statistics→Descriptives..." 选项、弹出一个 "Descriptives" 对话框。
 - (2) 从左侧列表框选出需计算的变量放到右侧 "Variable(s)" 列表框中。
- (3) 若需要标准化变量,则选中 "Save standardized values as variables" 复选框、然 后单击 "OK" 按钮,返回数据编辑窗口,则标准化后的变量显示在数据编辑窗口中,接 下来可以选择该标准化变量进行描述性分析。否则,不做选择。
- (4) 单击"Options..."按钮、弹出"Descriptives: Options"对话框、指定计算哪些统计量。
 - ① Mean 复选框:平均数。
 - ② Sum 复选框: 和数。
 - ③ Dispersion 选项组:描述离散程度的统计量,包含6个复选框。

- a. Std. deviation 复选框:标准差。
- b. Variance 复选框: 方差。
- c, Range 复选框: 极差。
- d. Minimum 复选框: 最小值。
- e. Maximum 复选框: 最大值。
- S. E. mean 复选框: 平均数标准误差。指样本平均数作为抽样样本的平均数与总体 平均数的平均差异,即

S. E. Mean =
$$\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$
 (4 - 2)

- ① Distribution 选项组: 检验分布形态的统计量,包含2个复选框。
- a. Kurtosis 复选框,偏度及其标准误差。
- b. Skewness 复选框: 峰度及其标准误差。
- ⑤ Display Order 项, 计算结果输出顺序。包含 4 个单选按钮。
- a. Variable list: 按 "Variable" 列表框中排列的顺序输出。
- b. Alphabetic: 按各变量的字母排列顺序输出。
- c. Ascending means; 按平均数的升序顺序输出。
- d. Descending means: 按平均数的降序顺序输出。
- ⑥ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Descriptives" 对话框。
- (5) 单击 "()K"按钮,即可完成基本描述统计量的计算。计算结果显示在数据输出窗口。

【例 4.8】 从某中学某班级中抽出 11 名学生,他们的 5 门课程的期末考试成绩如表 4-15 所示, 试计算以下两个问题:

表 4-15 学生四门课程测验成绩

- (1) 语文考试成绩的基本描述统计量。
- (2) 5门课程考试成绩的平均数和标准差。

唐 又	10X -F	90 AE	16 7	王 柳
61	85	78	62	65
77	74	73	69	60
75	79	68	74	64
74	71	81	86	75
50		20	60	

			1	
61	85	78	62	65
77	74	73	69	60
75	79	68	74	64
74	71	81	86	75
78	74	69	77	57
68	47	87	68	75
65	60	74	69	69
74	68	65	66	63
58	74	75	63	74
62	76	59	57	57
70	74	62	82	55
76	77	69	82	73
72	77	87	75	71
70	87	57	68	71

解: (1) 根据 SPSS 计算基本描述统计量操作步骤、将输出结果整理后如表 4-16 所示。

	N	Range	Minimum	Maximum	Sum	M	ean
	Statistics	Statistics	Statistics	Statistics	Statistics	Statistics	Std. Error
语	14	20	58	78	980	70	1.703
文	Std.	Variance	Skev	vness	Kur	tosis	
	Statistics	Statistics	Statistics	Std. Error	Statistics	Std. Error	
	6. 373	40.615	614	. 597	801	1. 154	

表 4 · 16 语文考试成绩的基本描述统计量结果

由表 4-16 可以看出、14 名学生语文考试成绩的极差为 20 分、最低为 58 分、最高为 78 分, 总成绩为 980 分。平均成绩为 70 分。平均数标准误差是 1.703 分,标准差为 6.373 分。方差为 40.615;偏度为一0.614<0、呈左偏分布、说明成绩较低的占多数,成绩较高的占少数;峰度为一0.801<0、呈平峰分布、说明成绩的分布与正态分布相比略有一些平峰。Std. Error 是偏度和峰度的平均数标准误差。

(2) 输出结果如表 4-17 所示。 /。

	1 + W /.	Mean -	Std. Deviation
语文 一	1 4	1/20.00	6, 373
数学	14	73.07	9. 980
物理	14	71.71	9. 433
化学	14 /	71. 29	8. 407
生物	14	66. 36	7. 153

表 4-17 五门课程考试的平均成绩及标准差

由表 4-17 可以看出, 11 名学生的数学平均成绩最高, 但其标准差也最大, 说明学生的成绩差异比较大, 生物平均成绩最低, 但其标准差较小, 说明学生的成绩差异比较小。

4.3.4 頻数分析

SPSS中的頻數分析功能不仅可以产生详细的頻数分布表,还可以按要求计算出基本 描述统计量。另外,它还可以通过分析作出统计图。SPSS 颗数分析的操作过程如下。

- (1) 选择 "Analyze →Descriptive Statistics →Frequencies..." 选项, 弹出 "Frequencies" 对话框。
 - (2) 从左侧列表框中将需要讲行频数分析的变量选择到右侧的 "Variable(s)" 列表框中。
- (3) 选中 "Display frequency tables" 复选框,要求输出频数分布表。如不需要可以忽略。
- (4) 单击 "Statistics..." 按钮, 弹出 "Frequencies; Statistics" 对话框。在该对话框可以进行输出基本描述统计量的设置,各选项含义如下;

- ① Percentile Values 洗项组, 指定百分位数, 包括 3 个复选框。
- a. Quartiles 复洗框, 输出 25%, 50%, 75%的百分位数。
- b. Cut points for... equal group 复选框:输入 2~100 的整数,若输入 4,则用百分位 数将数据 4 等分,输出 25%、50%、75%的百分位数。
- c. Percentile(s) 复选框:输入 0~100 的数, 若输入 2.5, 则输出 2.5%的百分位数, 然后单击"Add"按钮。
 - ② Central Tendency 洗项组:指定集中趋势统计量,包括 4 个复选框。
 - a. Mean 复选框, 平均数。
 - b. Median 复选框:中位数。
 - c. Mode 复选框, 众数。
 - d. Sum 复洗框,和数。
 - ③ Dispersion 洗项组,指定离散程度统计量,包括6个复选框。
 - a. Std. deviation 复选框,标准差。
 - b. Variance 复选框, 方差。
 - c. Range 复选框, 极差。
 - d. Minimum 复选框,最小值.
 - e. Maximum 复选框:最大值。
 - f. S. E. mean 复选框: 平均数标准误差
 - ① Distribution 项,指定分布形态统计量,
 - a. Skewness 复选框: 偏度。
 - b. Kurtosis 复选框、蜂度。
- ⑤ Values are group midpoints 复选框:数据分组后选中该项。在计算百分位数和中 位数时,用各组的组中值代表各组数据。
 - ⑥ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Frequencies" 对话框。
- (5) 单击 "Charts..." 按钮, 弹出 "Frequencies; Charts" 对话框。在该对话框可以 进行输出统计图的设置,各选项含义如下。
 - ① Chart Type 选项组:用于有关图形输出类型的选择,包括 4 个单选按钮。
 - a. None 单选按钮;不输出任何图形,是系统默认的方式。
 - b. Bar charts 单选按钮: 条形图。
 - c. Pie charts 单选按钮: 饼图。
- d. Histograms 单选按钮: 直方图。若选中 "Show normal curve on histogram" 复选 框,则图中带有正态曲线。
 - ② Chart Values 选项组:用于图形坐标含义的设置,包括2个单选按钮。
 - a. Frequencies 单选按钮: 纵坐标表示频数。
 - b. Percentages 单选按钮: 纵坐标表示百分比。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Frequencies" 对话框。
- (6) 单击 "Format..." 按钮, 弹出 "Frequencies: Format" 对话框。在该对话框可 以设置有关输出的格式,各选项含义如下:
 - ① ()rder by 选项组:用于设置频数表中变量的排列顺序,包括 1 个单选按钮。

- a. Ascending values 单选按钮:数据按升序排列。
- b. Descending values 单选按钮,数据按降序排列。
- c. Ascending counts 单选按钮: 频数按升序排列。
- d. Descending counts 单选按钮: 频数按降序排列。
- ② Multiple Variables 洗项组:用于设置多变量项频数输出形式,包括2个单洗桉钮。
- a. Compare variables 单选按钮:将变量的结果显示在同一表或图形中,是系统默认的方式。
 - b. Organize output by variables 单选按钮:将变量的结果显示在不同的表或图形中。
- ③ Suppress tables with many categories 复选框:用于设置频数表的输出范围。当频数分布表的分组数大于框中输入的值时,按该值表示的组数显示。
 - ④ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Frequencies" 对话框。
- (7) 单击 "OK"按钮、即可完成频数分析的操作、频数分析结果显示在数据输出窗口。

【例 4.9】 对例 2.1 中的数据进行物数分析。

解: (1) 输出统计表结果,如表 4-18 和表 4-19 所示 (不用对数据进行单项式分组、 直接对原变主进行辐整分析)。

表 4~18、基本描述统计量

N .	Valid	50
200	Missing	0
Mean ///	JX . 7	3, 66
Std. Error of Mean	0.00	, 199
Median	*'24'	3, 50
Mode \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	110	2
Std. Deviation		1.409
Variance		1.984
Skewness	. 320	
Std. Error of Skewness	. 337	
Kurtosis	—1.176	
Std. Error of Kurtosis		. 662
Range		4
Minimum		2
Maximum		6
Sum		183
	2.00	
p	2.00	
Percentiles	50	3.50
	75	5.00

118 应用统计学(第3版)

表 4-18 结果解释,第 1 行 (Valid) 为有效样本数,第 2 行 (Missing) 为没有缺失 值,第 3~14 行为基本描述统计量,最后 4 行 (Percentiles) 为从上至下依次是 2.5%、 25%、50%和 75%的百分位数的数值。

		Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percen
	2	14	28. 0	28. 0	28.0
	3	11	22. 0	22.0	50.0
77 1 1	4	10	20.0	20.0	70.0
Valid	5	8	16.0	16.0	86.0
	6	7	14.0	14.0 -	100.0
	Total	50	100.0	100.0	

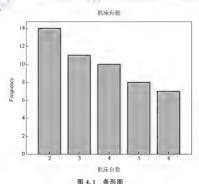
表 1-19 额数分布表

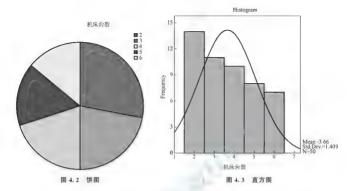
表 4-19 结果解释,第 1 列(Valid)为变量有效的值,第 2 列为分组变量取值,第 3 列(Frequency)为頻数;第 4 列(Percent)为原始的百分比(频率),即含有缺失值的百分比;第 5 列(Valid Percent)为有效的百分比(频率),即不含有缺失值的百分比;第 6 列(Cumulative Percent)为向上累积的有效百分比(频率)。

由表 4-19 得到的分析结论如下:\>

本次调查的总工人数是50人,其中,看管2~6台机器的工人数依次为14、11、10、8、7人,占总人数的28%、22%、20%、16%、11%。看管少于4台机器的工人数达到50%。由于在机器台数这个变量中,无缺失值,因此百分比和有效百分比相同。

(2)输出统计图结果,如图 4.1~4.3 所示。SPSS 赖數分析功能只提供了简单的输出图形、若想使图形更加美观、显示的内容更加丰富、还可以根据需要对图形进行编辑。在SPSS 莱单中专门设置了绘图(Graphs)功能、这部分内容后面会详细介绍。





本例中的条形图、姚图和直方图均使用频数作为纵坐标。条形图清楚地显示出看管 2 台机器的工人数最多、看管 6 台机器的工人数最少;饼图虽然通过扇形面积的大小也能反映出分类结果,但就本例而言,显然它不如条形图更直观;直方图上附有正态分布曲线、二者对比分析发现,该分布与正态分布相差甚远。

实际研究中,不必将所有形式的图形都输出来,选择什么形式的输出图形要根据实际问题而定。

【例 4, 10】 对例 2, 2 中的数据进行频数分析。

解: 在用 SPSS 的组距式数据分组功能进行分组的基础上, 对分组变量进行频数分析, 得到频数分布表 4-20 和自方图 4.4。



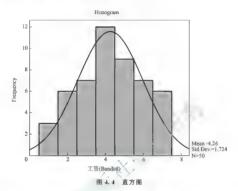
表 4-20 频数分布表

		Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent
	<2450	3	6.0	6.0	6. 0
	2450~2849	6	12.0	12.0	18.0
	2850~3249	7	14.0	14.0	32.0
Valid	3250~3649	12	24.0	24.0	56.0
Valid	3650~4049	9	18. 0	18. 0	74.0
	4050~4449	7	14. 0	14.0	88. 0
	4450+	6	12. 0	12.0	100.0
	Total	50	100.0	100.0	

由表 4-20 得到的分析结论如下:

本次调查的总教师人数是 50 人,其中, 厂资在 3250~3649 元的人数最多, 占总人数

的 24%,而工资低于 2450 元的人数最少,只占总人数的 6%。由于在教师工资这个变量中,无缺失值,因此百分比和有效百分比相同。



由图 4.4 可见,它与正态分布曲线拟和效果较好,因此可以认为工人工资变量近似服从正态分布。

4.4 统计绘图

SPSS 制图功能强,能绘制许多种统计图形,这些图形可以由各种统计分析过程产生, 也可以直接从 Graph。图形菜单中的一系列图形选项直接产生。下面重点介绍统计分析中 常用的条形图、饼图、直方图、线形图和散点图的绘制。

4.4.1 统计图的绘制

1. 条形图

条形图 (Bar) 常用于表示单个变量的变化趋势或多个变量之间的比较。

条形图共有3种图示类型,分别是简单条形图(Simple)、分组条形图(Clustered)和分段条形图(Stacked)。其中,简单条形图是以若干平行且等宽的矩形表现数量对比关系,条间有间隙;分组条形图是由两条或两个条组成一组的条形图;分段条形图是以条形的全长代表某个变量的整体,条内的各分段长短代表各组成部分在整体中所占比例,每一段用不同线条或颜色表示。

条形图绘制采用的统计量描述模式,也可分为3种类型,即观测量分类描述模式 (Summaries for groups of cases)、变量描述模式 (Summaries of separate variables) 和观测值模式 (Values of individual cases)。其中, 观测量分类描述模式对应分类轴变量中的每一种类观测量生成一个简单(分组或分段)图形; 变量描述模式对应每个变量生成一个

图形,即一个条或一个折点代表一个变量,这种模式至少要选择两个或两个以上、相同或 不同的变量; 观测值模式对应分类轴变量中的每一观测值生成一个图形。

下面重点介绍变量描述模式的条形图绘制方法,其他方法类似,读者有兴趣可自己练 习操作即可。

SPSS 变量描述模式的条形图绘制操作过程如下:

- (1) 选择 Graphs *Legacy Dialogs *Bar 选项、弹出 "Bar Charts" 对话框。该对话框包含 3 种图示类型的单选和 3 种统计量描述模式的单选。我们选择分组条形图 (Clustered) 和变量描述模式(Summaries of separate variables)。选择后单击 Define 按钮进入 "Define Clustered Bar: Summaries of Separate Variables" 对话框。
- (2) Category Axis 框,设置分类轴(默认的是横轴)变量。分类轴上各变量的排列 位置是由分类变量中变量值的大小和字母顺序所确定的、数值最小或字母顺序最靠前的变 量值排在分类轴的最左端。
- (3) Bars Represent 列表框: 存放除分类轴变量以外需要分析的其他变量。即从左侧 窗口中将这些变量选择到右侧的"Bars Represent"列表框中。
- (4) 单击 "Change Statistic..." 按钮,设置变量汇总函数。系统默认以函数 Mean (平均数) 对选入的变量进行汇总,这是常用的汇总方式。如若以其他的函数形式进行汇总,在"Change Statistic"对话售中提供了上几种函数可供选择,在此不一一列出。
- (5) Template 框: 图形模版格式。如果选择 Use chart specifications from 复选框,单击 "File"接钮,则会弹出"Use Template from File"对话框,让所要生成的图形套用已有的模版格式。一般可直接输出图形,不套用模版格式。
- (6) 单击 "Titles..." 接钮、设置图形标题。在 "Titles" 对话框中, "Title" 对话框 设置主标题, 在 "Line1" 和 "Line2" 文本框中可分别输入 72 个字符或 36 个汉字; "Subtitle" 文本框设置副标题。
- (7) 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Define Clustered Bar; Summaries of separate variables" 对话框。
- (8) 单击 "Options..." 按钮,设置缺失值处理方式。在"Options"对话框中,有如下选项。
 - ① Missing Values: 用于选择缺失值处理方式。
 - a. Exclude cases listwise 单选按钮:剔除有缺失值的个案,是系统默认选项。
 - b. Exclude cases variable by variable 单选按钮:剔除变量中的缺失值。
 - c. Display groups defined by missing values 复选框:显示所定义的缺失值组。
 - ② Display chart with case labels 复选框;显示观测值量的标签值。
 - ③ Display error bars 复选框:在图形中显示误差条形图。
 - ④ Error Bars Represent: 用于选择误差条形图所表达的统计量。
- a. Confidence intervals 单选按钮: 误差条形图的表征,需要在级别后面的输入框制定需要的水平值,默认为 95.0。
 - b. Standard error 单选按钮:标准误差,需要在乘数后面的输入框指定标准误的倍数。
- c. Standard deviation 单选按钮:标准差、需要在乘数后面的输入框指定标准差的倍数。

- (9) 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Define Clustered Bar; Summaries of separate variables" 对话框。
 - (10) 单击"()K"按钮,得到输出的条形图。结果显示在数据输出窗口。
- 【例 4.11】 中国 2005 2014 年的出生率和死亡率数据资料如表 4-21 所示, 试通过 绘制条形图比较这段时间的出生率和死亡率。

年 份	出生率/%	死亡率/%
2005	12. 40	6. 51
2006	12.09	6, 81
2007	12. 10	6.93
2008	12.14	7.06
2009	11 95	7, 08
2010	11.90	7. 11
2011	11.93	7. 14
2012	12/10	7. 15
2013	12 08	7. 16
2014	12. 37	7. 16

表 4-21 中国 2005-2014 年的出生率和死亡率

资料来源:《2015 中国统计年鉴》。

解: 根据 SPSS 变量描述模式的条形图绘制操作步骤, 我们设置"年份"为分类轴变量, 以系统默认的函数 Mean 对出生率和死亡率两个变量进行汇总, 则分别绘制出分组条形图和分段条形图, 如图 4.5 和图 4.6 所示。

2. 饼图

饼图 (Pie) 主要用来表示组数不多的品质资料或间断性数量资料的内部构成、各部分百分比之和必须是 100%。

饼形图绘制采用的统计量描述模式与条形图类似, 也可分为 3 种类型, 即观测量分类 描述模式 (Summaries for Groups of Cases)、变量描述模式 (Summaries of Separate Variables) 和观测值模式 (Values of Individual Cases)。SPSS 饼图绘制模作过程如下:

- (1) 选择 "Graphs→Legacy Dialogs→Pie..." 选项,弹出 "Pie Charts" 对话框。该 对话框包含 3 种统计量描述模式的单选。我们选择视测值模式 (Values of Individual cases)。 选择后单击"Define" 按钮、弹出"Define Pie : Values of Individual Cases" 对话框。
 - (2) 将选择分析变量存放在 Slices Represent 列表框。
 - (3) Slice Labels 洗项组,分类轴的标记和排列方式。包括 2 个单洗按钮。
- ① Case Number 单选按钮,表示以观测量的序号为标记来排列 "Slices Represent" 列表框内的变量值。
- ② Variable 单选按钮:表示以某变量的变量值为标记来排列 Slices Represent 列表框内的变量值。

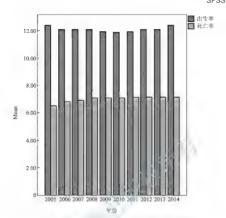


图 4.5 2005-2014年出生率和死亡率的分组条形图

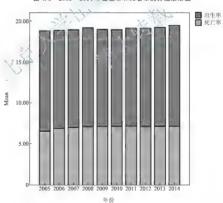


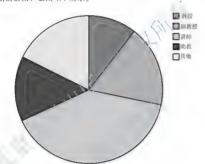
图 4.6 2005-2014 年出生率和死亡率的分段条形图

(4) 其他操作与条形图类似。最后单击"()K"按钮,得到输出的饼图。

【例 4.12】 某大学管理学院 2015 年教师的职称情况如表 4-22 所示。试通过绘制饼图来反映该学院教师职称的比例关系。

职 称	人 数
教授	9
副教授	15
讲师	34
助教	12
其他	15
合计	85

解:根据 SPSS 观测值模式的饼图绘制操作步骤,我们以"职称"的变量值为标记来 排列人数,绘制出饼图,如图 4.7 所示。



【拓展视频】

图 4.7 2016 年教师职称的併图

3. 线形图

线形图 (Line) 主要用于描述现象在时间上的变化趋势、现象的分配情况和现象的依 存关系等。线形图有3种图示类型,即单线形图(Simple)、多线形图(Multiple)和垂线 形图 (Drop·line); 线形图绘制采用的统计量描述模式与条形图类似, 也可分为 3 种类 型,即观测量分类描述模式 (Summaries for groups of cases)、变量描述模式 (Summaries of separate variables) 和观测值模式 (Values of individual cases)。

下面重点介绍变量描述模式下多线形图的绘制方法, SPSS 变量描述模式下多线形图 的操作过程如下:

- (1) 选择 "Graphs *Legacy Dialogs *Line..." 选项, 弹出 "Line Charts" 对话框。 该对话框包含 3 种图示类型的单洗和 3 种统计量描述模式的单洗。我们冼择多线形图 (Multiple) 和变量描述模式 (Summaries of separate variables)。选择后单击 "Define" 按 钮, 弹出 "Define Multiple Line: Summaries of separate variables" 对话框。
 - (2) 选择分析变量及其他相关设置。这部分操作与条形图类似、不再阐述。

【例 4.13】 某地区 2006 2015 年各季度某种商品销售量资料如下:

表 4-23	某地区	2006-2015	年各季度等	某种商品 链	各量

(单位: t)

年 份	第一季度	第二季度	第三季度	第四季度
2006	9	13	16	6
2007	11	14	17	10
2008	8	16	21	6
2009	10	12	20	8
2010	12	15	16	10
2011	15	17	25	11
2012	7	19	28	9
2013	17	28	50	20
2014	19	40	75,6	17
2015	21	49	1/69	25

试通过绘制线形图来反映该地区各季度某种商品销售量的年际变化。

解:根据 SPSS 变量描述模式下多线形图的绘制操作步骤,我们设置"年份"为分类轴变量,以系统默认的函数 Mean 对 4 个季度的销售量进行汇总,则绘制出的线形图如图 4.8 所示。

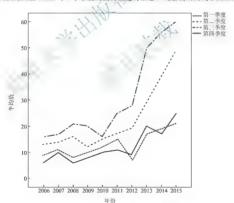


图 4.8 某地区 2006—2015 年各季度某种商品销售量的变化分析

4. 散点图

散点图 (Scatter) 是以点的分布反映变量之间相关情况的统计图形。散点图共有 5 种图示类型,分别是简单散点图 (Simple)、重叠散点图 (Overlay)、矩阵散点图 (Matrix)和 :维散点图 (3 D)和个值散点图。其中,简单散点图只显示。对相关变量的散点图。

重叠散点图可显示多对相关变量的散点图,矩阵散点图是在矩阵中显示多个相关变量的散点图, :维散点图显示 3 个相关变量的散点图, 个值散点图只描述一个变量在数轴上的分布, 类似直方图。

SPSS 简单散点图操作过程如下:

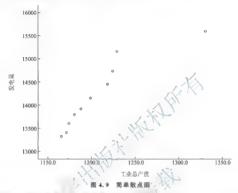
- (1) 选择 "Graphs *Legacy Dialogs *Scatter/Dot..." 选项、弹出 "Scatter/Dot" 对 话框、包括 4 个图示类型单选按钮。
- ① 简单散点图:选择 "Simple Scatter" 选项,然后单击 "Define" 按钮进入 "Simple Scatterplot" 对话框。指定某个变量为散点图的纵轴变量选入 "Y Axis" 框中,指定某个变量为散点图的横轴变量,选入 "X Axis" 框中。"Set Markers by" 框和 "Label Cases by" 框不常用,可以省略。
- ② 乘務散点图: 选择 "Overlay Scatter" 选项, 然后单击 "Define" 按钮进入 "Overlay Scatterplot Matrix" 对话框。在左侧的变量框中选择 对变量进入 "Y X Pairs" 框中, "Y Variable" 是 Y 轴变量, "X Variable" 是 X 轴变量, 至少选择两对变量进入 "Y X Pairs" 框中。
- ③ 矩阵散点图:选择 Matrix Scatter 选项,然后单击 "Define"按钮进入 "Scatterplot Matrix" 对话框, 在左侧的变量框中选择两个或两个以上的变量进入 "Matrix Variables"框中,矩阵变量框内的变量顺序与散点图对角线变量的顺序相同。
- ① 二维散点图;选择 "3-D Scatter"选项,然后单击"Define"按钮进入"3-D Scatterplot"对话框。指定 3个变量为散点图各轴的变量、分别进入"Y Axis""X Axis" "Z Axis"框中。
- ⑤ 个值散点图: 选择 "Simple Dot" 选项, 然后单击 "Define" 按钮进入 "Define Simple Dot Polt" 对话框, 选择要分析的变量进入 "X Axis Variable" 框中。
 - (2) 其他操作同条形图类似,不再阐述。
- 【例 4.14】 某地区 2005—2011 年的发电量与 L 业总产值、农业总产值的统计数据如表 4-24 所示。

年 份	发电量 Y/亿度	工业总产值 X ₁ /亿元	农业总产值 X ₁ /亿元
2005	13320	1165.5	1304
2006	13404	1171. 2	1325
2007	13602	1174.1	1360
2008	13796	1180.6	1395
2009	13921	1187. 9	1465
2010	14153	1198. 8	1465
2011	14449	1218. 6	1545
2012	14733	1224. 2	1620
2013	15162	1228. 9	1736
2014	15595	1330. 3	1816

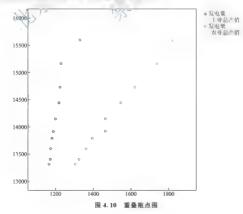
表 4-24 2005-2014 年的发电量与工业总产值、农业总产值的统计数据

- (1) 试绘制发电量与工业总产值的简单散点图。
- (2) 试绘制发电量与「业总产值、发电量与农业总产值的重叠散点图。

- (3) 试绘制发电量、工业总产值和农业总产值的矩阵散点图。
- (4) 试绘制发电量、 L业总产值和农业总产值的 3-D 散点图。
- 解: (1) 将"发电量"选人"Y Axis"框、"工业总产值"选入"X Axis"框。按照 SPSS 简单散点图的操作步骤,得到简单散点图 4.9。



(2) 将发电量与 T 业总产值、发电量与农业总产值分别选入 "Y-X Pairs" 框中,按 照 SPSS 重叠散点图的操作步骤,得到重叠散点图 4.10。



128 应用统计学(第3版)

(3) 将发电量、工业总产值和农业总产值选入"Matrix Variables"框中,按照 SPSS 短阵散点图的操作步骤,得到矩阵散点图 4.11.

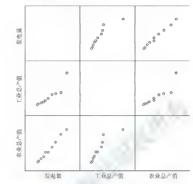


图 4.11 矩阵散点图



图 4.12 3-D 散点图

(4) 將发達量 工业总产值和农业总产值分別选入 "Y Axis" "X Axis" "Z Axis" 框中,按照 SPSS 三维散点图的操作步骤,得到三维散点图 4.12。

5. 直方图

直方图 (Histogram) 用于观察某个变量的 分布情况,适用于连续型数据变量。SPSS 直方 图操作讨程如下;

- (1) 选择 "Graphs → Legacy Dialogs → Histogram..." 选项, 弹出 "Histogram" 对话框。
- (2) 将需要分析的变量选入 "Variable" 框中。
- (3) 选择 "Display normal curve" 选项,设置显示正态分布曲线。系统默认不显示。
- (4) 其他操作同条形图类似。

4.4.2 统计图的编辑

1. 图形编辑窗口

选中要编辑的图形、双击后使可从输出窗口切换到"Chart Editor"图形编辑窗口、图形进入编辑状态。在图形编辑窗口内分为编辑图形的功能菜单和「具栏两部分、下面结合具体的图形编辑方法介绍与其相关的功能。

2. 设置图形中的数值标签

该功能可以显示条形图中的条形图、饼图中的扇、线图中的点所代表的数值,如频数 或颗率等,或散点图各个观测值的数值等。

操作方法:选择要显示的数值图列,在 "Chart Editor"窗口菜单中选择 "Elements *Show Data Labels"选项,则图形中所有的条内都标出数值。同时弹出 "Properties"对话框,从中选择一种颜色后,单击"Apply"按钮,即可改变数值字体的原有颜色。

3. 转换坐标轴

在二维的条形图、线图、直方图中有两个坐标轴,我们可以转换坐标轴,使图形显示 更美观。

操作方法: 在"Chart Editor"窗口菜单中选择"Options Transpose Chart"选项。即可将两个轴互换。

编辑后的条形图如图 4,13 所示。

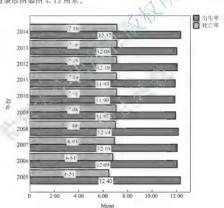


图 4.13 编辑后的条形图

4. 分离饼图

为了强调饼图中若干扇面。可以将它们从饼图中分离出来。

操作方法:选择要分离的扇面。在 "Chart Edutor" 窗口菜单中选择 "Elements Ex plode Shee" 选项、即可产生分离的扇面。单击 "Return Shee" 按钮恢复分离扇面。

5. 改变散点图点的样式

为了使散点图中的点显示更加清晰,可以对选中的点进行修饰。

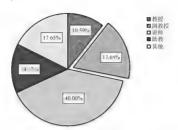


图 4.14 编辑后的饼图

操作方法: 选中散点图中的点、右击选择"Properties Window"选项、弹出"Properties"对话框。在"Marker"选项卡中、选择点的类型(Type)、点的大小(Size)、点的外周线(Border Width)及点的颜色(Color)。

6. 修饰图形

1) 填充与边框

填充功能是对图形中的整体或选中的区域进行填色或增加低纹;边框是对选中的区域 增加线框,改变边框的线型、粗细、颜色。

操作方法,选中需要填充颜色的区域、有击选择"Properties Window"选项、弹出 "Properties"对话框。在"Frll& Boder"选项卡中、选择填充颜色及边框颜色、最后单击 "Apply"按钮即可

2) 修饰文字

图形中的文字包括 Text Box 输入的文本、Title 图形标题、Subtitle 副标题、Footnote 脚注、Axis Title 轴题、坐标 Axis Value Label 轴数值标签等。

操作方法: 选中需要修饰文字的区域, 有击选择 "Properties Windows" 选项, 弹出 "Properties" 对话框, 选择 "Text Style" 文字选项卡。

- (1) Preview in Preferred Size: 显示所选的文字的字体、字号、字样、颜色和排列方式。
 - (2) Font 文字栏, 冼柽字体, 字号及样式,
 - (3) Color 颜色栏:选择字的颜色。
 - (4) 最后单击 "Apply" 按钮即可。

4.5 多选题分析

多选题分析是针对问卷调查中的多项选择问题的。它是根据实际调查需要,要求被调查者从问卷给出的若干个备选答案中选择一个以上的答案,然后计算这些多项选择的总模数和额率等。

4.5.1 多选问题的分解

通常,解决多选问题是将一个多项选择问题分解成若于个问题,对应设置若干个 SPSS 变量、分别存放被描述这些问题的几个可能备选答案。这样、对一个多选问题的分析就可以转化成对多个问题的分析、也就是对多个 SPSS 变量的分析。多选问题的分解方法通常有多选二分法和多选分类法两种。

1. 多选二分法

多选:分法(Multiple Dichotomies Method)只适用于笼统的多选问题中,即每人每次可以从备选答案中任意选择若干项。多选二分法是将多选问题中的每个备选答案设为一个 SPSS 变量、每个变量只有 0 或 1 两个取值、分别表示选择了该答案和不选择该答案。例如。

请问您不听广播的原因是什么?[复选] 没时间听—1 没有收听工具—2 没有收听习惯—3 对广播节目不感兴趣—1

显然,这是一个多选问题,不同的人选择答案的数目可能不同,每人每次最多可能会选了项。对于类似的问卷,可以把每一个备选答案作为一个变量来定义,共定义了个 SPSS 变量,每个变量具有0或1两种选择,其中0表示不选中,1表示选中。具体分解结果如表4-25所示。

SPSS 变量名	变量名标签	变 量 值
Λ.	没时间听	0-不选,1-选
A2	没有收听工具	0一不选,1一选
A3	没有收听习惯	0 不选, 1-选
Α,	对广播节目不感兴趣	0一不选,1一选
A5	其他媒体已经满足需要	0-不选,1-选
A6	音质不好、听不清楚	0-不选,1-选
A7	其他	0一不选,1一选

表 4-25 《珠工分法举例

2. 多选分类法

多选分类法 (Multiple Category Method) 是指首先应估计多选问题中最多可能出现 的答案个数,然后为每个答案设置一个 SPSS 变量。变量取值为多选问题中的备选答案。

例如,在前面广播收听的问题中,如果规定被调查者只能从7个备选答案中选择3个答案,则只需定义3个SPSS变量,分别表示第一选项、第二选项和第三选项。变量取值是1~7。具体分解结果如表4-26所示。

SPSS 变量名	变量名标签	变 量 值
A1	第一选项	1/2/3/4/5/6/7
A2	第二选项	1/2/3/4/5/6/7
A3	第 选项	1/2/3/4/5/6/7

表 4-26 名诜分类法举例

4.5.2 多选题的频数分析

1. 定义多选变量集

定义多选变量集是将多选问题分解并设置成多个变量后,指定这些变量为一个集合,它是为多选问题的频数分析做准备。SPSS 定义多选变量集的操作过程如下;

- (1) 选择 "Analyze→Multiple Response→DefineVariable Sets..." 选项,弹出"Define Multiple Response Sets" 对话框。
- (2) 从左侧列表框的变量清单中将该多选题的所有变量选择到右侧的 "Variables in Set" 列表框中。
- (3) Variables Are Coded As 选项组:指定多选变量集中的变量分解方法。包括 2 个单选按钮。
- ① Dichotomies 单选按钮,表示以多选二分法分解,并在 "Counted value" 文本框中输入对哪组值进行分析。SPSS 规定等于该值的样本为一组,其余样本为另一组。例如,在 "Counted value"文本框中可输入 1,表示对选中答案(如规定"1"表示"选中"答案)的样本组进行分析。
- ② Categories 单选按钮:表示以多选分类法分解,并在"Range"文本框和 "through"文本框中分别输入变量取值的最小值和最大值。
 - (4) Name 文本框: 为多选变量集命名。系统会自动在该名字前加字符\$。
 - (5) Label 文本框, 多洗亦量集名标签,
- (6) 单击 "Add" 按钮, 将定义好的多选变量集加到 "Multiple Response Sets" 列表框中。SPSS 可以定义多个多选变量集。
 - (7) 单击 "Close" 按钮,即可完成多选变量集的定义。

2. 多选题的频数分析

多选变量集定义完后。就可以进行多选题的频数分析。SPSS 多选题频数分析的操作讨程如下。

- (1) 选择 "Analyze→Multiple Response→Frequencies..." 选项、弹出 "Multiple Response Frequencies" 对话框。
- (2) 将左侧 "Multiple Response Sets"列表框存放的多选项变量集选择到右侧的 "Table(s) for"列表框中。
 - (3) Missing Values 选项组:指定是否处理缺式数据。包括2个复选框。
 - ① Exclude cases listwise within dichotomies 复选框:适用于多选二分法。

- ② Exclude cases listwise within categories 复选框:适用于多选分类法。
- (4) 单击 "OK" 按钮,即可完成多选题的频数分析。分析结果显示在数据输出窗口。
- 【例 4.15】 在前面的广播收听调查问卷中、抽样调查 50 人。试针对表 1-25 和表 4-26 两种变量分解方法进行多选题的频数分析。

解: (1) 表 4-25 是用多选:分法进行变量分解的。建立数据文件、如 表 4 27 所示、按照 SPSS 多选题频数分析的操作步骤、得到输出结果如 表 4-28 所示。



表 4-27 多选二分法数据文件

表 4-27 多选二分法数据文件							
序号	A1	A2	A3	A4	A5	A6	A7
1	0	1	0	0	1	1	0
2	1	0	1	0	011	. 0	1
3	1	1	0	0	/\N \	1	0
4	1	1	1	1 <	10	0	0
5	0	1	1	A. D	1 0	1	0
6	0	0	1 .	101	0	1	0
7	0	0	L / L	1/0	0 1	1	0
8	1	0	WY	1	0 1	1	0
9	0	1	V-1	1	√°. 0 I	1	0
10	1	34.	V 0	10.	IXIO	1	1
11	0	VY X	0	1617	0	0	1
12	0,7	7	0	0	1	0	1
13	100	0	1K P	- / 0	1	0	1
14	1	-0	1	0	1	0	1
15	1 1	0	1	0	1	1	0
16	0	0	1	0	1	1	0
17	0	1	0	1	1 1	1	0
18	0	1	0	1	1 1	1	0
19	0	0	0	1	0	1	1
20	1	0	0	1	0	0	1
21	0	1	0	1	0	0	1
22	1	1	0	1	0	0	1
23	1	1	1	0	0	0	1
24	1	1	0	0	1	0	1
25	0	0	1	0	1	0	1
26	0	0	1	0	1	1	0
27	0	0	1	0	1	1	0
28	1	0	1	1	1	1	0

序 号	A1	A2	A.3	A4	A5	A6	A7
29	1	1	0	1	1	1	0
30	1	0	0	1	0	1	I
31	1	1	0 1	1	0	0	1
32	0	0	1	1	0	0	1
33	0	0	1	0	1	0	1
34	0	0	1	0	1	0	1
35	0	0	1	1	1	0	I
36	1	1	1	1	1	0	1
37	1	1	1	1	111	0	1
38	1	1	0	0	/M V	1	0
39	1	1	0		10	1	0
40	0	1	0	1. 1	1 0	1	0
41	0	1	1 .	110/	0 1	1	0
42	0	1	0. 1	V/0	0 1	1	0
43	0	1	100	0	0 1	0	0
44	0	1	V. 0	0	<>.0 I	0	0
45	0	9×2	V 1	0	X IT	0	0
46	0 .	102	1	44,1	1	0	0
47	0 "	1 0	1	. \ 1.	1	0	1
48	06	0	IM.Ph	- / 1	1 1	0	1
49	210	0	1 17	1	1 1	0	1
50	" 0	0	1	1	0	0	1

表 4-28 多选题的频数分析 (二分法)

		Responses		D 4 66	
		N	Percent	Percent of Ca	
	没时间听	19	10.9%	38.0%	
	没有收听工具	25	14.3%	50.0%	
	没有收听习惯	29	16.6%	58.0%	
\$ x*	对广播节目不感兴趣	28	16.0%	56.0%	
	其他媒体已经满足需要	26	14.9%	5 2. 0 %	
	音质不好、听不清楚	23	13.1%	46.0%	
	其他	25	14.3%	50.0%	
otal	-	175	100.0%	350.0%	

a. Dichotomy group tabulated at value 1.

表 4-28 输出结果解释:

第1列表示二分法变量标签。

第2列(N)表示洗中颗数。即50名被调查者的总洗中次数是175次,其中洗中"没 有收听习惯"的次数最多, 达到 29 次。

第3列 (Percent) 表示选中百分比,即频率。例如,选择"没时间收听"的选中百分 比为 10.9% (即为 19÷175×100%), 它的分母是总选中次数 175。

第 4 列 (Percent of Cases) 也表示选中百分比,但其分母是样本数 50。通常该列数据 只作参考。

(2) 表 4 26 是用多洗分类法进行变量分解的。建立数据文件,如表 1 29 所示,按 照 SPSS 多洗题频数分析的操作步骤,得到输出结果如表 4-30 所示。

		表	多选分类法数据3	法数据文件	
序号	A1	A2	A3	序号	Ι.

序号	A1	A2	A3	序号	, Ai	A2	A3
1	1	3	6	26	V2 1	3	7
2	3	5	7	27	1	1	6
3	1	2	4	1387	3	4	5
4	1	5	7 5	29	1	2	7
5	6	3	14.1	30	2	3	5
6	1	2	11/1/	31	. 1	3	5
7	2	3	1	32	-3	1	6
8	2	3/8	7	332	1	6	7
q	3	6	7	51	2	3	5
La	1	2	3	35	2	5	7
11	3	6	7	36	3	1	5
12	∧ 2	6	7	37	5	6	7
13	1	4	6	38	1	2	3
14	1	3	7	39	2	3	5
15	2	4	6	40	5	6	7
16	1	3	4	41	1	3	5
17	2	5	7	42	2	5	6
18	4	5	6	43	3	4	6
19	1	2	4	44	1	2	7
20	3	5	6	45	2	3	4
21	1	6	7	46	2	3	6
22	3	5	6	47	4	5	6
23	2	4	7	48	1	4	7
24	1	3	4	49	2	4	5
25	4	5	6	50	1	2	3

		Res	ponses	B + 0.0		
		N	Percent	Percent of Cases		
	没时间听	20	13.3%	40.0%		
	没有收听工具	23	15.3%	46.0%		
	没有收听习惯	26	17.3%	52.0%		
\$ y ^a	对广播节目不感兴趣	20	13.3%	40.0%		
	其他媒体已经满足需要	21	14.0%	42.0%		
	音质不好、听不清楚	21	14.0%	42.0%		
	其他	19	12.7%	38.0%		
otal		150	100.0%	300.0%		

表 4-30 多选题的频数分析 (分类法)

a. Group

表 4-30 输出结果解释,

第1列表示分类法变量标签。

第2列(N)表示选中频数。即50名被调查者的总选中次数是150(即50×3)次、 其中选中"没有收听习惯"的次数最多,达到26次。

第 3 列 (Percent) 表示选中百分比,即频率。例如,选择"没时间收听"的选中百分比为 13.3% (即为 20÷150×100%),它的分母是总选中次数 150。

第4列 (Percent of Cases) 也表示选中百分比、但其分母是样本数50。通常该列数据只作参考。



SPSS 和 Excel 软件在统计学中的应用及比较

SPSS 是 SPSS 公司研发的一套大型电放短用软件, 具有完备的数据存取、数据分析、数据管理和数据展现等功能, Excel 是美国微软公司开发的在目前 Windows 环境下广泛使用的整合性软件包, 一般使用于数学运程、制作分析图表、实现数据的自动处理、读符分析等。目前 SPSS 和 Excel 是统计学中已经 庆为最基本的数据处理软件之一, 以两种软件在应用过程中约这不同的优势。 也有者各自的不足知時限性, 下面对这两种软件进行比较分析, 以便在统计学的实际应用中选择更适能的软件。

1. SPSS 在统计学中的应用特点

1) 操作界面音观

SPSS 界面是集单式,主窗口名为 SPSS for Windows。在 SPSS 的主窗口中还有两个窗口;一个是数据管理窗口,其标题名称是 "Newdata",且数认为意志状与,而其数据管理器是一种典型的电子表格形式,用户可通过定义受量名、格式化数据类型合输入原始数值,并可根据需要对数据进行增删、剪贴、修改、存储等操作;另一个是结果输出窗口、标题名称是"! Output!",启动时为非活动窗口,只有当定成。项处理后,才在适窗口罩不处理过程提系和计算完成。

2) 编辑、表格、图表功能

在 SPSS 的数据编辑窗口中, 不仅可以进行增加、删除、复制及剪贴等常规操作, 还可以对数据文

仵中的數据进行排序、转换、拆分、聚合、加积等操作,并可生成數十种风格的表格、图形、包括基本 图和交互图。SPSS 的高版本中,统计成果多被归纳为表格和(或)图形的形式。

3) 与其他软件的链接

SPSS 他打开 Excel, DaBase, Foxbase, Lotusl - 2 - 3, Access, 文本编辑器等生成的版督文件。例如,与 Excel 的数据进行转换。操作方法如下;选择 File * Open选项。进入 "Open File" 对话框,对竞 并投责需要转换的文件 ". xls",选中该文件,双击文件(成单击 "打开" 按钮),在对话框的上方掺出了文件的路径。"Read variable names from the first row of data" 意思是询问是否特电子表格文件的第一 行读作变量名。"Worksheet"与面的选项主要对需要转换的工作表格进行选择,假设选择直项 A2 与尾 项 D8 的数据,则定义为 A2, D8. 核 A2, D8. 包含的所有数据选入即将形成的数据文件,然后与击"CK" 按钮即转换完单。

4) 统计分析功能齐全

SPSS 包括了统计学中所采用的大部分统计方法。除了最常用的平均数的控验(Means)、1 检验(t Test)、方差分析(Anova)、回归分析(Reg)、相关分析(Corr)外、还包括了最近性分析、可靠性分析、生存分析、生命表分析、最惠分析、快速聚更分析、模型统计等高级统计功能

2. SPSS 和 Excel 的应用比较

- (1) SPSS提供的绘图系统能绘制各种统计图表。但操作仍需要一定的程序语言基础,操作方面不如 Excel 简便快捷。
- (2) 利用 Excel 进行方差分析只能进行单型条或 双型案 (包括可重复双图案和充重复双图案) 的方差分析,对于涉及两图表随机区难试验结果怎不能进行分析,由下能适同于更复杂的三巴表试验如我区域的基础文的表示特征,实验进行平均数的多重的效。更无法用字的标识法进行各种盖著性结果,对于高度试验统计,如概型统计、多重确位分析等。使用 Excel 是无法完成的。"此此,则应采用 SPSS 进行分析
- (3) SPSS 程序模式化,但对于没有学习过计算机语言和程序设计的人员来说,程序编写显得项项所不宜掌握,其接作比 Exeel 图號
- 資料來源, 蔡丽尔, Excel 和 SPSS 软件在卫生统计学中的应用及比较 [J]. 企业和技与发展、2009(22): 104-102.

本章小结

本章主要介绍了 SPSS 22.0 中的基本功能和常用统计分析方法的操作步骤。主要包括建立数据文件、编辑价格数据和保存数据文件。此外、对数据观测量、变量进行编辑加工处理时、将主要使用"数据"(Data) 菜单和"转换"(Transform)菜单;对数据的总体特征进行归纳时。将主要使用"分析"(Analyze)中的"描述"(Descriptive Statistics)菜单和"多重响应分析"(Multiple Response) 透项。由于图表易于展示数字关系的特点、因此、在统计分析中、"图形"(Graphs)菜单使用极为广泛。

关键术语

SPSS 22.0 社会科学统计软件包 22.0 SPSS data editor 数据编辑器 Variable View 变量视区 Data View 数据视区



- [1] 杨世莹, SPSS 22 统计分析案例数程 [M], 高健泽, 北京: 中国水利水电出版社, 2016.
- [2] 蔡建琼, 于惠芳, 朱志洪, 等, SPSS 统计分析实例精选 [M], 北京, 清华大学出版社, 2006.
- [3] SPSS 软件, http://www.ibm.com/analytics/us/en/technology/spss/.
- [4] EViews 软件, http://www.eviews.com/download/download.html.
- [5] Stata 软件: http://www.stata.com.
- [6] Statistica 软件, http://www.statsoft.com.

一、洗择额

- 1. 下列有关变量名称的命名规则, 错误的是(
- A. 每一个变量名称都必须是唯一的
- B. 第一个字符必须是中文或英文字母
- C. 变量名称可使用 64 个全/半角字符
- D. 变量名称允许使用任意大小写 /
- 2. 下列有关变量可洗用的主要数据类型,错误的是(
- A. 数值到
 - B. 日期
- C. 时间 D. 字符串
- 3. 下列有关"缺失值" (Missing Value) 的叙述, 错误的是 ()。
- A. 单元格未输入内容, 将自动被视为缺失
- B. 数值列若输入 0, 將自动被视为系统缺失
- C. 除了系统缺失, 也允许用户自定义缺失
- D. 自定义缺失可以是数值范围或不连续的离散数值
- 4. 下列有关定义变量的叙述,错误的是()。
- A. 若未自行命名,而直接输入数据,SPSS 将根据字段顺序以 VAR1, VAR2, VAR3, … 讲行命名
 - B. 小数长度至少要比数据域的总长度少一位
 - C. 标签是改变数据列名称在输出时的显示方式, 若未定义将直接显示列名
 - D. 数值是改变答案内容在输出时的显示方式, 若未定义将直接显示其实际数据内容

二、简答题

- 1. SPSS 的变量的命名规则是什么?
- 2. 如何定义变量的"标签"与"数值"? 其作用是什么?
- 3. SPSS 软件的行、列分别代表什么? 为何行、列不能互换?
- 4. SPSS 的变量有几种类型?
- 5. Column 和 Width 都表示变量的宽度,它们之间有何差异?
- 6. 为什么要合并数据文件? 合并数据文件有几种情况?
- 7. 多选问题有哪两种分解方法? 试举例说明这两种分解方法有什么区别。
- 8. 表 4-31 是一种什么样的输出表?它与 Frequencies 过程产生的表格有什么区别?

表 4-31 输出表

	N	Percent	Percent of Cases
听戏看电影	87	23.6	48. 1
看小说读报	151	40.9	83. 4
唱歌跳舞	41	11.1	22. 7
交朋友	43	11.7	23. 8
下棋打牌	47	12.7	26. 0
Total responses	369	100.0	203.9
Group			

三、上机实验题

1. 已知 10 名学生的成绩调查表如表 4 32 所示。对于"性别"变量、规定"男"用 "M"表示、"女"用"F"表示;对于"不清""缺考"等缺失数据、用不可能出现的数字 "-8"表示。

表 4-32 10 名学生的成绩调查表

变量标签	学号	性别	年龄、	・数学	物理	化学	英语
变量名	XH	SEX	YEAR	∑ x1	×2	x3	x4
1	01	女	124	82	90	88	77
2	02	女、	18	91 ,	181	76	82
3	03	男儿,	20	78	1 76	90	56
4	04	7 5	20	86x 1	. 86	89	76
5	05 -	1女	19	. \ 56" `	76	88	67
6	06 -	男	20.17	. 68	69	76	80
7	07	女	21	69	90	9.8	91
8	80	男	20	88	78	89	87
9	09	女	21	67	67	58	99
10	10	女	20	88	89	90	68

- (1) 试按要求进行数据录人。
- (2) 在 04 号学生后插入一个学生,编写他的考试资料并输入;删除 05 号学生。在数学成绩后插入语文,编写这门课程的考试成绩并输入;删除英语成绩。
 - 2. 某大学一年级部分学生的期末考试成绩如表 4-33~表 4-35 所示。

表 4-33 某大学一年级部分学生的期末成绩 (一)

学号	高等数学	计算机文化基础
0301	67	78
0302	78	70
0307	90	92
0308	69	67
0309	88	96

表 4 - 3	34 某大学一年级部分学生的期末月	支續 (二)
学号	大学英语	思想品德
0312	88	67
0313	90	78
0314	56	90
0315	67	84

表 4-35 某大学一年级部分学生的期末成绩 (三)

学号	大学英语	法律	思想品德
0301	70	90	89
0302	67	98	99
0303	78	87	92
0304	80	79	81
0305	65	99	78
0306	57	76	74
0307	1. 35	85.	67
0308	78	187	80
0309	88	92	83
0310	90	71	66
0311	76	60	80

- (1) 将表 4 33 中的数据横向合并到表 4 35 中,将表 4 34 中的数据纵向合并到 表 4-35 中。
- (2) 将表 4-32 中的数据分性别对数学成绩进行汇总,并分别计算男生和女生的平均 数学成绩。
- (3) 求出表 1 32 中 10 名学生 4 门课程的总成绩,并按总成绩进行升序排序。
- 3. 某市场调查公司发出 60 份调查问卷, 询问顾客对某宾馆的服务质量的评价, 问答 分为极好(())、非常好(V)、好(G)、一般好(A)、差(P)等级别,问卷调查结果 如下。
 - G O V A A P P O V A A G G O P P A A O P
 - O P P A V V A V G G O P V A G V A O P O
 - G G O P P A V V A O P G A V V G A O P P
 - (1) 编制频数分布表。
 - (2) 绘制条形图。
 - (3) 整理顾客关于对某宾馆服务质量的问答,并做出评价。

4.90 名学生数学成绩如下。

 58
 38
 88
 72
 56
 52
 69
 37
 45
 77
 98
 67
 56
 76
 78

 89
 60
 56
 89
 90
 67
 99
 80
 73
 67
 89
 50
 44
 66
 78

 34
 67
 83
 71
 69
 99
 87
 68
 59
 60
 76
 89
 77
 57
 72

 50
 78
 98
 67
 50
 67
 99
 89
 91
 84
 64
 89
 78
 94
 88

 45
 78
 98
 74
 69
 71
 78
 80
 95
 67
 78
 90
 80
 65
 77

 68
 72
 90
 98
 78
 69
 95
 89
 78
 74
 72
 69
 87
 81
 80

- (1) 试进行分组。
- (2) 编制频数分布表。
- (3) 输出适当的统计量,如最高分、最低分、平均分、分位数、中位数和众数等。
- (4) 绘制百方图,并说明哪些分数附近的学生最多。
- (5) 绘制条形图, 并说明其与百方图的差异。
- (6) 将这组数据分为5个等级;不及格、及格、中等、良好和优秀,绘制条形图,编制解数分布表。
 - (7) 计管 90 个同学的数学成绩的方差和标准差。
 - (8) 按成绩总分进行排序,并列出前 15 名学生。
 - 5. 某地区所属 40 个民营企业 2014 年的产品销售额数据如表 4-36 所示。

		the second secon				As NAV MAS	- 1 122 1 79 74		
152	124	129	116	100	103	92	95	127	104
105	119	111	115	87	103	118	112	135	125
117	108	165	110	107	137	120	136	117	158
97	88	123	113	119	138	112	146	113	126

表 4-36 40 个民营企业 2012 年的产品销售额数据 (单位: 万元)

- (1) 根据上面的数据进行适当分组。
- (2) 编制频数分布表,并计算出累计频数和累计频率。
- 6. 天津市 2010 年市天津市内各区县总人口如表 1 37 所示。试通过绘制饼图来反映市内各区县总人口的结构。

JR 4 - 37	天津市 2010	在市山久区	見以上口粉

地	X	和平区	河东区	河西区	南开区	河北区	红桥区
总人口	/万人	27. 35	86. 09	87.06	101.82	78.84	53. 15
地	区	东丽区	西青区	津南区	北辰区	武清区	宝坻区
总人口	/万人	57.00	68. 47	59. 31	66. 90	94. 94	79. 91
地	区	滨海新区	宁河县	静海县	前县		
总人口	/万人	248. 21	41.61	64.70	78. 48		

资料来源:《天津市 2010 年第六次全国人口普查主要数据公报》

7. 表 4-38 给出了 2010 2014 年我国国内生产总值数据 (按当年价格计算)

年 份	国内生产总值	第一产业	第二产业	第三产业
2010	408903. 0	39354.6	188804.9	180743.4
2011	484123.5	46153.3	223390. 3	214579.9
2012	534123.0	50892.7	240200.4	243030.0
2013	588018, 8	55321.7	256810.0	275887.0
2014	636138.7	58336. 1	271764.5	306038. 2

表 4-38 2010-2014 年我国国内生产总值数据

要求: (1) 绘制国内生产总值的线形图。

- (2) 绘制第一、二、三产业国内生产总值的线形图。
- (3) 根据 2014 年国内生产总值及其构成数据绘制饼形图
- 8. 下面是一份问卷中的一道复选题:

请给下列选题画"√"

A. 您想选择下列哪些择偶条件:

1—相貌 2—文化水平

5-人品 6-家庭条件

4-志同道合

(单位, 亿元)

8-

- (1) 如果要求被调查者每人每次可以从备选答案中任意选择若干项,试进行多选问题的分解,并指明所采用的分解方法。
- (2) 如果规定被调查者只能从8个备选答案中选择3个答案,试进行多选问题的分解,并指明所采用的分解方法。
- (3) 针对 (1) 和 (2) 分解后的 SPSS 变量、分别建立一个样本容量为 20 的数据文件、并进行频数分析。



【参考答案】

第5章

统计假设检验

数学目标

通过本章的学习,正确理解统计推断的基本理论、掌握压力总体参数的假设检验的基本程序及 SPSS 软件的操作步骤、学会利用这些方法解决实际抽样中的问题。

教学要求

知识要点	能力要求	相关知识
假设检验的基本 思想	能够理解假设检验的基本思想及基本步骤	双边抢验和单边捡验、零假设和备择 假设 检验统计量和分布、显著性水平 p 和临界值、抢验的依据和两臭错误、 姚计假设检验中的 P 值
单样本均值、两个 独立样本均值。配对 样本均值、两个独立 样本方差的检验	能够掌握均值及方 检验的基本 步骤、并远用这些方法解决实际 问题	零假设和备择假设、检验统计量和分布、显著性水平 α 和临界值、拒绝城和统计决策
草因素方差分析 (多个独立样本均值 的检验)	能够掌握单因素方差分析的基本 步骤,并运用它解决实际问题	零假设和备择假设、离差平方和的分 解、检验统计量和分布、显著性水平 α 和临界值、方差分析表和统计决策
SPSS 软件操作	能够熟练使用 SPSS 软件的均值检验功能并对输出结果进行正确解读	"()ne · Samples T Test" 对语框、 "Independent - Samples T Test" 对话框、"Paired - Samples T Test" 对话框、"One - Way ANOVA" 对话框

统计假设检验是统计推断学的重要组成部分。在总体的分布函数完全来知或只知其形式、 但不知其参数的情况下,为了推断总体的某些性质,提出关于总体的假设。根据不同的前提条件,有多种检验方法。本章结合 SPSS 统计软件,介绍常用的总体参数的1检验和F检验。



产品是否符合标准

在产品质量主新与管理中、抽检是常见的方法、大其是带有破坏性的产品检验。如做弹等军工产品、 热处理后家件的性能、机床核心组装件的强度试验、电子管的毒命试验、等等 抽检的主要矛盾是如何 定数量的具有代表性的产品。得出样本数据来进行分析。并对产品整体质量来进行统计推断。这就会出 现两个问题,一是样本的特征数量能否反映总体特征? 二是两种不同的特本系数是否存在差异?

例如,某种食品罐头的标准规格为每罐净重25Ug。菜食品厂生产出一批这样的罐头,从中抽取了12 继,它们的教领为下面的数据(单位, g)。

每罐的净重数据如下

238. 98 282. 22 241. 45 240. 59 257. 46. 223, 32 221, 97 241, 56 205, 71 258, 58

该食品厂规知道放批罐头是否符合标准。

企业在进行产品质量检查时都会遇到上述类似的问题。企业需要通过抽样来判断批量 产品的质量是否法标。这可以用假设检验的方法做出推断。对于本案例。可以利用所取得 的样本数据,直接计算出样本均值。 242.85,总体均值 250 与样本均值 242.85 的差异是 7.15。问题是需要弄清楚这7.15 的差异产生的原因。一种情况是。二者相比没有什么差 别, 7.15 的差异是由于抽样的随机性造成的; 另一种情况是, 抽样的随机性不可能造成 这样大的差异,这批罐头的净重确实减少了。为了回答这个问题,我们可以采用假设检验 的方法。



培训是否有效果

随着知识经济时代的到来。全量对员工的素质要求越来越高。除通过人才市场、猎头公司、网络媒 体物色公司发展的合适人十外。更多的景文定企业现有资源。试图通过教育与培训法到提高员工基质要 求的目的,以翔实现"人尽其才,才尽其能"。但企业在花费大量人力、物力与财力后,一个现实而又敏 城的问题随之摆在众人面前。培训穷意为企业带来多少效益?

例如。其企业为提高产品产量。决定对部分职工进行为期半年的培训。为了了解培训效果如何。格 20 个职工分成两组,每组 10 人。两组分别为未经过培训职工和经过培训职工,进行对比试验,记录当 月产量,如表5-1所示。

	表 5-1	10 名职工当月产业	ŀ
--	-------	------------	---

(单位,件)

未经过培训	500	510	498	501	495	478	495	489	512	504
经过培训	508	510	509	506	504	490	498	500	512	505

现要问:企业培训是否有效果? 也就是说,培训是否能提高职工的月产量?

如果将试验方法修改为:对同一组 10 个职工,对每个人分别记录其培训前后的月产量,做对比试验,并假设试验结果仍如表 5-1 所示,此时结论又如何?

本案例给出了企业培训试验中经常采用的对比方法。在前一种试验方法下,由于是对两组不同的职工分别进行试验,即一组未经过培训,一组经过培训,因此两组职工的月产量之间没有显著影响,是相互独立的,故称为"独立样本试验"。表 5-1 是从两个独立总体分布中获得的两组样本数据,此时就是要检验两个独立总体的均值之间是否存在显著差异。在后一种试验下,显然对同一组职工的培训效果进行对比试验,此时表 5-1 中的两组数据之间是不独立的,而且两组数据之间是 一对应的,不能打乱顺序、故称为"配对样本试验",对于这类"配对样本试验",由于数据的不独立性,就必须化为单个总体的数据来进行检验,对同样的数据,其检验结果与"独立样本试验"是截然不同的,用错方法就会导致错误的结论。



哪种教学方法效果最好

教学名动是一项千姿百名、模器制造性的名为。它离不开长期的思考、权索和创造。 费事要留心于 教学的方面面。 动物架的具体非构做面相我的理性思考。 食布些 非面是它该制能的物物。 喀北蒙西是 随席假留的"功品"。哪些她为是值容找来的遗憾。 从同在标签有过中有所发现,有所负责 在费学中大 职项宣议一些制的教学方法,对于的数据教学效果是非常必要的

例如,一位赘录《用3年不同的赘学方法进行赘字,现在可要检查3种不同的赘字方法的效果,为 蜕随机地造取了水平相当的15位学生,把他们力成3相,每相5个人,每一相用一种方法赘字,一段时间后,这位粮滓輸收15位学生进行统考,统考或领如表5~2所示。

表 5-2 采用不同教学方法的学生统考成绩表	用不同教学方法的学生统考成绩表	表 5-2	
------------------------	-----------------	-------	--

(单位:分)

方 法	统 考 成 绩					
A. (传统教学)	75	62	71	58	73	
Az (传统教学与多媒体教学结合)	81	85	68	92	90	
A: (多媒体教学)	73	79	60	75	81	

现该教师希望了解的是:

- (1) 不同的教学方法是否对提高学生统考成绩有显著影响?
- (2) 若有显著影响,哪种教学方法最好?
- (3) 是否任意两种教学方法的效果之间都存在显著差异?

掌握以上信息对该教师制定今后的最佳教学方法有着非常重要的意义。 在本案例的问题中,所研究的是分类型自变量(不同的教学方法)对数值型因变量(统考成绩)的影响。它们之间有没有关系? 关系的强度如何? 所采用的方法就是通过检验各总体的均值是否有显著差异来判断不同的教学方法对统考成绩是否有显著影响,这就是方差分析所要解决的问题。

统计假设检验的基本问题 5.1

5.1.1 统计假设检验的基本思想



间语宝倒5-1

餐馆促销活动的直实性是否应该被怀疑?

有一家本始的货物为了提高午餐时间的生意所含有举行一次活动。为了保销、农 20 人的机打餐单格 会根据随机的原则印有一个红星。这标本着这一扬午餐是免费的,你从活动开始后已经在这个饭馆里就 餐了 1 次,但仍然是有遇上免费午餐。你是否会怀疑这次促销活动的真实性呢?如果你就餐 8 次后仍然 . 身有樓上參數午輕。 可發輕 16 次后仍然 9 有 2 该如何呢, 你是应该开始物怨呢, 还是格议归于坏坛 与堀り

根据概率法则, 作每次款餐而及获得免费午餐的机会是 0.8.1次午餐都没有免费午餐的概率是 $(0,8)\approx 0,410$, 这是很有可能的 连续失败 8 次的變率 $\mathbb{P}(0,8)^*\approx 0,168$, 这是不太可能的。但仍然很 难就此决定要向消费者协会进行投诉。但16次都没有遇上免费年餐是非常不可能的。如果这家饭馆所肯 称的 20%的免费午餐机会是真实的话,其概率只有 (0.8)16≈0.028。

实际 r, 16 次失败是如此的不可能,以至于你应该怀疑 20 的整单上有象运行星的假设的真实性。 揭供,这里仍然有很小的股票是作政坏运气诅咒上了。但社会学家(是不相信所谓诅咒的)会得出结论 认为 20 / 的餐单上有幸运红星的假设应该被拒绝。这就是假设检验的逻辑。

资料来源:「美] Jack Levin, James Alan Fox, 社会研究中的装础统计学「M], 9 版, 王卫东, 译, 北京:中国人民大学出版社,2008.

所谓假设检验, 顾名思义, 就是先假设再检验。例如, 求方程 x'+21-2=0 的根时, 由貞观猜測,可作假设: 1=0.8,它究竟是不是该方程的(近似)根(在给定的精度内), 可以将 x=0.8代人该方程中来检验(判断)"假设"的真伪。

假设检验的基本思路是首先对总体参数值提出假设,然后再利用样本提供的信息去验 证先前提出的假设是否成立。如果样本数据不能够充分证明和支持假设的成立,则在一定 的概率条件下,应拒绝该假设;相反,如果样本数据不能够充分证明和支持假设是不成立 的,则不能推翻假设成立的合理性和真实性。上述假设检验推断过程的依据是小概率原 **瓖**,即发生概率很小的事件,在一次实验中是几乎不可能发生的。通常概率要多大才能算



得上是小概率呢? 假设检验把这个小概率称为显著性水平 α。其取值的大小 与我们能否做出正确判断有着相当大的关系。然而, a 的取值并没有固定的 标准,只能根据实际需要来确定。一般地, α取 0,05,对于一些比较严格的 情况,它可以取 0,01 或者更小。α 越小,所做出的拒绝原假设判断的说服力 就越强。

总体参数的假设检验通常包括一个正态总体参数(均值和方差)的假设检验和两个正 态总体参数(均值和方差)的假设检验。假设检验的常用方法有双边检验(即检验"等 号"是否成立)和单边检验(即检验"不等号"是否成立)。

下面以具体实例阐述假设检验的基本原理。

【例 5.1】 对导人案例 5-1 进行假设检验。

分析思路: 设罐头每罐净重为X, $X \sim N(\mu, \sigma')$, σ' 未知, 问题是根据样本判断 $\mu = \mu_0 = 250$ 还是 $\mu \neq \mu_0 = 250$ 。为此,我们提出假设:

$$H_0: \mu = \mu_0 = 250$$
 (零假设)

由于要检验的假设涉及总体均值 μ 与 μ ...是否有显著差异、故首先想到是否可借助样本 均值 X 这一统计量来进行判断...X 是 μ 的无偏估计...X 的观察值的大小在一定程度上反 映了 μ 的大小。因此若 X 与 μ 。的差异不大,则说明 μ 与 μ 。的差异不大。

在零假设 H_0 戚立的情况 F ,X 与 μ 的差异 $|X-\mu|$ 向较小、此时事件 " $X-\mu$ 制 较 大"则为小概率事件,若该事件发生了,我们就怀疑零假设 H_0 的正确性而拒绝 H 。考虑到 H_0 就立时, $X-\mu$ $\sim_{I}(n-1)$,S 为样本修正方差,n 为样本容量,而衡量 $|X-\mu|$ 的 S/\sqrt{n}

值
$$\overline{x}$$
満足 $\frac{|\overline{X}-\mu_0|}{\sqrt{n}} \geqslant k$ 时就拒绝 H_0 。

若给定一个较小的数 $\alpha(0 < \alpha < 1)$. k 可由式(5-1) 确定:

$$P\left\{\left|\frac{X - \mu_0}{S / \sqrt{n}}\right| \geqslant k\right\} = \alpha \tag{5-1}$$

由于当H成立时, $T-\frac{X-\mu_{i}}{\sqrt{\sqrt{n}}}\sim\iota(n-1)$,由 ι 分布的分位点的定义得 $k=\iota_{n-1}(n-1)$ 。

于是,当 $P\{|\mathcal{D}_{t_0}(n-1)\}=\alpha$ 时、表明 小概率事件在一次试验中居然发生了,这样就有 理由说假设 H 有问题、从前做出拒绝零假设 H。 的结论,否则、便做出接受零假设 H。 的结论,否则、便做出接受零假设 H。 如图 5.1 所示。这里称 $T=\frac{X-\mu}{2}$ 为检验统计量、

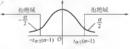


图 5.1 双边检验的拒绝域

 α 为显著性 水平、土 $t_{a/2}$ (n-1) 为 临 界 点、 $\mid T \mid \geqslant t_{a/2}$ (n-1) 为 拒 絶 域、 $\mid T \mid < t_{a/2}$ (n-1) 为接受域。

知识要点理解……

零假设的内涵

客假设合有"无要易"的意思、起源于对限制和药物使用的检验 首先假设处理过的样本与未处理 近的棒本不存在差异 零假设还称为虚无假设、原假设或规定假设 备籍假设又称为替换假设、对立假设。

【例 5.1】的解题过程:

第一步,提出假设,

$$H_0: \mu = \mu_0 = 250$$

$$H_1: \mu \neq \mu_0$$
 250

第二步,选取适当的检验统计量,并确定出检验统计量的分布。

$$T = \frac{X \quad \mu_0}{S/\sqrt{n}} \sim t(n-1) \tag{5} 2$$

第三步:根据样本观测值计算出检验统计量的值。

计算得 ϵ 242.85 ϵ 20.80 ϵ n 12, T 的样本观测值为 ϵ ϵ μ_0 242.85 ϵ 250 ϵ 1.19

第四步; 在给定的显著性水平 $\alpha(0<\alpha<1)$ 下、套所选检验统计量服从的分布表、确定临界值。

取 a=0.05, 则查 t 分布分位数表得 $t_{0.025}(11)=2.2010$ 。

第五步:确定拒绝域并做出统计决策。

拒绝域为 $T \mid \neg \iota_{...,1}(11)$ 。由于 $\mid \iota \mid = 1.19 \le 2.2010$,不落在拒绝域内,因此 $\text{任} \alpha = 0.05$ 下,接受零假设 H_0 ,认为罐头每罐净重与 250g 之间无显著差异,符合质量 标准。



的分布。

5.1.2 统计假设检验的基本步骤

综上所述, 假设检验大致有如下的步骤;

- (1) 根据实际问题的要求,提出零假设 H,和备择假设 H1。
- (2) 根据 日,的内容、选取适当的检验统计量、并能确定出检验统计量
- (3) 根据样本观测值计算出检验统计量的值。
- (1) 在给定的最著性水平 a(0 < a < 1) 下, 食所选检验统计量服从的分布表,确定临界值。
 - (5) 确定拒绝域并做出拒绝还是接受 H。的统计判断。



间接窑倒5-2

小概率原理的应用

卜概率原理是人们在长期的实践中内格出来的年晚广泛应用的一条原理。它也称为实际推断原理。 影用小概率原理对率的进行推测是概章性原的反正法。一般是人们首先提出假设。然后在假设之下,构造一个之私小概率标准的小概率事件 A。最后做出鉴别。若导致不合理观象出现。即在一次实验中小概率事件 A 係徵至了,則拒斂假設。反之則整令假设。

下面以两个实例说明小概率原理在实际中的具体应用

完例一:对某厂的产品进行质量检查。现从一批产品中重复抽样, 共取 200 件样品, 结果发现其中有 4 件废品, 问我们能否相信此工厂出废品的概率不超过 0.005?

今析,假設此工厂出废品的概率为0.005。一件产品要么是废品、要么不是废品、因此取200件产品类规制废品贵州为+200次接企业复议证验,所以由Bernoulli 供型可知、<math>200件产品出现废品的概率为 $-C^{1}_{200}0.005$ 4×(1 0.005) 198 \approx 0.015。假据小版率原理,我们可以认为该工厂的废品率不超过0.005不可信。因为当工厂的废品率为0.005时,检查200件产品出现4件废品这一事件是一个小概率率件、

但它在一次试验中竟然发生了。因而有理由怀疑假定的合理性不能接受假定。即该厂的废品率不超过 0,005 是不可信的。

实例二。其工作人员在某一个星期里。曾经接见访问者 12 次。所有这 12 次的访问恰巧都是在星期 二或星期四、试束该事件的概率、是否可断定独只在星期二或星期四接贝访问参? 甚 12 水访问没有一次 是在星期日。是否可以新言星期日他根本不会客?

分析。假设接近具有随机性。 那么 12 次接见访问者 概在星期二或星期四的 唇塞为 212/712 ≈ 0.0000003。即使接见可以是一星期中的任意两天,则其概率也只有 C3 212 /712, 这个数值仍然很小,因 而 12 次接见全部集中存星期三和星期四星小概率事件, 而现在这种情况竟然发生了。因此有理由认为接 见访问的日子是有规定的,只在星期二或星期四进行。若这12次访问没有一次在星期日,仍假定接见具 有随机性,见此事件的誊本为6 7. ≈16≈0,0167。这不是小概本事件,因此不能断育他在星期目根 太不今家.

通过以上对小概率事件的分析可知、小概率事件是概率论中一个虽简单但颇有实用意义的原理、在 日常生活中已有十分广泛的应用,常常在不经商间指导人们的实际生活,它是提单论的精 髓, 足统计学存在、发展的基础, 为统计推断和决策提供了严格的数学依据 对待小概率 事件、不能因为它发生的可能性很小而忽视它、因为如果事件重复多次、小概率事件迟早 必合发生。罗不能因此而惧怕小概定事件。



资料来源:段向阳, 刘东南, 关析小概率事件 [1]. 科技创新导报。2009(13):255-256.

5.1.3 单边检验

在前面的统计假设检验原理的阐述中,我们所针对的问题是检验总体均值 4 与 4 是否 有显著差异的问题(即零假设 H:u=ua)。这类问题假设形式都是"等式"给出、有两个 拒绝域、两个临界点,每个拒绝域的面积是 a/2。因此称这类检验为**双边检验**。

在另外一些情况下,我们关心的假设问题带有方向性。有两种情况,一种是我们所考 感的数值越大越好, 如某种产品的产量、使用寿命等; 另一种是数值越小越好, 如某种产 品的废品率、生产成本等。根据人们的美注点不同, 单边检验可以分为右边检验和左边 检验,

- 1. 单边检验与双边检验的不同之处
- 1) 所提出的假设不同

右边检验 $H_0: \mu \leq \mu_0$, $H_1: \mu > \mu_0$;

左边检验 $H_0: \mu \geqslant \mu_0$, $H_1: \mu < \mu_0$ 。

2)拒绝域不同

假设总体 $X \sim N(u, \sigma)$, σ 为未知, X_1, X_2, \cdots, X_n 是来自总体 X 的样本, 给定显著性 水平α.

检验: $H:\mu \leq \mu_0$, $H_1:\mu \geq \mu_0$ 时, 因 H_2 中的全部 μ 都比 H_1 中的 μ 要小, 当 H_1 为真时, 观察值x往往偏大,因此拒绝域的形式为T $\frac{X \mu_1}{S \setminus E} \geqslant k$. 当H 为真时,若T 的观测值 $t \ge t_n(n-1)$, 则拒绝 H_0 , 认为 $\mu > \mu_0$, 如图 5.2 所示。

类似地、检验 $H_0: \mu \geq \mu_0$, $H_1: \mu \leq \mu_0$ 时,若 $t \leq -t_0(n-1)$,则拒绝 H_0 ,认为 $\mu \leq \mu_0$,如 图 5.3 所示。



图 5.2 右边检验的拒绝域

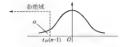


图 5.3 左边检验的拒绝域

2. 单边假设检验的注意事项

要根据研究目的来建立零假设和备择假设。一般来讲,应该先确定备择假设,再确定 零假设。这是因为备择假设是我们所关心的,是想予以支持或证实的,因而比较清楚,容 易确定。由于零假设与备择假设是对立的,只要确定了备择假设,零假设也就很容易确定 出来。

1) 零假设 H. 对应人概率, 备择假设 H. 对应小概率

假设检验的目的是希望用小概率的事实推翻零假设所代表的结论,而存没有充分证据 证明零假设所代表的结论错误之前,人们总是偏好于不能较易否定它。统计决策者对于某 一问题的态度,是通过设置零假设和备择假设来实现,通常偏好于把具有很大把握成立的 假设定为零假设。因此在概率分配上、零假设 H. 对应大概率、备择假设 H. 对应小概率。

- 2) 零假设 H. ··定要设为 "≤"或 "≥",相应的备择假设 H,要设为 ">"或 "<",这是因为我们实际上就是在零假设 H. 成立的前提下来建立理论分布的。
 - 3) 备择假设 H, 的方向与想要证明其正确性的方向一致

这里的方向是指备择假设是通过定量化的数学表达式来描述检验者想要证明或支持的 或较有说服力的结论、因此,必须选择好恰当的符号,才能使备择假设描述检验者的真正 意图。

5.1.4 统计假设检验中的两类判断错误

统计假设检验是依据样本提供的信息进行判断的,也就是由部分来推断总体,因而假设检验不可能绝对正确,它也可能犯错误。具体情况如下:

1. 第一类错误

零假设 H 本是真的,而由于样本的随机性使样本统计量落入了拒绝域内,因而做出 了否定 H 的判断。这类错误称为第一类错误,亦称为弃真错误。在管理中也称为生产者 的风险度,记为a,其大小为

2. 第二类错误

零假设 H 本来不真,而由于样本的随机性使样本统计量落人了接受域内,因而做出 了接受 H 的判断。这类错误称为第二类错误,亦称为取伪错误。在管理中也称为使用者 的风险度,记为 B,其大小为;

进行统计推断要冒犯两类错误的风险

我们永远无法确定对于零假设是否假出了错误的决定。因为我们只检验了样本均值之 间的差异, 而不是总体均值之间的差异。只要我们没有掌握实际的总体均值, 我们就会根 摆我们所做的决定而冒着犯第一拳或第二拳错误的风险。



对于上述两类错误,我们都希望尽量减少其发生的概率。但对于一定的样本容量,不 能同时做到犯这两类错误的概率都很小。如果减小犯第一类错误的可能性,就会增大犯第 二类错误的机会; 若减小犯第二类错误的可能性, 也会增大犯第一类错误的机会。一般来

说,哪一类错误所带来的后果越严重,危寒越大,在假设检验中就应当把哪 一类错误作为首要的控制目标, 若根希望犯两类错误的可能性都很小, 解决 的唯一办法是增大样本容量、然而、实际上样本容量的取得是有限制的。只 能根据实际来确定。





氯药公司总是下衡研究新药 为了少数可能有效的化合物要试验数干种化合物,在制药行业称之为 "药物筛进"。Dunnrtt (1978) 认为药物特选去在统计决策问题方面还负于初级阶段。在药物筛选中、可 能会有简种行动。①"拒绝"这种药物。筛选另一种药物、②暂时"接受"这种药物。这种情况下进行 拼一步更加精细的试验。由于研究者的目的是找到一种具有种效的新药,所以统计检验的零假设和各择 假设应取如下形式。

Ho: 对某种疾病药物没有疗效

H1: 对某种疾病药物具有疗效

Dunartt 解释与药物箱或过程关联的可能错误。"一种药物实际上具有疗效却被放弃(假阴性、对应 第二类错误)。 这思然是令人不快的事情。其中总存在某些风险、另外。对一种实际上没有控放的荷物却 继续进行高成本的试验(假阳性,对应第一类错误)。准带了时间和会钱。这此时间和会钱本可以共试验 其他化合物。"

在以下两类错误中。哪个更严重? 从制药公司角度而言。第一至是更严重的错误。因 为制药公司可能会造成时间和金钱的无谓消耗;另外。从患者的角度而言。第二类错误是 更严重的错误。因为此药物的及时研发可能会掩蔽无数患者的生命、无论哪种情况、计算 α和 β, 评估假设检验导出的推断可靠性是重要的。



答料来源, Tanur, I. M., et al., eds. Statistics, AGuide to the Unkown, San Francisco: Holden-Day, 1978.

5.1.5 统计假设检验中的 p 值

在前面阐述的统计假设检验的基本原理中, 我们是通过比较 t 统计值与 临界点 k 之间的大小关系,来判断拒绝还是接受零假设的。与查表找临界点的 · 个等价判别方法就是 p 值判别法, SPSS 统计软件使用的就是这种判别方法。



1. 双边检验的情形

由前面所介绍的t检验可知,在零假设H。成立的情况下,统计量T为 t, 若-k < t < k, 则接受零假设 H。, 否则拒绝 H。.



当t>0,且 $t \leq k$ 时, $P(T>t)>\frac{\alpha}{2}$,此时接受 H_0 ;

当 t>0,且 t>k 时, $P(T>t)<\frac{\alpha}{2}$,此时拒绝 H_0 ;

注意到 t 点外侧概率的表达式为 P(T>t)。显然, t<0 的情 图 5.4 双边检验 p 值示意图 形,结论相似。总之,在双边检验的情形下,比较 / 与临界点 k, 与比较 t 的外侧概率 P(T>t) 利 α 2 是等价的。

为方便起见,我们定义双边检验情况下检验统计量的 p 值为; t 统计值"外侧"概率 的两倍。即双边检验情况下,

检验统计量的
$$p$$
 值 = $2P(T>t)$ (5 3)

称检验统计量的 b 值为统计值的显著性概率。

据此,我们就可以简单地用 t 统计值的显著性概率 p, 与显著性水平 a 比较;

若 $\rho < \alpha$,则表明 ι 落在由 α 所决定的临界点的外侧,应当拒绝 H_0 ,接受 H_1 。

若 b > a,则表明 l 落在由 a 所决定的临界点的内侧, 应接受 H_{o} 。

2. 单边检验的情形

在单边检验的情况下,由于根据假设、已经事先得知 μ 与 μ 的关系 (μ > μ 或 μ < μ), 因此,显著性水平 α 也就不需要分成两半,比较/与临界点k,与比较/的外侧概率P(T>t)和α是等价的



图 5.5 右边检验 p 值示意图



图 5.6 左边检验 p 值示意图

在单边检验的情形下。统计值的显著性概率 / 值仍然定义为

检验统计量的
$$p$$
 值=2 $P(T>t)$

(5 - 4)

相应的判别方法是:

若 $b/2 < \alpha$,则表明 t 落在由 α 所决定的临界点的外侧,应当拒绝 H_0 ,接受 H_1 。 若 $p/2 > \alpha$, 则表明 t 落在由 α 所决定的临界点的内侧, 应接受 H_0 。

p 值和 α 值之间的差异

在假设检验中,研究者要事朱确定显著性水平α值。这个选择是要基于牵涉第一或第二类错误的权 衡,或简单地按照惯例,即α-0.05。α代表着我们能允许的第一类错误的可能性。与之相比,ρ值就是

在客假設为真的假设下,所获得的粹本结果比实测结果更为根端的概率,一般也整 p 值为实测显著性水平。它表明在某个思维的许多样本中,某一类数据出现的整常程度,或者说,p 值是当零假设或 5 时,例刊所观测数据的概率,如果这个概率足够小,我们倾向下拒绝零假设。下可于 a 值,它是由数据本身所确定的,是来自于检验统计量的计算值。

5.2 正态总体均值和方差的统计假设检验



少塞特与, 检验

世審特 (William Sealey Gosset), 英国统计学家,出生于英国贵特郡坎特伯雷市,隶学于曼彻斯特学院和牛庫大学,走要学习化学和教学。1899年, 文書特进,旅站也以的人,占完张父子领酒厂,在郑明 可得多,一人难有关禁造方法、照料 (大麦等) 特性和失品质量心间的皮系的统计数据,提高大支质量的重要检查终促使他研究农田试验计划,并于1904年每成家一需报查。《报差法则应用》。

资料来源,中华文本库(http://www.chinadmd.com/file/vier36waotsie 6ivawpcxr36-1.html)

5.2.1 单样本的 t 检验

单样本 t 檢验的目的是利用来自某总体的小样本数据, 推断该总体的均值是否与给定 的檢验值之间存在显著差异。例如, 想要了解某大学本科生高等数学的学习情况, 可以利 用去年高等数学考试的成绩抽样数据, 推断今年高等数学的平均成绩是否不低于 75 分。

设总体 $X\sim N(\mu,\sigma^2)$, σ^2 未知; X_1 , X_2 , ..., X_n 是来自总体 X 的样本, X 与 S^2 分别为样本均值和样本方差。给定显著性水平 α 、检验参数 μ 。

检验步骤如下,

- (1) 提出假设。
- ① $H_0: \mu^-\mu_0$, $H_1: \mu \neq \mu_0$

- ② $H_0: \mu \geqslant \mu_0$, $H_1: \mu \leq \mu_0$
- ③ $H_0: \mu \leq \mu_0$, $H_1: \mu > \mu_0$
- (2) 选择检验假设 H。的统计量,并确定其分布。

$$T - \frac{X - \mu_0}{S\sqrt{n}} \sim t(n-1) \tag{5-5}$$

- (3) 根据样本观测值计算出该统计量的值 /。
- (4) 在给定的显著性水平 $\alpha(0 < \alpha < 1)$ 下, 查所选统计量服从的分布表, 确定临界值。
- (5) 确定拒绝域并做出判断。对应于3种假设的拒绝域形式分别如下:
- ① 拒绝域为 | T | ≥ta/2 (n-1)。
- ② 拒绝域为 T≤-t_e(n-1)。
- ③ 拒绝域为 T≥t= (n-1).

注意: 对于大样本数据, 可用 S2代替 o2, 采用标准正态分布统计量进行 Z 检验。

【例 5.2】 。家快餐厅出售富强粉花卷、按标准每个花卷的平均质量应该是 75g、市场管理员从一大框花卷中抽取 25 个作为一个简单随机样本,算得样本均值为 72g、样本标准差为 8g、在显著性水平 α =0.05 下、根据这些数据该管理员能得出花卷的平均质量小于 75g 的结论吗?假定每个化卷质量近似服从正态分布。

- 解: (1) 提出假设 H: μ≥75, H1: μ<75。
- (2) 檢輸假设 H 的统计量为 $T = \frac{\dot{X} \mu_0}{S \sqrt{n}} \sim t(n-1)$.
- (3) 根据样本数据: x = 72. x = 8, n 25, 则 T 统计量的值为

$$t = \frac{r - \mu_t}{\sqrt{\sqrt{n}}} = \frac{72 - 75}{8 \sqrt{25}} = 1.875$$

- (4) 显著性水平 α-0.05. 查表知-t...(21)=-1.7109。
- (5) 由于t = -1.875 < -1.7109,所以拒绝 H_m ,即认为每个花卷的平均质量是降低了。

5.2.2 两个独立样本的 t 检验

两个独立样本,检验的目的是利用来自两个总体的独立样本,推断两个总体的均值是 否存在显著差异。例如,想要了解某大学经济学院和管理学院本科生高等数学的学习情况,可以利用去年高等数学考试的成绩抽样数据,推断今年两个学院高等数学的平均成绩 是否有显著差异。

设总体 $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$, 总体 $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, X 与 Y 独立, 且 $\sigma_1^2 = \sigma_1^2$ 未知。 X_1 , X_2 , ..., X_{n1} 是来自总体 X 的样本, Y_1 , Y_2 , ..., Y_{n2} 是来自总体 Y 的样本,X, Y 与 S_1^2 、 S_1^2 别为两样本均值和样本方差。给定显著性水平 α 、检验参数 μ_1 与 μ 、。

检验步骤如下:

- (1) 提出假设
- ① $H_0: \mu_1 \quad \mu_2 \quad H_1: \mu_1 \neq \mu_2$
- ② $H_{1}: \mu_{1} \ge \mu_{2}$ $H_{1}: \mu_{1} \le \mu_{3}$
- $3 H_0: \mu_1 \leq \mu_2 H_1: \mu_1 > \mu_2$

(2) 选择检验假设 Ho的统计量,并确定其分布

$$T = \frac{X - Y}{S_W \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} \sim t(n_1 + n_2 - 2)$$
 (5-6)

式中,
$$S_W = \sqrt{\frac{(n_1-1) S_1^2 + (n_2-1) S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}$$

- (3) 根据样本抑测值计算出该统计量的值;
- (1) 在给定的显著性水平 $\alpha(0 \le \alpha \le 1)$ 下,查所选统计量服从的分布表,确定临界值。
- (5) 确定拒绝域并做出判断。对应于三种假设的拒绝域形式分别如下。
- ① 拒绝域为 | T | ≥tace (n1+n2-2)。
- ② 拒绝域为 T≤-t_n(n₁+n₂-2)。
- ③ 拒绝域为 T = ta(n1 + n2-2)。

注意:对于大样本数据,可用 Si代替可, Si代替可, 采用标准正态分布统计量进行 Z 检验。

【例 5.3】 对导人案例 5-2 进行独立样本检验。假定未经过培训和经过培训职工的月产量分别近似服从正态分布 $N(\mu_1, \sigma')$ 和 $N(\mu_2, \sigma')$, (a=0.05)。

解: (1) 提出假设: H:µ1≥µ2. H1:µ1≤µ2。

(2) 检验假设 H。的统计量为

$$T = \frac{X^{-1}}{S_W \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} \sim t(n_1 + n_2 - 2)$$

式中,

$$n_1 = 10$$
, $n_2 = 10$; $\bar{x} = 498.2$, $\bar{y} = 504.2$; $s_1 = 9.931$, $s_2 = 6.613$

则 T 统计量的值为

$$t = \frac{\bar{x} - \bar{y}}{sw\sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} = \frac{498.2 - 504.2}{\sqrt{(10 - 1)9.931^2 + (10 - 1)6.613^2}\sqrt{\frac{1}{10} + \frac{1}{10}}} = -1.59$$

- (4) 由显著性水平 $\alpha = 0.05$, 查表知 $-t_{0.05}$ (18) = -1.7341.
- (5) 由于t=-1.59>-1.7341,所以接受H,即认为培训对提高职工月产量无显著影响。

5.2.3 两个配对样本的 1 检验

两个配对样本的 / 檢验的目的是利用来自两个总体的配对样本、推断两个总体的均值是 否存在显著差异。例如、想要了解某大学本科生高等数学辅导班的学习效果、可以利用辅导 前后高等数学考试的成绩配对抽样数据,推断辅导前后的高等数学成绩是否有显著差异。

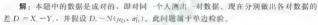
・般地、设有 n 对相互独立的观测结果(X_1,Y_1)、(X_2,Y_2)、…、(X_n,Y_n)、令 $D_1 - X_1 - Y_1, D_2 - X_2 - Y_2, \dots, D_n - X_n - Y_n$ 、则 D_1, D_2, \dots, D_n 相互独立、 $D_i \sim N(\mu_D, \sigma_D^2)$ 。

- (1) 提出假设.
- ① $H_0: \mu_D = 0$, $H_1: \mu_D \neq 0$
- ② $H_0: \mu_D \ge 0$, $H_1: \mu_D < 0$
- ③ $H_0: \mu_D \leq 0, H_1: \mu_D > 0$
- (2) 选择检验假设 H。的统计量,并确定其分布。

$$T = \frac{D}{S_D / \sqrt{n}} \sim t(n-1) \tag{5-7}$$

- (3) 根据样本观测值计算出该统计量的值 /。
- (4) 在给定的显著性水平 $\alpha(0 < \alpha < 1)$ 下、查所选统计量服从的分布表、确定临界值。
- (5) 确定拒绝域并做出判断。对应于3种假设的拒绝域形式分别如下:
- \bigcirc $|T| \ge t_{n/2}(n-1)$.
- ② $T \leq -t_a(n-1)$.
- ③ $T \geqslant t_a(n-1)$.

【例 5.4】 对导人案例 5-2 进行配对样本检验。



- (1) 提出假设: H₀:µ_D≥ 0, H₁:µ_D<0。
- (2) 检验假设 H_0 的统计量为、 $T = \frac{D}{S_D/\sqrt{n}} \sim t(n-1)$ 。
- (3) 根据样本数据计算得到; n-10. d-6. $s_{\rm D}=1.784$. 则 T 统计量的值 t $\frac{d}{s_{\rm D}/\sqrt{n}}=\frac{-6}{4.784\sqrt{10}}\approx -3.966$.
 - (4) 由显著性水平 a=0.05, 查表知-to,~(9) --1.8331。
 - (5) 由于 t=-3.966<-1.8331, 所以拒绝 H_0 , 即认为培训能提高职工的产量。

5.2.4 两个独立样本的 F 检验

两个独立样本的 F 检验的目的是利用来自两个总体的独立样本,推断两个总体的方差 是否存在显著差异。检验两总体方差是否存在显著差异是进行两独立样本,检验的前提。

设总体 $X \sim N(\mu_1 \cdot \sigma_1^2)$, 总体 $Y \sim N(\mu_2 \cdot \sigma_2^2)$, X = Y 独立, 且 $\mu_1 = \mu_2$ 未知。 X_1 , X_2 , …, X_n , 是来自总体 X 的样本, Y_1 , Y_2 , …, Y_n ; 是来自总体 Y 的样本, S_1^2 , S_2^2 分别为两样本方差。给定显著性水平 α , 检验参数 $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$.

- (1) 提出假设:
- $\textcircled{2} H : \sigma_1^2 \geqslant \sigma_2^2 \cdot H_1 : \sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$
- ③ $H_0: \sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$, $H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$
- (2) 选择检验假设 Ho的统计量,并确定其分布。

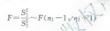
$$F - \frac{S_1^2/S_2^2}{\sigma_1^2/\sigma_2^2} - \frac{S_1^2}{S_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1)$$
 (5 8)

(3) 据样本观测值计算出该统计量的值 F。

- (4) 在给定的显著性水平 $\alpha(0 < \alpha < 1)$ 下,查所洗统计量服从的分布表,确定临界值。
- (5) 确定拒绝域并做出判断。对应于3种假设的拒绝域形式分别为:
- ① 拒绝域为 $F \ge F_{n/2}(n_1-1, n_2-1)$ 或 $F \le F_{1-n/2}(n_1-1, n_2-1)$.
- ② 拒締減为F≤F₁₋₋(n₁-1, n₂-1)
- ③ 拒绝域为 F≥F。(n1-1, n2-1)。

【例 5.5】 某外资公司按两套计划对新招收的打字员进行培训,这些新雇员被交替分配到执行不同训练计划的两个组,第一组有22人,第二组有25人。培训结束后对每个雇员进行考核、假定考核结果都服从正态分布。第一组的样本方差式一70.3、第二组的样本方差式225.5。该公司用1檢验法来檢验这两个组的得分均值是否有显著差异,试问这些數据是否是以使人对用1檢验所必需的关于方差相等的假设提出标题?(a=0.05)

- 解; (1) 提出假设 H; o, o, H; o, ≠o;
 - (2) 检验假设 H。的统计量为



- (3) 根据样本数据: $n_1 = 22$. $n_2 = 25$. $n_1^2 = 70$. 3. $n_2^2 = 225$. 5. 计算 F 的值为 $F = s_1^2$ $n_2^2 = 70$. 3.222.5≈0.316.
- (4) 由显著性水平α-0.05、查表知 F_{most} (21、24)≈2.27、F_{most} (21、21) 1/F_{most} (24、21)=1/1.75≈0157。
 - (5) 由于 F = 0.316 < 0.57. 所以拒绝 H_0 . 即认为两总体的方差有显著差异。

知识要点程程。

F检验的简便计算

在进行独立样本的方差检验时、若规定检验统计量

则拒绝域为 F>Fa/2,

5.3 单因素方差分析

在实际应用中常常要探讨不同实验条件或处理方法对结果的影响,通常是比较不同实验条件下总体均值间差异。方差分析是检验多个总体均值间差异是否显著的一种统计方法。例如,体育科研中研究训练目标、方法和不同运动量对提高某项运动的成绩的影响,农业研究上壤、肥料、日照时间等因素对某种农作物产量的影响,等等。方差分析就是解决这类问题的有效方法。



英国统计学家及遗传学家费希尔 (R. A. Fisher) 与方差分析

現代統計學的主要奠基者之一, 英国統計學家和遺传學家養券水、1890年2月17日生于伦敦, 1912 年毕也計划核大學數學系, 后陸英国教理统計學家 J. 認點遺俸了一年後計力學、1918年任罗坦斯泰农 並武監劫宏物管工任 1933年, 因为在生物统计和遗传学研究方面或精辛着而破聘为伦敦大学校主教 號, 1913年任息,杨大学遗传学教授, 1959年美皮大利亚,在联邦科学和工业研究组织的数学统计器候研 完工作。1962年7月29日卒于澳大利亚阿德豪德。

费希尔在英国的农业试验站工作时, 从田间试验设计研究入手, 发现一种农作物的亩产量与和于品 物、播种量、农药等多和因素有关, 为从统计上鉴别各因素的影响程度, 提出了万美分析的基本原理和 方法, 发展了统计试验设计的整本思想, 试验设计一直通统计学中一个现居旅的分支, 应用于工业、农 业、医疗卫生、生物按水、空间技术整许多学科领域。

资料来源:陈在余。陶应宪,统计学原理与实务[M],北京:清华大学出版社,2009.

5.3.1 方差分析的基本概念

方差分析中常用的术语有以下几个。

- (1) 实验指标:将要考察的结果称为实验指标。用大写字母 X、Y 等表示。
- (2) 实验因素:影响实验指标的条件称为因素,常用大写字母 A、B、C 等表示。
- (3) 因素水平: 因素所处的某种特定状态称为因素水平,常用代表该因素的字母加下标表示,如 A, A, A, A, A, C, CB, B, D, B, ···等表示。
- (4) 方差分析,对于影响一个指标的众多困素、若仅使一个(或一个以上)因素发生变化,而其他因素均保持不变(或控制在一定范围内)、分析这一个(或一个以上)因素对指标的影响是否显著,称为单因素(或多因素)方类分析。

5.3.2 单因素方差分析的基本原理

1, 单因素方差分析的基本思路

【例 5,6】 对导人案例 5-3 讲行方差分析。

分析思路: 此例中, 统考成绩为实验指标, 用X 表示; 数学方法是影响统考成绩的因素, 用A 表示; 采用3 种不同的数学方法可看成3 个因素水平, 用 A_1 、 A_2 、 A_3 表示。为了便于分析, 我们将表5-2 中的数据加以整理得表5-3。

因紫水平	统 考 成 绩					合 计	水平平均		
A_1	x11-75	x12 -62	x ₁₃ -71	x14 -58	x15 -73	x_1 , -339	x167.8		
A_2	x21 - 81	.x ₂₂ -85	x23 -68	x24 - 92	x25 -90	x2416	x283.2		
A_3	x ₃₁ 73	x32 79	x33 60	x34 75	x3, 81	x3. 368	x3. 73.6		
合 计			_			x., 1123	x-74.87		

恋 5-3 学生统老成绩整理表

1) 提出假设

若在不同的教学方法下, 统考成绩 $X_i \sim N(\mu_i, \sigma^2)(\iota = 1.2.3)$, 且各 X_i 相互独立。此例即檢验 $H_0: \mu_i = \mu_i$ 是否成立。因此、需要建立假设;

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 - \mu_3 = \mu$$
, $H_1: \mu_1, \mu_2, \mu_3$ 不全相等

- 2) 平方和及自由度的分解
- (1) 首先对总误差平方和进行分解。观察表 5-2 中的数据, 我们不难发现;
- ① 全部数据之间存在差异。其差异程度用 $S_T = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n (x_{ij} \iota)^j$ 来表示、称为总误 差平方和。这部分差异除了包含随机波动引起的误差之外、还应包含由于因素 A 的不同水平作用所产生的误差。
- ② 在同一水平 A. F. 5 个观测数据之间存在差异。其差异程度用 $S_F = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} (x_n x_{i,n})^2$ 来表示,称为随机误差平方和(或组内平方和)。这部分差异只是由随机误差的影响引起的。
- ③ 3 个水平平均 a_{λ} . (i-1,2,3) 之间存在差异。其差异程度用 $S_{\lambda}=\sum_{i=1}^{n}\sum_{j=1}^{n}(a_{i},-a_{i})$ 来表示,称为效应平方和(或到间平方和)。这部分差异只是由因素效应的影响引起的。

因为
$$S_{T} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{\substack{j=1 \ j=1}}^{5} (x_{ij} - \bar{x}_{i})^{2}$$

$$= \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - \bar{x}_{i}) + (\bar{x}_{ij} - \bar{x}_{i})|^{2}$$

$$+ \sum_{i=1}^{5} \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - r_{i})^{2} + \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (r_{i} - x_{i})^{2} + 2 \sum_{i=1}^{4} \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - x_{i})(x_{i} - x_{i})$$

H.

$$\sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - \overline{x}_{i,*})(\overline{x}_{i,*} - \overline{x}) = \sum_{j=1}^{3} (\overline{x}_{i,*} - \overline{x}) \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - \overline{x}_{i,*}) = 0$$

所以 ST=SE+ SA.

- (2) 其次对自由度进行分解。根据自由度的定义可知:
- ① 总误差平方和 $S_{\rm I}=\sum_{i=1}^3\sum_{j=1}^5(x_y-x)$ '. 求和项数共有 $3 \land 5$ 15 项,而存在 $\sum_{i=1}^3\sum_{j=1}^5(x_y-x)=0$,因此总误差平方和 $S_{\rm T}$ 的自由度 $f_{\rm T}=15-1=14$ 。
- ② 随机误差平方和 $S_{\rm F}$ $\sum_{i=1}^{3}\sum_{j=1}^{2}(x_{ij}-x_{ij})^{2}$,求和项数共有 3×5 15 项,而存在 $\sum_{j=1}^{5}(x_{ij}-x_{ij})=0$ (i=1,2,3),因此随机误差平方和 $S_{\rm T}$ 的自由度 $f_{\rm E}$ 13 3 12。

③ 效应误差平方和 S_{χ} $\sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (x_{i}, -x)^{i}$,求和项数共有 3 项,而存在 $\sum_{i=1}^{5} (x_{i}, -x) = 0$,因此效应误差平方和 S_{χ} 的自由度 f_{i} 3—1 2.

所以 $f_T = f_E + f_A$ 。

3) 显著性检验

由误差平方和的分解公式,我们看到 S_T 山两部分构成,一部分是 S_F 、另一部分是 S_A 。 当 S_T 一定时、 S_E 与 S_A 此消彼长。若 S_A 大、 S_E 就小、表明 S_T 主要是因素的不同水平引起的;反之,若 S_A 并不明显大于 S_F 。则表明不同水平对 S_T 没有显著影响。因此我们可以用 S_A 与 S_E 的比值来度量因素对实验指标的影响程度。构造检验统计量为 $F = \frac{S_A/f_A}{S_F/f_T}$

$$\frac{S_A}{S_E} \sim F(f_A, f_E)$$
, 拒绝域为 $F \geqslant F_a(f_A, f_E)$.

对于给定的显著性水平 $\alpha(0 < \alpha < 1)$, "特检验统计量的观测值不小于临界值 $F_o(f_A, f_E)$ 时, 拒绝 H_o 。也就是说,当组间的差异相对于组内的差异来说比较大时,因素效应对实验指标的影响显著,因此拒绝 H_o 。

2. 单因素方差分析的一般计算步骤

设因素 A 有 s 个水平 A_1 、 A_1 、···· A_8 、 在水平 A_2 (t=1 、2 ···· t=1 · 2 ··· t=1 · 2 ··· t=1 · 3 ··· t=1 ··· t=1

	1	2	***	j	***	п	合计	水平平均
At	ı			1.2		t , a	ı .	1.
Az	Ł_	r ,	***	12,	***	1 × ₀	1.,	e .
1	1	:	:	:	i	:	;	i
A,	x	7 _		Jy	***	X m	τ,.	χ,
1	:	:	:	:	:	:	:	:
As	x_{i1}	x,2	***	x_{ij}	***	x_{ss}	x_i .	$\overline{\mathcal{X}}_{j}$,
合计	_	_	***	_	***	_	x	x

表 5-4 单因素方差分析数据表

其中, 1,表示第1个水平进行第1次实验的可能结果(1 1.2,···.s;1 1.2,···.n)。

$$x_{i} = \sum_{j=1}^{n} x_{ij} \tag{5-9}$$

$$\overline{x}_{i*} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{n} x_{ij} = \frac{x_{i*}}{n}$$
 (5 - 10)

$$x_{-} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} x_{ij}$$
 (5 – 11)

$$x = \frac{1}{sn} \sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{n} x_{ij} = \frac{x_{ij}}{sn} = \frac{1}{s} \sum_{i=1}^{s} x_{ij}.$$
 (5.12)

假设:各个水平 A_i ($i=1,2,\cdots,s$) 下的样本 X_{i1} , X_{i2} , \cdots , X_m 来自正态总体 $N(\mu_i$, σ^2) 、 且设不同水平 A_i 下的样本之间相互独立。

1) 提出假设

$$H_{i}: \mu_{1} = \mu_{2} = \cdots = \mu_{r} = \mu$$

 $H_{1}: \mu_{1}, \mu_{2}, \cdots, \mu_{r}$ 不全相等

- 2) 平方和及自由度的分解
- (1) 总误差平方和 (Sum of Squares for Total), 简记为 S_T。它是全部观测值 ҳ"与总平均值ҳ的误差平方和,反映了全部观测值之间的差异程度。其计算公式为

$$S_{T} = \sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{n} (x_{ij} - \bar{x})^{2} = \sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{n} x_{ij}^{2} - \frac{x_{**}^{2}}{sn}$$
 (5-13)

总误差平方和的自由度

$$f_T = s \times n - 1$$

(5 - 14)

(2) 随机误差平方和 (Sum of Squares For Error)、简记为 S_E 。它是每个因素水平内各观测值 α 。与其组内水平平均值 α ,的误差平方和、反映了同一因素水平下观测值之间的差异程度。其计算公式为

$$S_{\rm E} = \sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}_{i*})^2$$
 (5-15)

随机误差平方和的自由度为

$$\times n = s$$
 (5 – 16)

(3) 效应误差平方和 (Sum of Squares For Factor A), 简记 S_{Λ} 。它是各组水平平均值 x_1 , 与总平均值x 的误差平方和, 反映了各因素水平的样本均值之间的差异程度。其计算公式为

$$S_{\Lambda} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{n} (x_{i}, -x_{j})^{2} = \sum_{i=1}^{3} \frac{x_{i}x_{i}^{2}}{n} - \frac{x_{i}^{2}}{sn}$$
 (5 - 17)

效应误差平方和的自由度为

$$f_A = (-1)$$
 (5 - 18)

总误差平方和与随机误差平方和、效应误差平方和之间有如下关系:

$$S_T = S_E + S_A$$
 (5 – 19)

总误差平方和的自由度与随机误差平方和的自由度、效应误差平方和的自由度之间有如下关系:

$$f_{\mathrm{T}} = f_{\mathrm{E}} + f_{\mathrm{A}} \tag{5-20}$$

3) 假设检验问题的统计量及拒绝域

检验的统计量的形式为

$$F = \frac{S_A/f_A}{S_E/f_E} = \frac{S_A}{\overline{S}_E} \sim F(f_A, f_E)$$
 (5-21)

式中, SA 为效应均方差, SE 为随机均方差。

拒绝域的形式为

$$F \geqslant F_a(f_A, f_E)$$

4) 列出单因素方差分析表(表5-5)

表 5-5 单因素方差分析表

误差来源	平方和	自由度	均方差	FIE	临界值	显著性
因素A	SA	s-1	S _A			
误差 E	$S_E - S_T - S_A$	sn-s	$S_{\rm E}$	$F = \frac{S_A}{\dot{S}_E}$	$F_a(s-1,sn-s)$	
总和T	S _T	sn-1		1		

5) 做出统计决策

若检验统计量的观测值 $F \ge F_s(s-1, sn-s)$,则拒绝 H_o ,否则接受 H_o .

一般地、显著性水平 α 常取 0.05 和 0.01。若 $F \leqslant F, ..., (s-1, sn-s)$,则接受 H, 认为因素 A 対实验指标的影响不显著。若 $F_{n-n}(s-1,sn-s) > F \geqslant E_{n-n}(s-1,sn-s)$,则



拒绝 H., 认为因素 A 对实验指标的影响一般显著; 若 F ≥ F □ (\subseteq 1. \subsete 1. \subseteq 1. \subsete 1. \subseteq 1. \sub

需要说明的是,上述的单因素方差分析的求解步骤是在每个因素水平下 观测值的个数相等的情况下进行的。在实际问题中,对于每个因素水平下观测值的个数不相等的情况也可以做类似的分析和处理。

知识象古典解

方差分析的实质

方差分析事实上非真正的对方差的分析。所是分析用或是平方和度量数据的要降 正如 Snedecor 所言:"它是从可比难的数据中分解出可追溯到某些指定来增的变异的一种技巧"。

假设检验与方差分析

资料来牌: 陈在全, 陶应虎, 统计学原理与务实 [M], 北京:清华大字出版社, 2009.

例 5.6 的解题过程:

(1)分析不同的教学方法对提高学生统考成绩是否有显著影响。 第一步:提出假设:

> $H_0: \mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = \mu$ $H_1: \mu_1 * \mu_2 * \mu_3$ 不全相等

第二步:构造检验统计量及其分布:

$$F = \frac{S_A/(s-1)}{S_E/(sn-s)} = \frac{S_A}{S_E} \sim F(s-1,sn-s)$$

第三步: 计算误差平方和

$$S_{T} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (x_{ij} - \bar{x})^{2} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} x_{ij}^{2} - \frac{x_{**}^{2}}{sn} = 1457.733$$

$$S_{A} = \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} (x_{i,*} - x_{*})^{2} = \sum_{i=1}^{3} \frac{x_{i,*}^{2}}{s} - \frac{x_{**}^{2}}{15} = 604.993$$

 $S_{\rm F} = S_{\rm T} - S_{\rm A} = 852,800$

第四步,列出方差分析表,如表5-6所示。

表 5-6 方差分析表

方差来源	平方和	自由度	均方差	Fit	临界值	显著性
因素 A	604. 993	2	302, 467	4,1		
误差E	852, 800	12	71.067	4/25% \	F 3, 89	46
总合T	1457, 733	14			2 1 0. 13	

第五步, 做出统计决策。

- (1) 计算知统计量取值 F=4.256、临界值 F_{-4} 。 (2.12) 3.89. F=(2.12) 6.93。由于 F_{-} ((2.12) < F < F_{-} (2.12),因此拒绝 H_{-} 。 也就是说我们认为 3 种不同的 数学方法对统考成绩的影响是一般显著的。
- (2) 分析哪种教学方法效果最好。对于该问题可根据各 µ,的点估计 1,来确定。 1=67.8, x_=83.2, x=73.6。可知教师采用多媒体与传统教学相结合的方法效果最好、学生的平均统考成绩达到 83.2 分。
- (3)分析任意两种教学方法的效果之间是香都存在显著差异。对于此问题、可以通过对各点进行两两单边1检验的方法进行分析。

首先检验 四与四:

$$H_0: \mu_1 = \mu_2$$
, $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$

t - -2.856 2.856 -t, -, (8) 2.3060, 拒绝 H, 说明第一种与第二种教学方法之间差异显著。

其次检验 μ2 与 μ3:

$$H_{0:1}\mu_1 - \mu_3$$
. $H_{1:1}\mu_2 \neq \mu_3$

t=1.705: 1.705<t. (8) =2.3060、接受 $H_{\rm e}$ 、说明第二种与第二种数学方法之间差异不显著。

最后检验 μ1 与 μ3:

$$H_0: \mu_1 = \mu_3$$
, $H_1: \mu_1 \neq \mu_3$

 $|t| = |-1.172| - 1.172 < t_{0.025}(8) - 2.3060,$ 接受 H_0 ,说明第一种与第三种教学方法之间差异不显著。

5.4 用 SPSS 统计软件进行统计假设检验

5. 4. 1 One - Samples T Test 过程

- (1) 选择 "Analyze→Compare Means→One Sample T Test..." 选项,弹出"One Sample T Test" 对话框
- (2) 将需要检验的变量从左侧列表框通过中间的移动按钮选入到右侧的 "Test Variables" 列表框中,
 - (3) 在 "Test Value" 文本框内输入已知的总平均数,默认值为 0。
- (4) 单击 "Options..." 按钮、弹出 "One Sample T Test: Options" 对话框、用于 定义相关的选项、有:
 - ① 在 Confidence Interval Percentage: 框内输入置信概率, 默认为 95%。
 - ② Missing Values 选项组:指定对缺失值的处理方式,包含两个单选按钮。



a. Exclude cases analysis by analysis 单选按钮:剔除本计算变量含有缺失值的数据。

【拓展视频】

- b. Exclude cases listwise 单选按钮: 剔除所有计算变量含有缺失值的数据。
- ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "One Sample T Test" 对话框。
- (5) 单击"()K"按钮,即可完成单样本均值检验的操作。

【例 5.7】 用 SPSS 统计软件求解例 5.1。

解, 提出假设 $H_{+}u=u_{-}=250$, $H_{1}\cdot u\neq u_{-}=250$.

週用 SPSS 统计软件的 (Ine - Sample T Test 功能,则输出结果如表 5 - 7(a)和表 5 - 7(b) 所示.

	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
毎罐净重	12	242. 8508	20, 79799	6,00386

表 5-7(a) 描述统计表 (One-Sample Statistics)

表 5 - 7(a) 说明:第2列是样本数;第3列是样本均值;第4列是样本标准差;第5列是样本均值标准误差 $\binom{3}{2}$ 、即 t 统计量的分码部分。

由表 5 7(a) 可知, 12 个样本的一次平均罐头净重数额为 242.85g, 标准差为 20.79799g, 均值标准误差为6.00386。

表 5-7(b) 说明,第 2 列是 t 统计量的观测值;第 3 列是自由度;第 4 列是 t 统计量的观测值的双边概率 p 值;第 5 列是样本均值与检验值的差,即 t 统计量的分子部分;第 6 、7 列是样本均值与总体均值差的 95% 的置信区间。

由表 5-7 (b) 可知, t统计量的观测值为 1.191, 自由度是 11, t统计值的显著性

概率 p 值等 F 0.259, 大 F α 0.05, 因此不应拒绝零假设 H₀, 认为该批罐头符合标准。 总体均值 μ 的 95%的置信区间 (250.6364, 256.0652) 包括 0, 由此也证实了上述推断。

			Test \	7alue — 250			
	ŧ	t l df	Sig. (2 – tailed)	Mean Difference	95% Confidence Interval of the Difference		
					Lower	Upper	
每罐净重	-1.191	11	. 259	− 7. 14917	-20.3636	6.0652	

表 5-7(b) 单样本 t 检验表 (One - Sample Test)

5. 4. 2 Independent - Samples T Test 过程

- (1) 选择 "Analyze→Compare Means →Independent Samples T Test..." 选项、弹 出 "Independent - Samples T Test" 对话框。
- (2) 将需要检验的变量从左侧列表框通过中间的移动按钮选入到右侧的 "Test Variable(s)" 列表框中。
- (3) 将分组变量从左侧列表框通过中间的移动按钮选入到右侧的 Grouping Variable
 - (1) 单击 "Define Groups..." 按钮、弹出 "Define Groups" 对话框、包含两个单选按钮。
- ① Use specified values 单选按钮:用于分类变量,在 "Group 1:"和 "Group 2:"文本框中分别输入分组变量的值(如 1 和 2)。
- ② Cut point 单选按钮: 用于连续变量, 在框内输入一个值作为分割值, 将数据分为两组。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮返回到 "Independent Samples T Test" 对话框。
- (5) 单击 "Options..." 按钮, 弹出 "Independent Samples T Test: Options" 对话框,其内容设置与"One Samples T Test" 完全相同,此处不再重复。
 - (6) 单击 "OK" 按钮,即可完成独立样本均值检验的操作。

知(识) 要点 提 醒

独立样本:检验在建立数据文件时的注意事项

在建立独立样本 t 检验的数据文件时,要定义两个变量、一个是检验变量,按顺序输入两个独立样本的全部数据;另一个是分组变量,如用"1"代表第一个样本。用"2"代表第二个样本,则对应第一个样本数级全部输入 1。对应第二个样本的全部数据对应输入 2.

【例 5.8】 用 SPSS 统计软件求解导入案例 5 2 的前一种实验。

解: 提出假设 H₀:μ₁=μ₂, H₁:μ₁≠μ₂,

调用 SPSS 统计软件的 Independent - Samples T Test 功能,则输出结果 如表 5-8(a) 和表 5-8(b) 所示。



【拓展视频】

	at a of a) the trace (clock contents)								
	组别	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean				
月产量	未培训	10	498. 20	9. 931	3. 140				
万厂里	培训	10	504. 20	6.613	2. 091				

表 5-8(a) 描述统计 (Group Statistics)

表5-8(a) 是两组职工月产量的基本描述量。可以看出两组职工月产量的样本平均 值有·定差异,这种差异是否显著需要通过以下检验完成。

		Test Equal	ene's for lity of ances			t – test	for Equality	of Means		
	•	F 2	Sig.	t ①	df (5)	Sig. (2 - tailed)	Mean Difference	Std. Error Difference	95% Con Interval Differ	of the
月	Equal variances assumed	. 874	. 362	-1,59	18	. 129	76.000	3. 773		1. 927
鼠	Equal Variances not assumed	CF.	- '	-1.59	15. 670	7. 132	-6.000	3. 773	-14.012	2. 012

表 5-8(b) 两独立样本 t 检验表 (Independent Samples Test)

表 5-8 (b) 结果解释:对两组职工月产量的检验,是分两步来进行的。

第 · 步: 方差齐性检验、即两总体方差是否相等的 F 检验 (第②、③列)。F 值为 0.874、对应的统计值的显著性概率值 p=0.362。如 $\alpha=0.05$ 、由于概率 p>0.05、可认为两总体方差无显著差异。

第二步,两总体均值的检验(第4、5、6列)。

由于两总体方差尤显著差异。因此应看 Equal Variances assumed(假设方差相等)的 t 检验的结果。T 统计量的观测值为 t — 1.59,对应的统计值的显著性概率值 p 0.129 \sim 0.05,因此认为两总体的均值尤显著差异,即培训对提高职工月产量没有显著效果。若两总体方差有显著差异,则应看 Equal Variances not assumed(假设方差不相等)的 t 检验的结果。

表5-8 (b) 中的第②列 (Mean Difference) 和第⑧列 (Std. Error Difference) 分别 是 t 统计量的分子和分母, 第⑨列为两总体均值差的 95%的置信区间的下限和上限。由于 0 包含在该置信区间内,因此也从另一个角度证实了上述推断。

5. 4. 3 Paired - Samples T Test 过程

功能实际上是和"One-Samples T Test"过程相重复的(等价于已知总体均数为 0 的情况)。

- (1) 选择 "Analyze→Compare Means→Paired Samples T Test..."。弹出 "Paired Samples T Test..." 对话框。
- (2) 从左侧列表框中同时选中两个成对变量。通过中间的移动按钮将其移入到右侧的 Paired Variables 列表框内。
 - (3) Current Selections 項,显示被洗中的成对变量。
- (1) 单击 "Options..." 按钮、弹出 "Paired Samples T Test: Options" 对话框、 其内容设置与 One - Samples T Test 完全相同,此处不再重复。
 - (5) 单击 "OK"按钮,即可完成配对样本均值检验的操作。

【例 5.9】 用 SPSS 统计软件求解导入案例 5-2 的后一种实验。

E例 5 − 2 的后一种实际

自動物

解:提出假设 H₀:µ_D≥ 0, H₁:µ_D<0。 调用 SPSS 统计软件的 Paired - Samples T Test 功能,则输出结果如

期用 SPSS 统订软件的 Paired - Samples 1 1 est 功能, 则辅出给果则表 5-9(a), 表 5-9(b) 和表 5-9(c) 所示 △ 、 ◇

表 5-9(a) 描述统计表 (Paired Samples Statistics)

		Mean	NN	Std. Deviation	Std. Error Mean
Pair 1	未经过培训	198. 30	10	446.367	3.140
	经过培训 。	× 50⅓. 20	10	XX 1 6.613	2.091

表 5-9(a) 表明、职工培训后较培训前的平均产量有明显增长。这种增长是否显著需要通过以下检验完成。

表 5-9(b) 简单相关系数及检验(Paired Samples Correlations)

		N	Correlation	Sig.
Pair 1	未经过培训 8. 经过培训	10	.910	.000

表 5 9(b) 表明、职 [培训前后平均产量的简单相关系数达到 0.910、对应的统计值的显著性概率值 p 0.000<a 0.05、说明二者有显著的正线性相关关系。

表 5 9(c) 两配对样本 (检验 (Paired Samples Test)

			Pa	Paired Differences					
		Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean	Interva	onfidence d of the rence	t	df	Sig. (2 - tailed)
					Lower	Upper			
Pair 1	未经过培训 经过培训	6, 000	4.784	1.513	9. 422	-2.578	-3.966	9	. 003

表 5 9(c) 表明,由于 t 统计值的显著性概率值 p 0.003,而 p 2 0.0015 $< \alpha$ 0.05,因此拒绝 H - 接受 H_1 ,即认为培训后较培训前职工的平均月产量有显著增长。

5. 4. 4 One - Way ANOVA 过程

- (1) 选择 "Analyze *Compare means *One Way ANOVA..." 选项、弹出"One Way ANOVA"对话框。
- (2) 从左侧列表框中选择观测变量(指标)。通过中间的移动按钮移入到右侧的 "Dependent List"列表框内。
- (3) 从左侧列表框中选择因素变量,通过中间的移动按钮移入到右侧的 "Factor"列 表框内。
- (4) 依次单击 "Contrasts..." 按钮和 "Post Hoc..." 按钮, 弹出 "One Way ANOVA; Contrasts 对话柜和One Way ANOVA; Post Hoc Multiple Comparisions" 对话框,由于这两个对话框太专业,也较少用,此处略。
 - (5) 单击 "Options..." 按钮, 弹出 "One Way ANOVA; Options" 对话框。
 - ① Statistics 项: 选中 "Descriptive" 复选框,输出基本描述统计量,其他选项略。
- ② Missing Values 项: 定义缺失值的处理方式。其内容设置与"One Samples T Test"完全相同,此处不再重复。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "()ne Way AN()VA" 对话框。
 - (6) 单击"()K"按钮,即可完成单因素方差分析的操作。



【例 5.10】 用 SPSS 统计软件求解导入案例 5-3。

解:提出假设: H: μ, μ, μ, μ, H; μ, μ, μ, μ, κ, κ全相等。调用 SPSS 统计软件的 One - Way ANOVA 功能,则输出结果如表 5 - 10 和表 5 - 11

表 5-10(a) 基本描述统计量 (Descriptives)

	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error	95% Confidence Interval for Mean		Minimum	Maximum
					Lower Bound	Upper Bound		
1	5	67. 80	7. 396	3.308	58. 62	76. 98	58	75
2	5	83. 20	9.524	4. 259	71.37	95. 03	68	92
3	5	73.60	8. 234	3.682	63. 38	83. 82	60	81
Total	15	74. 87	10. 204	2.635	69. 22	80. 52	58	92

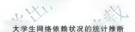
由表 5 10(a) 可以看出 3 种数学方法的样本平均值有 定差异,这种差异是否显著需要通过以下检验完成。

	Sum of squares	df	Mean squares	F	Sig.
Between Groups	604. 933	2	302, 467	4. 256	.040
Within Groups	852. 800	12	71.067		
Total	1457. 733	11			

表 5-10(b) 方差分析表 (ANOVA)

表 5 10(b) 说明,第 1 列为方差来源,第 2 列为平方和(Sum of Squares),第 3 列为自由度(df),第 1 列为均方和(Mean Square),第 5 列为 F 统计量的观测值,第 6 列为 F 统计值的显著性概率。





网络被认为是20世纪人类最伟大的发明之一、它在发挥着重要作用的同时也带来一些新的社会问题。当代大学生是利用计算机网络这一新技术的主力军、同时、他们在使用网络过程中表现出来的网络依赖问题也显得日益突出。为此、某高校教师组织本科学生成立一个调研小组、进行了抽样调查。

外国学者 Young 认为, 病态賭博与病态互联网使用的内在特性最为相似, 都是一种不涉及被摄入体内的成瘾物的冲动控制性障碍。根据此观点, 她修改了病态賭博诊断标准并用于在线调查互联网成瘾问题。Young 根据修改后的病态賭博诊断标准制定的互联网成瘾的评定项目如下,

- (1) 你是否迷恋互联网或其他网上服务,并在下线后仍然念念不忘?
- (2) 你是否感到有必要花更多的时间去网上寻求满足感?
- (3) 你能控制自己是否上网吗?
- (4) 如果减少了上网时间或停止上网, 你是否会感到不安或愤怒?
- (5) 你上网是否为了逃避问题或为了减轻无助感、犯罪感、焦虑、抑郁?
- (6) 你是否欺骗家人或朋友以隐瞒你上网的频度和在线时间?
- (7) 你是否为了上网而不错冒失去某个重要关系、工作、受教育机会或谋职机会的风险?
- (8) 你的上阕时间是否总是比原先预计的长? Young 指出,如果被试对其中5个问题答"是",就被认为是"上瘾"。这一标准符合病态赌博的诊断标准,因此可以区分出正常

的互联网使用和病态的互联网使用。(Young, 1996)

调研小组借鉴了 Young 的指标。并目对除第3个问题外的每个问题回答"是"的得1 分,回答"否"的得0分;第3个问题回答"否"的得1分。回答"是"的得0分。在界 定网络依赖程度上,把总得分为()~1看作无依赖;得分2~3为轻度依赖;得分4~5为 较重依赖: 得分6~8 为严重依赖。

通过随机抽样方法抽取最终的调查对象。做深入细转的调查。抽取样本号 134、问卷 收回 134 份, 经过数据输入整理, 最后有效问卷 100 份, 问卷有效率 74.6%。样本的基本 构成如表 5-11 所示,由于篇幅所限,原始数据资料略。

性 别		家庭所在地		高中所学学科		调研对象	
女	41	农村	40	理科	79	本科生	32
男	59	城镇	60	文科	30	研究生	68
合计	100	合计	100	合计	100	合计	100

表 5-11 样本基本构成表

重要分析的问题,

- (1) 对大学生网络依赖程度现状进行描述性分析。
- (2) 网络依赖程度是否真的在男生与女生之间、文科生与理科生之间、城 镇学生与农村学生之间、研究生与本科生之间存在明显的差异?

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生熟练掌握抽样调查、假设检验和方差分析的基本方法及 其应用。考核学生对假设检验与方差分析的理解程度。

二、案例分析

1. 大学生网络依赖程度现状的描述性分析

通过对调查数据进行分组整理并进行频数分析。得到表5-12所示的结果。

		Frequency	Percent	Valid Percent	Cumulative Percent
	严重依赖	3	3. 0	3.0	3.0
	较重依赖	13	13. 0	13.0	16.0
Valid	轻度依赖	34	34.0	34.0	50.0
	无依赖	50	50. 0	50.0	100.0
	Total	100	100.0	100.0	

表 5-12 大学生网络依赖状况表

从本次调查结果来看,大学生网络依赖问题是存在的。完全无网络依赖的大学生占 50%。轻度依赖的占34%。较重依赖和严重依赖的分别占13%和3%。

2. 学生的个性特征对网络依赖程度影响的差异性分析

网络依赖程度在男生与女生之间、文科生与理科生之间、城镇学生与农村学生之间、

研究生与本科生之间是否存在明显的差异呢?研究小组进一步运用了 SPSS 中的独立样本 1 检验功能杂推斯网络依赖程度是否在不同个人基本特征上存在真实的差异。

1) 性别对网络依赖程度的影响差异

Hu:男女生间网络依赖程度无明显差异

H1;男女生间网络依赖程度有明显差异

用独立样本 t 检验,得出统计结果如表 5-13(a) 所示。

表 5 13(a) 描述统计 (Group Statistics)

组 别		N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean	
依赖	女	41	1.71	. 680	.106	
Atz khi	男	59	1.68	. 899 1	. 117	

表 5-13(a) 可以看出男生和女生对网络依赖的样本率均值有一定差异,这种差异是 否显著需要通过以下检验完成。如表 5-13(b) 所示。

表 5 13(b) 两独立样本 (检验表 (Independent Samples Test)

		Levene's Tes	t - test for Equality of Means			
		F	Sig	+,	df	Sig. (2 – tailed)
依赖	Equal variances assumed	1.040	. 647	. 177	98	. 860
	Equal Variances not assumed			. 186	97.217	. 853

现察 t 檢验值.看下一行的结果.t 统计量的显著性 (双尾) 概率 p=0.853>0.05.即接受零假设。说明男女生间的网络依赖程度无明显差异。

2) 文理科生对网络依赖程度的影响差异

Ho: 文理科生间网络依赖程度无明显差异

H1:文理科生间网络依赖程度有明显差异

用独立样本 1 检验,得出统计结果如表 5-14(a) 所示。

表 5 14(a) 描述统计 (Group Statistics)

組 别		N Mean		Std. Deviation	Std. Error Mean	
A+ +/s	理科	70	1.66	. 849	. 102	
依赖	文科	30	1.77	. 685	. 146	

表5-14(a) 可以看出定科生和理科生对网络依赖的样本平均值有一定差异,这种差 异是否显著需要通过以下检验完成,如表5 14(b) 所示。

			et for Equality	t - test for Equality of Means			
		F	Sig.	t	df	Sig. (2 – tailed)	
依赖	Equal variances assumed		. 158	581	90	. 563	
	Equal Variances not assumed	2. 027		650	43.107	. 519	

表 5-14(b) 两独立样本 1 检验表 (Independent Samples Test)

观察, 检验值, 看上一行的结果, T统计量的显著性 (双层) 概率 h-0.563 > 0.05, 即接受零假设。说明文理科生间的网络依赖程度无明显差异。

- 3) 家庭所在地不同的学生对网络依賴程度的影响差异人
- H. 家庭所在地不同的学生间的网络依赖程度无明显差异
- H1,家庭所在地不同的学生间的网络依翰程度有明显差异
- 用独立样本 2 检验,得出统计结果如表 5-18(18) 所示。

表 5-15(a) 描述统计 (Group Statistics)

组	别	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
依赖	农村	-19	1.68	217	. 145
Atc Ani	城镇	60	1.70	.713	. 096

表 5-15 (a) 可以看出农村和城镇学生对网络依赖的样本平均值有一定差异,这种差 异是否显著需要通过以下检验完成,如表 5-15(b)所示。

表 5-15(b) 两独立样本 / 检验表 (Independent Samples Test)

		Levene's Test of Var	t - test for Equality of Means			
		F	Sig.	t	df	Sig. (2 - tailed)
依	Equal variances assumed			150	98	. 881
赖	Equal Variances not assumed	1.056	. 307	. 144	71. 590	. 886

观察1栓验值,看上一行的结果,T统计量的显著性(双尾)概率 D 0.881>0.05, 即接受零假设。说明来自城镇和农村的学生间的网络依赖程度无明显差异。

- 4) 研究生和本科生对网络依赖程度的影响差异
- Ho:研究生和本科生间的网络依赖程度无明显差异
- H...研究生和本科生间的网络依赖程度无明显差异

用独立样本 t 检验, 得出统计结果如表 5-16(a)所示。

表 5-16(a) 描述統计 (Group Statistics)

组	别	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
依赖	研究生	68	1.76	. 866	. 105
松柳	本科生	32	1.53	. 671	.119

表5-16(a) 可以看出研究生和本料生对网络依赖的样本平均值有一定差异,这种差异是否显著需要通过以下检验完成,如表5-16(b) 所示。

表 5-16(b) 两独立样本 (检验表 (Independent Samples Test)

		Levene's Test of Var	t - test for Equality of Means			
		F	Sig.	(A)	df	Sig. {2 - tailed}
依	Equal variances assumed	1 011	100	1.345	98	. 182
赖	Equal Variances not assumed	1. 811	182	1, 473	76.775	. 145

现察 t 检验值. 看上一行的结果. T 统计量的显著性 (双尾) 概率 p=0.182>0.05. 即接受零假设。说明研究生与本科生间的网络依赖程度无明显差异。

3. 结论

通过以上调查结果的呈现和分析,我们可以得到如下结论:

- (1) 大学生中确实存在一定程度上的网络依赖问题。此次调查显示,50%的学生无网络依赖,34%的学生有轻度网络依赖,13%的学生有较重网络依赖,以及3%的学生有严重网络依赖。
- (2) 网络依赖程度在某些特征上没有明显的差异。调查发现,女生与男生在网络依赖程度上无明显差异,文科生与理科生在网络依赖程度上无明显差异; 來自农村与城市的学生在网络依赖程度上无明显差异; 研究生与本科生在网络依赖程度上也无明显差异。

本章小结

假设检验是统计推断的重要组成部分,方差分析是一种重要的统计推断方法,在一定意义上可以说是假设检验问题的推广。本章讲述了 SPSS 统计分析软件中涉及的 这两部分的基本理论及方法,主要包括以下内容,单样本的均值检验、独立样本的均值检验、配对样本的均值检验、配对样本的均值检验、独立样本的方差检验及单因素方差分析。

关键术语

应用统计学(第3%)

type I error

第一类错误 动检验

type II error one tailed test 第二类错误

two tailed test one - way analysis of variance

单因素方差分析

单边检验

sum of squares within - groups

组内平方和

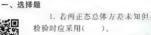
sum of squares between - groups 组间平方和

total sum of squares 总平方和

analysis of variance table 方差分析表



- [1] 賴国樹、陈紹、SPSS17 中文版-統計分析典型字例精粹 [M], 北京, 电子工业出版社, 2010.
- [2] 雪俊平。郝静、统计学囊例与分析 [M]、北京、中国人民大学出版社、2010.



1. 若两正杰总体 疗差未知但相等, 目抽样的样本容量较小,

A. Z 检验 C. y2 检验

2. 在 次假设检验中, 平 a = 0.01、零假设被拒绝时。 0.05. ().

A. ·定会被拒绝

B. 一定不会被拒绝

C. 有可能拒绝零假设

D. 需要重新检验

3. 某工厂生产某种产品,按规定每件产品的平均重量不得低于25kg。则假设检验形 式为()、\/

A. H₀: μ 25kg, H₁: μ>25kg

B. H_0 : $\mu \ge 25 \text{kg}$, H_1 : $\mu < 25 \text{kg}$

C. $H_0: \mu = 25 \text{kg}, H_1: \mu \neq 25 \text{kg}$

D. $H_0: u \le 25 \text{kg}, H_1: u \ge 25 \text{kg}$

4. 方差分析中的零假设是关于所研究因素()。

A. 各水平方差是否相等

B. 各水平的均值是否相等

C. 同·水平内部数量差异是否明显 D. 各水平之间的相关关系是否密切

5. 单因素 方差分析中, $H_0: \mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_b$, 则 H_0 的拒绝域为 (

A. $F > F_{\alpha/2}$

B. $F > F_c$

C, $F < F_{\alpha/2}$

D. F < F.

6. 若 H_0 : $\mu \leq \mu_0$, 抽出一个样本, 其均值 $x < \mu_0$, 则()。

A. 肯定拒绝零假设

B. 有可能拒绝零假设

C. 肯定接受零假设

D. 有可能接受零假设

7. 显著性水平α(

A. 是当零假设正确时却被拒绝的概率

B. 实际上是犯第 -类错误的概率

C. 实际上是犯第二类错误的概率

D. 取值越大,则犯第一类错误的概率就越大

).

E. 就是临界值,即检验接受城与拒绝域的分界点

- 8. 在假设检验中, 若检验结果是接受零假设 H., 则下而结论中()成立。
- A. 零假设 · 定成立

- B. 根据样本值尚不能推翻零假设
- C. 不能保证零假设为真
- D. 可能会犯第二举错误

- E. 各择假设一定成立
- 9. 若 X 服从 $N(\mu, \sigma^2)$, 且 σ^2 未知, $H_0: \mu = \mu_0$ 的拒绝域为 ()。

- A. $t \leq -t_{n/2}$ B. $t \geq -t_{n/2}$ C. $t \leq t_{n/2}$
- D. 1>1.12

- E. $|t| \leq t_{\alpha/2}$
- 显著性水平α与检验拒绝域的关系是().
- A. 显著性水平提高意味着拒绝域扩大 B. 显著性水平提高意味着拒绝域缩小
- C. 显著性水平降低意味着拒绝域扩大 D. 显著性水平降低意味着接受域扩大
- E. 显著性水平提高或降低不影响拒绝域的变化

二、简答题

- 1. 区别下列概念。
- (1) 零假设与各择假设。
- (2) 双边检验与单边检验。
- (3) 左边检验与右边检验。
- (4) 拒绝城与接受城
- (5) 第一类错误与第二类错误。
- (6) 两个独立样本与两个配对样本的,检验。
- (7) 效应误差平方和与随机误差平方和。
- 2. 统计假设检验中的 p 值是什么? 怎样根据 p 值进行假设检验?
- 3. 假设检验主要包括哪些步骤?
- 4. 如果单因素方差分析的结果是:不同方案的效果均值有显著差异,是否意味着两 方案之间的均值,都有显著差异?
 - 5. 判断下列问题是双边检验还是单边检验,并建立零假设和备择假设。
- (1) ·种产品的标准长度为 10cm, 要检验某天生产的产品的平均长度是否符合标准 要求。
 - (2) 环保部门想检验某餐馆·天所用的快餐盒平均是否紹过500个。
- (3) 某公司经理希望他的推销员注意差旅费的限额,经理要求推销员每日平均费用保 持在 60 元。做出这个规定一个月后,得到每日费用的一个样本。经理利用这个样本考虑 费用是否在规定的限额之内。
- (4) 某企业每月发生事故的平均次数是 4 次。该企业准备制订一项新的安全生产计 划,希望新计划能减少事故次数,试检验这一计划的有效性。
- (5) 我国进口的一批特种电缆,规定平均直径为 1mm,这批货物到达后,要确定是 否应当接受.
- (6) 丽华厂有批产品 10000 件、按规定的标准、出厂时次品率不得超过 3%、质量检 验员从中任意抽取 100 件, 发现其中有 5 件次品。检验这批产品能否出厂。
- (7) 某农研所研究不同品种的水稻的产量、要检验甲品种水稻的平均亩产量与乙品种 水稻的平均亩产量是否有显著差异。



- (8) 据现在的推测, 矮个子的人比高个子的人寿命要长一些。通过统计美国 31 个自 然死亡的总统寿命,来推斯上沭推测是否正确。
- (9) 一个年级有8个小班,他们进行了一次数学考试,检验各班级的平均分数有无显 著差异-
- (10) 某地区高考负责人想知道能不能说某年来自农村中学的考生比来自城市中学的 考生的平均成绩低。
 - 6. 在 SPSS 统计软件操作中。请回答,
 - (1) One Samples T Test 模块与 Paired Samples T Test 模块有什么关系?
- (2) Independent Samples T Test 模块与 Paired Samples T Test 模块的数据存放方 式有何不同?
- (3) 在 Independent Samples T Test 模块,进行两均值是否相同的检验时,为什么一定 要洗择 Levene (方差齐次件) 检验?
 - (4) 在 One Way ANOVA 模块中, 定义的变量有几个?都是什么?数据的输入有何区别?
- 7、某工厂用自动打包机打包,每包标准质量100kg。为了保证生产的正常运作,每天 开下后需要现试机,检查打包机是否有系统偏差、以便及时进行调整。某日开下后在试机 中共打了9个包、测得9包的质量(单位:kk)如下。

99.3 98.7 100.5 101.2 98.3, 49.7, 99.5 102.1 100.5

现希望做出判断、明确打包机是否需要进行调整。

(1) 做出零假设和各择假设入

-.055

weight

- (2) 写出检验用统计量及其分布。
- (3) 若采用 SPSS 统计分析软件,得到的统计分析结果如表 5-17 所示。

		T	est Value=100	
t	df	Sig. (2 – tailed)	Mean Difference	ence Interval of

-, 02222

-. 9540

. 9096

试对该表进行解释,说出表中每一列的具体含义。

(4) 根据表中的计算结果,说明检验的结论是什么。(α 可取 0.05)

. 957

8、为了保护自然环境和国家资源、防止汽车尾气对大气环境的污染而引起公害、保 隨人民生命安全与健康。国家特制定了环境质量标准、污染物排放标准、污染物控制标准 等。若汽车发动机排放标准的一个指标平均低 F 20 个单位,就符合北京市实行的汽车尾 气排放标准。现在改进技术前后,分别抽查了20台发动机之后,得到下面的排放数据。

技术调整前: 20.2, 22.5, 20.8, 23.2, 21.0, 22.6, 19.5, 22.0, 19.0, 25.6, 19.7, 20.3, 25.5, 21.7, 23.2, 19.6, 19.1, 24.4, 22.5, 21.3,

技术调整后 17.0, 21.7, 17.9, 21.9, 20.7, 21.4, 17.3, 21.8, 24.2, 20.4, 19. 9. 18. 2. 20. 3. 19. 1. 20. 1. 18. 5. 18. 7. 19. 7. 18. 9. 19. 0.

试分析技术改进前后汽车尾气排放是否有显著差异。(α 可取 0.05)

- (1) 做出零假设和备择假设。
- (2) 若采用 SPSS 统计分析软件,得到的统计分析结果如表 5-18 所示。

表 5 - 18 Paired Samples Test

			df	Sig. (2 tailed)				
		Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean	95% onfidence Interval of the Difference			
					Lower Upper	1		
Pair 1	改进技术前- 改进技术后	1. 850	2. 3237	. 5196	. 7625 2. 9375	3. 561	19	. 002

对该表进行解释,说明检验的结论是什么。

9. 设有3台机器,用来生产规格相同的铝合金薄板。取样,测量薄板的厚度精确至于分之一厘米,得结果如表5-19所示。/、人

表 5~19 薄板的度测量结果

机器 1	机器 2	机器 3
0, 236	0, 257	0, 258
0, 238	0, 253	0.261
0. 248	, Kol 285	0. 259
0, 245	0, 254	0.267
0. 243	0. 261	0. 262

假设第 ι 台机器生产的薄板厚度 ι ,服从 $N(\mu, \sigma^i)$ (ι =1 \cdot 2 · 3) · 要考察这 3 台机器生产的缚板厚度有无显著差异?

- (1) 指出该案例中的实验指标、因素及因素水平各代表什么。
- (2) 做出零假设和备择假设。
- (3) 若采用 SPSS 统计分析软件,得到的统计分析结果如表 5 20 所示。

表 5-20 薄板的厚度统计分析结果

	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.	
Between Groups	.001	2	. 001	32, 917	.000	
Within Groups	. 000	12	. 000			
Total	.001	14				

对该表进行解释,说出表中每一列的具体含义。

(4) 根据表中的计算结果,说明检验的结论是什么。

三、判新题

1.	零假设正确的概率等于α。	()
2,	如果零假设被拒绝,那么检验证明备择假设是正确的。	()
3.	假设的所有检验中,犯第一类和第二类错误的概率 α 和 β 满足 α 十 β $=1$ 。	()
4.	按假设检验的形式,可以把假设检验分为左边检验与右边检验。	()
5.	当 Ho为真时拒绝 Ho, 犯了"弃真"错误。	()
6.	假设检验犯两类错误的概率可以同时控制。	()
7.	方差分析是一种比较总体方差差异的统计方法。	()
8.	方差分析是一种推断变量间因果联系是否存在的统计方法。	()

四、计算题

- 1. 在某个城市,家庭每天的平均消费额为90元,从该城市中随机抽取15个家庭组成一个随机样本,得到样本均值为84.50元,标准差为14.50元,在 α =0.05的显著性水平下,檢驗假设 $H_0: \mu$ =90, $H_1: \mu$ =90。
- 2. 一家汽车生产企业在广告中宣称"该公司的汽车可以保证在 2 年或 24000km 内无事故", 但该汽车的一个经销商认为保证"2 年"这一项是不必要的,因为有用户反映在 2 年内汽车行驶的平均里程超过 24000km。假定这位经销商要检验假设 $H:\mu$ \approx 24000, $H_1:\mu$ \approx 24000,抽取容量 n=32 个汽车的随机样本,计算出两年行驶里程的平均值为 24517km,标准差为 1866km。 (a=0,05)
- 3. 某市环保局对空气污染物质 21h 的最大容许量为 $94\mu g/m^4$, 在该城市中随机选取的测量点来检测 24h 的污染物质量。数据(单位: $\mu g/m^4$)如下:

82, 97, 94, 95, 81, 91, 80, 87, 96, 77

设污染物质量服从正态分布、据此数据、你认为污染物质量是否在容许范围内? (α =0.05)

4. 某公司最新研制的汽车发动机排放标准采用新兴的技术、投入了大量的人力、物力精心研制。经测试其发动机排放的一个指标平均低于20个单位。有关人员在抽查了10台发动机之后,得到下面的排放数据。

17, 0, 21, 7, 17, 9, 22, 9, 20, 7, 22, 1, 17, 3, 21, 8, 24, 2, 25, 1

究竟能否认为该指标均值低于 20? (α=0.05)

- 5. 从一个方差未知的正态总体中抽得样本 (-0.2, -0.9, -0.6, 0.1), 总体均值 为 μ 。 试在 α =0.05 的水平下,
 - (1) 检验 $H_0: \mu=0$, $H_1: \mu\neq 0$ 。
 - (2) 检验 H₀:µ≥0, H₁:µ<0。
 - (3) 检验 H_{0:}μ≤0, H_{1:}μ>0。
 - (4) 前三者的结论有矛盾吗? 为什么?
- 6. 因卷烟的尼占丁含量有明确规定,对于某卷烟厂生产的两种卷烟,为清楚该厂两种卷烟产品的尼占丁含量差异是否很大,以便调整生产工艺,所以用假设检验方法分析两种烟的尼占丁含量有无显著差异。

现分别对两种券烟的尼古丁含量做6次试验、结果如下。

甲: 25 28 23 26 29 22

Z., 28 23 30 35 21 27

若卷烟的尼古丁含量服从正态分布,且方差相等,试问这两种香烟的尼古丁含量有无显著差异? $(\alpha-0.05)$

7. 某地区高考负责人猜测某年来自农村中学的考生比来自城市中学的考生的平均成 结低、已知总体服从正宏分布目方差大致相同。由抽样获得如下资料。

农村中学考生: $n_1 = 15$, $\bar{x}_1 = 495$, $S_1 = 55$;

城市中学考生: $n_2=17$, $\bar{x}_2=545$, $S_2=50$ 。

这些样本数据是否支持这位负责人的猜测? (α=0.05)

- 8. 要估计两家连锁店日平均营业额是否有差异,在第一分店抽查 20 天,得平均值为 2380 元,样本标准差为 361 元,第二分店抽查 25 天,得平均值为 2348 元,样本标准差为 189 元,问在 α=0.05 和 α=0.01 水平下第一分店的日营业额是否高于第二分店的日营业额(设营业额服从正态分布且方差相等)。
- 9. 有两台机器生产金属部件、分别在两台机器所生产的部件中各取 容量 n_{\perp} 10 的样本、测得部件重量的样本方差分别为 s_{\perp}^{\prime} 15. 16 和 s_{\perp}^{\prime} 9. 66、设两样本相互独立、两总体分别服从正态分布 $N(\mu_{\perp},\sigma_{1}^{\prime})$ 和 $N(\mu_{\perp},\sigma_{2}^{\prime})$,试在水平 α =0.05 下检验假设 H: $\sigma_{1}^{\prime}=\sigma_{2}^{\prime}$,H: $\sigma_{1}^{\prime}\neq\sigma_{2}^{\prime}$ 。
- 10. 设 X 与 Y 为两个独立总体,且 $X\sim N(\mu_{\star},\sigma_{\star}^{i})$, $Y\sim N(\mu_{\star},\sigma_{\star}^{i})$ 。抽样后,测试计算数据为:

$$X_1n_1 = 7$$
, $i = 8$, $S_1^2 = 80$

$$Y: n_2 = 9 \cdot y - 13 \cdot S_2^2 = 30$$

在 a=0.05 条件下, 检验 $H_0:\sigma_1^2:\sigma_2^2-3:2$ 。

- (1) 做出零假设和备择假设。
- (2) 写出检验用统计量。
- (3) 计算统计量的值。
- (4) 查表求出临界值。
- (5) 写出检验结论。
- 11. 企业为了提高生产效率, 计车床更好的加工零件, 自动车床采用新旧两种工艺加工同种零件, 测得的加工偏差(单位; µm)分别如下;

旧 几 艺: 2.7 2.4 2.5 3.1 2.7 3.5 2.9 2.7 3.5 3.3

新工艺: 2.6 2.1 2.7 2.8 2.3 3.1 2.4 2.4 2.7 2.3

设测量的加工偏差服从正态分布,所得的两个样本相互独立,且总体方差相等。试问自动车床在新旧两种工艺的加工精度有无显著差异? $(\alpha=0,01)$

12. 人们一般认为广告对商品促销起作用,但是否对某种商品的促销起作用并无把握。为了证实这一结论,随机对 $1 \circ$ 个均销售该种商品的商店进行调查,得到数据如表 5-21 所示。

表 5-21 15 个销售某商品的商店的调查结果

•	商店	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
ĺ	广告前	2	2	2	2	2	3	3	3	2	3	2	3	2	3	3
	广告后	2	3	3	4	4	2	3	4	3	3	4	2	3	4	4

请以显著性水平α=0.05检验广告对该种商品的促销有无作用。

13. 随机地选了8个人,分别测量了他们在早晨起床时和晚上就寝时的身高,得到 表5-22 所示的数据。

表 5-22 8个人在早晨起床时晚上就寝时的身高

(单位, cm)

序 号	1	2	3	4	5	6	7	8
早上 (x,)	172	168	180	181	160	163	165	177
晚上 (y ₁)	172	167	177	179	159	161	166	175

设各对数据是来自正态总体 $N(\mu_D, \sigma_D^2)$ 的样本,同早晨的身高和晚上的身高是否有品签差量 $2(\sigma = 0.05)$

11. 某次单因素方差分析所得到的一张不完全的方差分析表如表 5-23 所示。

表 5 23 万差分析表

来 源	离差平方和	自由度	均方差	F值
组印	370	3	AX.	F=4, 16
组内	370	7 1	17	
总和	. 1	VI		

- (1) 请依次址上令格中的数字。原方差分析问题中的因子分成几个水平? 为什么?
- (2) 说明此为差分析的零假设和各择假设。
- (3) 在显著性水平为 α=0,10 时,说明方差分析的结果是什么。
- 15. 黑手机有很多质量问题,其中电池是很重要的一个方面,待机时间很短,同时电压不稳,导致手机经常自动关机或者死机。质检部门对3种品牌的手机电池进行了检测,检测结果如表5~24 所示。

表 5-24 质检部门对 3种品牌的手机电池的检测数据

品牌1	品牌 2	品牌 3
40	26	39
48	34	40
38	30	43
42	28	50
15	32	50

试在显著性水平α 0.05 下检验 3 种品牌电池的平均寿命有无显著的差异。

16. 从某学校同·年级中随机抽取 19 名学生,再将他们随机分成 4 组,在 2 周内 4 组 学生都用 120min 复习同·组英语单词、第·组每个星期··次复习 60min;第:组每个 星期 · 、三两次各复 习 30 min; 第三组每个星期 二、四、六、三次各复 习 20 min; 第四组 每天(星期天除外)复习10min。2周复习之后,相隔2个月再进行统一测验,其结果如 表 5-25 所示。运用方差分析法可以推断分析的问题: 这 1 种复习方法的效果之间有没有 显著性差异? (α=0.05 和 α=0.01)

	48. 3 - 23	+ 组子工类有平同5	可提及取取权	
序号	第一组 A	第二组 B	第三組 C	第四组 D
1	24	29	30	27
2	26	25	28	31
3	20	21	32	32
4	28	27	30 -	33
5		28	26	
6		30	142	

五、上机实验题

1. 某生产冰箱的企业随机地对其国内 12 家专卖店及大中型商场专卖柜中的 40 台冰箱 的返修率进行了调查,调查结果如表 5 26 所示、已知同类产品的标准返修率为 1.1%, 是否可判定近年来企业生产的冰箱出现了一定的系统因素而导致质量出现了问题?(取显 著性水平 a=0.05)

	表 5-26 40 台	冰箱的返修率调查报告	(单位: /i)		
2. 2	2.1	12 b. 5	1. 2		
2. 1	2. 9	0. 9	1. 3		
1.7	1.8	1.0	1.4		
1.5	1.6	1. 3	0, 9		
1.4	1.1	1.3	1. 2		
1. 3	1.0	1. 2	1.4		
1. 2	1.8	1, 4	1.5		
1.1	1.4	1.0	1. 3		
1.0	1.3	1.1	1. 2		
0.9	1. 2	1. 3	1.0		

2. 某生产电视机的企业现从采用新管理模式的电视机生产线和传统管理模式的电视 机生产线各随机抽取 10条,记录其月产量如表 5-27 所示。又假设这两组生产线的实际 产量均近似服从正态分布。判断新的管理模式和传统的管理模式对生产线产量有无显著差 异。(α=0.05)

表 5-27 10条电视机生产线月产量表

序 号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
新管理模式产量/台	2000	2120	2000	2200	2100	2400	2030	2100	2008	2160
传统管理模式产量/台	1803	1980	2005	1900	2000	2200	1600	2000	1901	2001

3. 在某地小学中随机抽取 30 名肥胖儿童和 30 名正常儿童。测定其而中 LP() 含量结 果如下,

肥胖细.

9.21, 9.22, 9.22, 9.22, 9.23, 9.24, 9.24, 9.25, 9.25, 9.26, 9.27, 9.27, 9, 28, 9, 36, 9, 36, 9, 36, 9, 37, 9, 37, 9, 36, 9, 36, 9, 36, 9, 35, 9, 35, 9, 35, 9, 33, 9, 33, 9, 33, 9, 20, 9, 20

正常组:

7, 50, 7, 51, 7, 51, 7, 52, 7, 53, 7, 53, 7, 54, 7, 55, 7, 56, 7, 57, 7, 54, 7, 55, 7, 58, 7, 58, 7, 59, 7, 59, 7, 59, 7, 60, 7, 60, 7, 60, 7, 61, 7, 61, 7, 62, 7, 62, 7, 63, 7, 63, 7, 64, 7, 64, 7, 64

试检验肥胖儿童而中 LP() 含量是香高干正常儿童。(a=0,05)。

4. 集保健品生产部为了检验某种减肥茶的效果, 在用户中抽取了15人, 调查得到他 们饮用某种减肥茶前后的体重数据如表 5 28 所示。

表 5 - 28 15 个用户饮用某种减肥余后的停重效据 (平1											(単位:	kg)			
编号	1	2	3	4	5	6	7 '	1.81	- 9	10	11	12	13	14	15
饮用前	66	70	83	82	62	93	79	85	78	75	61	89	61	94	91
饮用后	7.1	3.1	88	80	68	91	6.3	7.5	70	63	1.1	77	12	9.1	91

试以 a=0,05 的显著性水平, 检验该种减肥茶的效果是否显著,

5. 某企业为提高产品产量、决定对部分职工进行为期3个月的培训、为了了解培训效果 如何、从经过培训的职工和未经过培训的职工群体中各随机预抽取 10 名、记录当月产量。 又假定这两组职工的实际产量均近似地服从正态分布,经统计,10名职工的产量分别如下。

培训前: 10, 11, 14, 14, 5, 9, 9, 5, 8, 12, 13, 15 (单位: 万个);

培训后: 12, 13, 13.5, 16, 11, 9, 10, 14, 10, 15 (单位: 万个)。

现在我们要求通过这些统计数据来判断该企业的培训效果。也就是说检验培训对职门 产量提高有无显著性影响。(a=0.05)

6. 某工厂为了提高生产效率,实行早、中、晚三班工作制。工厂管理部门想了解不 同班次工人劳动效率是否存在明显的差异。每个班次随机抽出了7个工人,得工人的劳动 效率(件/班)资料如表5 29所示。试分析不同班次1人的劳动效率是否有显著性差异。 (a=0.05)

早 班	中 班	晚 班
34	49	39
37	47	40
35	51	42
33	48	39
33	50	41
35	51	42
36	51	40

表 5-29 工人的劳动效率

其中. 早班的工作时间为: 8:00~12:00; 中班的工作时间为: 14:00~18:00; 晚班的工作时间为: 20:00~23:00。

7. 为了对几个行业的服务质量进行评价,消费者协会在零售业、旅游业、航空公司、家电制造业分别抽取了不同的企业作为样本。其中零售业抽取7家,旅游业抽取6家,航空公司抽取5家,家电制造业抽取5家。每个行业中所抽取的这些企业,在服务对象、服务内容、企业规模等方面基本上是相同的。然后统计出最近一年中消费者对总共23家企业投诉的次数,如表5-30所示。

试分析不同行业的投诉次数是否有显著差异。(α=0.05)

零售业	旅游业	航空公司 _ /	家电制造业
37	68	31	11
66	39	49 × 1 .	51
19	29	/ . K21	65
40	45	34	77
34	56	40	58
53	51 1 11		
11	1. []		

表 5-30 最近一年中消费者对 23 家企业的投诉次数

8. 某眼镜实业有限公司为了调查销售额是否受促销方式的影响,通过数据的调查获得如表5-31 所示的数据。

销售额 促销方式	被动促销	主动促销	无	
1	26	30	23	
2	22	23	19	
3	20	25	17	
4	30	32	26	
5	36	48	28	
6	28	40	23	
7	30	41	24	
8	32	46	30	

表 5 31 调查销售额是否受促销方式影响的调查数据

试分析不同的销售方式对营业额是否有显著影响。(α 0.05 和 α 0.01)



1. 实训项目,大学英语四级考试成绩的统计推断

实训目的, 学会运用独立样本 / 检验和配对样本 / 检验的原理和方法解决实际问题。

实训内容,了解你所在专业大学英语四级的通过情况、收集样本数据,利用本章学到 的理论和方法进行统计推断的实践。需要分析的问题如下;

- (1)随机抽取男生和女生各若干人作为样本,获得大学英语四级考试成绩的数据资料,推断男生和女生大学英语四级考试成绩是否有显著差异。
- (2)随机抽取参加过英语四级考试培训的学生若干人作为样本,获得培训前后大学英语四级考试成绩的数据资料,推断培训前后大学英语四级考试成绩是否有显著差异。
 - 2. 实训项目,大学生日常生活费支出的统计推断。

实训目的; 学会运用单样本 t 檢验、独立样本 t 检验和单因素方差分析的原理和方法 解决实际问题。

实训内容;调研了解大学生日常生活费支出情况。从你所在的学院中,随机抽取大学一年级到四年级在校本科生男女各 25 人(數量也可自己掌握)作为样本。调查问卷所涉及的指标包括性别,所在年级、家庭所在地区(标明来自于城市还是农村)、平均月生活费。通过抽样调查获得大学生月平均生活费支出的数据资料。需要分析的问题如下;

- (1) 检验你自己的月平均生活费是否高于全校学生的月平均生活费。
- (2) 检验男女学生的月平均生活费是否有显著差异
- (3) 检验来自城市与农村学生的月平均生活费是否有息著差异。
- (4) 检验不同年级学生的月平均生活费是否有显著差异。
- (5) 综合以上统计推断, 写出统计分析报告。
- 3. 实训项目, 不同的促销方式对企业竞争力的影响分析

实训目的, 学会运用独立样本 1 检验或单因素 有差分析的原理和方法解决实际问题。

实训内容: 在如今的超市经营中,各种各样的促销活动繁多,如广告宣传、有奖销售、特价销售、买,送,等。毋庸置疑,各大超市进行促销活动的目的是要增加销售量,增强本企业的市场竞争力。但是究竟促销行为对增强企业的竞争力是否有显著影响?选择哪种保销方式有利?这一直是企业极为关注的问题。

请组成小组,通过实际调研了解超市常用的促销方式,收集不同的促销方式下的销售 额数据资料,利用本章学到的理论和方法进行统计推断的实践。需要分析的问题是如下:

- (1)不同的促销方式对该类商品销售额的增长是否有显著影响?若有显著影响,哪种销售方式效果最好?
 - (2) 是否任意两种销售方式的效果之间都存在显著差异?



对于大学毕业生工薪的统计分析与推断

很多测评机构在比较各个高校的实力或比较不同高校培养的大学生受社会欢迎的程度 时,不仅使用到就业率等指标,还经常用大学毕业生的工薪高低来衡量。要反映一个学校 所培养的大学生的工薪水平,显然不宜用该校全部学生工薪的最高水平或最低水平,否则 容易受到个别板端值(统计上也称为异常值)的影响,通常应采用该校全部学生工薪的平 均水平、工薪运到一定水平的毕业生比例等统计指标来衡量。为此,随机抽取一定数量的 大学毕业生构成的样本,通过对样本调查所获取的数据来推断总体的平均水平或某一比例 等数量指标。

我国某高校从最近一年毕业生且在某地区就业的学生中随机抽取 36 名进行调查,所得的样本数据如表 5-32 所示,表中的工薪是指大学毕业生工作满一年后的第一个月的工薪。

序 号	工薪/元	序 号	工薪/元	序 号	工薪/元
1	33.00	15	3180	27	3718
2	4100 I	14	4160	✓ \26	3800
3	4600	15	3260 \	1 27	3380
1	1000	16	3380	28	1250
r,	2750	17	3700	24	1(6)
6	4500	18 , 74	4050	30	3600
7	3100	19	3500	31	126)
8	3900	20	5500	32	362)
9	1200	21	3700	3.3	1350
10	3900	22	1800	31	375)
11	3250	23	4300	35	3680
12	3800	24	3900	36	4080

表 5-32 大学毕业生工薪的抽样调查数据

思考与讨论问题,

- (1)以 3000、3500、4000、4500 为组限,将样本数据进行分组,并编制变量数列, 绘制直方图,观察样本数据的分布特征。建议用 SPSS 工具来完成这一任务。
- (2) 高校就业指导部门认为, 在该地区就业的该校毕业生毕业 ·年后首月 Γ 新的平均 水平不低于 3700 元。试对这个问题进行假设检验, 在显著性水平 α 0.05 Γ , 抽样调查 结果能否支持学校就业部门的上述看法?
- (3)有人认为"该校全部毕业生毕业后一年首月工薪在4500元以上者所占比例达 10%",若要根据案例中的调查数据对此命题进行假设检验,可否采用Z检验(正态检验)?为什么?检验结果又如何?



第**6**章

相关及回归分析

数学目标

通过本章的学习,了解经济现象之间的相关关系,掌握相关分析与四归分析的基本程序及 SPSS 软件的操作步骤,学会对现象之间的相关关系进行分析和预测。

教学要证

知识要点	能力要求	相关知识
相关分析	能够判断变量之间的相关关系及相 关程度	相关关系、相关分析、相关系数
一元线性回归分析。	能够建立一元线性回归模型并进行 分析和預測	一回归分析的含义、一元线性回归模型、参数的最小二乘估计、回归方程的机合化度检验、回归系数的统计检验、利用回归方程进行预测
多元线性回归分析	能够建立多元线性回归模型并进行 分析和预测	多元线性回归模型、回归参数的 估计
非线性回归分析	能够建立非线性回归模型并进行分 析和预测	非线性回归模型、回归参数的估计
SPSS 统计软件 操作	能够熟练使用 SPSS 软件的相关和回 归分析功能并对输出结果进行正确解读	"Bivariate Correlations"对话框、 "Linear Regression"对话框、"Cure Estimation"对话框



相关分析与回归分析是处理变量之间关系的一种常用统计方法。利用这种方法可以定量地建立一个变量关于另外一个或几个变量的数学表达式(即数学模型),利用这个数学表达式,可以对该变量进行预测或控制。近年来,这种方法已被广泛应用于教育学、经济学、社会学、医学、心理学和生物学等诸多领域,乔取得了一定成效。本章结合 SPSS 统计软件,介绍常用的相关分析、回归分析方法



消费和收入——2015 诺贝尔经济学奖研究之一

2015 年诺贝尔经济学奖于北京时间 10 月 12 日楊逸、滨斐琐華檢授予美国營林聯補大學程序學展安 格斯·迪頓 (Angus Deaton) 裁授、收表彰其在消费、收入、有穷与编制方面的研究后赋、北宋授奖旨 在表彰避晓者 3 个核心方面所倾出的内出资赋、其中之一或是 1990 年迪都发现了消费和收入之间的实际 美威、陶"迪辅榜论"。

行会收入有多少用于支出。农多少用于储蓄。为了解释资本信息与商业周期、介必要理解收入与消费之间的时间变化关系。在 20 世纪 90 年代销后、迪杨发表着干论文、证明主意消费理论无法解释二者 之间的实际关系。在 20 世纪 90 年代销后、迪杨发表着干论文、证明主意消费理论无法解释二者 之间的实际关系。组领认为、如果从整体收入与消费数据出发进行研究、空味之研究个体消费如何随个 体权入两变化、其变化关系与整体数据大下部间、迪特的研究消费地表明、分析个体数据是我们理解整体数据的关键。而逾额的研究方法由日渐为宏观经济学所广泛接受

連續的研究工作表明,在理性預期下,将已体数据口用于水久救入理论和生命周期假设,得到了消费应该并不比收入严肃的结论,如而观测影的现次数据加墨与消费抢收入严肃 语指论职著名的"連顿特论"。都决问题的关键在于研究,体点费者的收入与消费行为,而不是已体的平均(代表性个体),下除的被入及动方式与平均域入度动方式完全下面、提进一步的研究表明、消费的变化于预期被入星上相关,对于不可预期的收入并不敏感。

消费者如何将其收入在各个时期进行全部。这对于制定促进对费的经济政策至失需要。消费的成功与投资的度均是宏观经产提动的主要区围,也消费与也强蓄相对。,对一个国家的资本形成与经济周期报看涉及转重的作用。传统的水久收入理论和生命周期能说成为。消费比收入是平滑、即消费的波动整小于收入的皮动。这是用专消费者的消费支出下是由甚多明教入决定的。两是由其待久收入决定的。两种发收入租此当期收入需要中得。

资料来源: 入民论宏何. 2015.

从 2015 诺贝尔经济学奖得主安格斯·迪顿的研究成果看、社会消费与居民收入之间 存在必然联系、但这种联系不是·一对应的函数关系。:者之间的关系是客观的、而且有 较高的密切程度。那么。这两者之间存在多密切的联系、是什么性质的联系、能不能把它 们之间的关系确定下来,可否根据居民的收入情况数据来换测社会消费品零售总额等。这 正是相关分析及回归分析要解决的主要问题。



商业银行不良贷款的影响因素分析与预测

自商业银行产生,风险效与之相华、形影不离。与一般工商企业的最大不同在于商业银行是利用客户的存款和减税借入款作为主要的普运资金进行经营。自负资本占比低这一转点决定了商业银行员具有积强的内在风险性。随着现代经常的不断发展、商业银行所面临的风险已经由业一的债务产生的信用风险液变为包括信用风险、市场风险、操作风险等在内的多类型风险、小性级上看。商业银行所面临的风险从最初的导驱风险液变为全级风险

据中国银行监督管理委员会 (簡終銀監会) 初步统计,截至 2015 年年底,我国境内商业银行 (包括 国有商业银行、股份制商业银行、城市商业银行 (简称城商行) 和外省银行) 不良贷款余赖 12744 亿元、较 2014 年年末的 8426 亿元新增 4318 亿元、增储达到 51,25%。不良贷款率为 1,67%。 同比上重 0.42 个百分点, 环比三季度末上升 0.08 个百分点, 是明地央委是来分、农商行和股份制商业银行不良贷款增增最高。农商行的不良增档甚至超过 5 70%。 预付制商业银行不良贷款增增最高。农商行的不良增档甚至超过 5 70%。 预付制商业银行不良贷款增为 16.5% 可以 2014 年年末的 1091 亿元增加 771 亿元。 教年初上升 0.42 个百分点。农商行不良贷款余额 1252 亿元,校 2014 年年末的 1091 亿元增加 771 亿元。 农车初上升 0.42 个百分点。农商行不良贷款余额 1862 亿元,校 2014 年年末的 1091 亿元增加 771 亿元。 本来良贷款余额 7002 亿元。校 2014 年年末4755 亿元增加 2237 亿元,增储为 46.95%,不良贷款率为 1.66%,同比上升 0.43 个百分点。城商行不良贷款余额 1213 亿元,较 2014 年年末的 855 亿元增加 358 亿元,增增为 41.87%,不良贷款率 1.4%,校年初上升 0.24 个百分点,外资银行不良贷款余额 130 亿元,较 2011 年年末的 96 亿元增加 310 亿元, 24 个百分点,外资银行不良贷款余额 130 亿元, 24 个百分点,外资银行不良贷款余额 130 亿元, 24 个百分点,外资银行不良贷款余额 130 亿元, 24 个11 年年末的 96 亿元增加 31 亿元,增格为 35.12°,不良贷款率 1.15°, 较年初上升 6.31 个日 分点。

2015年不良会政有四大风险点、青度良是农商行和农业银行商均益淬,其次百部地区等收风险凸显,再次是公司分款号化较快,最后是热索、制造业是重实区 对于2016年银行不良贷款的趋势、大部分机构的判断标准是将加进增强。在火证等估计。2016年我银代对金不良新数规精构显了万亿元。中信维收制 2016年银行业不良新诱展银件操作。2016年不良等我参增加 1810 亿~5100 亿元。平度未通进 2。 不良等款的如准基据,给租付营来走为调度的影响是净利润增进减乏。银温会统计数据显示。2015年年末,商业银行争利,对15026 亿元。同比增明权有2.43。 不良贷款的增加对银行业内市区万倍增,对于不良资产处置市场而首却是风口。2016年13年轻高分别模型。 投通会主席尚属帐在 2016年2018年2018年2018年21日,提出,提升银行业均场化、多元化、综合化处置不良资产的配力。开展不良是产证每化和不良资产收益权特让收点,逐步增强地方资产管理公司收置不良资产的助效和能为

2015年年末、銀行身金礦机物仓资产 190 35 万亿元。比上年司期增长 15.67 6、其中商业银行仓资产 155.83 万亿元。同址增长 15.6 6 。同期商业银行资本吃足率 13.15 % 一 级资本吃足率 11.41 %,核 2 一 现资本完足率 10.91 。 这是一份令世界增享与惨夷的业绩报告 的确。在世人眼里、新中国成立60 年末,特号是改成市核 30 年中国商业银行业发生了历史巨变、中国商业银行业的整体实力和标准险能力已令非营此。但尽管如此、我国硕业银行的下良舒拔可能仍十分严峻、由之可能引起的金融动等也是不可忽略的难题。必须采取措施加以解决。

随着我国经济的飞速发展, 找出影响商业银行不良贷款的主要影响因素, 进行科学合理地 计折和预测, 以尽可能地防范和化解不良贷款问题迫在目睫。

资料来源, 轻金融综合海通证券、一财网。

不良贷款问题,直是国际银行业面临的重大问题。美国的银行在 20 世纪 70 年代和 80 年代曾有过南美债务危机,近年日本银行也存在大量的坏账。我国的 Г、农、中、建四大国有独资商业银行(以下简称四大商业银行)也,直为大量的银行不良资产所困扰。商业银行大量不良贷款的存在,已经村商业银行的正常经营与发展产生了严重影响,使金融对经济水田助排器的功能难以有效发挥。目前,我国商业银行的巨额的不良贷款形成原因复杂,外部原因主要是国家产业政策调整、金融体系不完善、信用风险等,内部原因主要是银行内部控制缺陷、操作风险、银行队伍人员素质不高等。通过相关分析和回归分析方法对影响商业银行不良贷款的主要因素进行科学地分析及合理地预测,可以有效地防范和降低产生不良贷款的风险。

6.1 相关分析

6.1.1 变量间的关系

在现实生活中,普遍存在变量之间的关系。统计分析的目的就在于如何根据统计数据 确定变量之间的关系形态及其关联程度,并探索出其内在的数量规律性。

变量之间的关系 · 般来说可以分为确定性和非确定性两种。确定性关系 是指存在某种函数关系。然而,更常见的变量之间的关系表现出某种不确定 性,这种既有关联,又不存在确定性的关系,称为相关关系。

1. 确定性关系

确定性关系能够用确定的函数表达式表达变量之间的关系,这种关系是我们所熟悉的。设有两个变量 X 和 Y、变量 Y 随变量 X 的变化而变化、并完全依赖于 X、当变量 X 取 ·定值时,Y 可以依确定的关系取相应的值、则 Y 是 X 的函数,记为 Y = f(X),其中 X 称为自变量、Y 称为因变量。例如、出租汽年费用 Y 与行駛里程 X 及每公里单价 P 之间的关系可用 Y = P X 来表示,即在每公里单价 P 确定时,给出行驶里程 X 便可唯一地确定出负 生费用 Y,这时 Y 与 X 是 ···· 来版的确定性关系。

2. 相关关系

1) 相关关系的含义

相关关系(Correlation)是现实中普遍存在的变量之间的关系,它无法用确定的函数 表达式表达。对于一个变量的一个数值、往往有另一个变量的许多可能值相对应。例如, 家庭的支出与收入之间的关系、收入确定后,支出并不随之而定。收入高的家庭一般来说 支出水平也高,但对于同等收入水平的家庭其支出并不一定一样。对于这种不确定变量显 发不能用函数关系进行描述,但是通过大量样本数据资料的观察与研究,我们就会发现许 签不能用函数关系进行描述。但是通过大量样本数据资料的观察与研究,我们就会发现许 多可能表及比划律的解决存在一定的客观规律性。相关分析与回归分析正是描述与探索不确定变量 之间关系及比划律的统计方法。

2) 相关关系的类型

根据变量之间的影响方向和影响程度等、相关关系可以分为不同类型。

根据变量之间的相关方向,相关关系可分为正相关和负相关。正相关是指当一个变量的数量增加(或减少)时,另一个变量的数量也随之增加(或减少); 负相关是指当一个变量的数量增加(或减少)时,另一个变量的数量随之减少(或增加)。

根据变量之间的相关程度、相关关系可分为完全相关、完全不相关和不完全相关。完 全相关是指变量之间是函数关系;完全不相关是指变量之间彼此互不影响,其数量变化各 自独立;不完全相关是介于完全相关和完全不相关之间。 般的相关关系都是指完全不 相关。

根据变量之间的相关形式、相关关系可分为线性相关和非线性相关。线性相关是指变

190 应用统计学(第3版)

量之间的关系近似地表现为一条直线: 非线性相关是指变量之间的关系近似地表现为一条 曲线。

根据所研究的变量的个数、相关关系可分为单相关、复相关和偏相关。单相关是指研究两个变量的相关关系;复相关是指研究一个变量对两个或两个以上变量的相关关系;编相关是指在研究多个变量之间的相关关系时,假定其他变量不变、只研究其中两个变量的相关关系。

6.1.2 相关分析的含义及表现方法

相关分析(Correlation Analysis)是根据实际观察的数据资料。在具有相关关系的变量之间,对现象之间的依存关系的表现形式和密切程度的研究、它处理的是一种相互关系。

我们可以用两种方法来表现变量间的相关关系,一种方法是通过比较直观的散点图来 表现、另一种方法是通过相关系数来反映。通过图形和数值两种方式、能够有效地揭示变量之间关系的强弱程度。

1. 散点图

被点图(Scatter Plots)就是将数据以点的形式画在直角平面上,通过点组成的图形来观察两变量之间的相关关系。其具体做法如下;用横坐标代表自变量 X,纵坐标代表因变量 Y,通过观察或实验可以得到若于组数据 (a,, y,),将其在平面直角坐标系中用点来表示,称之为散点,这样的图形称为散点图。变量 Y 与 X 的散点图如图 6.1 所示。

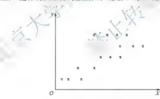


图 6.1 变量 Y 与 X 的散点图

散点图是研究相关关系的直观 [.具,一般在进行详细的定量分析之前,可以利用它对 变量之间存在的相关关系的方向、形式和密切程度进行大致判断。我们可以借助 + SPSS 统计软件来绘制散点图,具体操作过程在第 4 章已有详细介绍。

2. 相关系数 (Correlation Coefficient)

通过散点图,我们对变量之间的相关关系的存在进行了定性的判断。而统计学是一门 计量科学,需要我们在定性研究的基础上进一步做定量分析,即不仅要知道变量之间是否 相关,还要进一步知道相关的程度和方向。为此,我们引入相关系数,以数值的形式比较 精确地反映变量间相关的强弱程度。

1) 相关系数的定义

相关系数 (Pearson's Correlation Coefficient), 又称 Pearson 相关系数 (软件中常用

此名称),它是根据样本数据计算的对两个变量之间线性关系强弱的度量值,用,来表示。 若相关系数是根据总体全部数据计算的,则称为总体相关系数,记为 p.

2) 样本相关系数的计算公式

设
$$(x_i, y_i)$$
 $(i-1, 2, \cdots, n)$ 是来自总体 (X, Y) 的样本, $i = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^n x_i, y_i = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^n y_i$

则样本相关系数的计算公式为

$$r = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2}} = \frac{S_{xy}}{\sqrt{S_{xx}S_{xx}}}$$
(6-1)

th.

$$S_{ij} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - x)(y_i - y) = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \sum_{j=1}^{n} y_j$$
 (6-2)

$$S_{xx} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \frac{\psi}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} x_i \right)^2$$
 (6-3)

$$S_{yy} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - y_i)^2 = \sum_{i=1}^{n} y_i^2 - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} y_i \right)^2$$
 (6-4)

r 无单位. -1≤r

知识要点雅醒

使用 Pearson 相关系数的要求

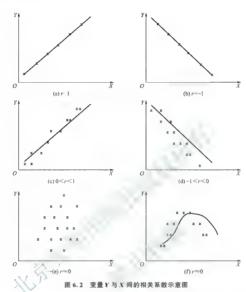
要正确地格 Pearson 相关系数作为测量变量 X 和 Y 之间相关性的一个指标,必须考虑以下要求,

- (1) 线性关系。Pearson 相关系数只用于债测 X 和 Y 之间的线性关系。
- (2) 随机抽样。样本成员必须是随机地从一个用来进行显著性检验的总体中抽取的。
- (3) 正态分布。对相关系数进行显著性检验要求X和Y在总体中都呈正态分布。在小样本中,不符合正态分布要求的清况符会严重影响检验的自效性。但是,当村本规模超过了30个案例时,这个要求政不配么需要了。
 - 3) 相关系数的意义
 - (1) 0<r<1表示两个变量间存在正线性相关关系:
 - (2) -1<r<0 表示两个变量间存在负线性相关关系:
 - (3) r=0 表示两个变量间不存在线性相关关系:
 - (4) |r|=1表示两个变量间存在完全线性相关关系:
 - (5) |r| 越接近于 0, 表示两个变量间的线性相关程度越低;
 - (6) |r|越接近于1、表示两个变量间的线性相关程度越高。

变量 Y 与 X 间的相关系数示意图如图 6.2 所示。



【期刊推荐



根据样本数据计算出的相关系数 r 值一般都在一1 和 1 之间, 在判断两个变量之间的 线性相关程度时,表6-1中的相关等级划分标准可以提供参考,但是这种参考标准必须

表 6-1 相关系数等级划分

r 的取值	r <0.3	0.3 < r < 0.5	0.5≤ r <0.8	r ≥0.8
相关程度	不线性相关	低度线性相关	中度线性相关	高度线性相关

4) 相关系数的检验

计算样本相关系数的目的是用来说明样本来自的两总体之间是否具有显著的线性相关 性。但是,由于存在抽样的随机性和样本数量较少等原因,通常导致推断的可信程度不 高。因此需要通过假设检验的方式对样本来自的两个总体是否存在显著的线性相关进行统 计推断。相关系数检验的步骤如下:

(1) 提出假设, Ho:ρ 0 H1:ρ≠0。

建立在相关系数通过显著性检验的基础之上。

(2) 构造检验统计量。

在 H。成立时, 检验统计量

$$t - \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} \sim t(n-2)$$

- (3) 给定显著性水平 a。 查表确定临界点 t=(n-2)。
- (4) 确定拒绝域: |t|≥t+(n-2)。
- (5) 做统计决策, $\overline{A}_{t}|_{\mathscr{E}_{t}^{n}}(n-2)$, 则拒绝 H, 说明两总体之间线性关系显著; 否 则,认为两总体之间线性关系不显著。

需要说明的是、SPSS统计软件中的相关系数检验结论是通过检验统计量的显著性概 率 Р 值来做出的。也就是说,如果 Р 值小于给定的显著性水平 α,则应拒绝 零假设 H, 认为两总体之间线性关系显著, 本意后面的显著性检验都是根 据检验统计量的显著性概率P值进行决策的。





间经需例6-1

教堂教与监狱服刑人教同步增长

姜图印第安纳州的地区教会根票等扩泛建新教育。提出教育能去净人们的心景。减少犯罪。遂纸适 缴服刑人数的口号。为了增进民众参与的基诚和信心、教会的超文政集了近 16 年的教堂教与在嘉徽服刑。 的人数进行统计分析 结果却令教会大吃一惊。最近15年教堂数与盛飢股刑人数星显著的正相关。那么 是否可以由此得出, 教堂建群越多, 进可能带来更多的犯罪呢? 经过统计学家和教会抽父深入讨论。并 讲一步收集近15年的当地人口变动资料和犯罪率等资料选择一步分析。发现监狱服刑人数的增加和税费。 数的增加都与人口的增加自关, 教堂数的增加并非监狱驳刑人数增加的原因 至此。教会人士总算松了

资料来源: 吴柏林,现代统计学 [M].台北; 五南图书出版有限公司。1999.

识 優 古 雅 醒…

运用相关系数判断两个变量相关程度高低时的注意事项

在实际应用中,运用相关系数判断两个变量相关程度高低时需注意:

- (1) 相关系数是一个无量纲的量。它可以进行比较。
- (2) 两个变量相关程度的高低取决于相关系数绝对值的大小,而不是相关系数数值的大小。
- (3) 相关系数是一种对称测量,因此相关关系不等于因果关系。
- (4) 计算相关系数要求变量值对应的项数 n 要大一些, 否则, 不易做出正确判断; 另外, 极端值也 可能影响相关系数。

【例 6.1】 在【导人案例 6 1】中,主要探讨的是社会消费品零售总额与居民收入之 间的相关关系。下面通过 2014 年全国 16 个省市城镇居民消费支出与人均可支配收入的数 据资料,分析居民消费与收入之间的相关关系,要求计算城镇居民消费支出与人均可支配 收入之间的相关系数并进行显著性检验。(显著性水平α 0.05)

省市	可支配收入	消费支出	省市	可支配收入	消费支出
北京	44.49	36.06	上海	45.96	43.01
天津	28. 83	28. 49	江苏	27. 17	28, 32
河北	16. 65	12. 17	浙江	32.66	26, 88
[[]西	16.54	12.62	安徽	16.79	12. 95
内蒙古	20, 56	19, 83	福建	23. 33	19, 09
辽宁	22. 82	22. 26	江西	16.73	12.00
吉林	17, 52	13.66	山东	20.86	19. 18
ES 6-11	17. 10	15, 22	र्शन संब	15, 69	13.08

表 6-2 2014 年各省市消费支出与可支配收入数据

资料来源:《2015 中国统计年鉴》

解: (1) 绘制散点图。调用 SPSS 的绘制散点图功能,得到城镇居民消费支出与人均可支配收入的散点图。如图 6.3 所示。

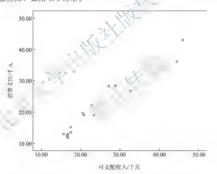


图 6.3 城镇居民消费支出与人均可支配收入的散点图

由图 6.3 可以看出,城镇居民消费支出与人均可支配收入呈明显的线性趋势。

(2) 计算相关系数并进行显著性检验。城镇居民消费支出与人均可支配收入相关系数辅助计算表如表 6-3 所示。

表 6-3	城镇居民消费	费支出与人均可	「支配收入相关	系数辅助计算表
-------	--------	---------	---------	---------

省 市	可支配收入 X	消费支出¥	X^2	¥2	XY
北京	44.49	36.06	1979.36	1300. 32	1604.31
天津	28. 83	28. 49	831.17	811.68	821. 37
河北	16. 65	12. 17	277. 22	148. 11	202.63
山西	16.54	12. 62	273. 57	159. 26	208. 73

(统)

省 市	可支配收入 X	消费支出Y	X2	Y2	XY
内蒙古	20.56	19.83	422.71	393. 23	407.70
辽宁	22. 82	22. 26	520. 75	495.51	507.97
吉林	17. 52	13.66	306.95	186.60	239.32
黑龙江	17.40	15. 22	302.76	231, 65	264.83
上海	45. 96	43.01	2112. 32	1849. 86	1976.74
江苏	27. 17	28. 32	738. 21	802.02	769.45
浙江	32. 66	26. 88	1066. 68	722. 53	877.90
安徽	16. 79	12.95	281.90	167.70	217. 43
福建	23. 33	19, 09	311.29	361.13	115. 37
9 L #4	16.73	12.00	279.89	111.00	200.76
山东	20, 86	19. 18	435, 14	367. 87	400, 09
लि जि	15, 69	13.08	216.18	171. 09	275.23
合计	384.00	334.82/	10619.10	8315.86	9349.83

即城镇居民消费支出与人均可支配收入之间的相关系数为 0.969, 说明二者之间存在高度的正线性相关关系。

相关系数的显著性检验如下。

- ① 提出假设, H₀:ρ=0; H₁:ρ≠0。
- ② 计算检验统计量的值:

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} = \frac{0.969 \times \sqrt{16-2}}{\sqrt{1-0.969^2}} \approx 14.82$$

③ 显著性水平 α =0.05、 $t_{0.025}(14)$ =2.1448。由于 $t>t_{0.025}(14)$,因此拒绝 H_0 ,说明城镇居民消费支出与人均可支配收入之间线性关系显著。

6.2 一元线性回归分析



"回归"名称的由来

图归分析超源于生物学研究。是由英国生物学家兼统计学家希朝图斯·高尔顿(Francis Galton. 1822—1911)在 19 世紀未研究遺传字特性对自先提出来的。为了研究又代与于代身高的发系。高尔顿搜究了1078 时父亲及其儿子的身高鼓裂。他交现以供我提到做皮固长假置被找头。也就是说。也的趋势是父亲的身高增加时,儿子的身高应倾向下增加。但是,高尔特对试验数据进行了深入的少析,发现了一个很有趣的现象——回归效性。因为当父亲高于平均身高时,他的儿子的身高地位更离的概要小于他他更略的概率。它反映了一个规律。即这两种身高又来的儿子的身高,有向他们父亲的平均身高时间的趋势。对于这个一般描论的解释是,大自然具有一种约束力,使人类身高的分布相对稳定而不产生两极分化。这就是所谓时间以效应、高尔顿依试验数据还推靠出儿子身高(Y)与父亲身高(X)的关系式 Y一α - 6X、它代表的是一条直线称为回归直线。并把相应的统计分析集为回归分析。高尔特在1889 年发表的需比《自然的遗传》中,提出了回归分析方法以后、这一方法微铁效应用到经产流领域中来,而且这一名词也一直为生物学和统计学所溶用。

资料丧源: 何容群等。应用统计分析 [M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2002.

6.2.1 回归分析的含义与分类

相关分析只是定性和定量地告诉我们变量问是否存在相关关系,以及相关程度是否密切,在此基础上,若想进一步揭示变量间的变动规律,则是相关分析本身不能解决的问题。回归分析帮助我们解决了这个难题,通过回归分析,建立起了变量间的数学表达式,进而确定一个或几个变量的变化对另一个特定变量的影响程度。

1. 回归分析的含义

所谓回归分析(Regression Analysis),就是在分析变量之间相关关系的基础上,进步考察变量之间的数量变化规律,并通过回归方程(Regression Equation)的形式加以描述和反映变量之间的关系。帮助人们准确把握变量受其他一个或多个变量影响的程度,进而为控制和预测提供依据。回归分析主要涉及两类变量、一类是解释变量、也称为因变量(Dependent Variable),记为 Y_1 另一类是解释变量、也称为自变量(Independent Variable),记为 X_1 、 X_2 , \cdots , X_n , 问归分析正是要建立Y 关于 Y_1 、 X_2 , \cdots , X_n , 而回归方程来负割Y 的平均值。

回归分析与相关分析既互相补允、密切联系、又存在本质的区别。首先、相关分析需要回归分析来表明变量间的具体联系,而回归分析应该建立在相关分析的基础上,通过相关分析确定了变量相关后,再进行回归分析才有意义。其次,回归分析研究的是相关关系中的囚果关系,自变量和因变量的地位不同,变量互换位置后,回归方程就发生变化;而相关分析研究的既包括因果关系,也包括其变关系,变量互换位置后,相关系数不变。

2. 回归分析的分类

按照不同的分类方法,可以将回归分析划分为多种类型。根据所处理的自变量的个 数,可将其划分为一元回归分析和多元回归分析。如果研究的是一个自变量与因变量之间 的关系,则称为一元回归分析:如果研究的是两个或两个以上自变量与因变量之间的关 系,则称为8元回归分析。根据所建立的回归方程的形式,可将其划分为线性回归分析和 非线性回归分析。线性回归分析是回归分析最基本的内容,而一元线性回归分析又是线性 回归分析的基础。因此,本意重点讨论一元线性回归分析的问题。

6.2.2 一元线性同归模型

1. 一元线性回归模型的建立

设因变量为Y,自变量为X、对于X的不全相同的取值 a_1, a_2, \cdots, a_n ,得到Y的n个 对应的观测值 y_1, y_2, \dots, y_n , 这 n 对观测值可记为 $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$ 。我们 的目的是从这 n 对观测值中寻求自变量 X 和变量因 Y 之间的关系和变动规律。

首先画出两个变量 X 和 Y 的散点图。 即把 (x, v)(i=1,2,…,n)标在盲角坐标。 系中。如图 6.4 所示。若汶 n 个散点呈直线 趋势,则认为 Y 与 X 的关系是线性相关关 系、此时、Y 和 X 的关系可以用一定线件 回归概型来表示。

建立一元线性回归模型:

 $Y = a + bX + \epsilon$ 式中, 因变量 Y 的变化可由两部分来解释。 一部分是由自变量 X 的变化引起的 Y 的线



性变化部分, 即Y=a+bX: 另一部分是由于其他随机因素引起的Y的变化部分, 即 ϵ . 由此可以看出, ·元线性回归模型是因变量 Y 和自变量 X 之间的非一一对应的统计关系 的良好诠释,即当 X 的值给定后, Y 的值并非唯一, 但它们之间又通过 a 和 b 保持着密切 的线性关系。4、5为回归模型中的待定参数。4 为回归常数、5 为回归系数

(Regression Coefficient): ε 为随机误差, 它是一个随机变量, 一般假设 ε~ $N(0,\sigma^2)$.



对于每个观测值 (x_1, y_1) , 根据公式(6-5) 应满足:

$$y_i = a + bx_i + \varepsilon_i \tag{6-6}$$

式中, ϵ , 表示第 i 次观测的随机误差, ϵ , $\sim N(0,\sigma^2)$, 且各 ϵ , 相互独立, $i=1,2,\dots,n$.

2. 一元线性回归方程的建立

在回归模型 (6-5) 中, X 是一般变量, 可以严格控制和精确测量; Y 为随机变量。 对公式(6-5) 两端取数学期望。即得一元线性同归方程。

$$E(Y) = a + bX$$
 (6 – 7)

式中, a 和 b 是待定参数, b 为回归系数, 它表示自变量 X 每变化一个单位, 因变量 Y 的

平均变化量。由于总体参数 α 和 b 是未知的,因此必须利用样本观测值去估计它们。估计的回归方程为

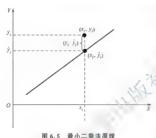
$$\hat{Y} - \hat{a} + \hat{b}X \tag{6.8}$$

立

$$\hat{v}_i = \hat{a} + \hat{b}_T \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$
 (6 - 9)

6.2.3 参数的最小二乘估计

根据散点图 6.4,我们可以做出很多条直线来表示两个变量之间的线性关系,究竟用 哪条直线效果最好呢?我们想到找出距离观测值的各个点平均来说最近的那条直线,根据



这个原则来确定回山直线方程中的符定参数 â 和 â, 这种确定参数的方法称为最小二乘法 (Method of Least Squares).

换言之、最小一乘法就是使实际观测 值的 v. 与理论回归值的 s. - a+b, 之间的 差的平方和取最小值。即要选择的参数 a 和 b, 应满足使残差平方和;

$$SS_{F} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \hat{a} - \hat{b}x_{i})^{2}$$
(6-10)

取最小值。最小二乘法原理如图 6.5 所示。

为此,分别令 SSF 对 â 和 b 的偏导数

等于0,即

$$\frac{\partial SS_E}{\partial \hat{a}} = -2 \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{a} - \hat{b}x_i) = 0$$

$$\frac{\partial SS_E}{\partial \hat{b}} = -2 \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{a} - \hat{b}x_i)x_i = 0$$
(6-11)

整理得方程组:

$$\begin{cases} n\hat{a} + \hat{b} \sum_{i=1}^{n} x_{i} = \sum_{i=1}^{n} y_{i} \\ \hat{a} \sum_{i=1}^{n} x_{i} + \hat{b} \sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} = \sum_{i=1}^{n} x_{i} y_{i} \end{cases}$$
(6-12)

称此方程组为**正规方程组**。 解此正规方程组,得

$$\left\{\hat{b} - \frac{S_{r_{v}}}{S_{zz}}\right\} \tag{6-13}$$

$$S_{ry} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - x)(y_i - y) = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \sum_{i=1}^{n} y_i$$
 (6.14)

$$S_{ii} = \sum_{i=1}^{n} (x_i - x)^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} x_i \right)^2$$
 (6-15)

$$S_{xx} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - y)^2 = \sum_{i=1}^{n} y_i^2 - \frac{1}{n} (\sum_{i=1}^{n} y_i)^2$$
 (6-16)



配合最佳的回归直线模型的条件

为使配合的直线模型最佳,应当遵循下列条件:

- (1) 两个变量之间确实存在显著的相关关系。
- (2) 两个变量之间确实存在直线相关关系。
- (3) 应根据最小二套法原理配合一元转性同归模型



【例 6.2】 为研究高等数学的学习情况对统计学学习的影响,现从某大学管理学院选 修这两门课程的学生中随机抽取 10 名学生,调查他们的高等数学与统计学的考试成绩,调查结果如表 6-4 所示。

表 6 4 10 名学生高等数学与统计学考试成绩

学生编号	1	31	3	-ŧ	5	6	7	8	51	10
高等数学成绩 X	86	Q _O	79	76	8.3	96	68	87	76	60
统计学成绩 V	81	91	82	81	81,	96	67	90	78	58

试求统计学考试成绩 Y 对于高等数学考试成绩 X 的回归方程。

解: (1) 绘制散点图, 如图 6,6 所示。

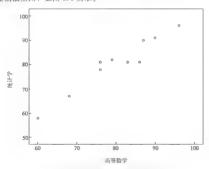


图 6.6 高等数学和统计学考试成绩的散点图

由散占图 6.6 可以初先判断高等数学考试成绩 X 与统计学考试成绩 Y 之间为线性相 关关系。

(2) 设直线回归方程为 $\hat{\mathbf{Y}}=\hat{a}+\hat{h}\mathbf{X}$ 。计算 \hat{a} . \hat{h} . 如表 6-5 所示。

	农 6-3 4 4 7 的 拥切订 异农						
学生编号	高等數学成绩 X	统计学成绩Y	X2	Y^2	XY		
1	86	81	7396	6561	6966		
2	90	91	8100	8281	8190		
3	79	82	6241	6724	6478		
4	76	81	5776	6561	6156		
5	83	81	6889	6561	6723		
6	96	96	9216	9216	9216		
7	68	67	4624	4489	4356		
8	87	90	7369	8100	7530		
9	76	78	5776	6084	5928		
10	60	7 58	3600	3364	3480		
会计	801	805	65187	65911	65523		

由公式(6-13) ~公式(6-15), 得

$$S_{ii} = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \sum_{i=1}^{n} y_i = 65523 - 0.1 \times 801 \times 805 = 1042.5$$

$$S_{ii} = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} x_i \right)^2 - 65187 - 0.1 \times 801 - 1026.9$$

因此

$$\hat{b} = \frac{S_{xy}}{S_{rr}} = 1042.5/1026.9 \approx 1.0152$$

 $\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x} = 805/10 - 1.0152 \times 801/10 \approx -0.8175$

故回归方程为

$$\hat{\mathbf{Y}} = -0.8175 + 1.0152X$$

6.2.4 一元线性回归的统计检验

在前面的讨论中,我们首先通过散点图来初步判断两个变量是否存在线性相关关系, 在此基础上建立线性回归模型,得出估计回归方程。由于该方程是根据样本数据得出的, 因此它是否真实地反映了自变量 X 和因变量 Y 之间的关系,需要通过检验后才能够证实。

1. 回归方程的拟合优度检验

回归方程的拟合优度检验用于检验样本观测点与回归直线的接近程度。如果各观测点 聚集在回归直线附近,则说明回归直线对观测值的拟合程度好,从而评价回归方程对样本 数据的代表程度高,用回归方程对实际问题进行分析和预测的效果好。

1) 判决系数

判决系数 (Coefficient of Determination) 是说明问归直线拟合程度的一个度量值。它 的引人是从离差平方和的分解人手的,

(1) 离差平方和的分解。总离差平方和 (Total Sum of Squares):

$$SS_{T} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - y)^{2}$$
 (6 - 17)

总离差平方和是因变量 Y 的实际观测值与其均值的离差 (v, v) 的平方和,它反映 了Y的n次宝际观测值之间的全部差异性。

回归平方和 (Regression Sum of Squares):

$$SS_{R} = \sum_{i=1}^{n} (\hat{y}_{i} - \overline{y})^{2}$$
 (6-18)

 $SS_R = \sum_{i=1}^n (\hat{y_i} - \bar{y})^2 \tag{6-18}$ 回归平方和是因变量 Y 的理论回归值与其均值的离差($\hat{y_i} - y$)的平方和,它反映了 自变量 X 的不同取值变化对因变量 Y 的线性影响。

剩余 (残差) 平方和 (Residual Sum of Squares)

$$SS_{E} = \sum_{n=0}^{\infty} (y_{n})^{2}$$
 (6-19)

剩余平方和是因变量 Y 的实际观测值 与理论回归值的离差 (ν. - ◊.) 的平方和, 它反映了除自变量 X 以外的其他因素(如 X 对 Y 的非线性影响、测量误差等) 对因变 量Y的影响。

可以证明, 3 个离差平方和的关系是 总离差平方和=回归平方和+剩余平方和 即离差平方和的分解公式为

$$SS_T = SS_R + SS_E$$
 (6-20)
悤差平方和分解如图 6.7 所示。

(2) 离差平方和的计算。由于按公 式(6-17) ~公式(6-19) 计算3个离差平 方和太麻烦, 因此可以对其讲行整理得到 较简便的计算公式。

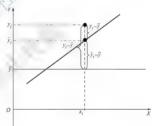


图 6.7 离差平方和分解

$$SS_{T} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \bar{y})^{2} = S_{yy} = \sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} y_{i} \right)^{2}$$
 (6-21)

$$SS_{R} = \sum_{i=1}^{n} (\hat{y}_{i} - \bar{y})^{2} = \hat{b}^{2} S_{xx} = \hat{b}^{2} \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n} x_{i} \right)^{2} \right)$$
 (6-22)

$$SS_E - \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2 - SS_T - SS_R$$
 (6-23)

(3)判决系数。将离差平方和分解公式两边同除以 SST,得

$$1 = \frac{SS_R}{SS_T} + \frac{SS_E}{SS_T} \tag{6-24}$$

显然,各个实际观测占越是聚集在同归直线附近,SSo在 SSr中所占的比例就越大, 回归直线拟合的就越好。我们将这一比值定义为判决系数,记为 R2.

判决系数公式为

$$R^2 = \frac{SS_R}{SS_T} = 1 - \frac{SS_E}{SS_T}$$
 (6 - 25)



式中, R^2 取值在0至1之间, R^2 絨毯近干1, 表明回归方程对实际观测值的 拟合优度越高; R' 越接近于 0, 表明回归方程对实际观测值的拟合优度越 低。在一元线性回归分析中, 判决系数也是简单相关系数的平方, 因此它的 统计意义与简单相关系数是一致的。

2) 估计标准误差

估计标准误差 (Standard Error of the Estimate) 显从另一个角度说明回居直线拟会 程度的度量值,它的引入是从剩余(残差)平方和SSF人手的。

我们前面所得到的回归方程,是根据最小二乘法原理使剩余平方和 SSe取最小值确定 的。因此, SS_E 值的大小,是评价回归方程拟合优度的又一个标准,它是衡量除自变量 X对因变量 Y 的线性影响以外, Y 随机波动大小的 - 个估计值。其值小, 说明实际观测占平 均距回归直线近。根据回归方程进行实际分析和预测的精度高。由此、我们得到加下的估 计标准误差公式:

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{SS_{\rm F}}{n-2}} \tag{6-26}$$

【例 6.3】 在例 6.2 的基础上, 计算判决系数及估计标准误差。

解: (1) 计算判决系数。由例 6.2 的计算结果已知, $S_{..}$ -1026. 9, \hat{b} -1. 0152。

$$S_{S_{i}} = \sum_{j=1}^{n} y_{i}^{j} - \frac{1}{n} \left(\sum_{j=1}^{n} y_{j}^{j} \right)^{1} = 65911 - 0.1 \times 805^{2} = 1138.5$$

$$SS_{T} = S_{yy} = 1138.5$$

$$SS_{R} = \hat{b}^{2}S_{xx} = 1.0152^{2} \times 1026.9 \approx 1058.355$$

$$R^{n} = \frac{SS_{R}}{SS_{T}} = \frac{1058.355}{138.5} \approx 0.9296$$

R²≈0,9296,表明估计回归方程解释了总离差的92,96%,即在统计学考试成绩的变动 中,有92,96少是由高等数学的考试成绩所决定的。可见,统计学考试成绩与高等数学的考 试成绩有比较强的线性关系。

(2) 计算估计标准误差。

$$SS_E = SS_T - SS_R - 1138.5 - 1058.355 - 80.145$$

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{SS_E}{n-2}} = \sqrt{\frac{80.145}{10-2}} \approx 3.1651$$

 $\delta \approx 3,1651$,表明根据高等数学的考试成绩来预测统计学的考试成绩时,平均的预测误 差是 3, 1651,

2. 回归方程的显著性检验 F 检验

回归方程的显著性检验, 是检验因变量 Y 和自变量 X 之间的线性关系是否显著, 它的

基本出发点与拟合优度检验非常相似, 检验的步骤加下。

- (1)提出假设, H。,线性关系不显著: H。,线性关系显著。
- (2)构造检验统计量。回归方程的显著性检验采用方差分析的方法来构造检验统计量。 在离差平方和分解公式 $SS_1 = SS_R = SS_E$ 中,对于一个具体实验来说, SS_1 是一个定值,如果 SS_R 远大于 SS_E ,则表示因变量 Y 和自变量 X 之间的线性关系显著;否则,便认为线性关系 不息素

当
$$H_0$$
 为真时, 检验统计量 $F = \frac{SS_R/1}{SS_R/(n-2)} \sim F(1,n-2)$

- (3) 给定显著性水平 a, 查表确定临界点 F_e(1,n-2)。
- (4) 确定拒绝域: F≥F。(1,n-2)。
- (5) 列出方差分析表,做出统计决策。如果检验统计量的值 F≥F。(1,n-2),则拒绝 H,认为因变量 Y和自变量 X之间的线性关系显著;反之,就认为线性关系不显著。方 差分析表如表 6-6 所示。

表 6 - 6 万差万年表					
方差来源	平方和	自由度	均方差	F 值	显著性
回归平方和	SS_R	n, 71	$V_R = SS_R$	$F = V_R/V_E$	
剩余平方和	SS_{E}	11/7,	$V_{\rm E} = SS_{\rm E}/n - 2$		
总平方和	SS_T	1/1/			

表 6-6 方差分析

3. 回归系数的显著性检验——2 检验

回归系数的显著性检验是进一步检验自变量 X 对因变量 Y 的影响是否显著。如果总体相关系数 b=0,总体回归直线是一条水平线,表明自变量 X 的变化对因变量 Y 没有影响。因此,回归系数的显著性检验就是检验同归系数 b 与 0 之间是否有显著差异。检验的 步骤如下,

- (1) 提出假设, Ho:b=0: H1:b≠0。
- (2) 构造检验统计量。

当 H_0 为真时, 检验统计量为 $t = \frac{\hat{b}}{\hat{s}} \sqrt{S_{xx}} \sim t(n-2)$

- (3) 给定显著性水平 α, 查表确定临界点 t+(n-2)。
- (4) 确定拒绝域; |t|≥t÷(n-2)。
- (5) 做出统计决策: " $|t| = t^2 (n-2)$ 时,拒绝 H_0 ,认为自变量 X 对 因变量 Y 的影响显著,反之,就认为自变量 X 对因变量 Y 的影响不显著。

不受量 1 的影响亚者, 及之, 机队为自交量 A 对内交量 1 的影响不亚者。 需要说明的是, 在一元线性回归分析中, 回归方程的显著性检验等价于

同归系数的显著性检验,对实际问题进行分析时,两者只做其一即可。 【拓展篆例】 【例 6.4】 在例 6.2 和例 6.3 的基础上,试进行回归方程的显著性检验和回归系数的

【例 6.4】 在例 6.2 和例 6.3 的基础上、试进行回归方程的显著性检验和回归系数的显著性检验。(a=0.05)

解,(1)回归方程的显著性检验。

第一步,提出假设、H。为线性关系不显著、H,为线性关系显著。



第二步: 计算检验统计量 $F=rac{SS_R/1}{SS_E/(n-2)}$,列出方差分析表。

主 4 7 女关公长主

方差来源	平方和	自由度	均方差	F 值	显著性
回归平方和	1058. 355	1	1058. 355		
剩余平方和	80. 145	8	10.0181		
总平方和	1138. 5				

第三步: 做统计决策。由于 F>F_{0,05}(1.8)=5.32, 因此拒绝 H , 认为统计学考试成缔与高等数学考试成绩的线性关系显著。

(2) 回归系数的显著性检验。

第一步:提出假设, H_0 为b=0, H_1 为 $b\neq 0$.

第二步: 计算检验统计量 $t = \frac{\hat{h}}{2} \sqrt{S_{t,t}} = \frac{1.0152}{3.1651} \sqrt{1026.9} \approx 10.2785$ 。

第三步:做统计决策。由于 $I>I_{-0.02}(8)=2.752$,因此拒绝 H 、认为高等数学考试成绩对统计学考试成绩有显著的影响。

6.2.5 利用回归方程进行预测

前面我们对回归方程进行了统计检验,如果回归方程通过了各种检验,同时被证明有 较高的拟合度,就可以利用它来进行预测。所谓预测就是指通过自变量 X 的取值估计或 预测因变量 Y 的取值。这里主要介绍根据估计回归方程进行的点预测和区间预测方法。

1. 点预测/

点预测就是对于自变量X的一个新的给定值x。,根据估计回归方程得到因变量Y的一个估计值,即在X=x。处,Y的点预测值为

$$\hat{y}_0 = \hat{a} + \hat{b}x_0 \tag{6-27}$$

由于点預測不能給出估计的精度,即点預測值 \hat{y}_n ,与实际值y,之间是有误差的,因此 在对Y的实际值进行預測时,通常是在一定的显著性水平下,给出其置信水平为 $1\sim\alpha$ 的 置信区间,该就是区间预测。

2. 区间预测

区间预测就是对于自变量 X 的一个新的给定值 x · 根据估计回归方程得到因变量 Y 的一个置信水平为 $1\sim \alpha$ 的置信区间。

在 $X=x_0$ 处, Y 的置信水平为 $1\sim\alpha$ 的置信区间为

$$\left[\hat{a} + \hat{b}x_0 \pm t_{\frac{n}{2}}(n-2)\hat{\sigma}\sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_0 - x)^2}{S_{xx}}}\right]$$
 (6-28)

 $\mathfrak{K} \oplus \bullet \hat{\sigma} = \sqrt{\frac{SS_E}{n-2}}, \ S_{i,i} = \sum_{i=1}^n (x_i - x)^2 = \sum_{i=1}^n x_i^2 - \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^n x_i \right)^2.$

知识要点提醒

利用回归直线方程进行预测需要注意的问题

回归直线方程是根据自变量和因变量的实际观测值的实际影响数值配合出来的。因此,在所观察的 的自变量最大值与最外值之间进行均指预测较为适宜。若要进行体推预测,阳旁味者假设自变量引因变 量的影响作用仍然不变,这可能会与实际情况不符、因此在进行标推预测时,自变量的给变值与观察的 每水值(宣播外值)之间的差距插外撬钎

【例 6.5】 在例 6.2 中,如果估计某学生的高等数学考试成绩是 85 分,试根据估计回则有程对其统计学考试成绩进行直预测和区间预测。(a=0.05)

解: (1) 占领测。

由例 6.2、估计回归方程为

$$\hat{Y} = -0.8175 + 1.0152X$$

因此, 当高等数学考试成绩 1 - 85 时, 统计学考试成绩的点估计值为

$$\hat{y}_0 = -0.8175 + 1.0152x = -0.8175 + 1.0152 \times 85 \approx 85$$

即高等数学考试成绩为85分的那个学生。他的统计学考试成绩估计约为85分。

(2) 区间预测。

由例 6.2, S_1 = 1026.9;由例 6.3, β = 3.1651。当 α = 0.05,養表得 t (8) 2.752。因此,当高等数学考试成绩 t= t= t0 时,统计学考试成绩的区间估计值为

$$\begin{bmatrix} \hat{\mathbf{c}} + \hat{\mathbf{b}} x_0 \pm i_{\frac{1}{2}} (n-2) \hat{\mathbf{e}} \sqrt{1 + \frac{1}{n} \cdot \frac{(x_0 - \bar{x})^2}{S_{xx}}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 85 \pm 2.752 \times 3.1651 \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{10} + \frac{(85 - 80.1)^2}{1026.9}} \end{bmatrix}$$

也就是说,我们能以95%的概率推断,高等数学考试成绩为85分的那个学生,他的统计学考试成绩在76~94分。



阅读案例6-2

宝丽来公司利用回归分析调整生产

1947年,宝丽来公司创始人埃德文·兰德博士 (Dr. Edwin Land) 宣布, 他们在研究即财屋集技术 方面迈出了新的一步,使一分钟或像成为可能。紧接着,公司开始拓展用于大众摄影的业务。宝丽来的 第一台相机和第一卷胶卷诞生于1949年,在那以后,公司不断地在化学,光学和电子学方面进行试验和 发展,以生产具有更高品质、更高可靠性和更为便利的摄影系统。

宝丽寒公司的另一项业务是为技术和工业提供产品。它正致力于使即时显像技术在现代可视的遗信 环境下,成为日益增长的政债系统中的灵徒部分。为此、军阳寒公司推出了多种可进打即时星像的产品。 以货力业摄影、工业、科学和医学之用。除此之外,公司还在磁学、大阳镜、工业偏级值、化工、传统 的滋料和全息摄影的研制和生产力方面有自己的业务。

用于衡量摄影材料感光度的测光计。可以提供许多有关于胶片特性的信息。如它的曝光时间范围。

在室前表中心感觉实验室中。科学家们把即时显像较片置于一定的温度和温度下。使之近似于消费者购买后的保存条件。然后。再对其进行素统地抽样检验和分析 他们选择专业和色摄影胶卷、抽取了已保
有1 13个月不等的胶卷、以便研究它们保存时间和喀尤意率之间的联系。它们之间相应变动的关系可 用一条直线或线性关系近低地表示。

运用回归分析,宝丽兼公司建立起一个方程式,它能反映出胺卷保存时间长短对感光速率的影响; v=-19,8-7.63

式中,γ为胶卷感光速率的变动; x 为胶卷保存时间 (月)。

从这一方程式可以看出,胶卷的感光速率平均每月下降了7.6个单位。通过此分析得到的信息,有 防于室面来公司把消费者的购买和使用综合起来考虑,调整生产,提供顾客套要的胶卷。

資料来源, 鐵维·R. 安德森。丹尼斯·J. 斯威尼、托马斯·A. 威廉斯, 商务与经济统计 [M]. 张 建华, 王健, 冯燕奔, 等译, 北京, 机械工业出版社, 2003.

6.3 多元线性回归分析

在许多实际问题中,还会遇到一个因变量和多个自变量的线性相关问题,这需要用多 元线性回归分析的方法来解决。多元线性回归模型是一元线性回归模型的扩展,其基本原理与一元线性回归分析类似。因此,本节对于二者相类似的内容,仅给出结论;而对于某 些不同之处做比较详细的说明。

6.3.1 多元线性回归模型与方程

1. 多元线性回归模型

涉及 ρ 个自变量的多元线性回归模型可表示为

$$Y = b + b_1 X_1 + b_2 X_2 + \dots + b_p X_p + \varepsilon$$
 (6 - 29)

式中、 ε 是随机误差,满足 $\varepsilon \sim N(0.\sigma)$; $b_0.b_1.b_2.\cdots.b_p$ 是待定参数。 b_1 为回归常数、 b_1 , b_2 , \cdots , b_p 为偏回归系数。

对于每个规测值 $(x_{1i}, x_{2i}, \dots, x_{ni}; y_i)$, 根据式(6-29) 应满足:



$$y_i = b_0 + b_1 x_{1i} + b_2 x_{2i} + \dots + b_p x_{pi} + \varepsilon_i$$
 (6-30)

式中、 ϵ_i 表示第 i 次观测的随机误差。满足 $\epsilon_i \sim N(0.\sigma^2)$ 。且各 ϵ_i 相互独立、 【拓展知识】 $i=1,2,\cdots,n$ 。

2. 多元线性回归方程

多元线性回归方程是描述因变量 Y 的平均值或期望值如何依赖于自变量 X_1, X_2, \cdots X_p 的方程。多元线性回归方程的形式为

$$E(Y) = b_0 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + \dots + b_n X_n$$
 (6-31)



式中 . b . b_1 . b_2 . b_3 是待定参数 . b 表示假定其他变量不变 . 当 X 每变动一个单位时 . Y 的平均变动值 .

由于总体参数 b,,b, b, b,...b,是未知的、因此必须利用样本观测值去估计它们。估计的多元线性同归方程为

$$\hat{Y} = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 X_1 + \hat{b}_2 X_2 + \dots + \hat{b}_b X_b$$
 (6 - 32)

哎

$$\hat{y}_i = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 x_{1i} + \hat{b}_2 x_{2i} + \dots + \hat{b}_{PX_{Pi}} \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$
 (6-33)

知识要点解醒

偏回归系数告诉我们什么?

偏回归系裁表示了其他因素不亦时。相应解释亦得对因亦帮的"净影响"。

6.3.2 参数的最小二乘估计

多元线性回归分析同样采用最小二乘法来估计待定参数。就是要求求待的 \hat{b} , \hat{b}_1 , \cdots , \hat{b}_p , 満足使残差平方和 SS_E 。 $\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{b}_i)^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{b}_i - \hat{b}_{i,k_1} - \cdots - \hat{b}_{p,k_p})^2$ 取最小值。

根据最小二乘法的要求,可得求解各参数的方程组如下:

$$\begin{cases} \frac{\partial SS_E}{\partial \hat{b}_0} = 0 \\ \frac{\partial SS_E}{\partial b} \end{cases} = 1, 2, \dots, p) \tag{6-34}$$

由于求解上述方程组的计算过程很烦琐。因此在此不做详细的求解介绍。我们可以借助于SPSS统计分析软件来求解。

6.3.3 多元线性回归的统计检验

XIN

- 1. 回归方程的拟合优度检验
- 1) 判定系数 R2 及修正的判定系数 R2

在多元线性回归分析中、离差平方和的分解公式仍然成立、即 SS_T SS_R + SS_E 。其中、

$$SS_T = \sum_{i=1}^n (y_i - y_i)^2$$
 为总离差平方和、 $SS_R = \sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - y_i)^2$ 为回归平方和、 $SS_F = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$ 为剩余平方和。

判定系数 R²仍然是指回归平方和占总离差平方和的比例。判定系数 R²的计算公式为

$$R^{2} - \frac{SS_{R}}{SS_{T}} = 1 - \frac{SS_{E}}{SS_{T}}$$
 (6 - 35)

式中, R^2 取值为 $0\sim1$, R^2 越接近于1,表明回归方程对实际观测值的拟合优度越高; R^2 越接近于0,表明回归方程对实际观测值的拟合优度越低。

知识要点提醒

利用 R2 值对模型贡献的直觉判断必须小心

慈結迄今为止的讨论, R^2 的值是預測方程報合數据好坏的一个指标。更重要地,它可以用來 (用F 統計量)确定数据是否提供了足够的证据说明整体積型对預測,貢献了信思 悠雨,甚于计算的 R 值对



修正的判定系数是指用平均剩余平方和 ${SS_E \atop n}$ 米代替 SS_E . 用平均总离差平方和

 SS_T 来代替 SS_T , 进而得到修正的判定系数的计算公式为

$$\tilde{R}^2 = 1 - \frac{SS_E/(n-p-1)}{SS_T/(n-1)}$$
 (6-36)

式中,n-p-1 和n-1 分别为 SS_E 和 SS_T 的自由度,R'的取值范围和意义与 R"完全相同。在多元线性回归分析中,修正的判定系数 R'比判定系数 R'更能够准确地反映回归方 程对实际观测值的权分程度。

2) 估计标准误差

在多元线性回归分析中,估计标准误差仍然是对随机误差ε的标准差的一个估计值, 它在衡量多元回归方程的拟合优度方面也起着重要的作用。估计标准误差的计算公式为

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{SS_E}{\hat{n} - p - 1}} \tag{6-37}$$

2. 回归方程的显著性检验——F 檢驗

回归方程的显著性检验、是检验因变量Y和所有自变量 X_1, X_2, \dots, X_p 之间的线性关系是否显著。检验的步骤如下;

- (1) 提出假设, H:线性关系不显著, H:线性关系显著。
- (2) 构造检验统计量。

当 H。为真时,检验统计量为

$$F = \frac{SS_R/p}{SS_E/(n-p-1)} \sim F(p \cdot n-p-1)$$

- (3) 给定显著性水平 α , 查表确定临界点 $F_{\alpha}(p,n-p-1)$ 。
- (4) 确定拒绝域, F≥F_n(p,n-p-1)。
- (5)列出方差分析表,做出统计决策。如果检验统计量的值 $F \gg F_v(p, n-p-1)$,则拒绝 H ,认为因变量 Y 和所有自变量之间的线性关系显著;反之,则认为线性关系不显著。 方差分析表如表 6-8 所示。

方差来源	平方和	自由度	均方差	F值	显著性
回归平方和	SSR	p	$V_R = SS_R/p$	$F = V_R / V_F$	
剩余平方和	SSE	np	$V_F = SS_F/(n-p-1)$		
总平方和	SST				

表 6-8 方差分析表

3. 回归系数的显著性检验 1 检验

如果 F 检验已经表明了回归模型总体上是显著的,那么回归系数的检验就是用来确定

每一个单个的自变量 X, 对因变量 Y 的影响是否显著。在多元线性回归中,回归方程的显著性检验不再等价于回归系数的显著性检验。

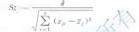
检验的步骤如下:

- (1) 提出假设, Ho:b,=0; H1:b,≠0。
- (2) 构造检验统计量。

当 H。为真时、检验统计量为

$$t_i = \frac{\hat{b}_i}{S_{\hat{b}}} \sim t(n-p-1)$$

式中、 S_b 是回归系数 \hat{b} ,的抽样分布的标准差。即



- $\sqrt{1-1}$ (3) 给定显著性水平 α , 查表确定临界点 t^{-1} (n-p-1)。
- (4) 确定拒绝域:





(5) 做出统计决策: 当[/]≥(f(n-p-1)] 时,拒绝 H,认为 X,对因变量 Y 的影响品等,反之,就认为自变量 X,对因变量 Y 的影响不易著。



阅读专程6-2

如何正确进行直线相关分析与回归分析

科研中,经常需要研究两个变量用的相互关系或依赖关系、此时常用的做法就是进行简单直线相关分析或回归分析。然而、很多人在进行统计分析时,没自专虑实际可避。自引参用这两种方法,这样往往接套了事物的本實联系、得出与实际不符或错误的结论。

1. 直线相关与回归分析的异同点

不同点:

- (1)分析目的不同、直线相关分析的目的是描述具有直线式系的两类量同相关关系的密切程度和方向,反映两个随机变量的相互关系。直线回归分析的目的是定量地描述两个变量之间的依存或依赖关系。以使用一个变量去推測另一个变量的值。
- (2)资料要求不同。在进行直线回归分析时,要求因专量Y是随机变量且最从正为分布。若自变量X可以精确测量或严格控制、则可以作为回射分析资料。与在进行直线相关分析时、则要求X、Y两个变量均为随机变量且限从正态分布。
- (3) 统计量量纲(单位)不同。相关系数是无量纲的计算、两针率 b 却是有量纲的统计量、其量纲为"因变量量纲/自变量量纲"、被距 u 的量纲与因变量量纲相同。

相間 也,

- (1) 方向一歌。对某资料同时计算直线相关系数 r 和直线回归系数 b,可发现它们的正负号一歌,r 为正,说明两变量间的相互关系是同向变化;b 为正,说明白变量 X 每增加(或减少)一个单位、因变量 Y 平均增加(或减少)b 个单位。
- (2) 假设检验等价。对于同一样本、对其直线相关系数,和直线回归系数b进行假设检验所得到的t 值是相同的。

2. 直线相关与回归分析的关键点及分析步骤

在进行直线相关与回归分析时,关键点在于"结合研究目的。选择合适的分析方法""明确是否有专业依据认为两变量之可存在联系""检查资料是否满足同贬性要求"一检制教成因以判断两变量可是否存在吃饱变化趋势""计算用关税计量并对其进行假设检验"和"格击与实际相对的专业结论"。具体分析步骤、同根据研究目的,判断误为相关问题或目时问题,从行选择合适的分析方法。②根据专业知识、确定两变量之化趋势的教成图、以便选择合适的统计分析模型。①计算相应的统计量。并对其进行假设检验。⑥结合专业和统计学知识,测衡结果有无实用价值。

3. 正确进行直线相关分析与回归分析

在进行直线相关分析与回归分析时,常犯的错误包括没有专业依据、自目研究变量间的相互关系或依赖关系。未绘制及映两变量变化趋势的最点图。直接进行直线相关分析或直线回归分析。计算出相关系数或成两包回 3万程后。没有对某进行假设恰较、模认定两变量之间存在密切相互关系或依赖关系。接严重的错误是将不同顺的受试对象的某些规则指标放在一起进行直线相关分析为回归分析。如处于不同则则或除投约案符品的数据现在一起可能较不同顺了。下面以一个案例证明盲目采用相关分析或归归分析产生的后限。

例如。某人于其子出生当又在门前植小叫一棵、以示紀念 后每隔一段时间间隔,测量小树高度及 捉子身高,发现二者存在直线相关关系、进以小树高度为自变量、以筷子多高为因变量、得到二者的直 线回归方程。请司:这样做有意义吗?

 of 所与释疑: 在账直线相关或回吐分频之前。消光要求特彰最的两个变量之间存在专业上的联系。
 同为任何两个变量构成的,特数规能撤集出相关系数和回口方错。但并下能放此说明两变量之间存在内在联系。更不能定即确定它们之间存在图果光系。这层可能只是一种伴随关系、表现和中""介质身高与小树高度存在直被影类灵光"案光专业依据"被影力",没有实际专人"事实上"小孩身高与时间存在侧关关系。两小树高度存在服务表。
 同时也存在相关关系。因此,小我身高与小树高度存在的直线相关关系只是一种来象。是
 [4根集成]
 时间也存在相关关系。因此,小我身高与小树高度存在的直线相关关系只是一种来象。是

香料来聲, 萬釋。胡喪平, 李长平、等, 如何王靖进行直线相关与回约分析 [J], 中西医结合学提, 2008 (12), 1311-1314.

他们与时间存在某种相关关系的一种但消炎系。

6.4 非线性回归分析

6.4.1 非线性同归分析概述

在实际问题中,有时变量之间的关系不是线性关系,根据专业知识或从散点图中散点的分布趋势,可以看出是某种类型的曲线关系。这时,可以选择一条相近的函数曲线与之拟合,这就是非线性回归分析所要解决的问题。

对于非线性回归问题,一部分可以转化为线性回归问题来求解。其基本过程是先对非 线性回归模型进行适当的变量转换,使其转化为线性回归模型;然后对转换后的新变量进 行线性回归分析,采用最小二乘法建立线性回归方程,并进行统计检验;最后将新变量还 原为原变量,得出原变量的曲线回归方程。

在毫无专业经验的基础上,选择相关类型往往是比较困难的。一个可行的方法就是 在绘制散点图的基础上,观测实测点的分布趋势与哪一类已知的函数曲线最接近,再选 用该函数关系式来拟合实测点。由于绘制散点图及曲线拟合的过程比较烦琐、因此这部分内容建议用 SPSS 统计分析软件求解。SPSS 统计分析软件为我们提供了曲线估计(Curve Estimation)功能,以及多种曲线类型,并能够自动选择模型进行拟合,同时完成模型的参数估计,并输出判定系数及回归方程检验的结果,以此为主要依据选择其中的最优模型。

6.4.2 非线性同归模型及其线性化方法

下面介绍几种常见的可线性化的非线性模型。

1. 双曲线函数

对于双曲线函数 $\frac{1}{Y}$ $a+\frac{b}{X}$, 令 $Y'=\frac{1}{Y}$, $X'=\frac{1}{X}$, 则可转化为线性函数 Y'=a+bX'。

2. 幂函数

对于幕嘀数 $Y=aX^b(a>0)$,若两边取自然对数得 $\ln Y=\ln a+b\ln X$,令 $Y'=\ln Y$ 。 $a'=\ln a$, $X'=\ln X$,则可转化为线性函数 Y'=a'+bX'。

- 3. 指数函数
- (1) 对于指数函数 $Y ae^{i\Lambda}$ (a > 0). 若两边取自然对数得 $\ln Y \ln u + bX$, 令 $Y' \ln Y$, $a' = \ln a$, 则可转化为线性函数 Y' = a' + bX。
- (2) 对于指数函数 Y ac^{b X} (a > 0), 若两边取自然对数得 lnY lna + b X, 令 Y' lnY, a' lna, X' l, X, 则可转化为线性函数 Y' a' + bX'。
 - 4. 对数

对于对数函数 $Y=a + b \lg X$, 令 $X'= \lg X$, 则可转化为线性函数 Y=a+bX'。

5. Logistic 生长函数

对于 Logistic 生长兩數 $Y=\frac{k}{1+ae^{-k\Lambda}}$,若两边取倒數得 $\frac{k}{Y}-1+ae^{-k\Lambda}$,即 $\frac{k-Y}{Y}$ ae^{-bX} ,再对两边取自然对數得 $\ln\frac{k-Y}{Y}=\ln a-bX$,令 $Y'=\ln\frac{k-Y}{Y}$, $a'=\ln a$,b'=-b,则可转化为线性函数 Y'=a'+b'X,

6. S型函数

对于S型函数Y $-\frac{1}{a+be^{-\lambda}}$ 、若两边取倒数得 $\frac{1}{Y}-a+be^{-\lambda}$ 、令Y'-1/Y、 $X'-e^{-\lambda}$ 、则可转化为线性函数Y'=a+bX'。

7. 高阶函数

对于高阶函数 $Y=b_0+b_1X+b_2X^2+\cdots+b_nX^n$,令 $X_1=X$, $X_2=X^2$, …, $X_n=X^n$,则可转化为线性函数 $Y=b_0+b_1X_1+b_2X_2+\cdots+b_nX_n$ 。

6.5 用 SPSS 统计软件进行相关及回归分析

6.5.1 相关分析 SPSS 软件操作步骤

相关分析 SPSS 软件操作步骤如下:

- (1) 选择 Analyze Correlate Bivariate 选項,弹出"Bivariate Correlations"对话框。
 - (2) 把参加计算相关系数的变量从左侧列表框中选到右侧的 "Variables" 列表框中。
 - (3) "Correlation Coefficients" 选项组;选择相关系数类型,包含3个复选框。
- ① "Pearson" 复选框: 简单相关系数,是系统默认的方式,用于连续变量或等间距测度的数值型变量。
 - ② "Spearman" 复选框: 等级相关系数, 用来度量顺序变量。
 - ③ "Kendall's tau b" 复选框: 等级相关系数、用来度量顺序变量。
- (4) "Test of Significance" 选项组:选择输出相关系数检验的双边或单边概率 P 值,包含两个单选按钮。
- ① "Two-tailed" 单选按钮;双边检验、是系统默认的方式,用于事先不知道相关方向的情况。
 - ② "One-tailed" 单选按钮:单边检验,用于事先知道相关方向的情况。
- (5) "Flag significant Correlations" 复选框: 选择输出"*"标志,以标明变量间的相关性是否显著。
- 在相关系数上用 " * " 标出检验结果 " * " 表示显著性概率 P<0.05,即一般显著; " * * " 表示显著性概率 P<0.01,即特別显著。
 - (6) 单击 "Options" 按钮, 弹出 "Bivariate Correlations Options" 对话框。
 - ① "Statistics" 洗项组, 洗择要输出的统计量, 包含两个复选框。
 - a. "Means and standard deviations" 复选框:输出变量的均值和标准差。
- b. "Cross product deviations and covariances" 复选框: 输出各对变量的叉积离差阵和协方差阵。
 - ② Missing Values 洗项组:指定对缺失值的处理方式,包含两个单洗按钮。
 - a. "Exclude cases pairwise" 单选按钮:剔除本计算变量含有缺失值的数据。
 - b. "Exclude cases listwise" 单选按钮:剔除所有计算变量含有缺失值的数据。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Bivariate Correlations" 对话框。
 - (7) 单击 "OK"按钮,得到相关分析输出结果。



【例 6.6】 用 SPSS 统计分析软件的相关分析功能,对例 6.1 中城镇居 民消费支出与人均可支配收入进行相关分析。

解: 调用 SPSS 中的相关分析功能,得到城镇居民消费支出与人均可支 配收人的相关系数及显著性检验输出结果如表 6 9 和表 6 10 所示。

	Mean	Std. Deviation	N
可支配收入	24.00	9. 67	16
消费支出	20. 93	9.34	16

表 6-9 基本描述性统计量 (Descriptive Statistics)

从表 6-9 可知,参与分析的两个变量的样本数都是 16,人均可支配收入的平均值是 21 千元,标准差是 9.67 千元,城镇居民消费支出的平均值是 20.93 千元,标准差是 9.34 千元

		可支配收入	消费支出
	Pearson Correlation	Xx (0.969**
可支配收入	Sig. (2 - tailed)	17 PI	0,000
	N	16	16
	Pearson Correlation	0.969**	1
消费支出	Sig. (2 - tailed)	0.000	
	N LITT	16	16

表 6-10 相关系数及显著性检验结果 (Correlations)

**. Correlation is significant at the 0.04 level (2 - tailed)

从表 6-10 可知,城镇居民消费支出与人均可支配收入的相关系数 r=0.969,双边检验的显著性概率 P=0.000。由于 $P{<}0.01$,说明城镇居民消费支出与人均可支配收入之间呈正相关关系,且相关性特别显著,因此,在相关系数 0.969 旁边以"**"进行标志。

6.5.2 线性回归分析 SPSS 软件操作步骤

线性回归分析 SPSS 软件提供了多种回归分析方法、输出的结果也比较多、此处只介绍与前面内容相关的统计分析功能。

- (1) 选择 Analyze *Regression *Linear 选项, 弹出 "Linear Regression" 对话框。
- (2) 将因变量放入"Dependent"柜,将一个或多个自变量放入"Independent (s)"框。
- (3) 在 "Method" 框中,选择回归分析方法。可以选择系统默认的强行进入方法 (Enter),即所选择的自变量强行进入回归方程。
- (4) 单击 "Statistics" 按钮、弹出 "Linear Regression: Statistics" 对话框, 可以选择输出统计量。
 - ① "Regression Coefficients" 选项组:有关回归系数的选项,包含3个复选框。
- a. "Estimates" 复选框: SPSS 默认输出项、输出与回归系数相关的统计量,包括回 归系数、回归系数标准误差、标准化回归系数 Beta、回归系数显著性检验的 t 统计量值和 双边检验的显著性概率 P 值。
 - b. "Confidence Intervals" 复选框:输出每个非标准化回归系数的 95%的置信区间。

- c. "Covariance matrix" 复选框:输出非标准化回归系数的协方差矩阵、各变量的相关系数矩阵。
 - ② 模型拟合效果选项组:包含5个复选框、下而只介绍其中常用的两个选项。
- a. "Model fit" 复选框; SPSS 默认输出项,输出相关系数、判定系数、修正的判定系数、回归方程的标准误差、回归方程显著性F检验、方差分析表。
- b. "Descriptives" 复选框:输出每个变量的均值、标准差、相关系数矩阵及单侧检验 显著性概率 P 值。
 - ③ "Residuals" 选项组;有关残差分析的选项,包含两个复选框。
- 选择 "Casewise diagnostics" 项中的 "All cases" 单选按钮,输出预测值、标准化频测值、硅差、标准化强差等。
 - ④ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Linear Regression" 对话框。
 - (5) 单击 "Save" 按钮, 弹出 "Linear Regression; Save" 对话框。
 - ① "Predicted Values" 项:选择输出预测值。
 - a. "Unstandardized" 复选框: 非标准化预测值 (点预测)。
 - b. "Standardized" 复选框,标准化预测值(点预测)。
 - c. "S. E. of mean Predictions" 复选框: 预测值的均值标准误差。
 - ② "Residuals" 项:选择输出残差值。
 - a. "Unstandardized" 复选框: 非标准化残差 (实测值与预测值之差)。
 - b. "Standardized" 复选框;标准化残差。
 - ③ "Prediction Intervals" 项: 选择输出预测区间。
 - a. "Mean" 复选框、预测区间上、下限的平均值。
 - b. "Individual" 复选框: 观测量预测值上下限的间距。
 - c. "Confidence Interval" 框: 输入置信水平。系统默认的置信水平是 95%。
 - ④ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Linear Regression" 对话框。
 - (6) 单击 "Options" 按钮, 弹出 "Linear Regression; Options" 对话框。
- ① "Include constant in equation" 复选框: 在回归方程中包含常数项,是系统默认的选项。
 - ② "Missing Values" 项: 缺失值处理。
- a. "Exclude cases listwise" 单选按钮: 将变量中具有缺失值的观测量排除在计算之外。
- b. "Exclude cases pariwise" 单选按钮:剔除计算相关系数的 · 对变量中含有缺失值的观测量。
 - c. "Replace with mean" 单选按钮: 用变量的平均值代替缺失值。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Linear Regression" 对话框。
 - (7) 单击 "OK" 按钮,得到线性回归分析输出结果。



【例 6.7】用 SPSS 统计分析软件的线性回归分析功能,对例 6.2 中学 生的统计学考试成绩与高等数学考试成绩进行回归分析。

解:调用 SPSS 统计分析软件的线性回归分析功能,得到以下输出结果,如表 $6-11\sim$ 表 6-17 所示。

	Mean	Std. Deviation	N
统计学	80. 50	11. 247	10
高等数学	80.10	10, 682	10

表 6-11 基本描述统计量 (Descriptive Statistics)

由表 6 11 可知, 参与分析的两个变量的样本数都是 10, 学生的统计学考试成绩的平 均值是80.50分,标准差是11.247分;高等数学考试成绩的平均值是80.10分,标准差 是 10.682 分。

经 计 学 高等数学 统计学 . 964 Pearson Correlation 高等数学 . 964 1.000 统计学 .000 Sig. (1 - tailed) 高等教学 . 000 统计学 10 10 Ν 高等數学 10 10

表 6-12 相关系数 (Correlations)

由表 6-12 可知,统计学考试成绩与高等数学考试成绩的相关系数是 r-0.964,单边 检验的显著性概率 P=0.000。由于 P<0.01. 说明统计学考试成绩与高等数学考试成绩 之间呈正线性相关关系,且相关性特别显著。

表 6-13	回归方式素	Variables E	ntered/Removed)

Model	Variables Entered	Variables Removed	Method
1	高等數学。		Enter

a. All requested variables entered; b. Dependent Variable, 统计学

由表 6-13 可知, 回归分析采用的是强行进入法, 即全部自变量均进入回归方程的方 法。该表主要针对多元回归分析,相对一元回归分析可以省略。

表 6-14 模型拟合程度 (Model Summary (b))

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.964 (a)	. 930	. 921	3. 165

a. Predictors; (Constant), 商等数学; b. Dependent Variable; 统计学

由表 6 14 可知, 统计学考试成绩与高等数学考试成绩的相关系数是 r 0.961, 判决 系数是 $R^2 = 0.930$, 修正的判定系数 $R^2 = 0.921$, 估计标准误差 $\theta = 3.165$ 。可见, 模型的 拟合效果很理想。

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	1058. 355	1	1058. 355	105.618	.000 (a)
	Residual	80. 145	8	10.018		
	Total	1138. 500	9			

由表 6-15 可知,回归平方和为 1058.355,自由度为 1,均方差为 1058.355;剩余平 方和为80.145,自由度为8,均方差为10.018; 总平方和为1138.500,自由度为9; F统 计量的值为 105,618, 单边检验概率值为 $P=0.000<\alpha=0.01$, 说明回归方程高度显著。

Model ①	2		tandardized efficients③	Standardized Coefficients ①	t©	Sig. 6
		В	Std. Erros	Beta		
1	(Constant)	817	7.976		102	. 921
	高等数学	1.015	(100)	. 964	10. 277	.000

由表 6-16 可知,未标准化回归方程的常数项为一0.817,标准误差为7.976;回归系 数为 1,015,标准误差为 0.099;由此得出估计一元线性回归方程为 $\hat{Y} = -0.817$ + 1.015X。(见表中第3列)。

标准化回归方程的回归系数 (Beta) 为 0.961, 回归方程标准化后就没有常数项了。 (见表中第4)列)。

常数项检验的 t 统计量的值为-0.102, 显著性概率 $P=0.921>\alpha=0.05$, 说明常数项 不显著,可以考虑去除常数项的回归方程;回归系数检验的 / 统计量的值为 10.277, 显著 性概率 $P-0.000<\alpha=0.01$, 说明回归系数是特别显著的, 也就是说, 高等数学考试成绩 对统计学考试成绩的影响特别显著。(见表中第⑤、⑥列)。

	Minîmum	Maximum	Mean	Std. Deviation	N
Predicted Value	60.09	96. 64	80.50	10.844	10
Std. Predicted Value	-1.882	1. 489	.000	1.000	10
Residual	-5.490	4. 662	.000	2. 984	10
Std. Residual	-1.734	1. 473	.000	. 943	10

17 除羊体计体图 / Posiduals Statistics (a))

a. Predictors, (Constant), 高等數学; b. Dependent Variable, 统计学

a. Dependent Variable: 统计学

a. Dependent Variable: 统计学

在表 6-17 中,从第 2 列到第 3 列依次表示最小值、最大值、平均值、标准差和样本 容量;从第 2 行到第 3 行依次表示预测值、标准化预测值、残差和标准化残差。

【例 6.8】 在导入案例 6-2中,探讨了我国商业银行产生不良贷款的现状。下面以具体实例研究多元回归分析在银行中的应用。

·家大型商业银行在多个地区设有分行,其业务主要是进行基础设施建设、国家重点项目建设、固定资产投资等项目的贷款。近年来,该银行的贷款额平稳增长,但不良贷款额也有较大比例的提高,这给银行业务的发展带来较大压力。为了弄清楚不良贷款形成的原因,希望利用银行业务的有关数据做一些定量分析,以便找出控制不良贷款的办法。2015 年该银行所属的 25 家分行的有关业务数据如表 6-18 所示。

	表 6 -	18 果商业银行 2	015 年的主要业务	双路表	
分行编号	不良贷款 y /亿元	各项贷款 余额 X ₁ /亿元	本年累计 应收贷款 X₂ /亿元	贷款项目 数 X ₃ /个	本年固定 资产投资额 X
1	1. 2	70. 6	7.7 € 1	6	54.7
2	1.4	114.6	~~20.1Z	17	93.8
3	5. 1	176.3	₩ \8.6	18	76.6
4	3, 5	83.9/。	8.1	11	18.5
5	8. 2	202.8.	17.5	20	66.3
6	2. 9	. 49.6	3.4	2	4.9
7	1.9	1. 1.10. 7	11 ₄ 7 ₅ (AX)	17	23.6
8	12.7	188.9	27.91	18	46.9
g	1. 3	94.6	2. 6	11	36. 1
10	29	76.1	10.1	16	67. 6
11	0.6	67.8	3. 1	12	45.9
12	4.3	135.6	12.1	25	79.8
13	1.1	67. 7	6.9	16	25. 9
14	3. 8	177. 9	13.6	27	120. 1
15	10.5	266. 6	16.5	35	149.9
16	3. 3	82. 6	9.8	16	32. 7
17	0.5	17. 9	1.5	4	45.6
18	0.7	76. 7	6.8	13	28.6
19	1.3	27. 8	5.9	6	16. 8
20	7. 1	143. 1	8.1	29	67.8
21	11.9	371.6	17.7	34	167. 2
22	1.9	99. 2	4.7	12	47.8
23	1.5	112. 9	11. 2	16	70.2
24	7.5	199.8	16.7	18	43.1
25	3, 6	105. 7	12.9	12	100.2

表 6-18 草商业银行 2015 年的主要业务数据表

⁽¹⁾分別绘制不良贷款与贷款余额、应收贷款、贷款项目数、固定资产投资额之间的 散点图,并分析其关系。若有关系,它们之间是一种什么样的关系。关系强度如何?

⁽²⁾ 建立不良贷款与贷款余额、累计应收贷款、贷款项目数、固定资产投资额等因素

的多元线性回归方程,解释各回归系数的实际意义并对回归方程线性关系的显著性及各回 归系数的显著性进行检验(a 0.05)。

- (3) 在不良贷款的总变差中,被估计的回归方程所解释的比例是多少?
- (4) 若贷款余额 x₁ 100 (亿元)、累计应收贷款 x₂ 10 (亿元)、贷款项目数 x₃ 15
- (个) 和固定资产投资额 x, 60 (亿元)、根据建立的回归方程、求不良贷款 (y) 的点估计。
 - 解(1) 不良贷款与各项贷款金额间的散占图如图 6.8 所示。

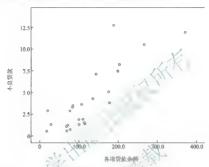


图 6.8 不良贷款与各项贷款余额间的散点图

不良贷款与各项贷款余额间的相关系数及显著性检验如表 6-19 所示。

/		不良贷款	各项贷款余额
	Pearson Correlation	1	.846 ' '
不良贷款	Sig. (2 - tailed)		. 000
	N	25	25

表 6 19 不良贷款与各项贷款余额间的相关系数

**. Correlation is significant at the 0, 01 level (2 - tailed)

由不良贷款与各项贷款余额间的散点图和相关系数可以得出,不良贷款与各项贷款余额间存在着较显著的线性关系。

不良贷款与其他款项间的散点图绘制和相关关系的分析类似。

(2) 调用 SPSS 统计分析软件的线性回归分析功能,结合题中的实际需求,可以有选择地输出以下结果。

表 6-20 模型拟合程度 (Model Summary (b))

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	. 893°	. 798	. 758	1.7744

a. Predictors; (Constant), 本年固定资产投资额, 本年累计应收贷款,贷款项目数,各项贷款余额

	Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
	Regression	248. 878	4	62. 219	19.761	.000
I	Residual	62.972	20	3. 149		
	Total	311.850	24			

表 6 · 21 方差分析表 (ANOVA (b))

- a. Predictors; (Constant), 本年固定资产投资额,本年累计应收贷款,贷款项目数,各项贷款余额;
- h. Dependent Variable, 不良贷款

表 6-22 回归方程系数表 (Coefficients (a))

	Model	Unstandardized Model Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		В	Std. Error	Beta		
	(Constant)	-, 916	. 860		-1, 165	. 281
	各项贷款余额	.010	. 010	. 893	3.812	.001
1	本年累计应收贷款	. 151	. 079	. 264	1.919	. 1 65
	贷款项目数	.007	. 085	. 017	. 087	. 932
	本年固定资产投资额	-4028 /	.015		-1.822	. 083

a. Dependent Variable: 不良贷款 *

由表 6-20~表 6-22 可知,估计四元线件回归方程为

 $Y = -0.946 + 0.040 X_1 + 0.151 X_2 + 0.007 X_3 = 0.028 X_4$

修正的判决系数为0.758,说明模型的拟合程度较高。在对回归方程的显著性检验中,F 检验的统计量的显著性概率 $P=0.000<\alpha-0.05$.说明四元线性回归方程高度显著。在对回归系数的显著性检验中,各项贷款余额系数/检验的统计量的显著性概率 $P=0.005<\alpha-0.05$,说明各项贷款余额对不良贷款的影响特别显著;但本年累计应收贷款、贷款项目数和本年固定资产投资额对不良贷款的影响不显著。

由计算所得的判决系数及檢验结果可以看出,不良贷款与各项贷款余额、本年累计应 收贷款、贷款项日数及本年固定资产投资额总体呈显著的线性相关关系,但在建立的多元 线性回归方程中仅不良贷款与各项贷款余额间存在着较显著的线性关系,不良贷款与其他 款项间的线性关系不显著。

回归系数表示当控制其他自变量不变的条件下,其对应的自变量的单位变动对因变量 平均值的影响。就回归方程中各项贷款余额的系数而言,它表示各项贷款余额每增加1亿元,不良贷款平均增加0,040亿元。

- (3) 在不良贷款的总变差中、被估计的回归方程所解释的比例为 R^2 0.798、即被估计的回归方程所解释的比例为 79.8%。
- (4) 若贷款余额 x₁ 100(亿元)、累计应收贷款 x₂ 10(亿元)、贷款项目数 x₁ 15 (个) 和固定资产投资额 x₁ 60(亿元)、则根据回归方程、不良贷款的预测值为

 $y_0 = -0.946 + 0.040 \times 100 + 0.151 \times 10 + 0.007 \times 15 = 0.028 \times 60 = 2.989(亿元)$

6.5.3 曲线回归分析 SPSS 软件操作步骤

曲线回归分析 SPSS 软件的操作步骤加下,

- (1) 选择 "Analyze * Regression * Curve Estimation" 选项, 弹出 "Curve Estimation"对话框。
- (2) 将因变量放入"Dependent(s)"框,可以一次选入多个因变量,此时对选入的各 个因变量分别进行拟合。
 - 将自变量放入"Independent"框,包含两个单洗按钮。
 - ① "Variable" 单洗按钮, 洗入左侧列表框提供的自变量。
 - ② "Time" 单洗桉钢, 洗人时间作为自变量。
- (3) "Case Labels" 列表框, 在左侧列表框中洗入标示观测量的变量, 作为散点图中 的占标记。
 - (4) "Include constant in equation" 复选框: 选择回归模型中包含常数项。
 - (5) "Plot models" 复选框,选择绘制曲线拟合图。
 - (6) "Models" 复选框:选择一个或多个拟合曲线模型。共有 11 种曲线。
 - ① "Linear" 复选框: 一元线性方程 Y=a+aX
 - ② "Logarithmic" 复选框: 对数曲线方程Y-a+blnX。
 - ③ "Inverse" 复选框。倒数曲线方程 Y=a+b/X。
 - ① "Quadratic" 复选框, 二次项曲线方程Y-b + b1X+b2X+
 - ⑤ "Cubic" 复选框, 三次曲线方程Y-bo+b1X+b-X2+b(X)。
 - ® "Power" 复选框: 幂曲线方程 Y=aXb。 X
 - ① "Compound" 复选框: 复合曲线方程 Y=ab\。
 - 8 "S" 复选框, "S" 型曲线方程 Y= (4+6) X)
 - (9) "Logistic" 复选框, Logistic 曲线方程 Y 1 [1 u+(abX)]

选择该项需要在"Upper bound"框内输入上限值 u, u 应为正数日大于最大的因变量的值。

- @ "Growth" 复选框: 生长曲线方程 Y=ea+hX。
- ① "Exponential" 复选框:指数曲线方程Y=aebX。
- (7) "Display ANOVA Table" 复选框,结果中输出方差分析表。
- (8) 单击 "Save" 按钮, 弹出 "Curve Estimation: Save" 对话框。
- ① "Save Variables" 项:保存变量。
- a. "Predicted values" 复选框:保存预测值。
- b. "Residuals" 复选框: 保存残差值。
- c. "Predicted intervals" 复选框:保存预测区间。
- d. "Confidence interval"项:选择置信水平。系统默认的置信水平是95%。
- ② "Predict Cases" 项: 预测观测量。自变量为时间变量时使用,如计算时使用全部 观测量, 则可忽略此项。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Curve Estimation" 对话框。
 - (9) 单击 "OK" 按钮, 得到曲线回归分析输出结果。

【例 6.9】 表 6 23 是 2016 年某种旧设备价格的调查资料,试建立该种设备的平均价 格关于使用年数的回归方程。

表 6-23 2016 年某种旧设备价格的调查资料

使用年数 X	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
平均价格 Y/百元	2651	1943	1494	1087	765	538	484	290	226	204

解: 调用 SPSS 统计分析软件中的绘图功能, 绘制散点图如图 6.9 所示。

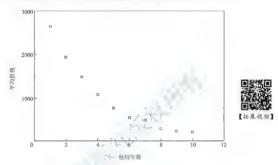


图 6.9 平均价格与使用年数的散点图

由图 6.9 可知,平均价格与使用年限量指数曲线趋势。调用 SPSS 统计分析软件的曲线估计功能,得到曲线拟合图如图 6.10 所示。

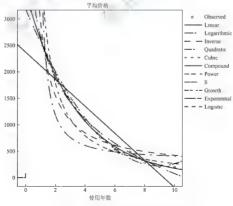


图 6.10 平均价格与使用年数的曲线拟合图

图 6.10 显示, 有几条曲线的拟合效果都比较好, 下面根据统计检验来选择最优曲线。 表 6-24 是各种曲线拟合统计检验整理后的结果。

表 6-24 几种曲线分析结果的比较

曲线类型	判决系数	估计标准误差	F值	显著性概率P
Linear	0. 87634	307. 78046	56. 69267	0.0001
Logarithmic	0. 99225	77. 05614	1024. 10220	0.000
Inverse	0.89680	281. 16238	69, 52160	0,000
Quadratic	0.994077	72.04154	586. 89299	0,000
Cubic	0. 99845	39. 74187	1291. 35947	0.000
Power	0. 90981	0. 28818	80, 70317	0, 000
S	0.66171	0, 55812	15, 64809	0, 0042
Exponential	0. 99243	0.08351	1048. 19411	0.000

综合各项结果来看,实际观测点与指数曲线(Exponential)Y-ue^{6X}的模拟效果最好, 其判决系数达到 0.99243、标准误差只有 0.08351、F 值达到 1048.19、回归方程高度显著。因此平均价格与使用年数之间的相关关系选择指数曲线方程Y-3511.2626e^{-25508X}来描述。

表 6-25 是指数曲线回归分析的详细输出结果。

平均价格与使用年数的指数曲线拟合图如图 6.11 所示。

表 6-25 指数曲线回归分析的详细输出结果

Multiple R	.99621					
R Square	. 99243					
Adjusted R S	quare .99148					
Standard Erro	or .08351					
Analysis of V	ariance;					
	DF Sum	of Squares M	ean Square			
Regression	1 7.3	106262 7	. 3106262			
Residuals	8 .0	557960 .	0069745			
F=1048.194	11 Signif I	0000				
	Variable	s in the Equatio	n			
Variable	В	SE B	Beta	T	Sig T	
x	297680	.009195	996206	-32.376	.0000	
	3514. 262600	200, 490608		17.528	.0000	

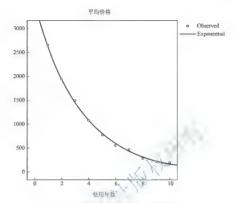


图 6.11 平均价格与使用年数的指数曲线拟合图



基于需求的天津市高校发展规模的回归分析

自1999年起,天津市高等教育进行了大规模扩张。在天津市宏观发展框架下、高等教育得以快速增长、规模迅速扩大。从天津市乃至全国高等教育整体发展趋势来看,未来几年,高等教育的规模还将继续保持一个较高的增长水平。因此,确定适度的高校学生规模是高等教育可持续发展的关键。

高等教育的需求简单地说就是社会和个人对高等教育有支付能力的需要。影响高等教育发展规模的需求图素有很多。如现有人口中接受过高等教育的比例、社会经济发展水平、居民对于高等教育的需求等。其中有些图案是难以确定的。从居民对于高等教育的需求角度森稼讨高等教育发展的规模、如我们选择天津市普通高等学校在校生人教作为发展规模变量,选择天津市城债居民的人均可支配收入和户籍人口数作为发展规模的主要影响变量。有关部门想要解决以下问题。

- (1) 分析城镇居民的人均可支配收入和户籍人口数与高校在校生数的关系。
- (2) 探求城镇居民的人均可支配收入和户籍人口彀对高校在校生数的影响程度。
- (3) 基于需求的角度对天津市高校发展规模进行统计分析。

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生熟练掌握回归分析的基本方法及其应用。考核学生对回 归分析的理解程度。



这是一个典型的研究变量之间相关关系的实际问题。 为了实现研究目标,就要分析溢 镇居民的人均可多配收入和户籍人口教议两项指标与高等学校在校生人教之间的相关关 系,这就需要大量的样本数据。我们从《2015天津统计年鉴》搜集到1999 2014年共16 年的有关指标的数据资料。为解决本案例问题。还需要建立描述高等学校在校生人数与城 镇居民的人均可支配收入和户籍人口数之间的相互关系的回归模型,再根据所得到的样本 数据求解出反映高等学校在校生人数与城镇居民的人均可支配收入和户籍人口数之间的相 互关系的回归方程,最后根据回归方程进行分析。

1. 收集样本数据

表 6-26 1999-2014 年天津市富等教育发展规模需求变量数据资料

年 份	在校生数 Y/万人	城镇居民人均可支配 收入 X ₁ /元	户籍人口数 X ₂ /万人
1999	9, 05	7650	31o. 17
20(n)	11.77	8111	912.00
2001	15. (0	8959	913. 98
20.02	19.69	9338	919. 75
2003	24. 52	10313	926. н
200 :	28. 61	11167	932.55
2605	33. 16	12639	939, 31
26.06	35.71	11283	918. 89
2007	37. 11	16357	<i>3</i> 59, 10
2008 4	38. 64	19423	968. 87
2009	40.60	21402	979.84
2010	42.92	24293	984. 85
2011	44. 97	26921	996.44
2012	47. 31	29626	993.20
2013	48. 99	28980	1003. 97
2014	50. 58	31506	1016. 66

资料来源,《2015 天津统计年鉴》

2. 建立雲求回归模型

需求模型采用多元统计分析中的二元回归分析模型,并假设初始回归模型为二元线性 回归模型:

 $Y = \beta_1 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon$

式中, β_0 、 β_1 、 β_2 为待定系数; ϵ 为随机误差项。

3. 用软件求解并进行回归分析

在采用强行进入法进行多元线性回归分析时,得到以下主要输出结果,如表 6-27~ 表 6-29 所示。

表 6-27 判决系数及标准误差表 (b)

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	0.967	. 936	. 926	3. 675

a. Predictors: (Constant), 户籍人口数, 可支配收入

b. Dependent Variable: 在校生数

表 6-28 回归方程的拟合优度检验表 (b)

	Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
	Regression	2552. 323	2	1276.121	94. 471	.000*
1	Residual	175. 611	13	13.509		
	Total	2727. 931	15	1		

a. Predictors: (Constant), 户籍人口数, 可支配收入

b. Dependent Variable: 在校生数

表 6-29 回归方程及其系数的显著性检验表 (a)

	Model (Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
	11-	В	Std. Error	Beta		
	(Constant)	— 565. 497	148. 348		-3.812	0.002
1	可支配收人	-0.001	0,001	−7.85	-1.747	0.104
	户籍人口数	0.649	0.168	1.735	3.860	0.002

a. Dependent Variable; 在校生数

表 6-27~表 6-29 表明。调整后的判决系数为 0.926。证明模型的拟合程度很高;在对四归方程的显著性检验中,F 传验的统计量的值为 94.171、显著性概率值 P 0.000~ α 0.01。说明二元线性回归方程高度显著;在对四归层数的显著性检验中,人均可支配收入和户籍人口数四归系数的 1 , 12 和 1 为 1 为 1 之 1 和 1 为 1 为 1 。 1 和 1 为 1 为 1 。 1 和 1 为

以上分析结果表明,采用二元线性四归分析模型来描述天津市普通高等学校在校生数 与城镇居民人均可支配收入、户籍人口数之间的关系是合适的。因此,构建高等教育规模 的需求模型为

Y 565.497 0.001 $X_1 + 0.649X_2 + \varepsilon$

4. 基于雲水角度的高校教育規模的统计分析

依据天津市高等教育規模的需求模型,可以对扩招后天津市的高等教育規模进行统计分析,根据需求模型的回归方程Y 365,197 0.001X1+0.649X2+€,找们对1999年至2014年天津市高等教育发展規模进行了预测计算,预测结果如表6 30所示。

年 份	普通高校学生 需求量实际值	普通高校学生 需求量预测值	实际量-预测量
1999	9.05	15. 39	-6.34
2000	11.77	15. 97	-4.20
2001	15. 40	16. 23	-0.83
2002	19. 69	19.04	0.65
2003	24. 52	22, 33	2. 19
2004	28. 61	25.14	3. 47
2005	33. 16	28. 06	5. 10
2006	35.71	32. 22	3. 52
2007	37. 11	36. 25	0.86
2008	38. 64	38. 75	-0.11
2009	40, 60	148.39 X	-2.79
2010	4292	× 3. 03	-0.11
2011	44.97	47. 26	-2.29
2012	47. 31	41. 78	5, 53
2013	48. 99	49.57	-0.58
2014	50. 58	54, 64	-4,06

表 6 30 1999-2014年天津市高等教育实际需求量与预测量对照表 (单位、万人)

由表 6-30 可以看出,在 1999年至 2001年,天津市高等教育发展的实际规模低于需求预测规模平均约4万人;在 2002年至 2007年,天津市高等教育发展的实际规模高于需求预测规模平均约2.6万人;而在 2008年至 2014年,天津市高等教育发展的实际规模又低于需求预测规模平均约0.63万人。由此揭示出天津市高等教育发展的实际规模与基于收入和人口需求的预测规模之间的差距。

从以上相关和回归分析结果可以看出。

第一·天津市高等教育发展规模与城镇人均可支配收入、户籍人口数之间总体上存在 高度密切的正相关关系·尤其人口数的不断增加对高等教育发展规模的扩大具有很强的促 进作用。

第二,对天津市高等教育发展规模有显著地促进作用的户籍人口数与在校生人数的 四归系数为 0.649, 这意味着户籍人口数每增加 1 万人,高校在校生人数平均增加 0.649 万人。 第三、从需求角度而言。1999 2014 年期间天津市高等教育发展的实际规模是逐步

增加的趋势,但是从城镇居民收入与人口方面的需求角度来说,其预测发展规模足呈起伙中上升的趋势,而实际规模与预测规模相比总体上有些差距。 虽然我们只是从城镇居民生活水平和人口增长的角度来研究高等教育发展规模的需求量,所选变量可能具有一定的局限性,但是研究所得的结论仍然具有一定的现实意义。



【拓展案例

本章小结

经济现象的发展变化受很多国素的影响,但是这种影响关系在很多情况下并非确定的函数关系,而是一种相关关系。要了解现象发展变化的影响国素和影响结果、就必須对这种相关关系进行分析,并给出现象之间相关关系的回归分析模型,对回归参数进行估计,并对回归方程进行检验,利用回归方程对未来等进行预测。

关键术语

Correlation	相关关系	Correlation Analysis	相关分析
Correlation Strength	相关强度	Correlation Coefficient	相关系数
Direction (Positive Versus N	egative) 相关方向	(正相关和负相关)	
Scatter Plots	散点图	,	
Pearson's Correlation Coeffici	ent 皮尔思相关系	数	
Independent Variable	自变量	Dependent Variable	丙变量
Regression Analysis	回归分析	Regression Model	回归模型
Regression Equation	回归方程	Regression Coefficient	回归系数
Error Term	误差項	Regression Line	回归直线
Method of Least Squares	最小二乘法	Error Sum of Squares	误差平方和
Regression Sum of Squares	回归平方和	Mean Square Regression	回归均方
Mean Square Error	误差均方	Coefficient of Determination	判定系数
Standard Error of Estimate	估计标准误差	Residual	残差
Multiple Regression Analysis	多元回归分析	Multiple Regression Model	多元回归模型

知识性性

- [1]张建同, 孙昌言, 王世进, 应用统计学 [M], 2版, 北京: 清华大学出版社, 2015.
- [2] SAMPRIT CHATTERJEE, ALI S HADI. Regression Analysis by Example [M], 5 版, New York; Hoboken, NJ, 2012.
 - [3] 中华人民共和国统计局网站: http://www.stas.gov.cn.
 - [4] 天津统计信息网站: http://www.stats-tj.gov.cn.

习 55 6

一、选择题

1. 当相关系数 r=0 时,().
------------------	----

A. 现象之间完全无关

B. 相关程度较小

C. 现象之间完全相关 D. 现象之间无线性相关关系

2. 相关分析与回归分析, 在是否需要确定自变量和因变量的问题上, ()。

A. 前者不需要确定, 后者需要确定 B. 前者需要确定, 后者不需要确定

D. 两者都不需要确定

C. 两者均需确定

3. 两个变量的相关系数为 0.8,则其回归直线方程的判决系数为(

A. 0.5

B. 0. 8 C. 0. 64

D. 0.9

4. 回归分析中, 各实际值与回归值的离差平方和称为(A. 总平方和 B. 判定系数 C. 回归平方和

5. 说明回归直线拟合程度的统计量主要是()。

A. 判决系数 B. 回归系数 C. 相关系数 D. 估计标准误差

6. 在下列变量之间的关系中,()不是相关关系。

A. 在销售价格不变的情况下,某种商品的销售额与销售量之间的关系

B. 儿子的身高与他父亲的身高之间的关系

C. 家庭的支出与其收入之间的关系

D. 一个人的血压和年龄之间的关系

7. 某产品的单位成本与工人劳动生产率之间的同归直线方程为 ŷ=30-0.6x,则()。

A. 0.6 为回归系数

B. 30 是回归直线在纵轴的截距

C. 劳动生产率每增加一单位,单位成本平均上升 0.6 元

D. 劳动生产率每增加一单位,单位成本平均下降 0.6元

E. 一0.6 为回归系数

8. 在一元线性回归分析中()。

A. 回归方程是根据最小二乘法确定的

B. 判决系数测度了回归方程的拟合程度

C. 估计标准误差测度了观测值与估计值之间的平均变异程度

D. 用 F 统计量检验线性关系

E、用 / 统计量检验回归系数的显著性

工业企业的产品成本 X 和利润 Y 之间的关系可能用()回归方程来描述。

A. $\hat{Y} = 20 + \frac{8.5}{Y}$

B. $\hat{Y} = 95 - 8.7X$

C. $\hat{\mathbf{Y}} = 8 \tau \pm 15 X^2$

D. $\hat{\mathbf{Y}} = -15 \pm 7.8 \mathbf{X}$

F. $\hat{\mathbf{Y}} = 14 \pm 5 \mathbf{X}$

10. L资(元)对劳动生产率(千元)的回归方程为y=10+70x,这意味着()。

- A. 劳动生产率等于1000元。工资提高70元
- B. 劳动生产率每增加 1000 元, L资增长 70 元
- C. 劳动生产率不变, 工资为80元
- D. 劳动生产率增加 1000 元, 「资平均提高 70 元
- E. 劳动生产率减少 500 元, 工资平均减少 35 元

二、简答题

- 1. 区别下列概念。
- (1) 相关关系与函数关系;(2) 正相关与负相关;
- (3) 相关分析与同归分析: (4) 自变量与因变量:
- (5) 回归系数与相关系数;(6) 判决系数与修正判决系数;
- (7) 一元线性回归分析与多元线性回归分析。
- 2. 对于下列每一对变量,相关系数是正的好,还是负的好?
- (1) 身高和体重; (2) 职称和工资; (3) 抽烟数量和心肺健康;
- (4) 劳动生产率和单位产品成本; (5) 福利条件和老、幼的疾病。
- 3. 一位研究者测量两个变量的相关系数为 0.01, 就判断这两个变量不相关, 这个结论对吗? 为什么?
- 4. 对于给定的一组实际观测值,运用最小一乘法建立起来的回归方程,为什么要进行显著性检验并达到显著性要求时才能认可是有效的?
 - 5. 在回归分析的显著性检验中, / 检验与F 检验有何区别?
 - 6. 通过原点的一元线性回归模型是怎样的9 用最小二乘法求出回归系数的值。
 - 7、解释总离差平方和、回归平方和和剩余平方和的含义、并说明它们之间的关系。
- 8. 在 SPSS 统计分析软件中,多元线性回归与一元线性回归共用一个 Linear 过程,它们都是采用最小二乘法求解,主要区别在哪里?
- 9. 为了研究高等数学成绩与概率统计成绩的关系,现收集到20名学生的高等数学、概率统计的成绩,如表6-31所示。

表 6-31 学生成绩表	
--------------	--

高等数学	78	67	89	76	83	91	74	69	94	66
概率统计	74	63	70	75	81	86	67	63	89	62
高等数学	77	86	67	93	85	65	90	83	75	81
概率统计	79	88	65	90	78	67	80	91	73	82

采用 SPSS 统计分析软件进行线件回归分析,得到表 6-32 和表 6-33 所示的输出结果。

表 6 32 ANOVA(b)

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
	Regression	1252. 095	1	1252. 095	41.856	.000(a)
1	Residual	538. 455	18	29. 914		
	Total	1790. 550	19			

- a. Predictors: (Constant), 高等数学;
- b. Dependent Variable: 概率统计

表 6-33 Coefficients(a)

Model		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		В	Std. Error	Beta		
, [(Constant)	8. 184	10.576		.774	. 449
1	高等数学	. 855	. 132	. 836	6.470	.000

- a. Dependent Variable; 概率统计
- (1)根据表 6-32 计算出判决系数、解释判决系数的实际意义;建立显著性检验的零假设和各择假设,并说明检验的结论是什么?为什么?(α-0.05)。
- (2) 根据表 6-33 写出估计回归方程、解释回归系数的实际意义; 建立显著性检验的零假设和备择假设, 并说明检验的结论是什么?为什么?(a-0,05)
 - 10. 下面是随机抽取 10 家大型商场销售的同类商品的有关数据 (表 6-34)。

表 6-34 大型商场销售的同类商品的有关数据

(单位: 元)

企业编号	销售价格Y	购进价格 X ₁	销售费用 X ₂
1	1238	966	223
2	1266	894-	257
3	1200	V. 96.72	387
1	1193	564	310
5	1106	791	339
6 . 1	1303	852	283
7	1313	804	302
8	1144	905	214
9	1286	771	304
10	1084	511	326

采用 SPSS 统计分析软件进行线性回归分析,得到表 6-35 所示输出结果。

表 6-35 Coefficients(a)

Model			dardized ficients	Standardized Coefficients	t	Sig.
		В	Std. Error	Beta		
	(Constant)	705. 294	502.316		1.404	. 203
1	购进价格	. 383	. 303	. 804	1.263	. 247
	销售费用	. 738	. 988	. 476	.747	. 479

a. Dependent Variable: 销售价格

根据表 6-35.

- (1) 写出销售价格关于购进价格和销售费用的估计回归方程。
- (2) 解释各个回归系数的实际意义。
- (3) 说明购进价格和销售费用对销售价格的影响是否显著 , 为什么 , (a 0.05)
- 11. 某汽车生产商欲了解广告费用 X 对销售量的影响, 收集了过去 12 年的有关数据, 通过 SPSS 统计分析软件计算。得到表 6-36 和表 6-37 所示的结果。

	ANO	

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
	Regression			1	1.	2.17E - 09(a)
1	Residual	40158		Li	6,	
	Total	1642866	11	1 (11)		

- a. Predictors: (Constant), 广告费用;
- b. Dependent Variable, 销售价格

表 6-37 Coefficients(a)

Model		Coef	dardized ficients	t	Sig.
		В	Std. Error		
	(Constant)	363, 69	62, 16	5, 82	, tH /
1	广告费用	1. 42	.07	19.98	2. 17E - 0

- a. Dependent Varieble; 销售价格
 - (1) 填表完成表 6-36。
 - (2) 汽车销售量的变差中有多少是由广告费用的变动引起的?
 - (3) 销售量与广告费用的判决系数是多少?
 - (4) 写出估计的回归方程并解释回归系数的实际意义
 - (5) 检验线性关系的显著性。 $(\alpha=0.05)$
 - (6) 检验回归系数的显著性。(α=0.05)

三、判断题

- 1. 当相关系数 r 为正时, 一元线性回归模型中的回归系数也一定为正。 (
- 2. 在回归分析中, 自变量和因变量都是随机变量。 ()
- 3. 变量x 与y 的相关系数为 0.8、变量m 与n 的相关系数为 0.9、则x 与y 的相关 密切程度更高。
 - 4. 进行相关回归分析, 应注意对相关系数和回归直线方程的有效性进行检验。
 - ()
 - 5. 阿归分析和相关分析一样, 所分析的两个变量都一定是随机变量。

232 应用统计学(第3版)

- 7. 回归系数的绝对值小于1。
 - 8. 当回归系数大于0时,正相关;当回归系数小于0时,负相关。
- 9. 当直线相关系数等于 0 时,说明变量之间不存在任何相关关系。
- 10. 相关系数越大,估计标准误差值就越大,从而直线回归方程的精确性越低。

四、计算题

1.5位同学统计学的学习时间与学习成绩如表 6-38 所示。

表 6-38 5 位同学统计学的学习时间与学习成绩

毎周学习时数 X		学习成绩 Y	
4		40	
6	, X	60	
7	2/1/	50	
10	21 X XV	70	
13	11.1	90	

- (1) 由此计算出学习时数与学习成绩之间的相关系数
- (2) 建立学习成绩关于学习时数的直线回归方程
- (3) 计算估计标准误差。
- (4) 若某同学在统计学上的学习时数为15、试估计他的学习成绩。
- 为分析某种产品的销售额 X 对销售成本 Y 的影响, 现根据某商场 2016 年的有关统 计资料计算出以下数据(单位, 万元);

$$\sum (x_i - \bar{x})^2 = 425053.73 \qquad \bar{x} = 647.88$$

$$\sum (y_i - \bar{y})^2 = 262855.25 \qquad \bar{y} = 549.8$$

$$\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = 334229.09 \quad n = 20$$

试根据以上数据:

- (1) 拟合线性回归方程,并对回归系数的经济意义做出解释。
- (2) 计算判决系数和估计标准误差。
- (3) 对回归系数进行显著水平为 0.05 的显著性检验。
- (4) 假定 2017 年 1 月销售额为 800 万元,利用拟合的回归方程预测相应的销售成本, 并给出置信水平为 95%的预测区间。
 - 3. 对某次一元线性回归分析得到如下的结果:

回归平方和 SS_R 680, 自由度 f_R 1

剩余平方和 $SS_E=1205$, 自由度 $f_E=20$

- (1) 在进行回归分析时所采用的观察值有多少组?
- (2) 根据上述数据进行方差分析, 计算 F 值。

- (3) 说明在讲行方差分析时 F 检验的零假设和各择假设。
- (4) 在显著性水平为α 0,05 时,说明回归方程是否有效。
- 4. 已知变量 X 与 Y 的观测值及有关计算过程如表 6-39 所示。
- (1) 计算并填表 6-39。

表 6-39 X与 V的观测值及有关计算过程

X	-1	0	0	2	1	\overline{x} =
Y	0	1	-2	0	1	$\bar{y} =$
X2						$\sum x_i^2 -$
Y ²						Σ_{3} !
XY					7.	$\sum_{x_i,y_i} =$

- (2) 计算 S 和 S 。
- (3) 利用表中数据计算回归系数及常数项。
- (4) 写出所求出的线性回归方程。
- (5) 计算判决系数 R2。
- 5. 某种产品的产量与单位成本资料如表 6-10 所示。

表 6-40 某种产品的产量与单位成本资料

产量 X/千件	单位成本 Y/(元/件)		
2 3/2 × V	73		
3	72		
4.7	71		
. 233	73		
174	69		
5	68		

- (1) 计算相关系数 r. 判断其相关方向和程度。
- (2) 建立单位成本关于产量的直线回归方程。
- (3) 指出产量每增加 1000 件时,单位成本平均下降了多少元?
- 6. 某冰箱生产厂家认为、冰箱销售额Y(万元)与排销人员数 X_1 (人)和所支出的广告费用 X_2 (万元)有一定的关系。根据 2006—2016年的有关统计数据建立的二元线性阿 归方程为 \hat{Y} =—98. 2457+11. 0537 X_1 +0. 639 X_2 ,并已计算出 X_1 和 X_2 的回归系数检验的统计量的值分别为 $t_{\rm bl}$ =2. 6562, $t_{\rm bl}$ =0. 5963。
 - (1) 试分析说明推销人员人数和广告费用对销售额的影响是否显著?(a=0.05)
 - (2) 试解释 X₁和 X₂的回归系数的实际意义。
 - 7. 设Y和X之间近似满足Y $a+\frac{b}{Y}$, 现给出数据资料如表 6-11 所示。

表 6-41 Y和X的数据资料

X	56.7	44.5	38. 5	38.5	37. 2	21.8
Y	177	185	190	180	184	196

- (1) 求 Y 对 X 的回归方程。
- (2) 求 $Y 与 \frac{1}{V}$ 之间的相关系数。
- 8. 某地区近几年来职工月均收入与用于智力投资的统计数据如表 6-42 所示。

表 6-42 职工月均收入与用于智力投资的统计

(单位,百元)

月均收入 X	35	46	50	64	83	89	90	95
智力投资Y	5	4	7	11	16	18	19	22

分别用求出相应的非线性回归方程,并通过估计标准误差的计算,比较不同曲线拟合下的优劣。

- (1) 幂函数曲线 Y=aXb.
- (2) 指数函数函数 y=aehX,

五、上机实验题

1. 要研究成人年齡与血压之间是否有线性相关关系, 调查 10 位女性的年齡与血压如表 6-43 所示。

编号	11/4 #	▲ 压
l ,	30	73
2	20 111	50
3 7/2	60	128
N. B	1 80	170
8	40	87
6	50	108
7	60	135
8	30	69
9	70	148
10	60	132

表 6-43 10 位女性的年龄与血压

- (1) 绘制成人年龄与血压的散点图,判断二者之间的关系。
- (2) 计算成人年龄与血压的相关系数。
- (3) 对相关系数进行显著性检验, 并说明一者之间的关系密切程度。(a 0.05)
- 2. 某公司打算在某地推出 · 种新产品,为了确定该地区影响消费者购买行为的主要 因素以便更准确地进行定价决策和制定产品营销策略,而对某地区进行了部分抽样调查, 在 · 个月的试销期间经过分析(影响该地区消费者购买的主要因素包括每月家庭可支配收 人、实际收入、购买者年龄、家庭成员数等)得到如表6-14 所示数据。

表 6-44 公司调查数据

年 龄	月家庭实际收入 X1	月家庭可支配 收入 X ₂	是否购买 X ₃	家庭成员数 X
41	306	299	0(不买)	1
45	340	332	0(不买)	1
41	429	419	0(不买)	1
41	316	300	0(不买)	1
45	341	322	0(不买)	1
41	430	425	0(不买)	1
39	492	491	0(不买),	1
39	482	491	0(不吳) 🔪	2
32	508	492	/0.8(小买) >	1
32	530	502	< \ 0(不买)	2
33	642	561 / A	□ 0(不买)	1
45	889	862 \ \ \ \ /	0(不买)	1
43	1108	. 1036 🗸	0(小买)	1
40	1191	1025	0(不买)	1
39	1518	11469	(不买)	2
16	1711	15 t3	0(不买)	2
38	1963	1628	0(不买)	2
38	2182	1854	1(买)	2
44	2673	2204	1(买)	2
39	1983	3139	0(不买)	3
26	6008	4442	1(买)	3
45	7274	5566	1(买)	3
40	8353	6545	0(不买)	3
35	9068	7189	1(买)	3
30	9193	7912	1(买)	5
44	9491	7493	1(买)	4
47	10921	7997	1(买)	5
35	11991	9463	1(买)	6
36	12969	9396	1(买)	6
30	9143	8012	1(买)	3
44	9591	7693	1(买)	3
47	10121	8997	1(买)	4
35	11951	9363	1(买)	6
36	13969	8396	1(买)	5

试通过相关分析确定月家庭实际收入是否是影响消费者购买行为的重要因素。(a ·0.05)

3. 有 10 个同类企业的生产性固定资产年平均价值和 厂业总产值资料如表 6 45 所示。

表 6-45 10 个同类企业的生产性固定资产年平均价值和工业总产值资料

企业编号	生产性固定资产价值 X/万元	工业总产值 Y/万元
1	318	524
2	910	1019
3	200	638
4	409	815
5	415	913
6	502	928
7	314	605
8	1210	1516
9	1022	1219
10	1225	1624

- (1) 求工业总产值关于生产性固定资产年平均价值的直线同归方程。
- (2) 计算判决系数及估计标准误差。
- (3) 进行回归方程的显著性检验。(%=0.01)
- 4. 某企业希望了解每周的产品广告费与销售额之间的关系,记录了如表 6 46 所示数据。

表 6-46 广告费与销售额数据 (单位: 万元)

广告费X	10	25	35	45	30	28	10	2.1	32	28
销售额Y	395	350	380	130	370	380	120	530	350	360

- (1) 求广告费与销售额之间的相关系数,并分析二者之间的相关方向和相关程度。
- (2) 试建立线性回归方程。
- (3) 检验回归系数是否显著。(α=0.05)
- 5. 一家商店在10个地区设有经销分公司。公司认为商品销售额与该地区的人口数和年人 均收入有关,并希望建立它们之间的数量关系式,以预测销售额。有关数据资料如表 6-47 所示。

表 6-47 相关数据

地区编号	销售額 Y/万元	人口数 X1/万人	年人均收入 X2/百元
1	33, 3	32. 4	12.5
2	35. 5	29. 1	16.5
3	27. 6	26. 3	15.5
4	30. 4	31. 2	13.1
5	21. 9	29. 2	13.1
6	53. 1	40.7	15.8
7	35. 6	29.8	14.9
8	29.0	23, 0	15. 2
9	35. 1	29. 2	16.2
10	34.5	26. 9	15.7

- (1) 试确定销售额对人口数和年人均收入的线件回归方程。
- (2) 分析回归方程的拟合程度
- (3) 进行回归方程的显著性检验。(α=0.05)
- (4) 进行各回归系数的显著性检验。(α=0.05)
- 6. 设有自变量 X 和因变量 Y 的观测数据如表 6-48 所示。

表 6	- 48	白亦書	V和田恋量	Y的观测数据

X	2	3	4	5	7	8	10
Y	106.42	108. 2	109. 58	109.5	110.0	109.93	110, 49
X	11	14	15	16	18	19	
Y	110.59	110.60	110. 90	110. 76	110,0	111.2	

- (1) 用倒数曲线拟合 Y 关于 X 之间的关系。
- (2) 用对数曲线拟合 Y 关于 X 之间的关系。
- (3) 说明哪个曲线拟合程度更好。





实际操作训练

1, 实训项目:复习时间与考试成绩的关系判断。

实训目的。学会运用相关分析的原理和方法解决实际问题。

实训内容:对所在班级某门专业课程的期末复习时间和考试成绩进行调查,收集数据资料。

要求:利用 SPSS 统计分析软件, 首先绘制复习时间和考试成绩的散点图, 并判断二 者之间大体呈什么样的关系; 然后计算复习时间和考试成绩的简单相关系数并进行显著性 检验,分析能否得出复习时间越长考试成绩越高的结论。

2. 实训项目:父母身高与子女身高的回归分析。

实训目的, 学会运用一元线性(或非线性)同归分析的原理和方法解决实际问题。

实调内容、早在 19 世纪后期、英国生物学家高尔顿通过观察 1078 个家庭中父亲、母亲身高的平均值 x 和其中一个成年儿子身高 y, 建立了关于父母身高与子女身高的线性方程、即 y-33.73+0.516x。从方程可以看出、子女身高有回归平均的倾向。那么、时隔一百多年后的今天、人类的物质生活和精神生活都已发生巨大的变化、父母身高与子女身高之间将呈现出什么样的关系呢?

请调查本班学生及其父母身高的相关数据、利用 SPSS 统计分析软件、伤照高尔顿的 方法拟合身高的回归方程、并评价及检验方程的优劣。

3. 实训项目,中国 GDP 的影响因素分析及预测。

空训目的,学会运用多元线性回归分析的原理和方法解决空际问题。

实训内容,分小组讨论,GDP 在地区层次上称为地区生产总值,它受多种因素的影响,如进出口总额、固定资产投资、社会消费品零售总额等。请查阅《中国统计年鉴》,获取近15年的相关数据,以中国 GDP 预测量为目标,进行多元线性间归分析。

要求:以GDP作为因变量,确定至少3个与GDP相关的自变量,然后借助SPSS E 具,建立回归模型,进行参数估计,并进行有关的显著性检验,最后预测我国未来5年 GDP值并写出分析报告。

量 聚例思考与讨论

基于供给模型的天津市高等教育发展规模的实证分析

高等教育适度的发展规模应该是既能够最大程度地满足社会和居民对高等教育的迫切需求、又能够与现阶段经济发展水平相适应。在我国实行市场经济的条件下,由政府教育部门决定高等教育供给的决策方式。影响高等教育的供给因素有很多,如经济发展水平、高校的发展状况、政府及社会对高等教育的重视等,其中有些固素也是难以确定的。从居民对于高等教育的授給角度来探讨高等教育发展的规模。选择天津市普通高等学校在校生人教作为发展规模变量。选择天津市的 GDP 和普通高等学校专任教师教作为发展规模的主要影响变量。《2015 天津统计年鉴》公布的 1999—2011 年的数据资料如表 6-49 所示。

年 份	在校生数 Y/万人	GDP X ₁ /亿元	专任教师数 X ₂ /万人
1969	а, при	1500, 9 ,	0, 9617
26.00	11.7690	1701.88	1. 137
2001	15_3998	1929, 09	1. 2552
2002	19. 6892	2150, 76	1. 1175
2003	21. 5213	2578. 03	1, 5553
2004	28. 6145	3110.97	1. 8973
2005	33. 1553	3905. 64	2. 167
2006	35. 7382	4462.74	2.4164
2007	37. 1136	5252. 76	2. 5166
2008	38. 6437	6719.01	2.6169
2009	40.5968	7521.85	2. 7118
2010	42.9224	9224.46	2. 8094
2011	44. 9702	11307. 28	2.8919
2012	47. 3114	12893. 88	2. 9929
2013	48. 9919	14442.01	3. 09
2014	50, 5795	15726.93	3. 1008

表 6-49 1999—2014 年天津市高等教育发展规模供给变量数据

(1) 对 1999 2014 年在校牛數与 GDP 和专任教师数进行相关分析、探求 GDP 和专 任教师数对高校在校生数的促进作用。

- (2) 建立二元线性回归分析模型, 并根据回归系数的经济意义分析 GDP 和专任教师 数对高校在校生数的贡献大小。
- (3) 计算基于供给模型的天津市高校发展规模预测值,并与天津市高校发展规模实际 值进行对比分析。
- (1) 在前面实例分析中已经计算出 1999 2014 年基于需求回归模型的天津市高校发 展规模预测值,将其与基于供给回归模型的天津市高校发展规模预测值进行对比,分析天 津市高等教育发展的供需关系及差异。



第7章

聚类分析

数学 0 日

通过本章的学习,正确理解聚类分析的基本理论,掌握系统聚类法的基本程序及 SPSS 软件的操作步骤,学会利用这些方法解决实际问题。

教学要求

知识要点	能力要求	相关知识
聚类分析的基本 思想	能够理解最要分析的基本思想及基 本步骤	R型聚类、Q型聚类
分类统计量	能够掌握描述样品间、指标间录疏 程度的分类统计量	距离、相似系数
系统聚类法	能够掌握系统聚类分析的基本步骤。 并运用它解决实际问题	娄间距离、系统聚类分析的算法 步骤
SPSS 软件操作	能够熟练使用 SPSS 软件之系统聚要 分析功能并对输出结果进行正确解读	"Classify"选项、"Hierarchical Cluster Analysis"对话框

聚类分析是根据研究对象的特性,对它们进行定量分类的一种多元统计方法。它能够将一批样品或变量,按照它们在性质上的亲疏程度进行分类。类内部的个体在特征上具有相似性,不同类同个体特征的差异较大。聚类的目的是从中发现规律性,进而达到认识和改造世界的目的。本章结合 SPSS 统计软件,介绍聚类分析中常用的系统聚类法。



我国各省市的土地利用情况分析

土地是民生之本。发展之基。财富之原 人类社会的进步、经序的发展和财富的积累。 无不与上地息息相 关。中国人多物少的矛盾突出,土地可能始终是现代化发展讲程中带套全局性、根本性、战略性的重大问题 20世纪80年代以来,我国政府把土地利用规划作为管理土地各原的未来,先后在全国开展了两轮土地利用规 利的编制。上插利用规划是否科学、合理,是否可持续。将与对社会经济活动的各个方面产生深刻影响。而制 定土地利用规划, 必须有准确、全面的土地利用数据、自 2000年以来, 国土资源部先后组织开展 16 次卫片执 法工作。2015年的12片执法全国共畜发土地造法案件12.66万宗。涉及土地面积90 41 万亩、耕地面积53.98 万亩。26个省级政府警尔约谈了29个市、142个县。国土资源部和各省项国土资源主管部门挂牌督办了 183 起, 公开诵报了107 起重大, 典型违法案件, 2010 年层中国首次将检查面覆盖全国。"卫片执法"是诵 过卫星通晓等技术,可以将一个地区的土地利用情况形成卫星图片,将该区域前后不同时间的卫星图片进 行發加对化,哪里有透珠,哪里乱占耕地,都可以一目了然地反映出来 此次卫星追畴的区域主要包括首、 自治区、直辖市政府所在地域市,以及其他人口在50万以上的155个城市。那么,我们是否可以根据已有 数据对全国、11个首、自治、直辖市的土地利用情况进行分类、作为制定土地利用规划的参考、

资料来源, 华月该网络天下, http://www.Burvuctan. Org/hcontent/shthb/bbhv//2016121/192511, shtml, 2016年4月26日。

在经济、社会、人口研究中、存在着大量分类研究、构造分类模式的问题。例如、在经 济研密中、为了研究不同地区域镇居民生活中的的人及消费状况、往往需要划分为不同的类 型去研究; 在人口研究中, 需要构造人口生育分类模式, 人口死亡分类函数, 以此来研究人 口的生育和死亡规律。过去人们主要依靠经验和专业知识、做定性分类处理、致使许多分类 带有主观性和任意性,不能很好地揭示客观事物内在的本质差别和联系,特别是对于多因 素、多指标的分类问题,定性分类更难以实现准确分类。于是统计这个有用的工具逐渐被引

入分类学,形成了数值分类学。近些年来,数理统计的多元分析方法有了迅速的 发展, 多元分析的技术被引入分类学中, 于是从数值分类学中逐渐分离出聚类分 析这个新的分支。聚类分析能将个体或对象分类,使得同一类中的对象之间的相 似性比与其他类的对象的相似性更强,目的在于使类间对象的同质性最大化和类 与类间对象的异质性最大化。可见, 聚类分析方法可以解决上述问题。



7.1 聚类分析概述

7.1.1 什么是聚类分析



阅读案例7-1

如何对消费者讲行分类?

Chrysler 公司为了赢得市场竞争地位,决定推出新产品 Viper, 该产品的目标客户是雅皮士阶层。为 了进一步了解这种人群的心理特征,定位自己的产品,吸引目标客户。Chrysler 公司进行了一次市场调 研。研究者調查 100 名歧武者对 30 项降达的专度、从为了解这些目标客户的心理特征。调查还询伺赖试 者对 Dodge Viper 毫汽车的看法来混跌消费者对"我帮意购买 Chrysler 公司生产的 Dodge Viper 毫汽车" 的态度。最终,应用聚是分析方法特克莱斯勒公司的目标客户分成了 3 种类型。年轻创业型、中产稳健 在、京子低调型。 3 3 种类型的消费者各自具有自己的独特特征,克莱斯特公司将针对他们不同的特征 和谐影心理制定了不同的受销等略。

年轻創业墊的消费者对將来預期來現、有备下精神、統訂有較鑑的社会和家庭責任感。目前經濟情况一嘅,消費考度較为護備。这部分人对克莱斯勒汽车的考度最为友好、是公司主要的目於客戶群、同时、这部分人投具或长潜力。公司房面针对该部分人的经济情况和消费公理、推出时尚能新、价格选中的汽车。在广告的诉求上,与诉针对这部分人的心理特征,提调社会和家庭责任感。同时、公司证该关注之部分人的成长、尽力项号鼓励客告减度、因为将来该部分人进入中年、经济效尾改善、有可能或为宪案旅勤公司高档轿车的主要消费群。

中产稳健电的消费者对京菜脂转公司汽车的气度较好。公司应该针过这部分人的需求、推出主重舒 透和享受。价格较高、质量高档的轿车、在广告诉求和产品宣传上、应或强调爱国的因素、从所赐和经 济两方面打动消费者。

保守候调整的消费者对专菜贴料公司汽车的布度较为不好。这部分人不是公司主要的目标客户。但 是也不能忽视。因为他们在总的消费群中的比例相当大 公司口读加强对他们的容够和交通。提供关于 公司产品的更多信息,强调竞菜解料公司汽车核健和高质量的特征。以喷号这部分消费者。

资料来源: 百度文库 . https://wenku.baidu.com。

在实际问题中、对于那些复杂的问题、如能把它们分成若干类来处理、就很方便。 聚类分析的目的就是把相似的东西归成类。例如、大学之间根据师资、设备、学生情况 可以划分为·流大学、:流大学等;国家之间根据其发展水平可以划分为发达国家、发 展中国家等;某城市根据大气污染的轻重可以划分为几类区域;学生根据各科的学习情 况可以划分为几种类型等。这些就是一些分类问题、聚类分析就是解决这些分类的有效 方法之一。

聚类分析实质上是寻找一种能客观反映元素之间亲疏关系的统计量,然后根据这种统 计量把元素分成岩干类。常用的聚类统计量有距离系数和相似系数两类。距离系数一般用 F对样品分类,而相似系数一般用于对变量聚类。聚类分析的基本思想是在样品之间定义 距离,在变量之间定义相似系数,距离或相似系数代表样品或变量之间的相似程度。按相



似程度的大小,将样品(或变量)逐一归类,关系密切的类聚集到一个小的 分类单位,然后逐步扩大,使得关系疏远的聚合到一个大的分类单位,直到 所有的样品(或变量)都聚集完毕,形成一个表示亲疏关系的谱系图,依次 按照某些要求对样品(或变量)进行分类。

7.1.2 聚类分析的目的

在实际研究中,既可以对样品进行聚类,也可以对研究变量进行聚类,对样品进行的 聚类通常称为Q型聚类,对研究变量进行的聚类称为R型聚类。例如,根据考核高等院 校的多项指标。学校规模、师资情况、数学科研水平等,可以将全国多所高等院校划分为 重点院校、普通院校等类别。这就是对样品进行聚类(Q型聚类)。对某些高等院校的办 学水平进行考察,而反映办学水平的指标很多,有学校规模指标、师资情况指标、数学水 平指标、科研水平指标等等,通常先对这些指标进行分类,然后再做进一步分析。这就是对指标进行聚类(R型聚类)。

- Q 型聚类分析的目的如下:
- (1) 可以综合利用多个变量的信息对样品进行分类。
- (2) 通过聚类谱系图非常清楚直观地表现其分类结果。
- (3) 能够得到比传统分类方法更细致、全面、合理的结果。
- R 型聚类分析的目的如下:
- (1) 可以了解变量间及变量组合间的亲疏关系。
- (2) 对变量进行分类。
- (3) 根据变量的分类结果以及它们之间的关系,在每一类中选择有代表性的变量作为 重要变量,进一步分析和计算,如进行回归分析或Q型聚类分析。

7.1.3 聚类分析的基本步骤

进行聚类分析一般包括以下几个基本步骤,

- (1)选择描述事物对象的变量(指标)。要求选取的变量既要能够全面反映对象性质的各个方面,又要使不同变量反映的对象性质有所序别。
 - (2) 建立样品数据资料矩阵。
- (3) 确定数据是否要标准化。不同变量的单位经常不一样、有时不同变量的数值差别很大,这时如果不做数据标准化处理,数值较小的变量在描述对象的距离或相似性时其作用会严重削弱,从而影响分差的正确性。
 - (4) 确定表示对象距离或相似程度的统计量。
 - (5) 选择适当的聚类方法,进行聚类。

聚类分析的方法很多,我们重点介绍系统聚类法。作为聚类分析的出发点,先介绍分类统计量——距离和相似系数。



【期刊推荐



聚类分析方法的起源与产生

俗话说,"物以类聚、人以群分"。在自然科学和社会科学中,存在着大量的分类问题。所谓类、通 体地说,这是指怕以元素的集合。聚至分析又称群分析,它是研究(非品或指作) 分支问题的一种统计 分析方法。聚类分析起源于分类学,但是聚类不等于分类。聚类与分类的不同在于。聚类所聚及划分的 类是未如的。在占老的分支学中,人们主要依靠轻弱和专业如识来实现分支,很少利用数学工具进行定 置的分类。随着人类科学技术的发展,对分类的要求越来越高,以致和时仅完经验和专业知识难以确切 地进行分类,于是人们逐渐地把数学工具引用到了分类学中,形成了数值分类学,之后又得多无分析的 技术引入到数值分类学形成了聚至分析。聚类分析内容非常丰富。愈果能聚类法、便钢聚类法、K一均值 在等。

资料来源:何晓群、多元统计分析「MT.2版、北京:中国人民大学出版社,2008.

7.2 分类统计量

7.2.1 数据资料矩阵的标准化处理

我们知道,根据变量取值的不同,变量可以分为3 举,间隔尺度变量。有序尺度变量 和名义尺度变量。间隔尺度变量(定量变量)用连续的量来表示,如长度、距离、质量和 产量等。有序尺度变量(定序变量)用等级来表示,例如,产品质量分为上、中和下3个 等级,等等。名义尺度变量(定类变量)用一些类来表示,如人的职务、性别等。在实际 应用中经常遇到的是具有数值特性的变量(或指标),因此本章重点介绍定量变量的聚类 分析方法。

假设有 n 个样品、样品号为 1.2.3、…,n、每个样品测量 m 个变量(或指标) X , X , …, X... 数据资料矩阵为

为消除各个变量所用量级的影响。以保证各变量在分析中处于同等地位、对数据资料 矩阵做标准化处理。

$$\overline{x}_i + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{ii} \tag{7-1}$$

$$s_{j} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_{ii} - \bar{x}_{i})^{2}}$$
 (7-2)

$$x'_{ij} = \frac{x_{ij} - x_{ij}}{s_{ij}}$$
 (i=1,2,...,n;j=1,2,...,m) (7-3)

变换后各指标均值为 0. 标准差为 1. 根据实际问题的需要考虑是否讲行数据资料的 标准化处理、然后再进行聚类分析。

7.2.2 距离和相似系数



1. 距离

距离是常常用来描述样品间 亲疏程度的分类统计量,它是将每个样品看 成是m维空间中的一个点、并在空间中定义距离。距离较近的点归为一类,

- 第1号样品与第1号样品之间的距离记为 d...,一般要求 d..满足如下 4 个条件: (1) d: ≥0, 对于一切i, i,
- (2) d.: -0, 等价于第 i 号样品与第 j 号样品的各指标相同。

距离较远的点归属于不同的类。

(3) d_{ii}=d_{ii}, 对于一切 i, i。

在聚类分析时,有些距离并不满足第 4 个条件,但广义地称它为距离。下面介绍聚类 分析中常用的距离计算公式。

1) 闵氏 (Minkowski) 距离

$$d_{ij} = \left[\sum_{k=1}^{m} |x_{ik} - x_{jk}|^{q}\right]^{\frac{1}{q}}$$
 (7-4)

当 k=1 时, 为绝对值距离, 即

$$d_{ij} = \sum_{k=1}^{m} |x_{ik} - x_{jk}| \tag{7-5}$$

当k=2时,为欧氏 (Euclidean) 距离,即

$$d_{ij} = \sqrt{\sum_{k=1}^{m} (x_{ik} - x_{jk})^2}$$
 (7-6)

因氏距离是用得很多的一种距离, 尤其绝对值距离和欧氏距离最常见、也最宜观。因 氏距离适用于一般 / 维欧氏空间。它的缺点是没有考虑变量之间的相关性。

2) 马氏 (Mahalanobis) 距离

$$d_h^2(M) = (x_1 - x_1)^{T_n} - (x_1 - x_1)$$
 (7-7)

式中、S (s_n) 为协方差矩阵、 $s_n = \frac{1}{n-1} \sum_{k=1}^n (x_k - x_k) (x_k - x_k)$ 、 x_i 、和 x_i ,分别为第i号样品和第i号样品各指标的均值。

2. 相似系数

相似系数是常常用来描述指标间亲疏程度的分类统计量。两个变量相似系数的绝对值 越接近于1.说明这两个变量的关系越密切,性质越接近。相似系数绝对值大的变量归为 一类,相似系数绝对值小的变量归属于不同的类。

第1个变量与第j个变量之间的相似系数记为C,, · · 般要求C,满足如下3个条件;

- (1) |C_{ij}|≤1, 对于一切 i, j。
- (2) | Cu | =1, 对于一切 i。
- (3) $C_{ij} = C_{ji}$. 对于一切i, j.

下面介绍聚类分析中常用的相似系数计算公式。

1) Pearson 相关系数

$$C_{ij} = r_{ij} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{ii} - x_i)(x_{ij} - x_j)}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{ii} - x_i)^2 \sum_{i=1}^{n} (x_{ij} - x_j)^2}}$$
(7-8)

式中,x,和x,分别为第i个变量和第j个变量各样品的均值。

从统计角度来看,两个变量的相关系数是描述两个变量线性关系强弱的一个很有用的数字特征。因此用任意两个变量的n个观测值对其相关系数的估计可作为两个变量关联性的一种度量。

2) 夹角余弦

$$C_{v} = \cos\theta_{v} = \frac{\sum_{t=1}^{n} x_{tt} x_{tt}}{\sqrt{\sum_{t=1}^{n} x_{tt}^{2}} \sqrt{\sum_{t=1}^{n} x_{tt}^{2}}}$$
(7-9)

若将第i个变量的n个观测值 $(\iota_{1_1}, \iota_{x_j}, \cdots, \iota_{x_m})^{\mathrm{T}}$ 和第j个变量的n个观测值 $(\iota_{x_j}, \iota_{x_j}, \cdots, \iota_{x_n})^{\mathrm{T}}$ 看成n维空间中的两个向量,则 θ_n 正好是这两个向量的夹角。若夹角余弦越大,则夹角越小,则两个变量越相似。不难看出,相关系数实际上是对数据做标准化处理后的夹角余弦。

由前述的分类统计量的定义可以看出,用距离作为亲疏程度的度量值时,距离越小,意味着样品之间的关联性越大;用相似系数作为杂疏程度的度量值时,相似系数的绝对值越大,意味者指标之间的关联性越大。为了统一,可采用以下公式变换;d;一一C;。另外,需要说明的是,有时样品之间也可以用相似系数来描述它们的亲疏程度,变量之间也可以用距离来描述它们的亲疏程度,使用时只要把计算公式做相应的处理即可。

聚类分析时到底选择哪一种分类统计量,是一个比较复杂的问题,例如,选择距离作为分类统计量时,也不妨试探性地多选择几个不同意义的距离进行聚类,通过比较分析,以确定合适的距离。



运用聚类分析对企业信贷风险评估与预测

信用风险是导致银行资产赔量下降的主要原因、电是需也银行面临的严重掩蔽之一。因内外许多学者和专来对提高信用风险效出了现象的贡献、我们可以引体现企业偿债能力、经营效率分析能力、盈利能力及发展能力的公司财务情效评价指标体系中的主要等利指批并以这代价价与考虑。对企业保被的周围院进行额定分析。从企业的偿债能力、经营效率、盈利能力、火展能力这1个方面未考虑企业在需证银行的食款需量是可行的。比如过一家企业的偿债能力对、分管效率离、盈利能力、发展能力。支展能力可以看现、那么企业的需要不错。对这样的企业进行贷款。它的贷款质量是对的、至少是上常的。而对于那种偿债能力差、经营效率限的企业组付商款。它的贷款质量是对的、至少是上常的。而对于那种偿债能力差、经营效率限的企业组付有实验或需要是更多。所以对企业进行贷款的商业银行可以通过企业以任财务指标的数据进行额支分析。再与该企业实际的贷款质量进行比较分析。可以预测与减少更可与指标支低的企业的贷款质量、以减少其信用风险。还用额支分折调量能与商业银行对企业贷款质量、增加、其一定的参考价值、可以直接从多量的财务指标数据来估计企业的运约几率,进一步降低的分配价价价。

资料来源: 胡平。崔文田、徐青川. 应用统计分析教学实践案例集 [M]. 北京:清华大学出版 社,2007.

7.3 系统聚类法

7.3.1 类间距离

系统聚类法的聚类效果一方面取决于分类统计量的选择,另一方面还取决于类问距离的定义。对于样品(或变量)之间的距离,我们可以根据问题和数据的实际情况,从分类统计量中选取最适合的一种;而对于类与类之间的距离,主要是解决以谁来代表全类,可以有种种不同的规定代表的方法,由此产生出种种不同的类问距离的定义及聚类方法。系统聚类分析方法上要有最短距离法、最长距离法、中间距离法、重心法、类平均法、类间平均连接法、类内平均连接法和离差平方和法。下面介绍几种常用的系统聚类分析方法。

考虑类 G_p 与类 G_q 之间的距离,并假设类 G_p 中共有 f 个元素 (样品或统计量),类 G_q 中共有 f 个元素。用 α 。根 α ,表示两个类的重心 (即类均值)。

1. 最短距离法

最短距离法是(Nearest Neighbor)定义类 G_p 与类 G_n 中两个最近元素之间的距离为这两类之间的量短距离。计算公式为

$$D_{N}(p,q) = \min\{d_{jk} \mid j \in G_{p}, k \in G_{q}\}$$
 (7-10)

2. 最长距离法

最长距离法是(Furthest Neighbor)定义类 G_b 与类 G_a 中两个最远元素之间的距离为这两类之间的最长距离。计算公式为

$$\int D_{\mathbf{F}}(\mathbf{p}, \mathbf{q}) = \max\{d_{\mathbf{p}}\} \setminus \{G_{\mathbf{p}}, \mathbf{k} \in G_{\mathbf{q}}\}$$
 (7-11)

3. 重心法

重心法(Centroid Clustering)将类 G_p 与类 G_q 之间的距离定义为这两类重心之间的 距离。 计算公式为

$$D_{C}(p,q) = d(\overline{x}_{p}, \overline{x}_{q}) \tag{7-12}$$
 式中、 x_{p} 和 x_{q} 分别是类 G_{p} 与类 G_{q} 的重心、 $x_{p} = \frac{1}{f} \sum_{i=1}^{f} x_{i}, x_{q} = \frac{1}{f^{2}} \sum_{i=1}^{f} x_{i}.$

4. 类平均法

类平均法是(Median Clustering)定义类 G_p 与类 G_q 中每两个元素之间距离的平均值为这两个类之间的距离。计算公式为

$$D_{\rm M}(p,q) = \frac{1}{ff'} \sum_{i \in G_i, j \in G_i} d_{ij}^2$$
 (7-13)

5. 离差平方和法

$$S_t \cdot \sum_{i=1}^{M} (x_{it} - x_t)^{\mathrm{T}} (x_{it} - x_t)$$
 (7-14)

于是, 类 G。与类 G。之间的离差平方和距离为

$$D_{\mathbf{w}}^{2}(p,q) = |S_{b+q} - S_{b} - S_{q}|$$
 (7-15)

式中, S_{b+a} 表示 G_b 和 G_a 两类合并后的类 $G_b \cup G_a$ 的元素离差平方和。



系统聚类法的综合运用

由于各种聚类法所采用的类与类之间的距离的定义不同。产生不同的聚类结果是很自然的。对于一个具体问题、比较好的概法是试报各种聚类方法。同时、对于一个哈定的聚类法、及用几种不同的律品可距离(或变量间的相似系数)进行聚类、如果各种方法的聚文结果基本一般、因以为其聚类结果是可信的。另外一个经验的总结是、最如距离法是用于押品散点图(即将每个种最贵的,把它间中的点局形的图形)是各形图、甚至S形的实、而其例方法则。现金产情球形的类、由于SPSS统计分物软件中的放射的形态,这种形成,是全层形成,是不是一种重要的计算聚类过程可以在瞬间完成,因此大量尝试性的分类结果可以进行比较和联合、以便我们对数据做出更加速速和转换的结论。

7.3.2 系统聚类分析

系统聚类分析(Hierarchical Cluster Analysis) 是聚类分析中应用最广泛的一种方法。 凡是具有数值特征的变量和样品都可以采用系统聚类分析法。选择不同的分类统计量可获得不同的分类效果。在系统聚类分析中,无法事先确定类别数。系统聚类法的基本思路;首先将各样品(或变量)各作为一类,并计算它们两两之间的分类统计量(距离或相似系数);其次按类间距离度量准则将两类合并成为新类,并计算新类与其他类的距离;最后再按类间距离度量准则合并类。这样每次缩小一类。直到所有的样品(或变量)都并成一类为止。这个并类过程可以用谱系聚类图清整地表达出来。

1, 系统聚类分析的算法步骤

下面以 Q 型聚类分析为例,选取距离作为分类统计量,聚类方法选择最短距离法,则系统聚类分析的算法非验如下,

系统聚类分析的计算基础是由 n 个样品构成的距离矩阵,即



第一步,

$$D = \begin{bmatrix} 0 \\ d_{21} & 0 \\ d_{31} & d_{32} & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots \\ d_{n1} & d_{n1} & d_{n3} & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$

- (1) 在矩阵 D中寻找距离最小的 d_n 值, 记为 $d_{n,n}$, 合并第 n 类和第 j_1 类为第 n+1 类。
- (2) 第 n+1 类与其他各类的距离由原来的第 i_1 类和第 j_1 类与其他各类的距离决定,即 $d_{n+1,k} = \min(d_{n,k},d_{n,k})$ 。

(3) 得到新类后、原来的第 i_1 类和第 j_1 类的两个类号被撤消,即在距离矩阵中划去第 i_1 行、第 i_2 行、第 i_3 行、第 i_4 列、第 i_4 列、增加第 i_4 1 行和第 i_4 1 列,得到新的距离矩阵 i_4 i_4 已与矩阵 i_4 相比降 i_4 一份。

第二步:在矩阵 D_1 中重复第一步的工作、并记 $d_{i,j}$ 为本步中距离最小的值、合并第 i_{i} 类和第 j_{i} 类为第 n+2 类。距离矩阵的更新与第一步类似(值得注意的是、若 n+1 时、那么合并第 i_{i} 类和第 j_{i} 类时、实际是把最初的第 i_{i} 、 j_{i} 类与第 j_{i} 类 3 个样品合为一类)。

第三步:如此反复进行,直到得出的距离矩阵是 2、2 阶矩阵、最后把所有 n 个样品都聚成一举了。则聚举结束。

从以上聚类过程可以看出,后面某些步骤的类的聚合效果都要比前面聚合的类差,因 此若指定,个距离的临界水平,同时规定距离比临界水平大的类不再聚合,这样可以在此 水平上得到若干类了。

【例 7.1】 现有 5 个样品,以距离为分类统计量,其距离矩阵 $D=(d_n)$ 为:

试讲行聚类分析。

解;第一步:d、 1 最小、合并第 5、3 类得第 6 类; 计算第 6 类与其他各类的距离;

$$d_{61} = \min(d_{53}, d_{31}) = \min(3, 2) = 2$$

$$d_{62} = \min(d_{53}, d_{32}) = \min(6, 5) = 5$$

$$d_{64} = \min(d_{54}, d_{34}) = \min(5, 8) = 5$$

更新距离矩阵,即把原距离矩阵中的第3、5行及第3、5列划去,并增加第6行和第6列,得新距离矩阵为

第二步: d_{61} 2 最小,合并第 6、1 类得第 7 类; 计算第 7 类与其他类的距离: $d_{72} = \min\{d_{62} \cdot d_{12}\} = \min\{5,7\} = 5, d_{74} = \min\{d_{64} \cdot d_{14}\} = \min\{5,9\} = 5$ 得新距离新阵为

第三步: d.最小,合并第4、2类得第8类; 计算第8类与其他类的距离;

 $d_{27} = \min\{d_{47}, d_{27}\} = \min\{5, 5\} = 5$

得新距离矩阵为.

$$(7)$$
 (8)
 (7) $\begin{pmatrix} 0 \\ 5 \end{pmatrix}$ 0

图 7.1 系统要类分析谱系聚类图

第四步,合并第8.7举得第9举,至此,聚举 完毕。1.述聚类过程可以用谱系聚类图直观表示, 加图 7.1 所示.

加以距离不超过3为聚类的临界水平,则过5个 样品可以分为3大类,即第5、3、1号样品为一大类, 第4号和第2号样品各成一类。

2. 系统聚类分析的应用

系统聚类分析可以实现对一批样品或变量按照它 们在性质上的亲疏、相似程度进行分类。对样品聚类,

可以将具有相同特点的样本聚集在一起;对变量聚类。可以使得具有共同特征的变量作为 一类,根据分类结果选择少数几个具有代表性的变量进行其他统计分析。下面重点介绍变 量分类后代表性变量的选择方法。

用系统聚类法分类完之后, 计算每类中相关指数的平均值 R2, 取其中较大者对应的 指数作为该类的代表性变量。

计算公式为



$$R_i^2 = \frac{\sum_{i=1}^{r+1} r_0^2}{R-1} \qquad i,j = 1,2,\cdots,k$$

式中, R 为某一类中变量的个数; r 为该类内变量 X 对类中其他变量的相 关系数的平均值。

【例 7.2】 已知体重、胸围、大腿围是一类的 3 个指标, 其相关系数如表 7-1 所示。 试选出该类中的代表性指标。

表 7-1 体重、胸围、大腿围之间的相关系数

	体 重	胸围	腰围
体重	1		
胸围	0.85	1	
腰围	0.76	0.60	1

解: 计算体重对胸围及腰围的相关指数的平均值 R2:

$$R_1^2 = \frac{(0.85)^2 + (0.76)^2}{3} \approx 0.65$$

计算胸围对体重及腰围的相关指数的平均值 R2:

$$R_2^2 - \frac{(0.85)^2 + (0.60)^2}{3-1} \approx 0.54$$

计算腰围对体重及胸围的相关指数的平均值 R2:

$$\bar{R}_3^2 = \frac{(0.76)^2 + (0.60)^2}{3-1} \approx 0.47$$

由 $F(R_1^2 > R_2^2 > R_3^2$,所以选择体重作为这一类的代表性指标。一般来说,在身高一定的前提下,体重比较重的人其胸围及腰围的指标电器比较大些,这与常规相符合。

知识要点 健醒

有序样品的聚类

在有些实际问题中。覆研究的对象与时间的断环密切相关 例如。从 1949 年到 2016 年。 國民收入 可以允分为几个阶段。阶段的划分之处以每份的矩阵为依据。总的想法是要将国民或入接近的年份划分 我一个段内。对于这类有学样品的分类。实施上是需要找出一些分点。将它们划分为几个分段。每个分段有价一类。这种分支核为分割。 墨州。分点在不同位置可以得得不同分段。这样使存在一个如何决定分成,使转达到所谓最优分割的可能。即要求一个分别能使各位内部样品间的要异最小。而各段之同样品的要容量去。



阅读专栏7-2



聚类分析的主要应用

聚类分析是研究事物分类的基本方法,广泛池州于自气补学、社会科学、工农业生产的各个领域。 在商业上; 聚为分传琼用来发现不同的客户都,并且通过码买模式或尚不同客户群的特征。聚类分析是细分市场的前效工具,同时也可用于研究消费者行为,寻找新的潜在市场,并任为多元分析的质 价理。

在生物上,聚类分析被用来对动植物进行分类和对答因进行分类,获取对种群固有结构的认识。

在地理上: 聚类分析可以从地球观测数据库中帮助识别具有相似的土地使用情况的区域。

在保险行业上: 聚类分析通过 · 个高的平均消费来鉴定汽车保险单持有者的分组, 同时根据住宅类型、价值、抽理位置来签定一个城市的房产分组。

在因特网应用上。聚类分析被用来在网上进行文档归类。以修复信息。

在电子商专上: 聚类分析在电子商务网站建设及数据挖掘中也有限需要的应用、通过分相聚类出具 有相似利克行力的客户,并分析客户的共同特征,可以更好地帮助电子商务的用户了解自己的客户,向 客户提供更合适的服务。

7.4 用 SPSS 软件进行聚类分析

7.4.1 聚类分析 SPSS 操作过程

(1) 选择 "Analyze ► Classify ► Hierarchical Cluster"选项,弹出"Hierarchical Cluster Analysis"对话框。

- (2) 选择参与聚类分析的变量到 "Variable(s)" 框中。
- (3) Label Cases by 列表框:输入标签变量,该变量的取值将在分析结果中取代样品 号出现。该列表框只在样品聚类时使用。
 - (4) Cluster 项:选择聚类类型,包含2个单选按钮。
 - ① Cases 单选按钮:对样品进行聚类,即Q型聚类,是系统默认的方式。
 - ② Variables 单选按钮:对变量进行聚类,即R型聚类。
 - (5) Display 项;选择输出结果的方式。包含2个复选框。
 - ① Statistics 复选框:输出统计量。
 - ② Plots 复选框:输出统计图。
 - (6) 单击 "Statistics" 按钮, 弹出 "Hierarchical Cluster Analysis; Statistics" 对话框。
- ① Agglomeration schedule 复选框:选择输出聚类分析的凝聚状态表。显示聚类过程中每一步合并的类,根据该表跟踪聚类的合并过程。
 - ② Proximity matrix 复选框:选择输出样品或变量间的距离或相似系数矩阵。
 - ③ Cluster Membership 项:选择输出样品或变量的所属类别,包含3个单选按钮。
 - a. None 单选按钮,不输出样品或变量的所属类别,是系统默认的方式。
- b. Single solution 单选按钮: 在"Number of clusters"文本框中输入数值 k, 输出划分为 k 类时样品或变量所属类别的结果。
- c. Range of solutions 单选按钮: 在 "Minimum number of clusters:" 文本框中输入数值 n. 输出划分为 m 至 n 类时样品或变量所属类别的结果。
 - ① 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Hierarchical Cluster Analysis" 对话框。
 - (7) 单击 "Plots" 按钮, 弹出 "Hierarchical Cluster Analysis: Plots" 对话框。
 - ① Dendrogram 复选框:选择输出聚类结果的树状图。
 - ② lcicle 项, 选择输出聚类结果的冰柱图, 包含 3 个单选按钮。
 - a. All clusters 单选按钮;输出聚类全过程的冰柱图。
- b. Specified range of clusters 单选按钮:输出某个阶段的冰柱图。在"Start cluster:"文本框中输入起始类别数值;在"Stop cluster:"文本框中输入终止类别数值;在"By:"文本框中输入步长。
 - c. None 单选按钮: 不输出冰柱图。
 - ③ Orientation 项:选择冰柱图,包含2个单选按钮。
 - a. Vertical 单选按钮:输出纵向冰柱图。
 - b. Horizontal 单选按钮:输出横向冰柱图。
 - ④ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Hierarchical Cluster Analysis" 对话框。
 - (8) 单击 "Method" 按钮, 弹出 "Hierarchical Cluster Analysis; Method" 对话框。
 - ① Cluster Method: 下拉列表框: 选择系统聚类方法,系统提供7种方法。
- a. Between groups linkage; 类间平均连接法,是系统默认的方法。合并两类的结果 使所有的两两样品或变量之间的平均距离最小,两个样品或变量分别属于不同的类。
- b. Within groups linkage: 类内平均连接法。合并后的类中的所有样品或变量之间的平均距离最小,两类间的距离是合并后的类中所有可能的样品或变量之间的距离平方。

- c. Nearest neighbor: 最短距离法。用两类间最近点的距离代表两类间的距离。
- d. Furthest neighbor: 最长距离法。用两类间最远点的距离代表两类间的距离。
- e. Centroid clustering: 重心法。以两类重心(均值)之间的距离代表两类间的距离。
- f. Median clustering:中间距离法。以最短距离与最长距离的中间距离代表两类间的距离。
- g. Ward's method: 离差平方和法。根据方差分析的原理得到,若分类较为合理,则同类之间离差平方和较小,类与类之间的离差平方和较大。
 - ② Measure 单选框:选择进行聚类分析的数据类型,包含3个单选按钮。
- a. Interval 单选按钮:用于连续变量。在下拉列表框中系统提供了8种测算距离的方法。
 - Euclidean distance: 欧氏距离。
 - Souared Euclidean distance: 欧氏距离的平方。
 - Cosine, 夹角杂弦。
 - Pearson correlation; 皮尔逊相关系数。
 - Chebychev, 切比雪夫距离。即最大绝对值距离
 - Block, 绝对值距离和。
 - Minkowski: 明可夫斯基距离
 - Customized: 自定义距离。
 - b. Counts 单选按钮:用于计数变量
 - c. Binary 单选按钮:用于二值变量。
 - ③ Transform Values 项: 选择数据标准化变换处理。
 - 在 Standardize 下拉列表框中,系统提供7种数据标准化变换的方法。
 - None: 不做变换。是系统默认的方法。
 - Z Scores: 使各变量的均值为 0、标准差为 1、是常见的数据标准化方法。
- Range-1 to 1; 使各变量值在一1 到 1 之间变化,即对每个值用正在被标准化的变量值的范围去除。
- Range 0 to 1: 使各受量值在 0 到 1 之间变化,即对正在被标准化变量的值减去正在被标准化变量的最小值,然后除以范围。
- Maximum magnitude of 1: 使各变量值最大值为 1. 即对正在标准化变量的值用最大值去除。
- Mean of 1: 使各变量值平均值为1、即将数值标准化到一个均值的范围,对正在被标准化变量的值除以正在被标准化变量的值的均值。
- Standard deviation of 1: 使各变量值标准差为 1,即将数值标准化到标准差为 1,对 每个值除以正在被标准化变量的标准差。
 - ① Transform Measures 选项组:选择距离测量结果的转换方法,包含3个复选项。
- a. Absolute values 复选框:将距离取绝对值,当数值符号表示相关方向,且只关心数值大小时使用本方法。
- b. Change sign 复选框:将相似性变为不相似性或相反,用取反的方法使距离顺序频倒过来。

- c. Rescale to 0-1 range:使距离取值于0-1 间、首先减去最小值、然后除以范围、使距离标准化。
 - ⑤ 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Hierarchical Cluster Analysis" 对话框。
- (9) 单击 "Save"接钮,弹出 "Hierarchical Cluster Analysis: Save New Variables" 对话框。该选项只在进行样品聚类时可用,用于按要求生成新变量以存储聚类结果,这些 变量将存入数据文件中。在Cluster Membership 选项组中,包含3个单流按钮。
 - ① None 单选按钮: 不建立新变量。
- ② Single solution 单选按钮: 生成一个新变量, 标明每个样品最后所属的类, 在该项后面的编辑框中指定类数。
- ③ Range of solutions 单选按钮:指定范围内的结果、生成若干个新变量、标明聚为若干个类时,每个样品最后所属的类。
 - ① 单击 "Continue" 按钮, 返回到 "Hierarchical Cluster Analysis" 对话框。
 - (10) 单击 "OK"按钮,输出聚类分析结果。

知识更点 雕 醒………

分类数的确定

确定分类数的问题是聚类分析中设分为止尚未完全解决的问题之一。主要的像码是对分类的结构和内容很难给出一个统一的定义。实际应图中,人们主要根据研究目的。从实明的角度出发、选择合意的分类数。Demirmen 管提出了根据性效结构图象分类的控制。

准见 1: 任何类 3. 质在部近各类中是突出的。即各类重心之间距离必须大

准则 2. 各类所包含的元素不应过多。

准则 3, 分类的数目应该符合使用的目的。

准则 1; 若采剂几种不同的聚类方法处理, 则在各自的聚类图上应发现相同的类。



阅读专程7-3

聚类分析在 SPSS 操作中的注意事项

从 SPSS 实际操作来讲,聚类分析法有多种方法。K-means cluster analysis、Two step cluster analysis。 H.erarchical cluster analysis : 种聚类方法在 SPSS 里都申提供,但其应用范围和优劣势各有不同。

Two step cluster analysis 是揭示自然类别的探索性工具。该方法的算法与传统聚类技术相比有一些

量著的特点。它可以整于类别变量和连续变量来进行聚类;自功选择聚类结果的颗佳类别数;具备有效 分析大量数据的能力。

如果我们只拥有少量的 case (少于数百个)。并且想尝试多种聚类方法,测量不同类别之间的差异。 我们就应该尝试使用 Hierarchical cluster analysis (HCA)。当然该方法不仅可以对样本聚类,也可以对 变量最具。 20种万法的分类结果取决于对聚类方法、距离测量方法、标准化变量的该量。这种方法、平 先确定类数、有多少点就是多少类、它沿着最近的先限为一类的思想进行合并,直至最后只有一大类 为止。

7.4.2 聚类分析 SPSS 输出结果解释

【例 7.3】 对导人案例 7 1进行聚类分析。表 7 2 给出了 2014 年我国 31 个省、自治区、直辖市的土地利用情况 (单位: 万公顷), 依据给出的数据对全国各省市进行分类。



表 7-2 2014 年 31 个省市自治区土地利用情况

	表 7-2 2014年31 丁曾市自治区工规利助情况							
地 区	图地	牧草地	居民点及工矿用地	交通用地	水利设施用地			
北京	13. 6	0.02	30.1	3. 2	2. 1			
天津	3	0, 1/1	32.5	2. 7	5, 3			
河北	84. 5	1,48.3	184. 4 X	17.4	10.6			
山西	40.9	3.4	86.87.11	9.6	3. 7			
内蒙古	5,7	4958. 9	180.9	20	6. 7			
孔守	17. 1	0.3	131. 3	11.7	13. 8			
吉林	6.6	23. 8	85. 1	8. 7	13.5			
黑龙江	4.5	109. 9	120. 9	15	24. 1			
上海	1.7	0.0003	27	2. 9	0.3			
江苏	30. 6	0.01	185. 2	20.7	16.6			
浙江	59. 8	0.03	96. 7	13. 5	13. 9			
安徽	35. 3	0.1	161	12.7	20.7			
福建	78. 2	0.03	60.9	10.7	7. 1			
江西	32. 9	0.1	92. 4	9. 6	20. 2			
山东	72. 8	0.6	232. 9	20. 4	23. 1			
河南	22. 3	0.03	216. 4	16.9	18. 6			
湖北	48.8	0. 2	125. 8	10.9	26. 4			
湖南	67. 2	1.4	129.8	13. 2	15. 2			
广东	128. 9	0.3	157. 3	16.5	19.4			

地 区	园 地	牧草地	居民点及 工矿用地	交通用地	水利设施用地
广西	108. 9	0.5	87. 4	12. 8	17.9
海南	92. 8	1.4	25. 3	2. 2	5. 7
重庆	27. 2	4. 6	54.4	5. 7	3. 8
四川	74	1096, 1	150	13.7	11.1
贵州	16.8	7.3	51.1	8. 2	4
云南	164.3	14. 8	81. 2	10.8	7. 9
西藏	0. 2	7069. 8	9. 6	3.6	0, 6
陕西	82. 6	218. 2	77.6	11 6.6	3. 6
井 肃	25. 9	592. 3	75. 1	7.5	3, 8
青海	0.6	4081.5	153/	4. 5	6. 2
宁夏	5. 2	150.1	25.7	3. 4	0.9
新橿	62. 7	3575. 1	113	13.6	23, 5

资料来源:《2015 中国统计年鉴》。

解:采用系统聚类分析中的Q型聚类方法对31个省、自治区、直辖市进行分类。系统聚类方法选择类间平均连接法(Between groups Linkage)。输出聚类分析结果如下;

(1) 输出样品的距离矩阵如表 7-3 所示。

表 7-3 数据信息 (Case Processing Summary*)

	A	Cases			
1	Valid		ssing	Total	
N	Percent	N	Percent	N	Percent
31	100.0	0	. 0	31	100.0

a. Squared Euclidean Distance used

表 7 3 表明了5 个分析指标的记录数据统计结果。共 31 个有效样品(Valid)参加了分析、无缺失值记录(Missing)、总记录数为 31 个(Total)。表下方的"a Squared Eu clidean Distance used"表示采用欧氏距离的平方作为样品距离测量方法、"b. Average Linkage (Between Groups)"表示采用类间平均连接法作为聚类分析方法。

表 7 4 给出了样品的距离矩阵,由于数据量较大,只给出了部分省份的距离矩阵结果。每一个省份的土地利用情况为一个记录或一个样品,不同省份的土地利用结构越相近,计算得到的距离越小。表下方的"This is a dissimilarity matrix"表示这是一个不相似性系数矩阵,即数值越大,两个省份越不相似。

b. Average Linkage (Between Groups)

表 7-4 样品距离矩阵 (Proximity Matrix)

			S	quared Eucl	idean Distan	re		
Case	1: 北京	2: 天津	3: 河北	4: 山西	5: 内蒙古	6: 辽宁	7: 吉林	8: 黑龙江
1: 北京	0	128. 61	30731.67	4015. 124	24601017	11632. 91	3799.698	21024.3
2: 天津	128. 61	0	31584.13	4446.63	24600680	11922. 59	3449.4	20399.55
3: 河北	30731.67	31584.13	0	12896. 78	24201720	5835. 9	16285. 25	15464.42
4: 山西	4015. 124	4446.63	12896. 78	0	24560281	2156. 32	1692.39	14275.34
5; 内蒙古	24601017	24600680	24201720	24560281	0	24589507	24357484	23513230
6: 辽宁	11632.91	11922.59	5835.9	2156.32	24589507	0	4363.03	14041.26
7: 吉林	3799, 698	3449.4	16285. 25	1692.39	24357484	4363/03	0	8851.31
8: 黑龙江	21(21.3	20399, 55	15161.12	11275.31	23513230	11/41.26	8851.31	J
9; 上海	151, 55	56, 98	33571,01	5180, 688	21601831	13261.23	1173. 926	21615.81
10: 江苏	24861.51	24530.74	4576.024	10089.76	21591257	3221.384	11315.58	16980.25
11: 浙江	6815, 33	7538, 181	9919, 153	585, 827	21591582	1359, 973	3553, 013	15821.11
12: 安徽	18011.52	17892.71	1708. 31	5846, 5	24591729	1072, 98	7214.03	11629, 51
13: 福建	5203.05	6528. 841	16970. 75	2086\227	24600635	5984. 333	6322. 173	21410.6
11: 行例	1622, 356	1751, 65	12895.6	378. 5	24592210	1781.86	1352.37	13719, 22
.5. 山东	15369, 66	15662.69	1230, 18	22863.66	245999]4	11102.12	26991.57	29185.54
16:河南	35243, 32	34570, 23	6378, 763	17428, 78	24598129	7885. to3	18144.44	21542.37
17. 湖北	11017.34	11315.02	6608.35	2110.63	24591060	206, 35	1165, 51	11042.69
.8:湖南	13086, 56	13799, 15	1832. 16	2684.9	21580708	111.68	6195.35	15860.2
19: 广东	29950, 19	31815, 19	1381. 02	13017.96	21603763	7101.81	20818, 03	28836, 82
20: 广西	12767.41	14489.84	11662.85	4844.65	24598450	5766.91	11049.64	24033.25
21. 海南	6311.544	8118.25	27149.96	6538.62	24595862	13547.56	11611.33	29210.9
22; 重庆	805.566	1097.66	21640.91	1254.11	24551616	6509.11	1838.58	16524. 21
23: 四川	1219607	1220437	1116021	1199155	14926313	1201859	1158613	978438. 2
24: 贵州	532, 848	621.63	23569.38	1872.56	24524980	7537. 42	1622.79	16000.34
25: 云南	25624.2	28672.94	17726. 23	15407.01	24471844	16510.27	24999. 42	36440.67
26; 西藏	49982391	49982627	49451822	49941671	4470949	49995138	49652050	48453296
27: 陕西	54662.97	56031.91	43168.1	47962.58	22483109	51754. 4	43722. 43	20152.8
28. 甘粛	352993.3	353183.8	320228.7	347169.5	19070882	354223.7	323760.3	235733. 7
29; 青海	16658717	16658742	16364572	16636626	781739.7	16670246	16468893	15783637
30: 宁夏	22615.41	22600.94	43820. 31	26574.87	23135934	35641.11	19668.86	11352.37
31: 新疆	12791046	12791834	12500565	12758611	1918795	12779869	12615781	12011063

This is a dissimilarity matrix

(2) 输出凝聚过程表如表 7-5 所示。

表7-5 凝聚过程表 (Agglomeration Schedule)

Stage	Cluster C	Cluster Combined		Stage Clus Appe		Next Stage
	Cluster 1	Cluster 2		Cluster 1	Cluster 2	
1	2	9	56. 98	0	0	3
2	22	24	132. 63	0	0	9
3	1	2	141.58	0	1	9
4	6	17	206, 35	0	0	6
5	4	14	378.5	0	0	8
6	6	18	449. 205	4	P 0	11
7	10	12	688. J‡8	()	J	12
8	4	11	691.416	5 / 📉	0	11
9	1	22	900, 641	3	2	13
10	13	21	1556, 607	0	0	14
11	į.	6	1822, 997	8	6	17
12	10	16	2160-493	7	0	16
13	1	7	2976. 870	9	0	18
14	13	20	3071.82	10	0	17
15	3	15	1230. 18	Ω	n	16
16	3	10	1909, 738	15	12	23
17	4	13	6119, 909	11	14	18
18	1 /	17	7309. 373.	13	17	22
19	19	_ 25	7425/31	0	0	22
20	8	30	11352.37	0	0	21
21	87.	27	16760. 26	20	0	24
22	1	19	17103.44	18	19	23
23	1	3	18965. 29	22	16	24
24	1	8	36133.03	23	21	27
25	23	28	261829.8	0	0	27
26	29	31	268779.5	0	0	28
27	1	23	748038.6	24	25	30
28	5	29	1350267	0	26	29
29	5	26	8543083	28	0	30
30	1	5	25248934	27	29	0

表 7 5 给出了反映聚类过程的凝聚过程表。第一列 (Stage) 为聚类的少骤; 第二、三 列 (Cluster Combined) 表示本步骤哪两类合并,合并结果取小的序号; 第四列 (Coefficients) 表示距离系数; 第五、六列 (Stage Cluster First Appears) 表示合并的结果前一次出 现的聚类步序号; 第七列 (Next Stage) 表示该步合并结果在下一步合并时的步序号。

如在第1步 (Stage 1) 中, 样品 2 和样品 9 合并为一类, 合并结果取小的样品序号 2; 其距离系数为 56.98; 合并的两项都是首次出现, 所以 Stage Cluster First Appears 栏都取 0; 该步合并结果将在第 3 步再次出现。在第 2 步 (Stage 2) 中, 样品 22 和第 24 类 (以第 - 类 中较小的样品序号为标记) 又合并成 - 类, 合并结果取小的样品序号 22; 其距离系数为 132.63; 样品 22 和 21 都是首次出现,所以 Stage Cluster First Appears 栏都取 0; 该步合并结果将在第 9 步再次出现。经过 30 步骤类过程, 31 个样品最后合并成 - 大类,聚类过程结束。

(3) 输出分类结果,如表7-6所示。

表 7-6 分类结果的类成员表 (6	Cluster Membership)
--------------------	---------------------

Case	7 Clusters	6 Clusters	5 Clusters	4 Clusters
1: 北京	1	1	1	1
2: 天津	1	1	1	1
3: in 16	1	1	1	1
1: 山岬	1	1	1,7	1
5: 内蒙古	2	2	, 2	2
6: 辽宁	1	1	/1/1	1
7. 占林	1	1	1	1
8: 黑龙江	1	1 . 1	1	1
9: 上海	1	DELL	1	1
10: 江苏	1	1 111	1	1

表7-6给出了划分1~7类时每一个样品属于某一类别的结果。当聚成1类或5类时,内蒙古属于第2类;同样当聚成6类或7类时,内蒙古属于第2类。

(1) 输出分类结果的垂直冰柱图,如图 7.2 所示。

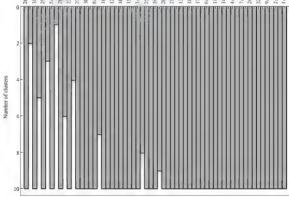


图 7.2 分类结果的垂直冰柱图 (Vertical Icicle)

图 7.2 给出了部分样品的纵向显示的冰柱图,纵坐标 (Number of Clusters) 表示分成的类数。在第1步分类时,所有 31 个省自治区、直辖市都归为 1 类,在第2 步分类时,连在一起的西藏、新疆、青海、内蒙古、甘肃、四川和陕西 7 个省份归为一类,其他省份归为一类。其他分类情况依此类排。

(5) 输出谱系聚类图,如图 7.3 所示。

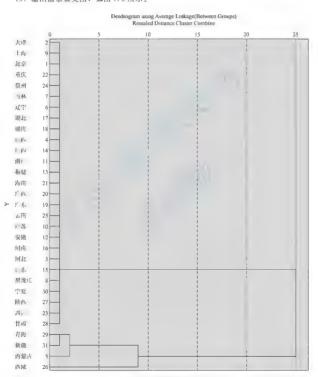


图 7.3 聚类分析树状图

图 7.3 给出了骤类分析树状图, 直观地显示了样品逐步合并的过程。如何得出最后分类结果由用户自己决定, 取决于用户选择怎样的分类标准, 划分成多少类。31 个省市自

治区, 直辖市分成4类时的分类结果如下。

第1类: 天津, 上海, 北京, 重庆, 贵州, 吉林, 辽宁, 湖北, 湖南, 山西, 浙江, 福建, 海南, 广西, 广东, 云南, 江苏, 安徽, 河南, 河北, 山东, 黑龙江, 宁夏, 陕西, 四川, 甘肃。

第2类:青海、新疆。

第3类:内蒙古。

第4类:西藏。

我们可以对比其他分类结果,从而选择一种合适的分类划分。





基于聚类分析方法的职位族管理

作为定量分类的统计工具、聚类分析方法被广泛应用于诸多科技领域、取得了较好效果。近几年兴起的对员工职业生涯发展的关注、要求企业依据各职位的职业发展水平对其采取针对性管理;同时、职位分核管理也在成为一种趋势。人力资源管理部门依据不同职位的特征进行分类、构成多个"职位核"、在此基础上进行人力资源管理。

职位族管理是基于不同职位所要求的职业发展水平,故所选用的聚类变量要对它有很好的表征。我们将具体职位要求的"职位权力和责任、工作复杂性和难度、教育与专业经验、知识与技能、职位扇出度、可替代性和组织环境熟识度"等7类指标作为聚类因素,来表征各个职位的职业发展水平。下面对这些因素的内涵作一些界定。

- (1) 职位权力和责任、根据权责对等的原则、职位权力的影响范围和影响强度可以表征这个因素、根据权力的性质分为执行权或建议权。调配人力、物力的权限等。
 - (2) 工作复杂性和难度: 人际交往中的沟通协调能力、科研攻关中解决问题的能力。
- (3)教育与专业经验,学历与行业或者专业从业年限是外显的指标,注意这两者的结合,理论知识在实践中得到应用,来解决实际问题。
 - (4) 知识与技能, 体现了管理、技术、技能等不同职位发展通道上职位的并重。
- (5) 职位扇出度:主要用来描述职位关系,职位作为组织中的一个基本单元,虽然每个职位都具有自己相对独立的功能,但这个功能的实现要靠与其他职位的协作或者下属职位功能的支撑,职位扇出度越大代表任职者需要越强的协调沟通和领导能力。
- (6)可替代性,这个变量主要说明职位的任职人选通过内部晋升或外部招聘获取是否容易,有的职位掌握组织发展的关键资源、造成了任职人员的不易替代、提高了替代成本。
- (7)组织环境熟识度:某些职位的任职者需要对组织的方方面面的信息有整体和深入 地把握,特别是组织的财务、运管和战略规划实施等信息。信息的获取主要通过正规渠 道,也可能通过非正式组织等,组织环境熟识度从一定程度上反映了职位对组织的影响力。

参照企业的职位说明书,采用7分制对各个职位对应的指标进行打分。 数据资料如表7-7所示。



表 7-7 各职位聚类因素得分表

职位 代码	职位名称	职位权力 和责任	工作 复杂性 和难度	教育与专业经验	知识与技能	职位扇出度	可替 代性	组织 环境 舒适度
1	生产总监	7	7	6	7	6	7	6
2	供应部经	5	5	4	4	5	6	5
3	生产计划	6	6	6	4	7	6	6
4	机电设备	4	4	5	5	5	5	5
5	计划主管	4	5	5	4	5	4	6
6	生产主管	5	5	6	5	Я	5	6
7	生产调度	3	3	4	4 /	144	4	1 5
8	车间主管	4	5	5	4	11	4	5
9	工艺主管	4	5	5	1 12:0	4	5	4
10	生产工人	1	2	2	1181	1	1	1
11	安全技工	2	2	12 11	3	1	2	2
12	设备维护	2	3 /	. K3>	4	2	3	2
13	营销总监	7	3/1/	7	6	6	7	6
14	客服部经	5	1	5	1	5	1	5
15	各办事处	6	5	6	î,	7	6	5
16	用户质量	4	3	1	1	3	3	1
17	销售内勤。	1	2	231	4	2	1	2
18	促销员	1	2	11/2	3	1	1	1
19	财务总监	7	7	7	6	7	7	7
20	证券投资	5	6	6	5	5	5	5
21	投标主管	4	5	5	6	3	4	4
22	出纳	2	2	3	3	1	2	2

雪要分析的问题,

- (1) 根据职位在组织内的职业发展水平,对其进行分族。
- (2) 针对不同职业发展水平的职位族,给出具体的职业发展建议。

一、学习目标

通过本案例的学习·要求学生熟练掌握聚类法的基本步骤及其应用;考核学生对聚类 法的理解程度。

二、案例分析

1. 应用 SPSS 软件对数据进行处理

首先采用系統聚獎法对职位样本进行聚獎, 个体之间距离选择平方歐氏距离, 个体与 小斐之间距离选择组间平方链锁距离, 软件输出全序的聚类冰柱图, 如图 7.4 所示。

然后用系统聚类法对各职业发展水平变量进行聚类,输出全序冰柱图,如图7.5所示。

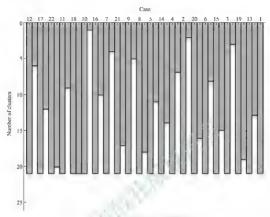


图 7.4 即位聚类分析冰柱原

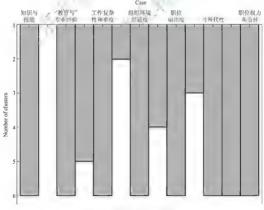


图 7.5 聚类变量聚类分析冰柱图

264 应用统计学(第3版)

采用 K - M - E -

表 7-8 聚苯取位族类归属表

Case Number	职位名称	Cluster	Distance
1	生产总监	1	.000
2	供应部经	3	2, 646
3	生产计划	3	2. 828
4	机电设备	3 ,	2, 449
5	计划主管	3	2, 449
6	生产主管	3	1. 732
7	生产调度	- 1	. 300
8	车间 主管	3	2, 119
5	「艺主管	3	2. 236
La	生产 工人	2	, 101,
11	安全找1	2	1. 732
12	" 设备维护	XX12"	3. 162
13	营销总监	X 1	1.414
14	客服部经	3	2, 646
13	各办事处	3	2. 616
16	用户质量	4	2, 000
17	销售内勤	2	2. 236
18	促销员	2	.000
19	财务总监	1	2, 000
20	证券投资	3	.000
21	投标主管	3	3. 162
22	出纳	2	2.000

结果分析:

在职位聚类的冰柱圈中(图7.4),由左至右可分为4族,分别是{10.11.12.17.18.22}、 {2.4.5,7.8.9.14.16.21}、{3.6.15.20}、{1.13.19},它们分別对应职业发展水平由低到高的4个职位族。根据企业向心型职业发展通道的思想。分别将其命名为"辅助职位族、一般职位族、关键职位族、核心职位族"。如果分为5个职位族。7.16)就会从原有的一

船职位落中分离出来。说明一船职位落聚合度相对较差,整体看来。这种通过层次聚类得 到的各职位落的职位分布比较符合大型企业全字塔式的人才结构。有利干形成企业的人才 发展梯队.

由 K Means 聚类的最终聚类中心 (表 7 6) 可以看出: 1 类对应核心职位族,包括 {1,13,19}; 3 类对应关键职位族,包括 {2,3,4,5,6,8,9,14,15,20,21}; 4 类对应一般职 位族,包括 (7,16; 2类对应辅助职位,包括 (10,11,12,17,18,22)。两种聚类方法所 得到的结果在核心职位族和辅助职位族完全相同、差别体现在关键职位族和一般职位族。 这种差别一定程度上是由于聚类方法的原理不同造成的。

从系统聚类法对变量进行聚类得到的冰柱图 (图 7,4)。如果把7个变量聚为4类,则首 先职位权责与可替代性相关度最高,其次是工作复杂度与教育和专业经验,再次是职位扇出 度与组织环境熟识度,最后是知识与技能。这个聚类结果与对这些变量的定义也很契合。

2. 针对不同职位族采取不同的职业开发策略

职位分族是职位族管理的基础,分族结果的应用是职位族管理取得成效的关键。组织 应把职位所处的孩娄与员工个人的职业发展阶段相结合。分清企业组织当前和潜在人力资 源雪灰,抓住关键职位族类处于成长阶段的员工。为组织培养接班人。同时,应根据不同 职位族的具体情况采取不同对策。开展相应的职业生涯开发活动。

组织要注意不同族类任职者职业需求层次的不同。外围辅助职位族由于对任职员工综 合能力要求比较低,任职员工在整个企业战略中不构成核心竞争力。因此组织往往忽视对 这部分员工基本需求的满足,容易造成员工的不满和怠工,组织应关注这些职位的任职员 工, 着力改善其基本生活条件。解决生活中出现的具体问题, 用优秀的企业文化对其进行 引导.

一般职位族的员工是企业组织的主体。成长需求和情感需求处于主导地位。组织要营 造良好的组织文化,使同事之间、伙伴之间的关系融洽。保持友谊和忠诚;深切关注员工 的情感需求,使之感受到组织的温暖。有一种属于一个群体的荣耀感和归属感;形成共同 的组织信仰,引导员工不断提高自己,做好本职工作;根据组织发展战略,定期举行各种 培训和职业生涯咨询活动。引导和帮助员工确立职业发展方向。降低员工的失落感和挫折 感;通过组织网络信息平台,发布组织的发展信息,使员工看到自己在这个组织的希望和 目标、从而达到稳定员工队伍的目的。

关键职位族的员工处于组织的中层、对组织环境很熟悉。负责组织战略的具体实施。 在本组织还有一定的上升空间。他们具有很强烈的社交需求、需要不断维护和扩展自己的 业务圈子,以求与其他业务关联单位建立融洽的关系。赢得下属的尊重和进一步的职业发 展。这部分人在外部人才市场上有很强的竞争力、也容易接受到其他组织的邀请。对于这 类职位, 要充分满足其受尊重的心理需求。组织不要进分集权, 要采取柔性管理, 给关键 职位族留下-定的决策空间、回旋余地;建立及时准确的绩效信息反馈系统,对关键职位 族的表现给出积极正面的评价。督促其执行组织决策;组织进行重大抉择时要多征求他们

的意见。核心职位族的员工负责制定组织战略,他们是组织发展的导向。也 是需求最难满足的群体。他们更多地追求自我价值的实现,往往从组织的发 展和成功中获取满足。组织需要为这些职位的员工创造相对宽松的环境。提 供足够的资源支持,并制订行之有效的激励方案。



本意小结

聚举分析是根据研究对象的特性。 对其讲行定量分类的一种多元统计方法 聚拳 分析的研究主要基于距离的聚拳,一个高盾量的聚拳分析结果,将取决干所使用的聚 攀方法, 本意讲述了 SPSS 统计分析软件中涉及聚攀分析的集本理论及方法, 主要包 括以下内容: Q型聚类、R型聚类、距离、相似系数、系统聚类法。

关键术语

Classify 分类 Cluster analysis 聚类分析 Cluster method 聚类方法 Distance measure 野高度量 Correlation coefficient 相似系数 Hierarchical cluster 系统聚类 Nearest neighbor method 最短距离法 Furthest neighbor method 最长距离法 Centroid clustering method 重心法。 Median clustering method 类平均法 Ward's method 离差平方和法 Number of clusters 分类数

判断最优聚类数准则



Clustering criterion

- [1](禮) 吉勞斯·巴克豪斯·本德·埃里克森·任尔夫·普林克,等多元统计分析方法:用 SPSS 工具 [M], 北京:格致出版社。上海:上海人民出版社,2010。
 - [2] 贾俊平。郝静、统计学案例与分析 [M]、北京、中国人民大学出版社。2611.
 - [3] 中华人民共和国统计局网站; http://www.stas.gov.cn.
 - [1]张立军。任英华、多元统计分析实验[M]. 北京、中国统计出版社, 2009.
 - [5] 章文波,陈红艳.实用数据统计分析及 SPSS 12.0 应用 [M]. 北京: 人民邮电出版社,2006.

য 颞 7

一、冼择颢

- 1. 在聚类分析中, 根据变量对样品进行分类称为()。
- B. R型聚类 C. 系统聚类 A. O 型聚类
- 2. 聚类分析时将对象进行分类的依据是()。
- A. 变量之间的数值的大小 B. 对象之间的差异程度
- C. 类间距离的远近 D. 对象之间的相似程度
- 3、在对样本进行分类时、度量样品之间的相似性时使用()。
- A. 类间距离

B. 点间距离

D. K 均值聚类

- C. 夹角余弦 D. Pearson 相关系数
- 4. 在对变量进行分类时, 度量变量之间的相似性时使用(

A. 类间距离和点间距离	B. 欧氏距离和 Block 距离
C. 平方欧氏距离和 Block 距离	D. 夹角余弦和 Pearson 相关系数
5. 进行聚类分析时,要求用于聚类的各变	E量的取值()。
A. 应该接近相等	B. 应该有较强的相关关系
C. 应该有数量级上的较大差异	D. 不应该有数量级上的较大差异
二、简答题	
1. 区别下列概念。	
(1) Q型聚类与R型聚类。	
(2) 系统聚类法与 K-均值聚类法。	
(3) 距离与相似系数。	
2. 什么是聚类分析? 聚类的依据是什么?	
3. 简述系统聚类法的基本思路。	1000
4. 变量聚类后如何根据聚类结果确定各类	的代表变量?
5. 常用的距离及相似系数有哪些? 它们名	有什么特点?
6. 聚类分析之前一定要对变量进行标准化	1吗? 为什么?
三、判断题	
1. 对样品进行的聚类称为 R 型聚类. 对研	f究变量进行的聚类称为 Q 型聚类。 ()
2. 在进行聚类分析时不需对数据标准化。	()
3. 距离是描述指标间系疏程度的分类统计	十量,相似系数是描述样品间亲疏程度的分
类统计量。	()
4. 用相似系数作为亲疏程度的度量值时,	相似系数的绝对值越大。说明指标之间的
关联性越小。	()
5. 用距离作为亲疏程度的度量值时, 距离	值越小,说明样品之间的关联性越大。
F.30	()
6. 系统聚类法的聚类效果与分类统计量的	的选择及类间距离的定义都有关。 ()
7. 在系统聚类分析中, 事先已确定类别数	()
8. 一般而言,不同的聚类方法的结果不完	至相同。 ()
9. 不同的聚类方法可能得到不同的结果,	选用何种结果, 可以结合专业知识判断。
	()
10. 对于一个具体问题, 可以试探各种聚	类方法。 ()
四、计算题	
1. 考虑下列 4 个样品的距离矩阵	
(1) (2	2) (3) (4)
(1) (0)
- (-/	0
	2 0
(4) (5	3 4 0)
用最短距离法和最长距离法对这4个样品	聚类, 画出谱系聚类图。

2. 设有 5 个变量 X_1 , X_2 , X_3 , X_4 , X_5 , 它们之间的相关系数矩阵为

以 R 作为各变量间的相似性度量,利用量短距离法对这 5 个变量做聚类分析, 画出谱 系聚类图。

3. 设有 5 个样品, 每个样品测两个指标 X: 和 X2, 如表 7-9 所示。

表 7-9 两个样品的指标数据

样品号	1	2	3	10	5
X 1	1	-1	-2	1/1 3	3
X 2	5	-1	-4:1) ' -1	0

用欧氏距离度量样品间的距离, 试用系统聚类法中的重心法进行聚类, 并画出谱系聚 类图。

4. 表 7-10 是某聚类的进程表, 试分析这个进程表。

表 7 10 Agglomeration Schedule

Stage	Cluster Co	mbined	Coefficients	41.1	ıster First ocars	Next Stage
	Cluster 1	Cluster 2	()	Cluster 1	Cluster 2	
1	13/ 10	4	58. 289	0	0	2
2	γ .	3	120.810	0	1	3
3	1	2	179.647	2	0	0

五、上机实验题

1. 某中学从高中女生中随机选取 16 名学生,测得身高和体重如表 7-11 所示。若样 品间采用欧氏距离, 试进行 Q 型聚类分析。

表 7·11 某高中女生 16 名学生的身高和体质

序号	1	2	3	4	5	6	7	8
身高/cm	160	159	160	157	169	162	165	154
体重/kg	49	46	53	41	49	50	48	43
序号	9	10	11	12	13	14	15	16
身高/cm	160	160	157	163	161	158	159	161
体重/kg	45	44	43	50	51	45	48	48

2. 为了了解 2014 年江苏省 13 个地区的经济发展水平、现选取 4 项指标: 人均 GDP (X_1) ,第一产业 GDP 占总 GDP 的比例 (X_2) ,第二产业 GDP 占总 GDP 的比例 (X_3) ,第三产业 GDP 占总 GDP 的比例 (X_4) 。数据资料如表 7-12 所示,要求使用聚类分析方法、将江苏 13 个地区分成 4 举。

表 7-12 2014 年江苏省 13 个地区的经济发展状况

(前位, ㎡)

+ m	I th com	三	次产业占 GDP 比重/	1%	
市县	人均 GDP	第一产业	第二产业	第三产业	
南京市	107545	2. 4	41.1	56.5	
无锡市	126389	1.7	49.9	48.4	
徐州市	57655	9.5	45. 3	45.2	
常州市	104423	2. 8	1481	48.0	
苏州 市	129925	1.5	50. 1	18. 4	
南通市	77457	6.0	49.8	44.2	
连云港市	44277	13,3,	45.3	41.4	
淮安市	50736	11.7	11.2	44. 1	
盐城市	53115	12. 8	16. 5	10.8	
扬州市	82651	6. 1	51.0	12. 9	
镇江市	102652	3 7	50. 2	16. 1	
泰州市	72706	6 2	50.4	43, 4	
宿迁市	39963	12. 8	18. 3	38. 9	

资料来源,《江苏省统计年鉴(2015)》。

3. 为了更深入了解我国高等学校教育经费收入情况,现利用 2014 年全国教育经费数据对全国 31 个省、自治区、直辖市进行聚类分析。分析选用了 3 个指标; 顶箕内教育经费拨款 (X_1) 、捐集资收入 (X_2) 、事业收入 (X_1) 、分别用来反映各类教育经费收入的状况。试计算样品之间的相似系数,使用最长距离法、重心法和 Ward 法、将上机结果按样品号画出聚类图,并根据聚类图将 30 个样品分为 1 类。数据资料如表 7 13 所示。

表 7 13 2014年全国教育经券数据

(单位: 万元)

地 区	预算内教育经费	社会捐赠收入	事业收入	
北京	8941899	8560	855343	
天津	4986021	7631	632387	
河北	8523960	6637	1606017	
山西	5716634	4494	1043347	
内蒙古	5546840	4017	515753	
ilŦ	7766499	2074	1415382	

地 区	预算内教育经费	社会捐赠收入	事业收入
古林	4623684	5859	750332
黑龙江	5126395	1368	836690
上海	7640400	6397	1141498
江苏	15765569	123770	3168318
浙江	10890610	56997	2780301
安徽	8591589	14121	1638949
福建	6514206	46843	1431102
汀西	6932770	9378	1214574
山东	11995863	27202	2562157
河南	12650584	6402	2470745
湖北	6697669	16012	1811299
湖南	8449160	14113	1978319
广东	18505746	108921	5492403
广西	6540555	8998	1136774
海南	1826386	7920	326227
重庆	5228011	17731	1088175
[1] [2]	11223893	33563	2272207
贵州	5954134	10604	678610
云南	7820920	25631	917660
西藏	1182000	1567	18183
陜西	7246693	7938	1474355
	4265005	4858	490552
青海	1468671	1057	70331
宁夏	1385750	3663	145841
新疆	5504391	13687	299414

资料来源:《中国统计年鉴 2015》。

4. 某大学为了了解信息管理与信息系统专业的课程结构。随机抽取 30 人 16 门主要课程的成绩,有英语 (X_1) 、马克思主义政治经济学原理 (X_2) 、管理学原理 (X_1) 、高等数学 (X_s) 、计算机文化基础 (X_s) 、经济学 (X_6) 、体育 (X_1) 、管理信息系统 (X_8) 、概率论与数理统计 (X_6) 、毛泽东思想概论 (X_{11}) 、马克思主义哲学原理 (X_{11}) 、应用统计技术 (X_{12}) 、专业英语 (X_{18}) 、数据结构 (X_{11}) 、运筹学 (X_{11}) 、计算机网络 (X_{16}) 。统计资料如表 7-14 所示。

要求先对数据进行标准化变换,再采用最长距离法将16项指标分成8类。

表 7-14 30 个学生 16 门课程考试成绩统计

序号	X_1	X2	X ₃	X4	X 5	X_6	X7	X_8	X9	X10	X11	X12	X ₁₃	X14	X15	X16
1	86	83	83	86	76	90	84	87	76	66	84	80	83	62	81	70
2	77	90	79	89	85	72	80	84	92	81	82	87	90	63	76	94
3	60	74	72	87	86	86	62	88	89	82	67	88	90	73	86	84
4	73	78	88	87	85	94	70	89	88	80	79	82	73	54	70	73
5	70	77	90	85	80	81	75	88	83	83	82	85	81	67	90	58
6	62	80	71	87	85	77	80	87	87	86	82	78	83	63	76	72
7	67	61	7.3	83	85	81	60	85	71	72	56	81	80	36	88	77
8	73	75	79	75	80	90	63	88	81	7.9	. A2 ,	80	82	61	84	80
9	77	75	90	89	76	79	50	91	9,0	V-811-	79	75	84	54	81	88
10	84	90	85	90	74	87	70	93 `	. 82	- 60	91	67	73	50	77	60
11	75	85	78	90	85	85	65	190\	- 82	72	84	74	90	60	73	73
12	64	71	76	90	85	80	82	90	90	84	78	86	81	79	87	82
13	75	75	74	85	74	.78	66	83	84	86\	(73	80	78	72	78	60
14	86	77	89	90	~82 °	" 90	70	86	81 \	·81°	88	81	86	46	83	80
15	69	74	77	88	81	77	82	87	-86 2	61	81	75	81	60	78	66
16	60	76	87	87	80	75	74	-82	84	84	70	69	80	64	73	65
17	74	7.5	81'	92	80	80	73	·¥2	92	88	74	87	90	88	90	81
18	64	75/	82	83	81	79	64	85	86	92	78	76	84	69	74	85
19	68	91	93	89	92	93	78	91	90	81	83	84	86	88	90	84
20	75	80	78	83	81	82	86	78	94	79	79	93	91	67	85	80
21	72	80	83	86	85	82	72	80	84	86	68	75	84	86	90	80
22	71	75	85	85	86	83	83	79	90	77	69	79	81	62	74	85
23	74	82	74	80	78	76	77	82	80	84	68	65	81	54	81	70
24	78	73	78	83	83	80	67	84	83	63	75	75	84	83	80	57
25	82	82	85	89	87	85	60	80	84	81	83	81	75	62	82	80
26	67	90	91	89	81	87	75	90	90	73	80	71	83	77	75	74
27	69	83	66	89	85	77	70	89	90	86	82	90	85	82	87	90
28	84	82	80	87	78	92	60	89	85	64	81	72	82	50	83	60
29	83	87	84	85	78	87	75	91	90	78	85	85	84	65	83	76
30	63	76	82	80	80	86	75	85	90	85	73	86	82	75	88	70

安际操作训练

1. 实训项目:全国 31 个城市社会经济发展指标的聚类分析

实训目的,学会运用网络资源查找数据资料,会利用系统聚类法对样品进行聚类,会运用 SPSS 软件进行聚类分析,并对输出结果给出合理的解释。

实训内容,近年来 些地方城市的发展的一个突出问题是发展具有片面性,如经济发达,但政治文化等各方面的建设比较落后。请收集全国 31 个省会城市(含自治区、自辖市)2016年相应的人均地区生产总值、人均公共图书馆藏书,职 L平均工资、人均绿地面积、每万人拥有公共汽车等5个指标来考察31个城市发展的协调状况,根据这5个指标将31个城市进行聚类,分析各类的特点。利用本章学到的理论和方法进行聚类分析的实践。需要分析的问题如下;

- (1) 将 31 个城市按社会经济发展状况进行分类。
- (2) 各个类别之间的区别是什么?每个类别自身的经济发展状况存在什么问题?
- 2. 实训项目:全国 20 余家电力上市公司绩效指标数据分析

实训目的,学会运用网络资源查找数据资料,会利用系统聚类法对变量进行聚类,会运用 SPSS 软件进行聚类分析,并对输出结果给出合理的解释。

实训内容:目前我国上市超过3年的电力公司行10余家,请从"中国上市公司资讯网"公布的2016年电力上市公司数据中任选20家数据、进行聚类分析。所謂10个相关指标依次为;销售净利率(单位;%)、经货净现金比率(单位;%)、总资产周转率(单位; 倍)、周定资产周转率(单位; 倍)、主营业务收入增长率(单位;%)、总资产增长率(单位;%)、股东权益周转率(单位; 倍)和净资产增长率(单位;%)、赛、需要分析的问题:研究评价各变量指标之间的关系及所属类型。

3. 实训项目:全国各地区卫生医疗水平的高低分析

实训目的,学会运用网络资源查找数据资料,会利用系统聚类法对样品进行聚类,会运用 SPSS 软件进行聚类分析,并对输出结果给出合理的解释。

实训内容:为研究全国各地区 L生设施情况, 请查找全国 31 个省、自治区、直辖市 L生设施相关指标, 具体为医疗机构床位数 (张)、 L生机构人员数、如幼保健院 (所、站)数、疾病预防控制中心 (防疫站)数、门诊部数、诊所数、 L生院数、 医院数等。 需要分析的问题如下:

- (1) 利用系统聚类法对样品进行聚类,分析各地区卫生医疗水平的高低。
- (2) 各个类别之间的区别是什么?每个类别自身的卫生医疗发展存在什么问题?



精准化营销:细分市场瞄准客户

总部位于上海的某期货公司,在各期货交易所分别拥有两个以上席位并且成交量名列 前茅,是目前国内最具影响力的期货经纪公司之一。公司客户数量约5000左右,大多分 布于华东地区。其中、10%是重要客户,其余皆为散户。目前,我国期货行业正进入新一轮的发展期。在政策及市场的双重驱动下,该行业将进行大规模的最并重组和增资扩股、同时其他行业对期货公司的渗透也在不断加快,而争夺的焦点必定是客户。公司管理层意识到在服务日趋网质化、市场竞争越来越激烈的当下,有效的客户细分不仅是必然,也是必须的。企业资源的有限性决定了企业只有锁定特定的客户,才能最有效地发挥出最大的专金保禁。

面临问题及需求:

该期货公司在客户管理方面面临的主要问题:客户成分较复杂,管理客户的难度较大,作为期货业。公司客户具有以下显著特点,

- (1) 客户的差异性。客户之间存在较大的差异性。从规模上看、大到机构大户、小到中户、散户;从投资经验来说、有多年的老手和刚来的新手。
- (2) 客户的高转移风险。公司客户尤其是大客户存在着较大的转移风险。这主要是由于期货公司向客户提供的服务基本上是同质的、而客户本身却发生了变化。现在的客户更加理智。因此、影响客户去留的关键因素在于能否为客户提供既合理又相适的服务。
- (3)客户的低扩张性。虽然最近几年期貨业的客户数量有了一定的增长,但是这种增长幅度远远小于市场预期。再加上期貨业的客户基数本来就很小(40万~50万),客户的扩张异常缓慢。

目前,公司对客户按照交易量、交易方式等指标进行了一定程度的粗略细分,但尚未 形成行之有效的完整体系,且细分多是手工完成,在处理一些数据量大、复杂的细分任务 时显得力不从心,无从下手。这样带来了一系列问题。首先,给客户提供的咨询服务和投 资建议没有针对性;其次,定手续费盲目,表现为对重点客户降低收费,影响公司收益; 对成长型客户收费过高,导致其流失等;再者,由于不明确客户对公司的不同价值,使得 公司的资源投资回报率较低。

针对这些问题, 公司希望借助信息技术和先进的管理思想优化其客户细分, 为公司把 据客户、提供差异化服务,改善市场格局和增收增利提供决策依据。

思考与讨论以下问题:

- (1) 该期货公司应该如何对客户细分?(可先对客户进行价值预测。再进行聚类细分)
- (2) 如何看待"客户细分"在企业客户管理中的作用?
- (3) 接下来客户管理的重点是什么?



第8章

主成分与因子分析

教学自相

通过本章的学习,掌握主成分分析和因子分析的基本原理、方法及 SPSS 软件的操作步骤、能够根据输出结果对实际问题进行分析与评价。

教学要组

知识要点	能力要求	相关知识
主成分分析	能够掌握主成分分析数学模型及基 本步環	主成分分析数学模型、变量降维、
因子分析	能够掌握因子分析数学模型及基本 "步驟	因子分析数字模型、因子载荷、因 子旋转、因子得分
主成分分析与因子分析的区别	能够理解主成分分析与因子分析的 区别与联系	原始变量、公园子、主成分
SPSS 軟件操作	能够熟练使用 SPSS 軟件主成分分析 和因子分析功能并对輸出结果进行正 确解读	"Factor analysis" 对话框、"Principal components analysis" 对话框

在实际问题中,人们设计调查表或通过做实验收集到大量变量(指标)的数据,以使进行 分析寻找规律。多变量大样本无疑会为科学研究提供丰富的信息,但也在一定程度上增加了数据采集的工作量。更重要的是,在大多数情况下,许多变量之间存在的相关性增加了问题分析的复杂性。因此需要找到一个合理的方法,在减少分析变量的同时,尽量减少原变量包含信息



的损失, 对所收集的资料做全面的分析。主成分分析与因子分析就是这样的降能 方法,它可以在众多的变量中, 找出少数几个综合性变量, 来反映原来变量所反 映的主要信息, 使问题简化。主成分和因子分析的作用在于: ①能降低所研究的 数据空间的维数; ②可以用于分析筛选四归变量, 构造四归模型; ③可以用于综 合评价; ④可以对变量进行分类。



主成分分析在企业经济效益评价中的应用

经济效益是评价一个企业经常情况好坏的重要标准之一。1994年以来,我国评价企业经济效益的指标依据大概经历了一个由繁到简的过程。20世纪50年代其希快指标是27项,60年代简化为17项,70年代又简化旬8项。这些指标都是计划经享体制的决生物。到了1982年,国家最简与财政活动的的。 關係 115项上聚经点效益指标。以中选出了10项作为企业经济效益动为考核指标。1983年。国家计会对其进行了部分协致,沿用到1992年。国家社计局人科里接及为口域,可以前定地说。我国企业经济效益对价销标体系所走过的上达转进。每一步都没没地打着当时但不环境的路印。也正是这个道理,对了适路我国社会主义市场经济的发展和建立现代企业制度的现实需要,财政部在及复研究论过的基础上,从各种评价企业经济效益指标中等透出了10项指标、物实了。会基本提出国际调价经济的经济或上级、经济价格标准系,具有政计价指标体系,并有从1993年中的成及模形、产生效及发现长、围绕的可模作性。而且增加和强化了死效输长、量和效益的指标、构成的不分。是此次是过去习惯的组织合理性、阻缓的可模作性,而且增加和强化了死效输长、量和效益的指标、有的一分企业改变过去习惯了的组数程度为式、实现经济增长为式由组效程度与全向集约经营为主的转变。

资料来源: https://wenku.baidu.com.

使用指标体系评价的方法能够在一定程度上克服单项指标的局限性、提高评价的全面性和科学性。但是、出现了新的问题。由于使用多个指标、经常会发生不同指标间相互矛盾的情况、因而影响对评价对象做时间和空间上的的整体对比。那我们能不能把多个指标用一两个综合指标来表示?这一两个综合指标包含有多少原来的信息。能不能利用找到的综合指标来对企业经济效益排序?

主成分分析是利用降维的思想,在损失很少信息的前提下把多个指标转化为几个综合指标的多元统计方法。从而,我们期望可以利用主成分分析方法对企业的经济效益指标进行综合评价,希望能得到综合反映各企业经济效益强弱的各项信息,而且可以确定各指标的客观权重,由此指导企业的决策。



如何对学生成绩进行综合评价

据腐方网 (http://www.southen.com) 报道,从 2007 年开始,广东离考分数统计方式转由标准分制改为思始分析,让一最有病考改基方案的提出,受到了人们的广泛关注。据相关负责人作相,此举主要是担心等认料目中的文科基础和理科基础,由于泛两个学刊的专讯属于水平等或作用,并分为由了一个和的差易会此较大,结果可能造成人力等大分数 左别的现象。采用原始分可以回遗运一问题。另据有关专家介绍,此举又把不同学科之间的基本分值不相等、即语文的 1 分和数学的 1 分数值不相等这一原来帐准分已经解决的问题引了出来。这一分数单位不等值的问题也会给计分结果带来相将严重的问题。

我国历来是采用原始分数报告学生的学习成绩、并作为选拔考试择优录取的重要依据。由于各科试题难度不同,学生各科或缝分布也不相同。因而用学生各科原始分数相加后的总分束反映学生个体在总像中的相对位置有较大的导限性。为了克服以种局限性。我国在1998年高考中开始实行用标准分表取新

生。它是高考制度具体措施的一大改革 标准分是一种由原始分推导出来的相对地位置数,它是用来说 明照输分存所属的那种分数中的相对位置的。但是薪止到2017年。只有海南省还存使用标准分。其他省 份都使用原始分录取新生.

资料来源, 南方网, http://www.southen.com.

可以看出, 无论是用原始分还是标准分, 对学生成绩进行综合评价时都存在各种缺 点。这些方法对学生成绩评价过于签统、看不出学生在各学科间的优势与劣势、也无法找 出影响学生知识和能力的主要因素,并据此对学生成绩做出一个客观、综合的评价。

当我们对学生的学习成绩进行综合评价时,可能会收集到诸如数学,语文,英语,百 米、仰卧起坐、排球等各类课程的成绩。一般来讲。一个学生的各科文化课成绩之间有一 定的相关性,各科体育课成绩之间也有一定的相关性,而文化课成绩和体育课成绩之间的 相关性就不大。因此,我们可以考虑学生的文化课成绩之间可能存在一个共同的影响因



子, 称之为智力因子; 而体育课成绩之间也可能存在一个共同的影响因子, 称之为体力因子。而因子分析就是要从各类课程的成绩去找寻出这些因子 来, 并且还能找到成绩与因子的关系。运用因子分析的方法对学生成绩进行 分析, 并通过分析的结果做出一个综合评价, 这样可以比较有效地解决其他 分析方法存在的问题。

丰成分分析 8.1

8.1.1 主成分分析简介

1. 主成分分析的含义

主成分分析就是用较少的几个综合变量来代替原来较多的变量,而这些较少的综合变 量能尽可能多地反映原来变量的有用信息,且相互之间又是无关的,这些综合变量就称为 主成分 (Principal Components)。例如,上衣尺寸主要包括领长、袖长、衣长、胸围、袖 宽等 14 个变量,它们显然是相关的,因此可以找出反映上衣特征的两个不相关的综合变 量,即上衣的型号;学生的数学、物理、生物、政治、语文、历史、地理等7科的学习成 绩之间也是明显相关的,也可以用文科和理科学习成绩两个综合变量来反映其主要信息。

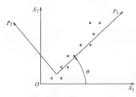


图 8.1 变量降维示意图

2. 主成分分析的基本原理

主成分分析就是考虑各变量间的相互关系, 利用降维的思想把多个变量转换成较少的几个互 不相关的综合变量。那么,怎样实现变量的降 维呢?

例如。儿童身高 (X₁) 和体重 (X₂) 两个变 量之间的关系可以用散点图表示出来,如图 8.1 x 所示。显然,这两个变量之间存在线性关系。现 在以直线 P, 为檔坐标, 以该轴的垂直线 P, 为纵 坐标、建立一个新的平面直角坐标系、则所有观测点均在坐标轴 P_1 周围 (即沿该方向观测值方差最大)、而在坐标轴 P_2 方向上的波动很小、可以忽略。这样、二维问题即可以降为一维问题,只取一个综合变量 P_1 (主成分)即可。

这种降维的方法、相当于在平面上做一个坐标变换、即按逆时针方向旋转一个角度 θ 、根据旋转变换公式、新旧坐标之间有如下关系;

$$\begin{cases} P_1 = X_1 \cos\theta + X_2 \sin\theta = u_{11} X_1 + u_{12} X_2 \\ P_2 = -X_1 \sin\theta + X_2 \cos\theta - u_{21} X_1 + u_{22} X_2 \end{cases}$$
(8-1)

式中、 $u_{.1}$ 、 $u_{.2}$ 、 $u_{.2}$ 、 $u_{.2}$ 、 $u_{.2}$ 是可以计算出来的;新变量 P_1 和 P_2 是原始变量的线性组合。而且 二者相互垂直,即新变量 P_1 和 P_2 不相关。

一般来说,主成分就是P个原始变量的一些特殊的线性组合;而从几何上看,这些线性组合正是由 X_1,X_2,\dots,X_P 构成的坐标系经旋转而产生的新坐标系,新坐标系使之通过 变差最大的方向(或者说具有最大的样本方差)。

3, 主成分分析的数学模型

假设有n个样品、每个样品观测 p 项变量(指标)、记为 X_1, X_2, \cdots, X_p 、原始数据资料阵为

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{1_*} & \cdots & x_{1_R} \\ x_{21} & x_{2_*} & \cdots & x_{2_R} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ x_{n1} & \iota_{n2} & \cdots & x_{nR} \end{pmatrix} = (X_1, X_2, \cdots, X_R)$$

主成分分析通常的做法是, 人术原变量 X, X, x, x, 的线性组合 P, , 其数学模型县

$$\begin{cases}
\mathbf{P}_{1} = u_{11} X_{1} + u_{12} X_{2} + \dots + u_{1p} X_{p} \\
\mathbf{P}_{2} = u_{21} X_{1} + u_{32} X_{2} + \dots + u_{2p} X_{p} \\
\dots \\
\mathbf{P}_{p} = u_{p1} X_{1} + u_{p2} X_{2} + \dots + u_{pp} X_{p}
\end{cases}$$
(8 - 2)

可简写为

$$P = u_1 X_1 + u_2 X_2 + \dots + u_p X_p = U^T X$$
 (8 - 3)

中,

$$U = (u_1, u_2, \dots, u_k)^T, X = (X_1, X_2, \dots, X_k)^T$$

满足如下的条件:

- (1) P, 和 P, 不相关, 即 Cov(P, P, P) = 0 $(i \neq i, i, i = 1, 2, \dots, p)$,
- (2) 主成分的方差依次递減、重要性依次递減 $D(P_1)\geqslant D(P_2)\geqslant \cdots \geqslant D(P_p)$,称 P_i 为 第 i 主成分 $(i=1,2,\cdots,p)$ 。

(3) 总方差不变,即
$$\sum_{i=1}^{p} D(\boldsymbol{X}_{i}) = \sum_{i=1}^{p} D(\boldsymbol{P}_{i})$$
。

- (4) 每个主成分的系数平方和为 1, 即 $u_{i1}^2 + u_{i2}^2 + \cdots + u_{ip}^2 = 1$.
- 4. 主成分的求法

求主成分就是寻找X的线性函数 U^TX ,使相应的方差尽可能地大。即使

$$D(\mathbf{P}) = D(\mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{X})$$

$$= \mathbf{E} [\mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{X} - \mathbf{E} (\mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{X})] [\mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{X} - \mathbf{E} (\mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{X})]^{\mathsf{T}}$$

$$= \mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{E} (\mathbf{X} - \mathbf{E} \mathbf{X}) (\mathbf{X} - \mathbf{E} \mathbf{X})^{\mathsf{T}} \mathbf{U}$$

$$= \mathbf{U}^{\mathsf{T}} \mathbf{\Sigma} \mathbf{U}$$
(8-4)

达到最大,且 $U^{\dagger}U^{-1}$ 。由条件极值的 Lagrange 乘数法,即要求 $\phi = D(P) = U^{\dagger}\Sigma U - \lambda(U^{\dagger}U - 1)$ 为最大即可。今

$$\frac{\partial \phi}{\partial U} - 2\Sigma U - 2\lambda U = 0 \tag{8-5}$$

即

$$(\Sigma - \lambda E)U = 0$$

若公式(8 5) 有非零解,则 $\Sigma-\lambda E$ | 0,由此求得 Σ 的特征值 $\lambda_1.\lambda_2, \dots.\lambda_p$ 。

设 $\lambda=\lambda$, 为 Σ 的一个特征值、则由($\Sigma-\lambda$,E)U=0 可求得非零解 U=U,,那么 U, 是 Σ 的对应于特征值 $\lambda=\lambda$, 的单位特征向量。

将 Σ 的特征值从大到小排列为 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \cdots \ge \lambda_p \ge 0$,相对应的单位特征向量依次为 U_1 、 U_2 、 \cdots 、 U_p ,则有 $\Sigma U_i = \lambda_i U_i$,将其两端左乘以 U_1^\intercal ,又 $U_1^\intercal U_i = 1$,则有 $U_1^\intercal \Sigma U_i = \lambda_i U_1^\intercal U_i = \lambda = D(P_i)(i=1,2,\cdots,p)$,故 $P_1 = U_1^\intercal x$ 有最大方差,称为第一主成分, $P_2 = U_1^\intercal x$ 有次大方差,称为第二主成分,依此类推。

5. 主成分个数的提取

在解决实际问题时,为了简化问题,通常不是提取 p 个主成分,而是提取 q (q < p) 个主成分就够了。提取主成分个数的原则是这 q 个主成分能够反映出原来 p 个变量的绝大部分的方差。

1) 主成分的方差贡献率

要说明主成分的方差贡献率,先要说明特征值入的意义。入,是样本观测值在其第,个 主成分上的方差(分散程度),如果入,的值很小,说明这个主成分在分析样本数据时所起 的作用不大,可以忽略不计。那么,小到什么程度才认为无足轻重,可以忽略呢。为此引 人方差贡献率。

第
$$_{i}$$
 个 主成分的方差在全部方差中所占的比例 $\sum_{i=1}^{p} D(P_{i}) \left(\mathbb{IP} \sum_{i=1}^{\lambda_{i}} \lambda_{i} \right)$ 称为第 $_{i}$ 个 主成

分的方差贡献率,它反映了第 i 个主成分综合原来 p 个变量信息的能力。

2) 主成分的累积方差贡献率

前 q个主成分共有多大的信息综合能力。用这 q个主成分的方差和在全部方差中所占

比例
$$\sum_{i=1}^{q} D(P_i) \left(\prod_{i=1}^{q} \sum_{j=1}^{q} \lambda_i \right)$$
 来描述、称为前 q 个主成分的累积方差页献率。

3) 主成分个数的确定

·般地,我们取累计方差贡献率达到 80%以上的前q个主成分就可以了,因为它们已

经代表了绝大部分的信息;也可以根据实际情况来确定主成分个数。SPSS 中选取主成分的方法有两个; 是根据特征值不小于1来选取;另一种是直接规定主成分的个数来选取。

8.1.2 主成分分析的步骤及应用

1. 主成分分析的步骤

第一步:确定分析变量,收集数据资料。

样木数据资料矩阵为

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1p} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2p} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{np} \end{pmatrix}_{\mathbf{X} \times \mathbf{n}}$$

第二步: 对原始数据进行标准化

原始数据标准化是为了消除由于量纲的不同可能带来的一些不合理的影响。

(1) 计算样本数据 X 的均值和协方差阵。 均值.

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_p), \quad v_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i, \quad (j = 1, 2, \dots, p)$$

协方差阵,

$$\mathbf{\Sigma} = [s_{ij}]_{\underline{k} \times \underline{k}}, \quad \underline{k}_{ij} = \frac{1}{n-1} \sum_{k=1}^{n} (x_{ki} - \underline{x}_i) (x_{kj} - \overline{x}_j) \quad (i,j = 1,2,\cdots,p)$$

(2) 标准化公式:

$$x_{k}' = \frac{x_{k} - x_{j}}{\sqrt{\lambda_{n}}}$$
 $(i = 1, 2, \dots, p; k = 1, 2, \dots, n)$

第三步, 对标准化后的样本数据资料计算协方差阵或相关阵。

(1) 协方差阵

$$\Sigma = [s_{ij}]_{p \times p}$$

(2) 相关阵:

$$\mathbf{R} = [r_{ij}]_{\rho \times \rho}, \quad r_{ij} = \frac{s_{ij}}{\sqrt{s_{ii}} \sqrt{s_{jj}}} \quad (i, j = 1, 2, \dots, p)$$

第四步: 计算 Σ 或 R 的特征值及相应的特征向量 U_i . 并按 λ_i 的大小排序 $(\imath-1,2,\cdots,p)$ 。

第五步, 计算主成分的贡献率及累计贡献率。

(1) 贡献率:

$$\frac{\lambda_k}{\sum_{i=1}^{p} \lambda_i}$$

(2) 累计贡献率.



第六步:确定主成分个数。

一般取累计贡献率不小于80%的前 α 个主成分,或选用特征值不小于1的前 α 个主成分。

第七步,将样本数据代人前 a 个主成分的表达式,可分别计算出各单位前 a 个主成分 的得分。有了主成分的得分值,则可以在许多分析中使用这些主成分,进一步做综合评 估、聚类分析及回归分析。



需要说明的是。从协方要降和相关降计算主成分一般是不同的。当变量取值范围彼此相要很大成 单位不同时,可以考虑标准作,以便便计算结果有合理的解释,避免出现误解 当没有上述度景单位和数 替领的要导, 从协方差降和相关降出发计算的结果对正成分的解释或计算方差贡献时, 一般不会无



阅读专栏8-1



主政分分析区利用降槽的明想。在损失例少信息的前提下把多个指标转化为几个综合指标的多元统 计方法。通常押转化生成的综合指标称为主成分。其中每个主成分都是原始变量的线性组合。且各个主 成分之间至不相关。使得主成分比原始变量具有某非更优越的性能。

在应用主或分分析解决实际问题时,主成分分析体现出了一定的优点,但也存在一定的缺点。

主成分分析的优点; 克服了多重共线性问题; 抓住了分析问题的主要矛盾; 简化了订算过程; 是一 种实图, 有效的分析方法。

主成分分析的缺点。

问题 - . 传统主成分分析进行毛量钢化处理的方法是"中心标准化"方法。即把原始数据的各指标 均值化力 0. 方差化为 1、许而由计算原始数据的协方差阵转化为直接计算原始数据的相关系数矩阵来攻 主成分。但以一方法用于主或分分析是不合适的。因为原始数据包含两部分信息。一部分是各指标变异 程度的差异信息。由各指标的方差大小束反映。另一部分是各指标间相互影响程度上的相关信息。由相 关系数束体现。"中心标准化"方法虽然法到了消除量纲和数量级影响的目的。但是该方法把各指标的方 差价为1,这也就消除了各指标差异程度上的差异。进面从丢失一部分信息的数据(即标准化数据)中 提取主成分显然是不可取的。

> 问题二、传统主成分分析有一个撮影著地特点。即它是一种线性降维技术、表现为其 主战分是原始变量的线性观合 而在实际应用中,各指标则有时存在非线性关系,主成分 与原始数据之间九星现非线性关系 这说明如果用传统主或分分析简单地处理非线性数据, 那么降维效果就不是很明显。必然会导致分析评价结果与事实偏差很大。因此、有必要对 传统主成分分析进行改造、使其适用于非线性数据。

针对上述的问题。有关文献提出了相应的透进方法。

2. 主成分分析的应用

【例 8.1】 对导人案例 8-1 进行主成分分析。

某地区为了对 14 家 Γ . 业企业进行经济效益的综合评估. 选择了 8 项不同的利润指标,包括净产值利润率 $X_1(%)$ 、固定资产利润率 $X_2(%)$ 、总产值利润率 $X_*(%)$ 、销售收入利润率 $X_*(%)$ 、产品成本利润率 $X_*(%)$ 、物耗利润率 $X_*(%)$ 、人均利润率 $X_*(%)$ 、流动资金利润率 $X_*(%)$ 。统计数据资料如表 8 1 所示。试进行主成分分析。

表 8-1 14 家工业企业利润指标的统计数据								
企业 序号	<i>X</i> ₁	X2	X ₃	X_4	X ₅	X ₆	X ₇	$X_{\rm H}$
1	38. 5	9.1	11.3	9.5	12. 2	16. 1	1. 527	11. 6
2	32. 3	13. 9	9. 1	8. 3	9. 8	13, 3	2, 126	17. 1
3	1. 8	0. 6	0.7	0.7	0. 8	1.1	0. 656	1.0
1	12.5	9.7	1.2	4. 2	1.6	6.5	0.874	3, 9
5	24.8	8. 0	9. 8	8, 9	11. 9	16. 2	0.789	13. 7
6	10.6	19.1	19.8	19.0	29. 7	39. 6	2, 119	35.8
7	18. 1	13. 1	10. 9	9, 9	10, 9	13. 9	1.772	17.8
8	22. t	7. 8	9, 9	10. 2	12.6	17. 6	0.817	10, 6
5	35. 6	12.5	16.1	16.7	22. 8	29. 3	3.017	26.6
10	34.3	11.8	7. 1	7.1	8, 0	8. 9	1.726	27. 5
11	22. 3	6. 7	5, 6	3. 7	6, 0	7.4	0, 176	7. 5
12	13. 2	3. 3	3, 9	1. 3	1. 1	5, 5	0, 578	3, 6
1.3	25. 0	12. 7	11.2	11.0	12. 9	20. 2	3.512	9. 1
14	40.4	24.7	7.2	6. 1	8. 3	8. 7	2. 112	20.0

事 8 − 1 1.4 家工业企业利润指标的统计数据

解: (1) 计算相关系数矩阵,如表8-2所示。

	X_1	X2	X ₃	X_4	X₅	X_6	X7	X_8
X_1	1.000							
X_2	0.763	1.000						
X_3	0.708	0.553	1.000					
X_4	0.643	0.514	0. 988	1.000				
X_5	0.596	0.515	0.978	0.981	1.000			
X_{i}	0.544	0.469	0.974	0.980	0.992	1.000		
X_7	0.622	0.736	0.683	0.697	0.627	0.630	1.000	
X_8	0.773	0.712	0.780	0. 733	0.787	0.724	0.622	1.000

表 8-2 相关系数矩阵

(2) 计算相关系数矩阵的特征值和相应的单位正交化特征向量,如表 8-3 和表 8-4 所示。

主 成 分	特 征 值	贡献率/%	算计贡献率/%
1	6. 13662	76. 708	76. 708
2	1. 04213	13. 027	89. 734
3	0. 43595	5. 449	95. 184
4	0. 22037	2. 755	97. 938
5	0. 15191	1.899	99.837
6	0.00883	0.110	99. 948
7	0.00296	0.037	99, 985

表 8-3 相关系数矩阵的特征值及贡献率

表 8-4 对应于特征值的特征向量

100,000

主 成 分	1,40	U_2
1	0.321132	0.415105
2	0. 296164	0.597663
3 77	0.389120	-0.229744
4	0. 384724	-0.278693
5 /2_	0. 179551	-0.316317
6	0. 370867	-0, 371505
A	0. 319955	0. 278145
8	0.355461	0.156836

由表 8-3 可知,前两个主成分的累计贡献率已经达到 89.734%,故只需提取前两个主成分即可。

(3) 计算主成分得分。

前两个主成分函数为

 $P_1 = 0.321132X_1 + 0.296164X_2 + 0.389120X_3 + 0.384724X_4 + 0.379551X_5 + 0.370867X_6 + 0.319955X_7 + 0.355461X_8$

 $P_2 = 0.415105X_1 + 0.597663X_2 - 0.229744X_3 - 0.278693X_4 - 0.316317X_5 - 0.278693X_4 - 0.316317X_5 - 0.316317$

0. $371505X_6 + 0.278145X_7 + 0.156836X_8$

0.00122

第一主成分 P_1 在 8 个指标的系数近似相等,它是综合反映了各 1 业企业的总经济效益,其贡献率高达 76.71%。因此可以根据第一主成分 P_1 的值对各 Γ 业企业进行综合评估。将标准化后的数据资料代入到主成分函数中,即可计算出主成分得分,如表 8-5 所示。

排名	P ₁ 值	企业序号
1	5. 22385	9
2	3. 45780	6
3	1.06472	2
4	1. 01116	8
5	0. 73165	1
6	0. 39917	13
7	0. 36440	14
8	0, 06679	5
9	-0.27669	7
10	-0.30203	10
11	-2. 18861	4
12	-2.37005	11
13	-2. 82467	3
14	-1,35808	12

表 8-5 按第一 主成分得分排序

知识吸点跟解

主成分分析不要求数据来自正态总体

无论是从原的变量协方要降出发求解主成分、还是从相关路求解主成分、均没有涉及总体分布问题。 也假是说、与报多象元缩订方法不同、主成分分析不要求数据来自正考总体。主成分分析效是对矩阵结构的分析。对多元进机变量两百、其协方要将或比相关阵都是非负定的、这样就可以按照求解主或分的步骤求出其特征值、标准正交特征向量、进而求出主或分、达到缩减数据维数的目的。

主成少分析的这一特性大大打展了其应用范围,对多维数据,只要是涉及降推的处理,我们都可以 尝试图主或分分析。而不用抗太多糖力考虑其分布情况。

8.2 因子分析

8.2.1 因子分析的数学模型

1. 因子分析的含义

因子分析是主成分分析的推广,它也是将具有错综复杂关系的变量(指标)综合为数量较少的几个综合变量(称为因子),以再现原始变量与因子之间的相互关系,换言之、因子分析就是探讨存在相关关系的变量之间,是否存在不能直接观测到但对可观测指标的变化起支配作用的潜在因子(Factor)的分析方法。

2. 因子分析的基本原理

对于多变量问题. 形成的背景原因是各种各样的, 其共同原因称为公共因子; 每一个原始变量又有其特定的原因, 称为特殊因子。因子分析就是由样本的数据资料将每一个原始变量用起支配作用的公共因子与特殊因子的线性函数来表达, 以便达到合适地解释原始指标的相关性并降低其维数。一般使公共因子尽可能少, 且在专业上有意义, 公共因子共同作用于各个变量, 特殊因子仅仅作用于对应的那个变量。

例如,某公司招聘人才,对每位应聘者进行外貌、求职信的形式、专业能力、讨人喜欢的能力、自信心、洞察力、诚实、推销本领、经验、积极性、抱负、理解能力、潜在能力、实际能力、适应性等 15 个方面的考核。这 15 个方面可归结为应聘者的外露能力、讨人喜欢的能力、经验、专业能力 4 个分面。每一方面称之为一个公共因子。企业可根据这4 个公共因子的情况来衡量应聘者的综合水平。这 4 个公共因子可以表示为

$$X_i = a_{i1}F_1 + a_{i2}F_2 + a_{i3}F_3 + a_{i4}F_4 + \varepsilon,$$
 (8-6)

称 F_1 、 F_2 、 F_3 、 F_4 、 F_5 是不可观测的潜在因子,即公共因子。15 个变量共享这 4 个公共因子,但是每个变量又有自己的个性,即不被包含的特殊因子。



因子分析的基本思想就是通过变量的相关系数矩阵内部结构的研究, 找 出能控制所有变量的少数几个公共因子去描述多个变量之间的相关关系, 然 后根据相关性的大小把变量分组, 使得同组内的变量之间相关性较高, 但不 同组的变量相关性较低。

3. 因子分析的数学模型

假设有n个样品、每个样品观测p项变量(指标)、记为 X_1,X_2,\cdots,X_p 、原始数据资料阵

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{2p} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2p} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{np} \end{pmatrix} = (X_1, X_2, \cdots, X_p)$$

则因子分析的一般数学模型为

$$\begin{cases} X_{1} = a_{11} F_{1} + a_{12} F_{2} + \dots + a_{1m} F_{m} + \epsilon_{1} \\ X_{2} = a_{21} F_{1} + a_{22} F_{2} + \dots + a_{2m} F_{m} + \epsilon_{2} \\ \vdots \\ X_{p} = a_{p1} F_{1} + a_{p}, F_{2} + \dots + a_{pm} F_{m} + \epsilon_{p} \end{cases}$$

$$(8-7)$$

简记为

$$X - AF + \varepsilon$$
 (8 8)

式中、F $(F_1,F_2,\cdots,F_m)^T$ 为公共因子、其系数 A $[a_n](i-1,2,\cdots,p;j-1,2,\cdots,m)$ 称 为载荷矩阵、 a_n 为第i 个变量在第j 个公共因子上的载荷、简称因子载荷、是不可观测的 潜在因子。 ε $(\varepsilon_1,\varepsilon_2,\cdots,\varepsilon_m)^T$ 是特殊因子、是不能被前m 个公共因子包含的部分。

因子分析的数学模型满足如下的条件:

- (1) m≤p₀
- (2) 假定特殊因 f ε, 服从 N(0,σ²,) (i 1,2,···,p)。
- (3) ε与F 不相关, F, 与F, (i≠i) 不相关。
- (4) 假定原始变量、公共因子和特殊因子都已标准化,即均值为 0, 方差为 1。



阅读案例8-1

C. 斯皮尔曼因子分析案例

1904年。C. 斯皮尔曼发表了对学生考试成绩分析的著名文章。可认为是因子分析(Factor Analymins)的开始。因于分析使型是主成分分析的推广 它也是利用降殖的思观。由研究原始变量相关矩阵内部的依赖关系出发、把一些具有铺棕曳杂关系的变量归结为少数几个综合因子的一种多变量统计分析方法。C. 斯皮尔曼在波响中研究了 33 名学生在古典语 (C)、法语 (P)、葵语 (E)、数学 (M)、夷易

(D) 和音乐 (Mu) 6 门科目考试成绩之间的相关性。并得到如下相关矩阵:

C. 斯皮尔曼主题多上面相关矩阵中一个有趣的观像、即如果不考虑对角元素的话,任意两列的元素大颗虚比例。对C列和E列面

$$\frac{0.83}{0.67} \approx \frac{0.70}{0.64} \approx \frac{0.63}{0.54} \approx 1.2$$

$$Cov(X, X,) - E(a, F + e,)(a, F + e,) - a, a, VarF - a, a,$$

于是,有

$$\frac{\operatorname{Cov}(X_i, X_j)}{\operatorname{Cov}(X_i, X_k)} = \frac{a_j}{a_k}$$

此结果与i无关。与在相关矩阵中所观察到的比例关系相一致。

资料来源: 何晓群. 多元统计分析 [M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2009.

8.2.2 因子载荷

- 1. 因子载荷矩阵中的几个统计特征
- 因子载荷 a_v 的统计意义

将因子分析模型 (8-7) 简写为

$$X_{i} = a_{i1}F_{1} + a_{i2}F_{2} + \dots + a_{im}F_{m} + \varepsilon_{i} \quad (i = 1, \dots, m)$$
 (8-9)

286

在上式的两边右乘以 F., 再求数学期望, 得

$$\gamma_{xF} = a_{i1}r_{F,F} + a_{i2}r_{F,F} + \dots + a_{ij}r_{F,F} + \dots + a_{im}r_{F,F} + r_{eF} = a_{ij}$$
 (8 - 11)

由公式(8-11) 可知、因子载荷 a_n 是变量X,与公共因子F,的相关系数 (即载荷矩阵中第,行第,列的元素),反映了变量X,与公共因子F,的相关程度。 a_n <1,绝对值越接近于1、表明公共因子F,与变量X,的相关性越强。同时因子载荷 a_n 也反映了公共因子F,对原始变量X,的重要作用和程度。

2) 变量共同度的统计意义

变量 X, 的共同度也就是变量 X, 的方差、它是因子载荷矩阵的第 $_1$ 行的元素的平方和,记为

$$h_i^2 = \sum_{i=1}^{m} a_{ij}^2 \quad (i = 1, 2, \dots, p)$$
 (8-12)

若将因子分析模型 $X_i = a_{i1}F_1 + \cdots + a_{im}F_m + \epsilon_i$ 两边求方差. 则得

$$D(X_{i}) = a_{i1}^{2} D(F_{1}) + c_{i} + a_{im}^{2} D(F_{m}) + D(\varepsilon_{i})$$
(8-13)

由于 X_i 和F已标准化、所以有

$$1 = \sum_{j=1}^{m} a_{ij}^2 + \sigma_i^2 \tag{8-14}$$

由公式(8-14) 可知、康衛变量的方差可由两部分解释。第一部分是变量共同度 后、是全部公共因子对变量 X,的总方差的贡献、体现了全部公共因子对变量 X,的解释贡献程度。若后接近于1、则说明该变量的几乎全都原始信息都被所选取的公共因子说明了。例如,载荷矩阵中九。=0.95、即指标 X,的95%的信息量被全部公共因子说明。第二部分是特殊因子的方差。"、仅与变量 X,本身的变化有关。它反映了变量 X,的方差中不能由全体分生因子解释透明的比例。"。截小,说明变量 X 的信息相失被少

3) 公共因子方差贡献的统计意义

公共因子 F. 的方差贡献是因子载荷矩阵中各列元素的平方和。记为

$$S_{j} = \sum_{i=1}^{p} a_{ij}^{2} \tag{8-15}$$

公共因子F, 的方差贡献反映了公共因子F, 对原始变量的解释能力。该值越高. 说明相应公共因子的重要性越高。

2. 因子载荷矩阵的估计方法

要建立实际问题的因子分析模型,关键要根据样本数据估计因子载荷矩阵 A,对 A的估计方法很多,如 亡成分分析法、最大似然法、亡轴因子法、最小 :乘法和广义最小 :乘 法等。其中目前较为普遍使用的是主成分分析法,下面重点分绍其估计原理。

用主成分方法确定因子载荷,是在进行因子分析之前先对数据进行,次主成分分析、然后把前面几个主成分作为初始公共因子,具体方法如下;

设主成分分析的数学模型为

$$P_i = u_{i1} X_1 + u_{i2} X_2 + \dots + u_{ip} X_p = u_i^T X$$
 $(i = 1, 2, \dots, p)$

首先计算样本协方差阵 S. 并求 S 的特征值 $\lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \cdots \leq \lambda_p \geq 0$ 及对应的单位正交特征向量 u_1, u_2, \cdots, u_p ; 然后计算 $P_i - u_i^T X$ 得到各个主成分。

由于因子分析的目的是減少变量个數。因此公共因子个數。般成小于变量个數(即m < p),此时最后m = p 个特征值应较小。通常可略去其对S的贡献。根据线性代数知识、S 可分解为

$$S = \sum_{i=1}^{m} \lambda_{i} \boldsymbol{u}_{i} \boldsymbol{u}_{i}^{\mathrm{T}} = (\sqrt{\lambda_{1}} \ \boldsymbol{u}_{1}, \cdots, \sqrt{\lambda_{m}} \ \boldsymbol{u}_{m}) \begin{pmatrix} \sqrt{\lambda_{1}} \ \boldsymbol{u}_{1}^{\mathrm{T}} \\ \vdots \\ \sqrt{\lambda_{m}} \ \boldsymbol{u}_{m}^{\mathrm{T}} \end{pmatrix}$$
(8-16)

"略去特殊因子时,因子分析模型变为

X=AF

则

$$D(\mathbf{X}) = D(\mathbf{AF}) - \mathbf{AD}(\mathbf{F})\mathbf{A}^{\top} - \mathbf{AA}^{\top}$$

$$\mathbf{S} \approx \mathbf{A}\mathbf{A}^{\top} = (\sqrt{\lambda_{1}} \ \mathbf{u}_{1}, \dots, \sqrt{\lambda_{n}} \ \mathbf{u}_{m})^{\top} \begin{pmatrix} \sqrt{\lambda_{1}} \ \mathbf{u}_{1}^{\top} \\ \vdots \\ \sqrt{\lambda_{m}} \ \mathbf{u}_{m}^{\top} \end{pmatrix}$$
(8 - 17)

所以因子载荷矩阵 A 的第 j 列应为 A, u, 即载荷矩阵 A 的样本估计量为

$$\hat{A} = (\sqrt{\lambda_1} \ u_1 \cdot \dots \cdot \sqrt{\lambda_p} \ u_p) \tag{8-18}$$

当相关变量所取单位不同时,我们常常先对变量标准化,标准化样本协方差阵 S 就是 原始变量的样本相关阵 R,再用 R 代替 S,与上类似,进行裁荷矩阵的估计。

实际应用时通常根据公共因子的累积贡献率达到80%以上,决定所取公共因子的个数。

8.2.3 因子旋转与因子得分

1. 因子验转

因子分析的目的不是要找出公共因子,而是应该知道每个公共因子的实际意义 (即命名解释)、以便对实际问题进行科学的分析。观察因子载荷矩阵、如果因子载荷 a, 的绝对值在第 j 列的多个行上都有较大的取值、说明公共因子 f, 同时解释许多指标的信息。且对每个变量 X, 只能解释其中较少部分的信息。这时。因子 f, 不能典型代表任何一个原始指标 X, 它的实际意义是模糊不清的。为解决这个问题。由因子载荷阵的不唯一性,可以对其进行旋转。使每个变量只在一个公共因子上有较大的载荷。而在其余公共因子上的载荷比较小。因子旋转有方差最大正交旋转法、正交旋转法和斜交旋转法、本书只介绍方差最大正安旋转法。

方差最大正交旋转法是从初始因子载荷矩阵的每一列出发,使和每个因子有关的载荷的平方的方差最大。

先考虑两个因子的平面正交旋转,设因子的载荷矩阵为

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \\ \vdots & \vdots \\ a_{p1} & a_{p2} \end{pmatrix}$$

则因予分析模型为

$$\begin{cases} X_1 - a_{11}F_1 + a_{12}F_2 \\ X_2 - a_{21}F_1 + a_{22}F_2 \\ \vdots \\ X_p = a_{p1}F_1 + a_{p2}F_2 \end{cases}$$

设旋转矩阵为

$$\mathbf{T} = \begin{pmatrix} \cos\varphi & -\sin\varphi \\ \sin\varphi & \cos\varphi \end{pmatrix}$$

则

$$B = AT = A \begin{pmatrix} \cos\varphi & -\sin\varphi \\ \sin\varphi & \cos\varphi \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} a_{11}\cos\varphi + a_{12}\sin\varphi & -a_{11}\sin\varphi + a_{12}\cos\varphi \\ \vdots & \vdots \\ a_{\rho 1}\cos\varphi + a_{\chi 2}\sin\varphi & -a_{\rho 1}\sin\varphi + a_{\rho 1}\cos\varphi \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} b_{11} & a_{12} \\ \vdots & \vdots \\ b_{\rho 1} & b_{\rho 2} \end{pmatrix}$$

$$(8-19)$$

方差最大正交旋转法的目的是希望通过因子旋转后,使每个因子上的裁荷尽量拉开距离。一部分的载荷趋于±1、另一部分趋于0。这实际上希望将指标 X,X₂, \dots X_p 分成两部分,一部分主要与第一公共因子有关,另一部分主要与第二公共因子有关,这也就是要求(b_1^2 , b_2^2 , \dots , $b_{p_2}^2$) 两组数据的方差 V_1 和 V_2 尽可能地大。即正交旋转的角度 φ 必须满足使

$$V = V_1 + V_2 = \sum_{j=1}^{2} \left[\frac{1}{p} \sum_{j=1}^{p} \left(\frac{b_{ij}^2}{h_{ij}^2} \right)^2 - \left(\frac{1}{p} \sum_{j=1}^{p} \frac{b_{ij}^2}{h_{ij}^2} \right)^2 \right]$$

达到最大值。这里取 b_0^2 是为了消除符号不同的影响、除以 h_1^2 是为了消除各个变量对共因 子依赖程度不同的影响。

$$◇ \frac{dV}{d\varphi} = 0$$
,则有

$$\tan^4\varphi = \frac{\mathbf{D} - 2\mathbf{A}\mathbf{B}/\mathbf{P}}{\mathbf{C} - (\mathbf{A}^2 - \mathbf{B}^2)/\mathbf{P}}$$
(8 - 20)

式中

$$\begin{split} \boldsymbol{A} &= \sum_{i=1}^{p} \boldsymbol{u}_{i} \quad \boldsymbol{B} = \sum_{i=1}^{p} v_{i} \quad \boldsymbol{C} = \sum_{i=1}^{p} (\boldsymbol{u}_{i}^{2} - \boldsymbol{v}_{i}^{2}) \quad \boldsymbol{D} = 2 \sum_{i=1}^{p} \boldsymbol{u}_{i} v_{i} \\ \boldsymbol{u}_{i} &= \begin{pmatrix} a_{i1} \\ h_{i} \end{pmatrix}^{2} - \begin{pmatrix} a_{i2} \\ h_{i} \end{pmatrix}^{2} \quad \boldsymbol{v}_{i} - 2 \begin{pmatrix} \frac{a_{i1}}{h_{i}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_{i2} \\ h_{i} \end{pmatrix} \quad \boldsymbol{h}_{i}^{2} - \sum_{j=1}^{2} a_{ij}^{2} \end{split}$$

如果公共因子有m(m>2) 个、则需逐次取 2 个公共因子全部配对进行上述的旋转、 共需旋转 C_n 次算作一个循环、如循环完毕得出的因子载荷矩阵还没有达到目的、则可以 进行第二轮 C_n 次配对旋转,依次进行,直到达到实际要求为止。

2. 因子得分

因子分析是将变量表示为公共因子的线性组合。如果我们要使用这些公共因子做其他的研究,例如,把得到的公共因子作为自变量来做回归分析,对样本进行分类或评价,这就需要我们对公共因子进行测度,即给出公共因子的值。因此,需要反过来将公共因子表示为变量的线性组合。

设公共因子由原始变量表示的线性组

$$\mathbf{F}_{j} = \beta_{j1} \mathbf{X}_{1} + \dots + \beta_{jp} \mathbf{X}_{p} (j = 1, \dots, m)$$
 (8 – 21)

称公式(8-21) 式为因子得分函数。由于方程的个数少于变量的个数(即 m<p),

所以只能在最小二乘意义下对因子得分函数的系数进行估计。设公共因子可以对 p 个 变量做问归,即建立回归方程为

$$\hat{\mathbf{F}}_{j} = b_{j1} \mathbf{X}_{1} + \dots + b_{jp} \mathbf{X}_{N} \quad (j = 1, \dots, m)$$
 (8 - 22)

由于变量和公共因子均已标准化,故有 b,o = 0。由最小二乘估计有

$$\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{R}^{-1}\mathbf{X} \tag{8-23}$$

式中, $\hat{\mathbf{f}} = (\hat{\mathbf{f}}_1, \hat{\mathbf{f}}_2, \cdots, \hat{\mathbf{f}}_m)^{\mathsf{T}}; \mathbf{X} = (x_1, x_2, \cdots, x_m)^{\mathsf{T}}; \mathbf{R}$ 为原始变量的相关系数矩阵

知识要点提醒。

因子提取准则

一般最大可能的医予救量与支量数量帽一段。即每个用子对加一个变量。但是因力因子数量应该小子变量数量。因此必须决定。存该提取多少个因子(因子数量、变量数量)。下面是可供选择的因子提取准定。

在文献中建议的因子数量确定的准则	在 SPSS 中被实现的选择
(1) 直到 X% (一般为 95%) 的方差被 解释。	可以事先确定。
(2) 仅提取特征值大于1的因子(Kaiser 准则)。	如果没有别的说明。由计算机自动使用
(3) 提取 n (如 3) 个因子。	数量可以由"抽取"对话框中的"因子数"给出。
(4) Scree-檢验。将因子按其特征值降序 排列、将具有最小特征的因了達成一条直线, 直线的最后一点决定了因子的数量。	在"抽取"对话框中同样被要求必要的 Sereeplot.
(5) 因子的数量应该小于变量的数量。	如果因子数分析前可以被确定,那么"抽取"对话 框中提取因子的数量不小于变量数量的一半。
(6) 提取所有旋转后可被解释的因子	根据希望的旋转原则事先确定。



1. 因子分析的步骤

第一步,确定分析变量,收集数据资料。

第二步,对原始数据进行标准化。

第三步, 计算所洗变量的相关系数矩阵。

因子分析的前提条件是观测变量间有较强的相关性,而相关系数矩阵描述了原始变量 之间的相关关系。通过这种方法可以判断所选变量是否适宜做因子分析。

第四步: 提取公共因子。

采用某种方法计算初始载荷矩阵、对上成分方法而言,就是通过资料矩阵的相关系数矩阵计算特征值和特征向量。要确定提取公共因子的个数,可以根据研究者的设计方案或有关的经验事先确定;或按照因子的累计方差或献率来确定,一般认为要达到80%才能符合要求;或只取方差大于1(或特征值大于1)的那些因子,因为方差小于1的因子共贡献可能很小。

第五步: 因子旋转。

若公共因子的实际含义不清,则极不利于进一步分析。因此需要通过坐标变换使每个 原始变量在尽可能少的公共因子之间有密切的关系,这样公共因子的实际意义更容易解

释,并使公共因子具有命名解释性。

第六步: 计算公共因子得分。

求出各样本的公共因子得分,有了公共因子得分值,则可以在许多分析 中使用这些公共因子,进一步做综合评估、聚类分析及回归分析。



阅读案例 8-2

如何衡量地区经济发展

童庆是一下新兴直辖市、「缺席区建设和西部大开发使重庆寻衷了千载增递的发展机遇 但由于历史 限因、重庆地方程序发展校不平衡、地区差异明显、是大城市带动大宋村的路局。属于典型的二元经济结构。在重庆经产的发展战略中。 气符对自身的经济发展代况评价。 1岁间内部的经济结构。我创社动程济的保险,但能依赖",更紧定现重庆任不崛起。将重庆建设成为长工中上海中心地在战场目标的发验和市场。"

在衡量一、地区的经年发展状况时、并不能仅仅简单比较一两项指示数据、而是口被从社会经济发展的各方面综合考察、从而描述社会经本的现状、找出存在的问题及影响因素、为地区经济发展提供政策制定依据。作型因于分析综合评价方法、透取验律反映经济发展受殊水平的12項上要指标对重庆市40个区县的经济情况提行分析。结果显示,治中区和九老坡区属于第一类地区。第二类地区包括治北区、江北区、沙坪坝区和南岸区、这6个地区是重庆市增长的核心区域。第二类地区由8个区县组成、它们是巴南区、北碚区和正在大力调整产业结构、转变经济发展方式的大度口区、治标工程地区的中心域下分别及一个时经济圈的清陵区、水州区、江津区和长寿区、剩下区县栽归为第四类地区、其包括了治家庙所有区县、渝家除万州区以外的其他区县。。

该综合评价提供了一个重庆市总体的经济发展思路。如果把第一类地区和第二类地区归为发达地区

的话,这三类地区的数量比为 6:8:26。在当前中国经济不平衡协同发展趋势下,可以分阶段、有侧重 点地仍体规划重庆市各个区具在新一处西部大开发中的发展。第一阶段,6个程序发达地区测重带动 8 个欠发达地区的经济发展,并保险液管小落后地区与欠发达地区的要距;第二阶段,8个欠发达地区依 次进到发达地区水平、同时,有部分落后地区相增发展欠发达地区,落石城区的数量降低为相对少数; 第二阶段,进一步扩大发达地区和欠发达地区的数量,争取全面消灭落后地区。

资料来源,徐科、张艳. 重庆各区县经济发展水平的因子分析 [J]. 重庆工商大学学报,自然科学版,2012,29(1):42-48.

2、因子分析的应用

【例 8.2】 对导人案例 8-2 进行因子分析。

为了考察不同课程对学生知识能力的影响,从高中一年级随机抽取了 15 名学生,选择了 8 门课程的期末考试成绩,即历史成绩 X_1 、化学成绩 X_n 、请文成绩 X_n 、英语成绩 X、地理成绩 X_n 、物理成绩 X_n 、几何成绩 X_n 、代数成绩 X_n 。数据资料如表 8-6 所示,试对这 8 项指标进行因子分析。

序号	X ₁	X2	X ₃	X,	\ X ₅	X_i	X7	X8
1	80	65	50	70	80	78	83	31
2	75	52	60 💉	1 1 20	65	80	75	73
3	70	55	40 `.	80	40	- 65	55	52
4	80	65 -	U1 60 V	80	60-12-	→ 68	45	50
5	75	63 - 1	∕ 72	60	104°, 174	75	85	68
6	75	-62 -	62	65 🔪	162	72	67	67
7	80 /	75	60	N80 \	80	70	56	55
В	s79/	1 - 55	62	1 60	60	65	84	70
9	82.	50	80	65	68	78	82	88
10	70	60	75	70	62	75	60	40
11	82	72	82	80	60	85	65	75
12	80	90	82	82	85	90	86	88
13	85	70	90	75	70	70	86	72
14	80	60	62	65	50	60	60	65
15	82	88	65	82	70	75	86	96

表 8-6 15 名学生的期末考试成绩

解: (1) 对原始数据进行标准化,如表8-7所示。

表 8-7	15 0	**	bh tin	士老法	虚 绘 战	护蜂	4 /

序号	X' ₁	X_2'	X_3'	X_4'	X_5'	X_6'	X_7'	X_8'
1	03922	-1.26215	28100	1. 25192	. 53910	. 80640	1.43999	. 44875
2	-1.13188	51087	28100	. 11611	. 79180	. 23718	. 16941	63694
3	87973	-2.01344	. 95871	-1.77691	-1.10347	-1.18588	-1.10117	-1.7226
4	03922	51087	. 95871	26250	72442	-1.89740	-1.22218	. 44875
5	. 20733	. 39067	1.52071	1.77691	.16005	.94870	. 13311	. 63694

序号	X_1'	X_2'	X_3'	X_4'	X_{S}'	X_6'	X_7'	X_8'
6	29138	36062	90086	11106	21901	33205	19361	63694
7	.80128	51087	. 95871	1.25192	47171	-1.11472	91966	. 44875
8	87973	36062	-1.52071	26250	-1.10347	. 87755	01210	-1.0712
9	-1.29998	. 99169	90086	. 34327	.53910	. 73524	1.07697	. 88303
10	45948	.61605	28100	11106	.16005	83011	-1.82721	-1.7226
11	.54913	1. 14195	. 95871	26250	1.42356	47435	. 29042	. 88303
12	2.06204	1.14195	1. 20665	1.63052	2.05532	1.01985	1.07697	. 44875
13	. 38103	1.74297	. 33885	. 49471	· 47171	1.01985	. 10891	1, 53444
14	45948	36062	90086	-1.01971	-1.73523	83011	31162	. 14875
15	1.89394	13523	1.20665	. 49471	. 16005 \	VA 01985	1.56100	. 88303

(2) 对于标准化数据计算指标间的相关系数,如表8 8 所示。

表 8-8 相关系数矩阵

	X_1'	X' ₂	X' ₃	X_4'	X's	X_6'	X'7	X_8'
X_1'	1.000	. 495	. 490	1.335	.515 _	. 239	. 270	. 567
X_{*}	. 195	1, 000	. 31.0	. 663	. 532	-, 119	. 216	. 363
X_3	. 490	.310.	\$1.000	. 002	1276	. 477	. 410	. 216
X_1^T	. 335	. 663	.002	1.000	€370	. 283	295	. 011
X· '	. 515	.332	. 276	. 370	1.000	. 508	. 311	. 472
X_6	. 238	. 419	. 477	.7283	. 508	1.000	. 421	. 510
X_7	. 270	. 216	. 410	—. 295	. 311	. 421	1.000	. 787
X_s	. 567	. 363	. 216	.011	. 472	. 510	. 787	1.000

(3) 计算相关系数矩阵的特征值、方差贡献率和累计方差贡献率、如表8 9 所示。

表 8-9 特征值、方差贡献率和累计方差贡献率

公共因子	特 征 值	方差贵献率	累计方差贡献率
1	3. 641	45, 511	45, 511
2	1.706	21. 329	66. 839
3	. 855	10.687	77. 527
4	. 768	9. 601	87. 127
5	. 491	6. 140	93. 268
6	. 368	4.603	97.870
7	. 140	1.751	99. 621
8	. 030	. 379	100.000

从表 8-9 可见,前4个特征值的累计方差贡献率已经达到了87.127%,说明前4个公共因子基本包含了全部指标的主要信息。因此,我们取前4个公共因子。

(4) 建立因子载荷阵并实行方差最大正交旋转,如表8 10 和表8 11 所示。

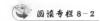
表 8-10 因子载荷阵

标准化成绩	公共因子							
标准化规额	1	2	3	4				
X1'	.737	. 114	. 115	— . 607				
X2'	. 729	. 473	049	. 011				
X	. 591	208	. 771	623				
X '	. 395	. 856	080	. 080				
X '	. 756	. 185	179	. 019				
X_{ϵ}	723	056	103	. 612				
X7 '	. 610	698	134	. 041				
Xs'	. 767	410	414	113				

表 8-11 旋转后的因子载荷阵,

	3,00	公共	因子	
标准化成绩	i	2	3	4
X_1'	.546	¥25 \Y	. 508	449
X2'	. 821	102	. 189	. 105
X3'	. 080	. 145	. 963	. 179
X_4	. 913	247	061	.071
X_5	. 636	. 440	. 131	. 161
X6'	. 363	. 358	. 300	. 749
X_7	134	. 878	. 243	. 209
X_{δ}	. 229	. 939	. 062	. 036

由表 8-11 可知、第一公共因子 F_1 上载荷系数较大的指标有历史成绩 X_1 、化学成绩 X_2 、英许成绩 X_1 、地理成绩 X_2 、可命名为"文史因子";第二公共因子 F_2 上载荷系数较大的指标有几何成绩 X_7 、代数成绩 X_8 、可命名为"数理因子";第三公共因子 F_1 上载荷系数较大的指标有:语文成绩 X_8 ,可命名为"语文因子";第四公共因子 F_1 上载荷系数较大的指标有物理成绩 X_8 ,可命名为"物理因子"。



因子分析在市场调研中的应用

- (1) 消费者使用习惯和专股的研究、对消费者对产品的参股家委往生需要使用因子分析、报查影响消费者产品有度的基本因子。并在此影配上、利用各国子进行股类分析、对消费者进行细少、从南达到市场地分的目的。在这里、基本因子在消费群的细分中具有基础性作用、附如、选取有关增消饮用的。20个亏废语句。采用35级最表法(1—14常不满意。3—14常满意)对消费者进行产品仓废调查。因子分析的结果场的了影响产品亏废的6个亏废因子。男子气效、品牌转换、有吸引的契价相的难源、独自在家伙、社会认可、品牌试验者 社交政策者 再如。为于分析的结果表明、都年的的实验主要状立即在因于包括经济性、方便性、特性、舒适度和最单性3个方面。由此可以产生5个细分市场。
- (2) 品雜形聚和特性研究 無品爛粉中,经常需要品牌形象和产品保險、例如、辦家如何评价银行 呢? 对 15 个 有长银行特性的变量的因子分析表明,後經 服务(包括除载制率、社会声望),方便性(包括服务建度、ATM机的位限等),可见度(包括常友推等、社会活动的参与度等)及能力(包括羅艮他下級合同) 力、動助服务可得性等)爰近像银行对所使用的1个评价出于。



(3) 萬意慶研究、南意慶研究中同律可能需要使問因子分析对顾客亦慶进行報告、以尋求影响師客廣意慶评作的基础因子。

【期刊推荐】

资料来源: http: 'library 3see, com items 2003 02 19 4753, html

8.3 主成分分析和因子分析的区别

(1) 主成分分析是将主成分表示为原观测变量的线性组合,即

$$P_{i} = u_{i1}X_{1} + u_{i2}X_{2} + \cdots + u_{m}X_{m} \quad (i = 1, \cdots, p)$$

而因子分析是将原观测变量表示为各公共因子的线性组合,即

$$X_i = a_{i1}F_1 + a_{i2}F_2 + \cdots + a_{im}F_m + \varepsilon_i \quad (i = 1, \cdots, m)$$

- (2) 主成分分析中,公共因子数等于变量数,没有特殊因子;而因于分析中,公共因 子数少于变量数,有各变量的特殊因子。
- (3) 主成分分析不需要有假设,因了分析则需要一些假设。因子分析的假设包括各个 共同因子之间、特殊因子之间、共同因子和特殊因子之间不相关。
- (4) 主成分分析中,每个变量的系数 u_n 啡一确定;但因子分析中,每个因子的系数 a_n 不是唯一的。

(5) 主成分分析的重点在于解释各个变量的总方差,而因予分析则把重点放在解释各 变量之间的协方差。

同主成分分析相比,由于因子分析可以使用旋转方法帮助解释因子,因此在解释方面 更加有优势。大致说来,当需要寻找潜在的因子,并对这些因子进行解释的时候,更加倾 向于使用因子分析,并且借助旋转方法帮助更好地解释。而如果想把现有的变量变成少数 几个新的变量(新的变量几乎带有原来所有变量的信息)来进入后续的分析,则可以使用 主成分分析。当然,这种情况也可以使用因子得分做到,所以这种区分不是绝对的。

知识 要点 整醒…………

主成分分析与因子分析对数据的要求

主成分分析与图子分析方法延用于变量之间存在较强相关性的数据、如果原始数据 相关性数别。远闻主成分分析与图子分析后不能起到很好的零售作用。即听得的各个主 成分深部原始变量信息的能力者则不大。一般。内原始最大部分变量的相关系数据小 下0.3时。按照主席令全部及图子公析不合理例相似的效果



【期刊推荐

8.4 用 SPSS 软件进行因子分析

8.4.1 因子分析的 SPSS 操作过程



- (1) 选择 "Analyze *Dimension Reduction *Factor" 选项、弹出 "Factor Analyze" 对话框。
- (2) 在"Factor Analyze"对话框左侧列表框存放的是数据文件中的全部变量。右侧的"Variables"列表框存放的是需要进行因子分析的变量。右下侧的"selection Variable"列表框存放的是选人的某个变量。通过它的取值来确定参加因子分析的数据。单击"Value"按钮、弹出"Factor Analysis; Set Value"对话框、输入一个整数值。这样变量中只有等于该值的记录才能进入因子分析过程。若忽略此项、表示采用全部数据进行因子分析。
- (3) 单击"Descriptives"接钮、弹出"Factor Analysis: Descriptives"对话框、选择输出描述统计量和初始分析结果。
 - ① Statistics 选项组:输出描述统计量,包含两个复选框。
 - a, Univariate descriptives 复选框:输出各变量的均值、标准差等。
- b. Initial solution 复选框:输出初始因子分析结果。选择此项可以输出原始变量的共同度,与变量数目相等的各因子的特征值、各因子特征值占总方差的百分比及累积百分比。
- ② Correlation Matrix 选项组:输出相关系数矩阵,包含7个复选框,下面列出常用选项。
 - a, Coefficients 复选框:输出相关系数矩阵。
 - b. Significance levels 复选框;输出相关系数单侧检验的概率 ρ 值。

c. KMO and Bartlett's test of sphericity 复选框,进行 KMO 檢验和 Bartlett 球度检验,判断是否适合做因子分析。一般要求 KMO 值与 1 越接近越好,当小到一定程度时认为不能接受;Bartlett 检验偏相关矩阵是否为一单位矩阵,若是单位矩阵,则认为不能接受

KMO 值参考标准; 0.9<KMO; 非常适合; 0.8<KMO<0.9; 适合; 0.7<KMO<0.8; 一般适合; 0.6<KMO<0.7; 不太适合; KMO<0.5; 不适合。

- ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Factor Analyze" 对话框。
- (4) 单击 "Extraction" 按钮、弹出 "Factor Analysis: Extraction" 对话框、选择指定提取公共因子的方法。
- ① Method 框: 从所提供的多种公共因子提取方法中选择需要的方法,其中主成分法(Principle components) 是系统默认的方法,也是常采用的提取公共因子的方法。
 - ② Analyze 选项组:指定分析的矩阵类型,包含2个单选按钮。
 - a. Correlation matrix 单选按钮:使用相关系数矩阵作为提取公共因子的依据。
 - b. Covariance matrix 单选按钮:使用协方差矩阵作为提取公共因子的依据。
 - ③ Display 选项组:输出未经旋转的有关因子分析结果,包含 2 个复选框。
- a. Unrotated factor solution 复选框:显示未经旋转的因子载荷矩阵。是系统默认方式。
- b. Scree plot 项:显示公共因子碎石图。按特征值大小排列公共因子序号,以特征值为两个坐标轴画出公共因子碎石图,以此来确定保留的公共因子个数。
 - ① Extract 选项组:选择确定公共因子个数,包含2个单选按钮。
- a. Eigenvalues over 单选按钮;输入一个数值(默认值为 1),确定特征值大于该数值的公共因子。
 - b. Number of factors 单选按钮:指定提取特征值(公共因子)的具体数目。
- ③ Maximum Iterations for Convergence 项:指定因子分析收敛最大迭代次数。其目的是防止进入死循环、系统默认值为 25。
 - ⑥ 单击 "Continue" 按钮, 返问 "Factor Analyze" 对话框。
- (5) 单击 "Rotation" 按钮, 弹出 "Factor Analysis: Rotation" 对话框, 选择因子旋转方法。
 - ① Method 选项组;选择因了旋转方法,包含6个单选按钮,下面介绍常用的两项。
 - a. None 单选按钮:不进行旋转,是系统默认的方式。
 - b. Varimax 单洗按钮: 方差最大化旋转。
 - ② Display 选项组:输出旋转后的有关因子分析结果,包含 2 个复选框。
 - a. Rotated solution 复选框:显示旋转后的因子载荷矩阵。
- b. Loading plots 复选框:显示旋转后的因子载荷散点图。指定此项将给出以两两公 共因子为坐标轴的各变量的载荷散点图。
- ③ Maximum iterations for Convergence 項:输入一个数值,指定旋转收敛的最大次数,系统默认值为25。
 - ④ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Factor Analyze" 对话框。

- (6) 单击 "Scores" 按钮, 弹出 "Factor Analysis: Scores" 对话框,选择计算因子得分的方法。
- ① Save as variable 复选框: 将公共因子得分作为新变量保存在数据文件中, 新变量 名的形式为 FACn m, 其中 n 是公共因子编号, m 是第几次分析的结果; 同时 Method 栏中各选项被激活。

Method 选项组: 指定计算因子得分的方法,包含 3 个单选按钮。最常用的是回归法(Regression)。

- ② Display factor score coefficient matrix 复选框:输出因子得分函数中的各因子得分系数矩阵。它是标准化后的得分系数、根据该矩阵给出的系数可以计算出各观测量的因子得分。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Factor Analyze" 对话框 』/
- (7) 单击 "Options" 按钮、弹出 "Factor Analysis: Options" 对话框、选择缺失值的处理方法。
 - ① Missing Values 选项组、指定缺失值的处理方法、包含 3 个单选按钮。
- a. Exclude cases listwise 单选按钮: 所有含缺失值的观测值均不参与计算, 适用于样本量较多的情况。
- b. Exclude cases pairwise 单选按钮; 成对剔除带有缺失值的观测值。在计算两个变量的相关系数时,只将这两个变量中提有确实值的观测值剔除。适用于样本量较少的情况。
- c. Replace with mean 单选按钮;用平均数代替缺失值。适用于样本量较少而样本精 硫值要求不高的情况。
- ② Coefficient Display Format 选项组;选择因子载荷矩阵的输出方式。包含 2 个复选框。
- a. Sorted by size 复选框:以第一公共因子得分的降序输出因子载荷矩阵,便于进行分析。
- b. Suppress absolute values less than 单选按钮,输入一个界于 0 和 1 之间的数值。表示只输出大于该数值的因子载荷、以突出载荷量较大的变量、便于分析。
 - ③ 单击 "Continue" 按钮, 返回 "Factor Analyze" 对话框。
 - (8) 单击 "OK"按钮,输出因子分析结果。

8.4.2 因子分析的 SPSS 输出结果解释

【例 8.3】 改革开放以来,我国居民收入水平、教育水平、医疗水平均有大幅度的增长,但由于我国各地区地域资源、资金水平等基础不同。生产力发展水平不一致。造成区域经济发展的不平衡。因此有必要对我国当前各地区综合发展情况进行比较研究。为促进地区经济的协调发展和宏观决策提供重要依据。为此,对我国 2014 年 31 个省、自治区、直辖市综合发展情况进行综合评估。选取 6 项指标。即人均 GDP (元) X₁、新增固定资产(亿元) X₂、城镇居民人均年可支配收入 (元) X₄、农村居民人均可支配收入 (元) X、、高等学校数量 (所) X。社区卫生服务中心数量 X。,原始数据资料如表 8 12 所示。

表 8-12 2014 年全国 31 个省、自治区、直辖市综合发展情况资料 tib × X_3 X_4 X_6 X_1 X_2 X_5 北京 6924.2 48531.8 18867.3 89 天津 10518.2 31506 河北 39984 26671.9 10186.1 山西 8809.4 内蒙古 71046 17591.8 28349.6 9976.3 辽宁 24730.8 29081.7 占林 50160 10780, 1 58 黑龙江 9829 22609 438 80 1. 16 6016.1 18811. 1 21191.6 305 江苏 11938.6 31316.3 11958.4 浙江 9916. 4 石酸 21838.5 30722. 1 12650, 2 88 福建 18177.9 24309: 2 江西 168 由充 判翰 23672, 1 4966, 1 湖北 24852.3 湖南 26570. 2 10060.2 281 26293. 9 广东 广西 33090 13843.2 24669 38924 海南 24486.5 重庆 12285.4 63 四川 35128 23318.6 24234.4 397 贵州 9025.8 22548.2 6671.2 云南 27264 11498.5 24299 7456.1 67 163 7 西藏 1069.2 6 陝西 17191.9 24365.8 92 甘肃 26433 7884.1 21803.9 青海 2861.2 22306.6 7282, 7 12

资料来源:《中国统计年鉴(2015)》。

需要回答的问题:

宁夏

新疆

(1) 使用因子分析方法对各省、自治区、直辖市进行综合评估。

23284.6

23214

8410

8723.8

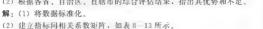
18

44

183

3173.8

(2) 根据各省、自治区、直辖市的综合评估结果、指出其优势和不足。







		0 13 1	M X AV AC P	+ (Correlation	178,000 076)		
系数及检验	指标	人均 GDP	新増固定资产	城镇居民 年均可支配 收入	农村居民 人均可支配 收入	高等学校数量	社区卫生 服务中心 数量
	人均 GDP	1.000	. 175	. 855	. 890	. 221	. 298
	新增固定资产	. 175	1.000	. 118	. 193 "	. 899	. 685
相关系数	城镇居民年均 町支配收人	. 855	. 118	1.000	, 928	. 268	. 354
矩阵 ('orrelation	农村居民人均 可支配收入	. 890	. 193	. 928	1,000	. 319	. 353
	高等学校数量	. 221	. 899 .	1368	. 319	1.000	. 774
	社区卫生服务 中心数量	. 298	11685	. 354	. 353	. 774	1.000
	人均 GDP	()	1. 173	. 000	.000	. 116	. 052
	新增固定资产	. 173		. 263	. 119	. 000	. (>0
記著性水平 矩阵	城镇居民年均可支配收入	2, 2	. 263	Y. YOUT	, 000	. 07.3	. 025
Sig.	农村居民人均	. 000	. 179	. 000		.040	. 026
	高等学校数量	.116	.000	. 073	.040		.000
	社区卫生服务 中心数量	. 052	. 000	. 025	. 026	.000	

表 8-13 给出了各指标间的相关系数矩阵及各个相关系数的显著性水平。其中表的上 半部分为相关系数矩阵 (Correlation), 值的绝对值越大, 相关性越高; 下半部分为显著 性水平矩阵, 值越小, 相关性越显著。由于一部分的相关系数较高, 各指标呈较强的线性 关系,能够从中提取公共因子,适合进行因子分析。

(3) 进行 KM() 和巴特利特球度检验,如表 8-14 所示。

表 8·14 KMO 和巴特利特球度检验 (KMO and Bartlett's Test)

Kaiser - Meyer - Olkin Measure of	. 703	
	Approx. Chi - Square	179. 201
Bartlett's Test of Sphericity	df	15
	Sig.	. 000

由表 8-14 可知、KMO 值为 0.703、根据 KMO 值参考标准、比较适合进行因子分析; 巴特利特球度检验统计量的观测值为 179.201、相应的概率 p 值为 0.000、如果取显 著件水平 α 0.05、由于概率 p 值小于显著性水平 α 、应拒绝零假设、认为相关系数矩阵 与单位阵有显著差异,适合进行因子分析。

(4) 计算指标的共同度,如表 8-15 所示。

AL Q _ 15	华标的#同康	(Communalities)

指标	Initial	Extraction
人均 GDP	1.000	. 897
新增固定资产	1.000	. 890
城镇居民年均可支配收人	1.000	. 933
农村居民家庭人均收入	1.000	. 951
高等学校數量	1.000	. 931
1.生机构数量	1.900	. 778

Extraction Method: Principal Component Analysis.

由表 8-15 可知、第 2 列显示的是各指标的初始共同度、它表明对原有 6 个指标采用 主成分分析方法提取所有特征值。那么原有指标的所有 5 卷 都可被解释、指标的共同度均 为 1 (原有指标标准化后的方 5 为 1)。第 3 列显示的是提取 2 个公共因子后的再生共同 度,可以看到,该列的全部数据都较大(接近于1)。说明所有指标的共同度均较高、各个 特标的信息丢失都较少。即所提取的 2 个公共因子能很好推描述这些格标。

表格下侧的 "Extraction Method: Principal Component Analysis" 显示采用的是主成分方法基取公共因子

(5) 计算特征值、方差贡献率和累计方差贡献率、如表 8-16 所示。

表 8-16 因子解释原有指标总方差的情况 (Total Variance Explained)

	1	nitial Eiger	ivalues	_	Extraction S Squared Lo		Rot	ation Sums Loadin	•
Component	Total % of Cumulative %		Total	% of Variance	Cumulative	Tetal	% of Variance	Cumulative	
1	3. 458	57. 640	57. 640	3, 458	57. 640	57. 640	2.804	46.730	46.730
2	1. 925	32.076	89.716	1. 925	32.076	89. 716	2.579	42. 986	89.716
3	. 326	5.437	95. 153						
4	. 168	2.807	97.960						
5	. 065	1.079	99.038						
6	. 058	.962	100.000						
Extraction Analysis.	Method	l. Principal	Component						

(6) 输出因子分析结果的碎石图,如图 8.2 所示。

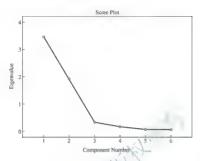


图 8.2 因子的碎石图 (Serec Plot)

由图 8.2 可知, 横坐标为特征值序号, 纵坐标为特征值。图中明显的拐点为 3, 可以得出保留 2 个公共因子将能概括原有指标的大部分信息 (89.716%), 进而进一步直视说明提取 2 个公共因子是合适的。

(7) 输出因子载荷矩阵,如表8-17所示。

表 8-17 因子载荷矩阵 (Component Matrix*)

35-)	Com	ponent
N. T.	1	2
人均 GDP	. 785	530
新增固定资产	. 635	. 698
城镇居民人均年可支配收入	. 807	531
农村居民人均可支配收人	. 840	 496
高等学校数量	. 732	. 630
社区卫生服务中心数量	. 739	. 481

Extraction Method: Principal Component Analysis.

表 8-17 是因子分析的核心结果、模型中各公共因子前的系数表示该公共因子对指标的影响程度、即因子载荷。表格下侧的 "Extraction Method; Principal Component Analysis" 显示采用的是主成分方法提取公共因子, "a. 2 components extracted" 表示提取了 2 个公共因子。可以看出,这两个公共因子的实际意义并不很清楚。

(8) 输出旋转后的因子载荷矩阵,如表 8-18 所示。

a. 2 components extracted.

Component 指标得分 1 2 Zscore: 人均 GDF . 941 Zscore: 新增固定资产 . 943 Zscore, 城镇居民人均年可支配收入 . 958 农村居民人均可支配收入 Zscore: . 960 Zscore, 高等学校数量 . 143 . 956 Zscore: 社区卫生服务中心数量 . 245 . 847

表 8-18 旋转后的因子载荷矩阵 (Rotated Component Matrix*)

Extraction Method: Principal Component Analysis.

Rotation Method, Varimax with Kaiser Normalization.

表格下方显示的 "Rotation Method; Varimax with Kaiser Normalization" 为旋转方法选取方差最大化法。"a. Rotation converged in 5 iterations" 为实际迭代次数选择 5 次。

(9) 输出因子旋转中的正交矩阵,如表8-19 所示。

表 8-19 因子转化矩阵 (Component Transformation Matrix)

Component	1	2
l	1-1-257	. 653
2	653	. 757

Extraction Method; Principal Component Analysis.

Rotation Method; Varimax with Kaiser Normalization.

未旋转的因子载荷矩阵(表 8-17) 乘以该因子转换矩阵(表 8-19), 就可得到旋转后的因子载荷矩阵(表 8-18)。

(10) 输出因子旋转后的三维因子载荷图,如图 8.3 所示。

Component Plot in Rotated Space

1.0 - ZX2 ZX5 ZX6

0.5 - ZX4 ZX3

-0.5 - -0.5 - -1.0 -0.5 0 0.5 1.0

Component 1

图8.3 因子旋转后的三维因子载荷图 (Component Plot in Rotated Space)

a. Rotation converged in 3 iterations.

由此直观说明旋转后各公共因子的指标的分布集中情况。

(11) 输出公共因子得分系数矩阵并计算因子得分,如表8 20 和表8 21 所示。

表 8 20 公共因子得分系数矩阵 (Component Score Coefficient Matrix)

	Comp	nent	
指标	1	2	
人均 GDP	. 352	060	
新增固定资产	098	.395	
城镇居民人均年可支配收入	. 357	-, 056	
农村居民人均可支配收人	. 352	036	
高等学校数量	054	. 386	
社区卫生服务中心数量	002	. 329	

Extraction Method: Principal Component Analysis.

Rotation Method: Varimax with Kaiser Normalization.

Component Scores.

将原始指标的标准化值代人因子得分函数、就可以计算各样本的因子得分。因子得分以新变量的形式显示在数据编辑窗口(表8-21)、并以此对观测指标进行进一步的分析、如聚类或回归分析。

表 8-21 因子得分 (Component Score)

省份	FAC1_1	FAC2 _ 1
北京	2, 6826	-0, 5931
大准	1 7370	-ti, 984t
श्चिति	-0.5517	0.7870
山西	-0.5838	-0. 1955
内蒙古	0.3064	-0.2847
辽宁	0.2115	0.7166
吉林	-0.1634	-0.4974
黑龙江	-0.4162	0.0731
上海	2. 9124	-0.8721
江苏	0.8829	1.9390
浙江	1.7038	0.5880
安徽	-0.5917	0. 8332
福建	0.5042	-0.0444
江西	-0.5005	-0.0214
山东	0.0158	1.8642
河南	0.7015	1.2661

省份	FACI_1	FAC2_1
湖北	-0.3159	0.7452
湖南	-0.3980	0.6386
广东	0. 3868	2. 1056
广. 国	-0.5982	-0.3282
海南	-0.2279	-1.4557
重庆	-0.2393	-0.4097
四川	-0.6639	0.7768
贵州	-0.9378	-0.5750
石闸	-0.8001	-0.3829
西藏	-0.7153	-1.5896
映西	-0.5250	0.1459
 	-0.9870	-0.6476
青海	-0. 5665	-1.4698
宁夏	-0.13865	-1.4372
新疆	.110.1732	- 0. 6857

(12) 对各省、自治区、直辖市进行综合评估。

以提取的两个公共因子的方差贡献率作为权重,结合各因子得分,建立综合评价 模型:

F=0.57640 * FAC1_1+0.32076 * FAC2_1

利用 SPSS 的数据转换功能计算各样本的综合得分 F, 并利用 SPSS 的排序功能对各 省市自治区的综合发展水平进行了排序比较。结果如表 8-22 所示。

- 22 各省市自治区综合发展水平的排库比较

名 次	按综合得分排名	按第一公共因子 得分排名	按第二公共因子 得分排名
1	上海	上海	广东
2	北京	北京	江苏
3	浙江	天津	山东
4	江苏	浙江	河南
5	广东	江苏	安徽
6	天津	福建	河北
7	山东	广东	四川
8	辽宁	内蒙古	湖北
9	福建	近宁	辽宁
10	内蒙古	山东	湖南

(佐)

名 次	按综合得分排名	按第一公共因子 得分排名	按第二公共因子 得分排名
11	糊北	吉林	浙江
12	河南	海南	陕西
13	湖南	重庆	黑龙江
14	河北	湖北	江西
15	安徽	宁夏	福建
16	四川	湖南	山河
17	黑龙江	黑龙江	内蒙古
18	吉林	新疆	广西
19	陜西	江西	云南
20	重庆	陕西	重庆
21	江西	河北	吉林
22	山西	青海	贵州
23	广西	山西	北京
24	新副	安徽	柱身
25	云南	八面 X	新疆
26	海南	BACIT	上海
27	宁夏	河州	天津
28	货州	西藏	"片夏
29 🛝	甘肃	云南	海南
30	肯海	贵州	青海
31	西藏	甘肃	西藏

按综合得分所得到的评估结果说明了各省市自治区在人均 GDP、新增固定资产、城镇居民人均年可支配收入、农村居民人均可支配收入、高等学校数量和社区卫生服务中心数量 6 个方面的发展水平;按第一公共因子得分所得到的评估结果说明了各省、自治区、直辖市在人均 GDP、城镇居民人均年可支配收入和农村居民人均可支配收入 3 个方面的综合发展水平(即收入水平); 按第二公共因子得分所得到的评估结果说明了各省、自治区、直辖市在新增固定资产、高等学校数量和社区卫生服务中心数量 3 个方面的综合发展水平(即社会发展水平);

由于因子分析法是以山原始指标组成的每个公共因子的方差贡献率作为 权重来构建综合评价函数,所以使得评价结果具有很强的客观合理性。根据 各公共因子的得分对各省、自治区、直辖市的发展情况进行评估,能够发现 他们在各个环节的优势和不足,以便制定科学合理的决策方案。



期刊推存



基于因子分析的中国金融风险研究

2008 年始于美国的次貨危机发展成全面金融危机,而且向实体经济渗透,向全球蔓延,给世界经济带来严重影响。

所谓次货危机,简言之,是指缺乏支付能力而信用程度又低的人在买了住房之后,无力偿还抵押贷款所引发的一种金融问题。居民住房是不动产、很难发生位置移动,因而即使发生供求问题及由此引发金融问题,也应只限于一定地区的范围之内。然而在美国,这个问题如成了波及全国以至全球的问题。这是什么原因造成的呢?主要是由于一种金融衍生品即"住宅抵押贷款支持证券"的泛滥造成的,一旦金融行生品介入,把住房抵押贷款证券化、就会展开无穷的金融交易。这种证券既可以在国内金融市场不断交易,又可以在国际金融市场不断流通,于是就把住房问题由局部问题变成全局问题、由地区问题变成全国以至全垛问题。当第一个环节出现问题,即大量买房的穷人无力偿还贷款时,其后的诸多环节就难以运行了,不仅如此。前几年美国任房市场大量买房处的实现还要排户债价。这样,多年积累下的大量金融模次和"村包"出售(通俗地说,就是买茄子还要搭上黄瓜)这样,多年积累下的大量金融模次品,其至垃圾就像汹涌的海浪一样消雨了美国以至世界金融市场,其后果就是金融危机的爆发。

值得放態的是,尽管此次全珠性金融危机給中国金融机构造成一定的冲击,但中国金融机构的状况依然稳健。这一方面得益于中国金融业仍相对封闭,最重要的原因则是得益于近年来中国金融机构治理水平的大幅提高。中国金融业刚刚起步,在此次危机中没有陷入太深,但未来略往哪里走?相关专家表示,中国金融机构要努力回避西方金融机构机制方面存在的缺陷。既要防范金融风险,还要防范治理风险,这样才能真正防范系统性风险,才能不重觀複觀。

通过对中国的金融风险进行研究,可以把握金融风险的发展趋势,找出影响金融风险的因素,制订防范和化解金融风险的有效措施。下面根据中国的实际情况和选取指标的原则选取了9个具有代表性的指标(表8-23),并搜集了1992—2014年的数据(表8-24)。

指标类型	指标名称	临界值		
tal to var elso	GDP 增长率 (X ₁)	8%		
增长速度	M2 增长率 (X2)	10 %		
资本市场	股票市价总值/GDP (X ₃)	30%		
充足性	国有商业银行资本充足率 (X _i)	8%		
益利性	国有商业银行资本收益率 (X ₅)	社会平均收益率的 · 半		
国债	国债负担率 (X6)	20 %		
	进出口/GDP (X ₇)	5%		
外资	外债偿债率 (X ₈)	25%		
	短期外债/外汇储备 (X ₉)	25%		

表 8-23 金融风险预警监测指标

表 8 - 24 1992-2014 各指标数据

表 8 - 24 1992—2014 各指标数据									
年度	X _t	X2	X_3	X.	X5	X6	X7	X ₈	X9
1992	14. 2	31.3	3, 93	0.05	1.78	1.82	34. 27	7.1	55. 8
1993	14	37.3	10.2	0.03	1.33	4. 45	32. 56	10.2	63.9
1994	13.1	34.5	7.89	0.04	0.28	4. 9	43.61	9.1	20. 2
1995	10.9	29.5	5. 94	0.04	0.51	5.66	40.11	7.6	16.2
1996	10	25.3	14.5	0.03	0.45	6.35	35, 08	6	13.4
1997	9. 3	19.6	23.44	0.03	0.15	7. 4	36.05	7. 3	13
1998	7.8	14.8	24. 52	0.05	0.09	9, 91	.33, 73	10.9	12
1999	7.6	14.7	31. 82	0.04	0.31	12, 85′	38, 39	11.3	9.8
2000	8.4	12.3	53. 79	0.05	0.33	M. 56 V	43.92	9. 2	7.9
2001	8.3	17.6	45.37	0.05	0. 22 4	V16. 28	43.98	7.5	23.8
2002	9. 1	16.8	22	0.07	0. X3//	12. 44	48. 85	7.9	17.1
2003	10	19.8	25. 84	0.06	0.21	11.54	60.01	6.9	19.1
2004	10.1	14.6	35. 26 -	0708,	0.22	11.5	64.13	3. 2	19.5
2005	10.4	17.6	35.58 \	² 0. 11	0.21	11.49	49.1	3. 1	19.0
2006	11.6	17	42.69	0.14	0.2\	46.8	66	2. 1	17.2
2007	13	~ 16.7 /	127	0.13.,	V. 17"	23. 1	64	2	14.39
2008	9,6,7	17.7	39. 78	0.12	70. 1987	16.96	55.76	1.8	10.8
2009	9. 2/	27.6	71.3	0.11	0. 2087	17. 67	44.18	2. 9	10.8
2010	10.4	19.7	66.41	0.12	0. 2261	16.97	50.08	1.6	13. 1
2011	9.3	17.3	56. 2	0.13	0. 2251	15. 28	48. 78	1.72	15. 7
2012	7.6	14.4	47.3	0.14	0. 2198	15. 93	56. 61	1.62	17.7
2013	7.6	13	42.3	0.13	0. 2123	15.09	73. 23	1.57	17. 1
2014	7.4	16.7	40	0.15	0. 1974	14.88	22. 6	1.91	17.7

数据来源:《中国金融年鉴》、各银行年报、国家外汇局网站等官方网站。

需要分析的问题:

- (1) 利用因子分析方法对中国金融风险进行定量分析。
- (2) 根据因子分析结果, 对如何控制金融风险提出对策建议。

一、学习目标

通过本案例的学习,要求学生熟练掌握因子分析的基本方法及其应用;考核学生对因 子分析的理解程度。



二、案例分析

中国现行的一些金融风险分析的方法主要是定性分析,其显著特征是简便、易于理解和操作。但评价结果具有很强的主观性。因此评价结果的准确性和客观性难以令人信服。 而因于分析的基本思想,简单地说、就是地观测变量分类。将相关性较高即联系比较紧密的变量分在同一类中,使不同类的变量之间的相关性较低。那么每一类变量实际就代表了一个本质因子,因子分析就是寻找系统中这种不可观测的因子或结构。以此为出发点,我们可以利用因子分析方法对中国的金融风险进行定量分析,最后根据因子分析结果,提出对策建议。

(1) 我国金融风险的因子分析

利用 SPSS 22.0 軟件, 首先进行相关分析, 发现几个指标之间具有很强的相关性, 并建立变量的相关数距降 R. 然后计算出 R 的特征根和贡献率。按照累计方差贡献率大于 85 % 表选取因子。按照这个原则选取了 4 个因子, 其累计方差贡献率为 90.610% (表 8 - 25)。其中第一个因子解释能力占所有变量总方差的 55.156%, 而第二个因子解释能力占所有变量总方差的 61.071%, 第三个因子解释能力占所有变量总方差的 7.339%, 第四个因子解释能力占所有变量总方程的 7.044%。

	I	nitial Eiger	ivalues		Extraction Sums of Squared Loadings			Rotation Sums of Squared Loadings		
Component	Total % of Variance		Cumulative %	Total	% of Variance	Cumulative %	Total	% of Variance	Cumulative	
1	[, 96]	75. [56	55, 156	[. 96]	55, 156	55, 156	3. 138	31.872	31. 872	
2	1.896	21.071	76. 227	1.896	21. 071	76. 227	2. 181	21. 231	59, 103	
3	. 601	7. 339	83. 566	. 661	7. 339	83, 566	1. 733	19. 255	78. 358	
1	. 634	7.044	90.610	. 634	7.044	90.610	1. 103	12. 252	90.610	
5	. 496	5.511	96. 122							
6	. 135	1.500	97. 622							
7	. 110	1.224	98.845							
8	. 071	. 784	99.629							
9	. 033	. 371	100.000							

表 8-25 Total Variance Explained

为使因子能有更好的经济意义对变量进行解释、需要进一步进行因子旋转、采用 Katser 方差最大旋转、公因子与原有变量指标之间的关联程度由因子载荷值表征。因子载荷值越高、表明该因子包含该指标的信息量越多。表 8 26 为经 5 次正交旋转的因子载荷矩阵。

表 8-26 Rotated Component Matrix®

指 标	Component							
損析	1	2	3	4				
GDP增长率	. 911	164	.080	. 254				
M2 增长率	. 790	305	199	-, 133				
股票市价总值/GDP	167	. 329	. 906	. 146				
国有商业银行资本充足率	181	. 892	. 321	. 153				
国有商业银行资本收益率	. 842	068	273	280				
国债负担率	390	. 492	. 723	. 157				
进出口 GDP	132	. 363	. 175	. 878				
外债偿债率	. 080	882	239	257				
短期外债 外汇储备	. 859	. 025	279	191				

Extraction Method: Principal Component Analysis.

Rotation Method: Varimax with Kaiser Normalization.

a. Rotation converged in 5 iterations.

因子分析的经济意义解释。公共因子 F, 在 GDP 增长率、M2 增长率、国有商业银行资本收益率、外债偿债率和短期外债 外汇储备上的载荷值较大,它对整个国家的金融风险状况影响最大,有着 55.2%的方差贡献率,公共因子 F, 在国有商业银行资本充足率及对外债偿债率的载荷绝对值较大,它对整个国家的金融风险状况影响居次,有着 21.071%的方差贡献率,公共因子 F, 在股票市价总值、GDP、国债负担率上的载荷值较大,有着 7.339%的方差贡献率。公共因子 F, 在进出口, GDP 上的载荷值较大,有着 7.044%的方差贡献率。

进行因子分析后,由回归计算出因子得分及各因子的方差贡献率的比例作为权重进行 加权汇总,得出各年度金融风险的综合得分 F,如表 8-27 所示。

表 8-27 因子得分 (Component Score)

年 度	第一因子得分	第二因子得分	第三因子得分	第四因子得分	F
1992	2, 708	0.413	-0.933	-0.945	1. 596
1993	2.709	-0.551	-0.413	-o. 852	1. 421
1994	0.794	-1.529	-0.491	1.000	0.166
1995	0. 275	-0.886	-0.918	0.180	-0.099
1996	-0.096	-0.721	-0.751	-o. 354	-0.314
1997	-0.631	-1.021	-0.471	-o. 296	-0.683
1998	-1.198	1.166	-0.257	0.872	-1.089
1999	-1.093	1, 337	0. 235	0.908	1.028

主成分

年 度	第一因子得分	第二因子得分	第三因子得分	第四因子得分	F
2000	-0.870	-1.142	0.855	-0.391	-0.756
2001	-0.432	-0.591	0.597	− 0, 543	-0.394
2002	-0.569	-0.443	-0.468	0. 245	-0.468
2003	-0.208	-0.609	-0.506	1.324	-0.206
2004	-0.215	0.393	-0.731	1.452	0.014
2005	-0.069	0.661	-0.421	0. 259	0, 098
2006	0. 227	0.936	0.020	1, 499	0.474
2: 07	0, 870	-0.050	3, 535	1, 013	0.883
2008	-0.313	0.882	-0.056	0.486	0.048
2009	0, 109	0. 289	1. 420	-v. 663	6, 197
210	0, 121	0.676	0, 991	-0, 008	0.31a
2011	-o. 183	1.079	0.285	-0. 283	0.141
2012	-0.597	1. 531	-0.428	-0.034	-0.044
2013	-o. 672	1.366	-0, 9,7	1. 376	-0, 062
2014	-0.668	1.819	-0.138	-2,682	-0.203



(2) 对策建议。一方而要加强金融风险的监测、预警、建立金融风险的 综合防范体系。另一方面,要建立我国金融风险的转移体系。风险转移是通 过建立存款保险公司的方式。当金融机构倒闭时、由存款保险公司对存款人 的损失给予一定的限额补偿。

本章小结

主成分分析和因子分析都是用于将多个相关变量简化为少数几个综合指标的多元 统计分析方法,可以在尽可能保留变量信息的基础上降低变量维数。因子分析是在主 成分分析的基础上进一步研究主成分与变量间的关系。分析影响原变量的共同因素与 特殊因素,进一步简化原来变量的维数和结构。这两种方法用途非常类似,但也存在 着很大的不同,在应用时要注意区分。

关键术语

Principal components Principal component analysis 主成分分析 Correlation matrix 相关矩阵 Unrotated factor solution 非波转因子 Scree plot 碎石图 Covariance matrix 协方差矩阵

Factor score coefficient matrix 因子得分系数矩阵

Unweighted least squares 未加权最小平方 Alpha factoring α 因子

Image factoring 映像因子 Generalized least squares 综合最小平方

Maximum likelihood 最大似然估计 Principal axis factoring 主轴因子

Factor analysis 因子分析



- [1] 何晓群、多元统计分析 [M], 2 版, 北京。中国人民大学出版社, 2008.
- [2] 中华人民共和国统计局网站, http://www.stas.gov.cn.
- [3] 李金龙、李妍、郑雪仪、SPSS 统计学实验教程 [M], 北京:清华大学出版社, 2015.

一、选择题

1. 主成分的协方差阵为(

- A. 元素都相同 B. 对鱼饭店
- 2、主成分表达式的系数向量是()的特征向量。

C. 单位矩阵

- A. 原始资料矩阵 B. 协差矩阵 C. 相关系数矩阵 D. 以上都不是

D. 1. 1

D. 3

D. 任意矩阵

- 3. 原始数据经过标准化处理,转化为均值、方差分别为()的标准值。
- A. 0, 1 , B. 1, 0 C. O. O 4. SPSS 中主成分分析采用()命令过程。
- A. analyze data reduction factor
- B. analyzė data reduction optimal scaling
- C. analyze data reduction correspondence analysis
- D. analyze classify tree
- 5, 变量共同度是指因子裁荷矩阵中(
- A. 第 i 行元素的和 B. 第 i 列元素的和
- C. 所有元素平方和 D. 第1行元素的平方和
- 6. 公共因子方差与特殊因子方差之和为(
- A. 1 B. 0 C. 2

二、简答题

- 1. 主成分分析的几何意义是什么?
- 2. 什么是主成分的方差而献率和累计方差而献率。其实际意义何在?
- 3. 在进行主成分或因子分析之前,为什么要标准化数据?
- 4. 因子分析模型与主成分分析模型有何不同?
- 因子分析模型与回归分析模型有何不同?
- 6. 因子载荷阵的统计意义是什么?

- 7. 因子旋转的目的是什么?
- 8. 主成分分析与因子分析有何作用?
- 9. 在某大学一年级 II 名学生的期末考试中,线性代数和概率统计课程采用闭卷考试, 法律、思想品德和 C语言程序设计课程采用开卷考试,考试成绩见表 8 28。

表8.28 草大学 44 名学生的老试成绩

线性 代數	概率统计	法律	思想品德	C语言 程序 设计	线性 代數	概率	法律	思想品館	C 语言 程序 设计
77	82	67	67	81	63	78	80	70	81
75	73	71	66	81	55	72	63	70	68
63	63	65	70	63	53	61	72	61	73
51	67	65	65	68	59 .	< V0 \	68	62	56
62	60	58	62	70	. EX.J	1 42	60	62	45
-2	61	60	63	51		67	59	62	4.1
50	50	61	55	6.3	65	63	58	56	37
31	55	60	57	1 /3/1	60	64.	56	54	40
1.	69	53	53	53	12	69	61	55	45
62	16	61	57	15	31	19	62	63	62
11	61	~ 52 /	62	46	. 19	41	61	19	61
12	38	61	63	67	49	53	49	62	47
54	49 /	56	47	53	54	53	46	59	44
44	56	55	61	36	18	44	50	57	81
46	52	65	50	35	32	45	49	57	64
30	69	50	52	45	46	49	53	59	37
40	27	54	61	61	31	42	48	54	68
36	59	51	45	51	56	40	56	54	35
46	56	57	49	32	45	42	55	56	40
12	60	54	49	33	40	63	53	54	25
23	55	59	53	44	48	48	49	51	37
41	63	49	46	34	46	52	53	41	40

采用 SPSS 统计软件中的因子分析功能对这组数据进行因子分析,得到表 8-29 和 表 8-30 所示的输出结果。

	Initial Eigenvalues			Extraction S Squared Los		Rotation Sums of Squared Loadings			
Component	Total	% of Variance	Cumulative %	Total	% of Variance	Cumulative	Total	% of Variance	Cumulative
1	2. 612	52. 239	52. 239	2.612	52, 239	52, 239	1.893	37.851	37. 851
2	1.072	21. 441	73.680	1.072	21.441	73. 680	1.791	35.830	73.680
3	. 569	11. 389	85.069						
4	. 436	8.719	93. 788						
5	. 311	6. 212	100.000				11		

表 8 - 29 Total Variance Explained

表 8-30 Rotated Component Matrix(a)

ile i=	Component			
指标	1/1-1	2		
线性代数	. 035	. 856		
概率统计	. 188	. 78)		
法律	.620	. 564		
思想品德	7.76%	. 360		
C语言程序设计	. 929	063		

- (1) 解释表 8-29 中各列的含义、并根据表 8-29 中的数据信息说明最终提取几个公 共因子,能反映原有信息的百分比。原有信息的百分比是多少?
- (2) 根据表 8 30 中的数据信息,对所提取的公共因子进行合理的命名,并说明命名的依据。

三、判断颗

- 1. 主成分分析中, 各主成分之间应该相关。
- 2. 主成分分析中,每一个主成分应是各原始变量的一些特殊的线性组合。
- 主成分分析的过程实际是坐标系旋转的过程,各主成分表达式是新坐标系与原坐标系的转换关系。
 - 4. 由协方差阵和相关阵计算主成分一般是相同的。
- 5. 主成分分析中可以取累计方差贡献率不小于80%的前q个主成分或选用特征值不小于1的前q个主成分。
 - 6. 因子分析是将变量表示为公共因子的线性组合。
 - 7. 因子分析中应该知道每个公共因子的实际意义,以便对实际问题进行分析。
 - 8. 因子分析中, 因子载荷矩阵是唯一的。
 - 9. 如果原始变量本质上是独立的,也可以使用主成分分析和因子分析进行降维。
 - 10. 因子分析中因子不是固定的,可以旋转得到不同的因子。

四、计算题

- 1. 设总体 $\mathbf{X} = (X_1 \cdot X_2)^{\mathsf{T}}$ 的样本协方差阵为 $\mathbf{\Sigma} = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$. 求 \mathbf{X} 的主成分 \mathbf{Y}_1 和 \mathbf{Y}_2 并计 售第一主成分 \mathbf{Y}_1 的贡献率。
 - 2. 现有 3 个指标 X₁, X₂, X₃, 收集了 n 29 组数据, 求得相关系数矩阵为

$$\mathbf{R} = \begin{pmatrix} 1 & 0.8347 & 0.6754 \\ & 1 & 0.9252 \\ & & 1 \end{pmatrix}$$

其特征值为 0.6296、0.3325、0.0379, 对应的单位正交化特征向量为

$$\mathbf{u}_{1}^{\mathrm{T}} = (0.5498, 0.6078, 0.5730)$$

$$\boldsymbol{u}_{2}^{\mathrm{T}} = (-0.7788, 0.1251, 0.6147)$$

$$\mathbf{u}_{3}^{T} = (-0.3019, 0.7842, -0.5421)$$

- (1) 若要求累计贡献率达到90%以上,至少应取几个主成分?
- (2) 写出(1) 中提取的主成分的表达式。

五、上机实验题

1. 在某中学随机抽取 30 名某年级学生。测量其 4 项指标、即身高 (cm)、体重 (kg)、胸围 (cm) 和坐高 (cm),数据资料如表 8 31 所示。

序号	身高/cm	体重/kg	胸圈/cm	坐高/cm	序号	身高/cm	体重/kg	胸围/cm	坐高/cm
1	139	32	68	7.3	16	148	38	70	78
2	144	36 1	68	76 . ,	N.	141	30	67	76
3	157	48	80	88	18	151	36	74	80
4	15%	> 39	68	80 1	19	147	30	65	75
5	151	42	73	82	20	147	38	73	78
6	160	47	74	87	21	156	44	78	85
7	149	47	82	79	22	145	35	70	77
8	137	31	66	73	23	152	35	73	79
9	158	49	78	83	24	140	33	67	77
10	140	29	64	74	25	161	47	78	84
11	151	42	77	80	26	139	31	68	74
12	153	43	76	83	27	150	43	77	79
13	159	45	80	86	28	142	31	66	76
14	160	49	77	86	29	149	36	67	79
15	148	41	72	78	30	139	34	71	76

表 8-31 某中学 30 名学生的四项测量指标

- (1) 试用因子分析方法确定 4 项指标的公共因子。
- (2) 若要求损失信息不超过15%,应取几个公共因子?
- (3) 对 (2) 中所提取的公共因子进行解释。

2. 采用因子分析方法对 2014 年我国 31 个省市自治区经济发展基本情况进行综合评 估。共选取 8 项指标,即国内生产总值 X_1 (亿元)、居民消费水平 X_2 (元)、固定资产投 资X, (亿元)、货物周转量X, (亿吨千米)、居民消费价格指数X: (上年 100)、商品零 售价格指数 X。(上年 100)、工业总产值 X;(亿元)。原始数据资料如表 8 32 所示。

表 8-32 2014 年我国 31 个省市自治区经济发展基本情况

序号	省份	X_1	X2	X ₃	X_4	X ₅	X4	X7
1	北京	21330.83	13329. 2	6924.2	1036.71	101.6	99. 1	3746.77
2	天津	15726. 93	6253.6	10518.2	3602.38	101.9	100.9	7079.1
3	河北	29421.15	12539	26671.9	12684.47	101.7	101.1	13330.66
4	山西	12761.49	6365.6	12354.5	3710.81	101.7	100.6	5471.01
5	内蒙古	17770, 19	7158. 2	17591.8	4471.08	101,6	106.7	7904.4
6	辽宁	28626. 58	12192. 7	24730.8	12235. 71	101.7	101	12656, 83
7	吉林	13803.14	5108	11339.6	1703. 81	102	101, 2	6121.88
8	黑龙江	15039. 38	8877.3	9829	1811. 09	101.5	100.8	1783.88
9	上海	23567.7	13858. 1	6016.4	18833.36	102.7	100.9	7362.84
1.0	江苏	ь5088. 32	31067.3	11938.6	10417.86	102. 2	101.6	26962, 97
11	浙江	40173.03	19365.	21262:8	9539.7	102.1	100.9	16771.9
12	安徽	20818, 75	10136.8	21857.6	13500.6	101.6	100.1	9155, 18
13	福建	24035.76	9299, 3	18177.9	4780. 2	102	161.1	1 (426, 71
14	江西	15714.,63	3082.6	15079.3	\3827.198	102.3	101.2	6848.63
15	山东	59420, 59	24193.1	42495. 5	8253.03	101.9	101	25340.86
16	河南	31938. 21	16850. 1	30782.2	7101.12	101.9	101	15809.09
17	湖北	27374. 22	12562. 8	22915.3	5503.57	102	100.9	10992, 79
81	湖南	27037.32	12463.1	21242.9	4138.36	101.9	101.2	10749.88
19	广东	67809.85	33920.6	26293. 9	14801.03	102.3	101.4	29144.15
20	广西	14672.89	8187.7	13843.2	4089.65	102.1	101.2	6065.34
21	海南	3500.72	1722. 7	3112.2	1488. 1	102.4	100.9	514.4
22	重庆	14262.6	6764.7	12285. 4	2594.96	101.8	100.6	5175.8
23	29 /1	28536.66	14529.9	23318.6	2465.13	101.6	101.2	11851.99
24	贵州	9266. 39	5288. 5	9025.8	1441.78	102.4	101.6	3140.88
25	云南	12814.59	8207.5	11498.5	1445.58	102.4	102. 2	3898. 97
26	西藏	920.83	595. 2	1069.2	110. 38	102.9	100.7	66. 16
27	陕西	17689. 94	7816. 1	17191.9	3521.46	101.6	101.7	7993. 39
28	甘肃	6836.82	4035.6	7884.1	2515.47	102.1	101.5	2263. 2
29	青海	2303.32	1154.4	2861.2	506.94	102.8	100.9	954.27
30	宁夏	2752. 1	1468. 6	3173.8	836.84	101.9	101.7	973. 53
31	新疆	9273.46	5024.5	9447.7	1880. 92	102.1	101.3	3179.6

资料来源:《中国统计年鉴(2015)》。

3. 消费结构是指人们在生活中消费的消费资料和接受的服务种类及其比例关系。也 新是指各类消费专出在总消费专出中的比例,对居民消费专出按照人们实际专出的共向分 类可分为吃、穿、用、住、文化娱乐等、按照我国常用的消费资料支出分类方法、将城镇 居民人均生活费支出分为食品、衣着、居住、家庭设备及服务、医疗保健、交通通讯、文 教娱乐及服务、杂项商品及服务8个部分。他们在人均生活费支出中所占的比例分别记为 X_1, X_2, \dots, X_8 。 试根据浙江省城镇居民家庭生活的抽样调查资料 (表 8 - 33), 采用因子 分析方法研究居民消费结构变化。

	表 8-33 2005—2012年浙江省城镇居民人均生活消费支出构成 (单位:》								
年份	X1	X ₃	X ₃	X_4	X ₅	X,	X_7	Xs	
2005	33.78	10.31	8. 64	4.97	6. 79	17. 1₺	15. 10	3. 28	
2006	32. 91	10.37	9. 21	4.61	6.38	7 18. 87	14.58	3. 27	
2007	31.72	9. 98	8. 29	1.73	6.10	17, 55	15.31	3. 32	
21.58	36, 11	10, 20	8, 80	1.70	6. 16	15. 79	14.49	3. 11	
2009	33, 60	9.68	8. 91	1. 97	5, 90	19.73	13.76	3. 17	
2010	31.26	10, 04	7. 91	5. 13	5, 79	19. 25	14. 18	3. 96	
2011	34, 57	10, 47	7. 13	5. 43	6. 11	18. 24	13.78	3. 97	
2012	35.05	9. 79	7.30" 1	5, 39	5. 70 5	19.19	13. 91	3. 77	

资料来源,《浙江统计年鉴



实际操作训练

1. 实训项目: 主成分分析法在学生成绩评价中的应用

实训目的,"学会运用主成分分析的原理和方法解决实际问题。

实训内容:通常情况下,学校在评价学生成绩时,主要采取的是多门课程总平均分排名 的方法。这种方法对学生成绩评价过于笼统、看不出学生在各学科间的优势与劣势。为了解 决传统评价方法中的缺陷,可使用主成分分析法来对学生成绩进行科学的评价和学科间具体 的优势、劣势的度量。请收集所在班级学生的上一学年的考试成绩、对其进行主成分分析。

要求:

- (1) 找出影响学生综合得分的主要因素。
- (2) 对比用主成分分析得到的综合得分排名与按平均分排名,从中找

出在课程学习中的问题加以改进。

2、实训项目, 我国各地区财政专出的因子分析

实训目的, 学会运用因子分析的原理和方法解决实际问题。

实训内容, 我国各地区主要财政专出项目包括一般公共服务, 国防, 公共安全, 教 育、科学技术等14项。请查阅《中国统计年鉴》,获取2008年的相关数据,对这14个变 量做因子分析,将这14个变量综合为少数几个因子,通过对各地区的每个因子得分的分 析了解各地区财政支出情况,为更为合理地安排财政支出提供依据。

要求、对我国各地区的财政专出进行因子分析、并对结果做出合理的解释。

3、实训项目: 我国各地区农业发展状况研究

实训目的: 学会运用因子分析的原理和方法解决实际问题。

实训内容:改革开放以来,我国的经济有了长足的发展,尽管农业在国民经济中的比例 逐年下降,但农业的基础性作用越来越重要。由于受自然环境、人口分布等因素的影响,我 国各地区之间的农业发展水平并不十分平衡。请查阅《中国农业统计年鉴》,获取 2008 年的 相关数据,选取农业人口、耕地面积、农药使用量等 9 个指标分析不同地区间的农业差异。

要求,

- (1) 利用因子分析的结果对相关经济现象做出合理的解释。
- (2) 探讨我国各地区农业发展水平的差异及其产生的原因。



上市公司经营业绩指标选择与综合评价

在上市公司经营业绩综合评价过程中、评价指标的选取是否合适、直接影响综合评价的结论。科学的综合评价指标体系应该同时具备全面性和代表性。但是全面性并不意味着指标越多越好、指标选取过多、会产生许多重复性指标、相互之间产生干扰、对综合评价有不利影响;指标选取太少、所选指标可能缺乏足够的代表性、会产生片面性。所以、如何科学地选择指标、构建指标体系。是上市公司经营业绩综合评价中首先要解决的问题。

上市公司经营业绩综合评价指标的筛选必须采用主客观相结合的方法,在充分发挥主 现能动性,即对上市公司经营业绩评价本质认识的基础上,再结合适当的统计学方法来进 行。指标筛选方法的思路和步骤如下;

- (1) 根据经济意义进行指标分类。从上市公司经营业绩的内涵出发、对主要综合评价指标按照指标的经济意义进行分类(可在借鉴"金融界"网站www.jrj.com.cn公布的财务分析指标、国有资本金绩效评价指标及"证星体系"评价指标的基础上,对上市公司业绩评价指标按盈利能力、经营效率、成长能力、偿债能力4个方面进行分类)。
 - (2) 对每类中的指标再进行 R 型聚类分析,将其分成若干子类。
- (3)在子类中运用统计学方法选择代表性指标。若某个子类只要一个指标、则将其直接选入评价指标体系;若某子类有两个以上的指标,则计算该子类中各指标与其他指标的复相关系数。 英指标的复相关系数在该类越大,则可认为该指标所包含本类的信息最丰富,对该类指标的代表性最强,接此推理,复相关系数最大的指标入选。

请采用湖南 35 家上市公司 20 项业绩评价指标数据进行分析。数据可从各上市公司 2015 年年报中获得。要求,

- ① 运用 R 型聚类方法对上市公司经营业绩评价指标进行筛选。
- ② 运用因子分析方法对上市公司经营业绩进行综合评价。



第**9**章

对应分析

数学目标

通过本章的学习。正确理解对应分析的基本原理和方法、熟练掌握对应分析的基本计算步 骤及 SPSS 软件的操作步骤, 学会利用对应分析方法解决实际问题。

教学皇帝

知识要点	能力要求~	相关知识
对应分析的原理和	能够理解对应分析的基本思想及基	数据变换方法、R型与Q型因子
方法	本步骤	分析方法
对应分析的基本计算步骤	能够结合实际问题掌握对应分析的 基本计算步骤	计算规格化的概率矩阵 P, 计算之度矩阵 Z, 进行因子分析, 绘制对应分布图
SPSS 軟件操作	能够熟练使用 SPSS 软件之对应分析 功能并对输出结果进行正确解读	"Correspondence Analysis" 系 话框

主成分分析、因子分析、变量(指标)聚类分析都是研究变量之间的相互关系。而错综复杂的经济和管理关系中。不仅需要了解变量之间的关系。还需要了解释品之间的关系。尤其需要了解变量与样品之间的对应关系。不仅如此。人们往往还希望能在同一个直角坐标系内同时表达出变量与样品两者之间的相互关系。对应分析(Correspondence Analysis)就是实现这一目的的有效方法。



我国农村居民消费结构与地域的对应关系

农民消费结构状况在 - 定意义上影响着农村社会的发展。研究促进经济增长的需要力量之 - 的消费 问题 下分重要 - 而分部消费结构有助于把握消费的《各状况、农民的消费支出物或是衡量农民消费结构 的重要指标。 在通常情况下,研究农民的各项生活消费支出。 廣政包括合物消费支出、交通通信支出、 交數級采用品及服务支出和服疗保健支出、有助于衡量农民生活现代化的水平。

消費水平是衡量一个地区乃至一个国家经济实力的重要指标之一。由于中国瞩页辽阔。各地经济发展水平不同、文化风俗不一。人们对消费的编好不同。所以支出也不尽相同。"三农"(农业、农村、农民)可题是目前我国出常重要的可是。也是广大人民群众十分关注的问题。分新和研究各地区农村居民家庭消费支出的不同特点。对国家宏观的经不调控和政策等向是限有会义的。它有助于有的政文地制定卫型和合理的政策。减小政策在制定和实施中的自且性。对我国的经济发展、扩大需要和提高人民生活水平具有重要的指导费义。

那么。消费结构与地域之间是否存在一定的关系。它们是如何对任的。从消费结构是否可以看出位于不同地域的农民生活消费支出的变化情况?

农民的消费支出结构除了受地域的限制之外,也从另外一个侧面反映了农民的收入之间的差距。通过对中国各地农村居民的人均消费支出的不同及消费结构的差异来探索现象背后的原因,以期能在经济不断发展的今天,找出一定的消费规律性,并由此提出一些建议。然而在现实生活中,那种仅凭经验和专业知识做定性分类的方法已不能满足实际高级,我们必须将定性和定量分析结合起来分类。因此,采用对应分析来对这一类定量变量进行对应分析非常必要。



新产品名称的测试

对新产品来说,产品名称是消费者认识和识别核产品的核心要素,是形成品糠酰金的基础。为新产品和一个好的名字基非常重要的,好的名字至少应满足下列两个基件。

- (1) 名字应该使消费者联想到正确的产品。
- (2) 名字应该使消费者产生与正确产品密切相关的联想。

中英纯水有限公司效为其新推出的一种纯水产品起一个合适的名字,为此专门委托了当地的策划咨 物公司、取了一个名字"波澜"。后来中美纯水有限公司又委托调查统计研究所,进行了一次全面的专场 研究。 "该坑计研究所得报定中的新产品名称"波渊"同其能7个模拟的名称一起测试。问题中的问题 如下。

- (1) 请您判断一下它们最像什么商品的名称?(出示卡片。只选一项)
- ① 雪糕 ② 纯水 ③ 碳酸饮料 ④ 果汁饮料
- ⑤ 保健食品 ⑥ 空调 ⑦ 洗衣机 ⑧ 毛毯 ⑨ 其他

- (2) 这些名称最能使您产生什么感觉?(出示卡片。只选一项)
- ①清爽 ②甘甜 ③欢快 ④纯净
- ⑤安闲 ⑥个性 ⑦兴奋 ⑧高档 ⑨其他
- 该统计研究所经过调查研究,需要解决的问题是。为纯水起名为"波瀾"恰当么?

在新产品名称测试的研究实践中,我们往往遇到的问题就是一个新产品的问册到底该 起一个什么名字为好,这个名字对于消费者能产生什么感觉?以往在分析时只是通过交叉



列表来表现产品、名称、感觉之间的关系。如果仅仅是两个变量、且每个变量类别较少时表现得比较请楚, 但在每个变量划分有多个类别的情况下就很难直观地揭示出变量之间的内在联系。近年来, 对应分析方法的运用则有效地解决了这些定性变量的分类和对应问题。

9.1 对应分析概述

9.1.1 问题的提出

在实际数据的统计分析中,经常要处理3种关系,即变量之间的关系、样品之间的 关系及变量和样品之间的关系。例如,对全国各高校进行教学评估时,不仅要研究教学 评估指标间的关系,还要将高校按教学评估结果进行分类,研究哪些高校与哪些教学评估指标的关系密切一些,为各级领导部门制定科学的决策提供参考依据。这就需要有一种方法,将教学评估指标和高校放在一起进行综合分析,对应分析就是研究这类问题的统计方法。

对应分析实际是因子分析的进一步推广。在因子分析中,我们重点介绍如何将多个变量归结为少数几个综合因子,即研究对象是指标,所用的方法也可称为R型因子分析。但是在实际问题中,这样的分析方法有它的局限性,主要体现在以下两点;

- (1) 如果研究的对象是样品。我们也可以采用类似于R型因子分析的方法做类似的处理。我们可称之为Q型因子分析。但是,由于在统计分析中,样品的个数远远大于变量的个数。这样给Q型因子分析带来了极大的困难。例如,有200个样品,每个样品测20项指标。要做R型因子分析、需要计算20×20阶相似系数矩阵的特征值和特征向量;而要做Q型因子分析,则需要计算20×200阶相似系数矩阵的特征值和特征向量。
- (2) 在R型因子分析中,为了去掉变量量纲的影响,我们往往对变量进行标准化处理。然而这种标准化对样品就不好进行了。也就是说,这种标准化处理对于变量和样品是 非对等的,这给R型和Q型因子分析之间的联系带来障碍。

对应分析是将 R 型因子分析与 Q 型因子分析结合起来进行的统计分析方法,它可以 从 R 型因子分析的结果出发,很容易得到 Q 型因子分析的结果。对应分析不仅适用于数量型变量,而且还适用于品质型变量。更重要的是,它可以把变量和样品反映在相同坐标轴的一张图形上,这样就把变量和样品联系起来,便于解释和推断。概括起来,对应分析可以通过同一张图形反映如下 3 方面的信息;

(1) 反映变量之间的关系。图形上邻近的变量点表示变量间关系密切。

- (2) 反映样品之间的关系。图形上邻近的样品点具有相似性质,可以认为属于问一类。
 - (3) 反映变量与样品之间的关系。同一类型的样品点被邻近的变量所表征。



阅读专程9-1

"对应分析"方法的产生

对应分析的最早的奠基性工作出现于20世纪30年代。

Richardson 和 Kuder 在 1933 年首先提出了互平均法, 包含了对应分析的基本思想, 缺点是他们在计算方点专面存在困难。Horst 在 1936 年进一步明确了互平均方法的最优化原则, 改进了前者的计算方法,把它用于二方变量。以后又把这种方法用于连续变量。Hirschfeld 在 1935 年提出协同线控则即准则, 分定离散的二元随机变量的分布表变量值, 使得双方回归都是线性的。按这种方式求出的朝, 正是对应公益价值

有趣的是这些工作一直没有引起人们的注意 在以后的几十年间, 负许多著名统计学家仍然致力于这方面的研究, 独立地提出了许多表面上不同实质上等价的最优化准则和计算方法。这里仅列出其中的某地重要工作

Fisher 在 1910 年研究人的眼睛都色与头发郁色的关系时,表出关于两个定性变量的两组房分,所用的方法就是前边所说的另平均,他还指出,每组图分是另一相保分的线性固谓。Maung 在 1911 年研究了定性变量二维表的相关性度量问题,为对低分标题计了 3 个事性的推测、即求出行和制的得分,使能吸水化。同一年,Guttman 在研究多重透析数据时,用内部一颗性作为对议分析的计算值点,求诸变量的状化,以使赎品内部离差平分和与遗离子平分和之比较小化。但在 1916 年首次把这套方法用于研究或计比数数据和数据序数据,并是"对应分析的应用范围。"

日本学者林知尼夫 (C. Hayashi) 在 20 世紀50 年民建立了数量化理论、系统研究了定性数据的数量化 方法、它的数量化理论所用的准则方 Guttman 的内部一类性准则基本一类、19就校大选推广了 Guttman 的 特展、特别是在成对比较类似的多维数量化方面 竹叶 Fisher for Maung 的对约分种惯查。Williams 1952 年 参考测别分析特出了假设检验方法。Lanasster 在 1973 年研究了格 y 统计量用于假设检验的方法。

至此,对疗分析的數學機能和计單方法都以严格的形式建立起来了。自 20 世紀 61 年代以后,又有 作多叢名的報订學家致力于紅方面的研究。研究內容包括軟件开发、計算方法的気质、扩大应用范围、 改養採用效果等。这關问在理论上的重要进展是擴清了材料分批他多元统计方法的关系

特别值得: 是的是法国学者 Benzeeri 等的工作。他们在 20 世纪以上十年代以法文观表了大量研究论 文和著名的专著、又以数据电路的重新标度 为禁岛提出了一种新的数学模型、首次采用了对应分析 (Correspondance Analysis) 的名字。由于他们的工作被大量引用,对中分析也就找了找卖方法的比较通 用的名字。

答料来源, 陶风梅、韩燕。刘汝、\$、对应分析数学模型及其应用「Mi、北京、科学出版社。2008.

9.1.2 对应分析的基本思想

由于R型因子分析和Q型因子分析都是反映一个整体的不同侧面、所以它们之间一定存在内在的联系。对应分析就是通过一个过渡矩阵Z将两者有机地结合起来。这种方法的关键是利用一种数据变换方法,使含有n个样品、p个变量的原始数据矩阵X(x_n) $_{n-p}$ 变成另一个矩阵Z。由于分析变量之间关系的协方差矩阵 $R-Z^TZ$ 和分析样品之间关系的协方差矩阵Q ZZ^T 具有相同的非零特征根、可以很方便地借助R型因子分析而

得到 Q 型因子分析的结论, 对协方差矩阵 R. Q 讲行因子分析, 分别能提取两个最重要的 公因 千R1, R2与 Q1, Q2及对应的因子载荷,并且可以画出两个因子载荷的散占图,由于 这两个图所表示的载荷可以配对。于是就可以把这两个因子载荷的两个散点图画到同一张 图中,并以此来直观地显示变量与样品之间的相互关系,

9 2 对应分析的原理和方法

9.2.1 对应分析中的数据变换方法

设有 n 个样品, 每个样品测量 b 个变量, 得到原始数据矩阵为

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1p} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2p} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{np} \end{pmatrix}_{n \times p} = (x_{ij})_{n \times p}$$

1. 对数据矩阵分别计算其行和、列和和总和

设 ε., 为第 ι 行的行和。 ε., 为第 į 列的列和。 ε., 为全部数据的总和。则有

$$\vec{x}_{11} \quad \vec{x}_{22} \quad \cdots \quad \vec{x}_{1p} \quad \vec{x}_{1}, \\ \vec{x}_{21} \quad \vec{x}_{22} \quad \cdots \quad \vec{x}_{2p} \quad \vec{x}_{2}, \\ \vdots \quad \vdots \quad \vdots \\ \vec{x}_{n_{1}} \quad \vec{x}_{n_{2}} \quad \cdots \quad \vec{x}_{np} \quad \vec{x}_{n_{1}} \\ \vec{x}_{-1} \quad t \cdot z \quad \cdots \quad \vec{x}_{-np} \quad \vec{x}_{-n}$$

$$\vec{x}_{-1} \quad t \cdot z \quad \cdots \quad \vec{x}_{-np} \quad \vec{x}_{-n}$$

$$\vec{x}_{-1} \quad t \cdot z \quad \cdots \quad \vec{x}_{-np} \quad \vec{x}_{-n}$$

$$\vec{x}_{-1} \quad t \cdot z \quad \cdots \quad \vec{x}_{-np} \quad \vec{x}_{-n}$$

2. 将原始数据矩阵 X 转化为概率矩阵 P

设 $p_j = \frac{x_j}{x_{ij}}$. 不难看出。 $0 \le p_{ij} \le 1$. 且 $\sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{p_{ij}} p_{ij}$ 为一个概率矩阵 $P=(p_n)_{n\times p}$ 。

式中,
$$p_i$$
. $-\sum_{j=1}^{p} p_{ij}$; $p_{ij} = \sum_{i=1}^{n} p_{ij}$; $p_{ii} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{p} p_{ij} = 1$.

因此, p_1 可以解释为每个数据 x_1 出现的"概率",概率矩阵P的行和 p_1 ,可解释为样 品 i 的 "边缘概率"。列和 p., 可解释为变量 j 的 "边缘概率"。

3. 根据概率矩阵 P 确定数据点坐标

如果我们将概率矩阵 P 中的n 个行看成p 维空间中的n 个样品点. 则其n 个样品点的 坐标可表示为 $\left(\frac{p_{i1}}{a}, \frac{p_{i2}}{a}, \cdots, \frac{p_{ip}}{a}\right)$ $(i=1,2,\cdots,n)$ 。

显然,每一个样品点的坐标是各个变量在该样品中的相对比例,这样对 n 个样品点的分析研究就转化为对 n 个样品点的相对关系的研究。研究样品点的相互关系一般用两个样品点的做氏距离夹描述。任意两个样品点 r 和 b 之间的欧氏距离夹描述。任意两个样品点 r 和 b 之间的欧氏距离实

$$D^{2}(r,k) = \sum_{i=1}^{p} \left(\frac{p_{ij}}{p_{ir}} - \frac{p_{kj}}{p_{kr}}\right)^{2}$$
(9-1)

为消除各变量量夠不同的影响、用系数 $\frac{1}{P_{+}}$ 去乘以距离公式(9-1) 就得到加权的距离公式。

$$D^{1}(r,k) = \sum_{i=1}^{p} \frac{1}{p_{i,i}} \left(\frac{p_{i,i}}{p_{i,i}} - \frac{p_{k,i}}{p_{k,i}} \right)^{2} = \sum_{i=1}^{p} \left(\frac{p_{i,i}}{p_{i,i}} \sqrt{p_{i,i}} - \frac{p_{k,i}}{p_{k,i}} \sqrt{p_{k,i}} \right)^{2}$$
(9-2)

这样, 就把 n 个样品点的坐标转化为

$$\left(\frac{p_{i1}}{p_{i}, \sqrt{p_{i1}}}, \frac{p_{i2}}{p_{i}, \sqrt{p_{i2}}}, \frac{p_{i2}}{p_{i}, \sqrt{p_{i2}}}\right) \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

公式(9-2) 可以说是该坐标的n个样晶点中任意两个样晶点r与k之间的欧氏距离,通过 计算两两样晶点之间的距离,可以实现对样晶点的分类。

类似地,可以将 p 个变量看成 n 维空间的点,用

$$\left(\begin{array}{c} p_{11} \\ p_{12} \\ p_{13} \\ p_{14} \\ p_{15} \\ p_{$$

表示 p 个变量的坐标。这时任意两个变量;和j 之间的欧氏距离为

$$D^{2}(i,j) = \sum_{k=1}^{n} \left(\frac{p_{kt}}{p_{\cdot t}, \sqrt{p_{k\cdot}}} - \frac{p_{kj}}{p_{\cdot t}, \sqrt{p_{k\cdot}}} \right)^{2}$$
(9-3)

通过计算两两变量之间的距离, 可以实现对变量的分类

4. 计算协方差矩阵

通过计算欧民距离可以对样品进行分类、也可以对指标进行分类、但是它无法反映样 品和指标之间的关系。为此、需要给出计算样品点的协方差矩阵和计算变量点的协方差 矩阵。

1) 计算变量点的协方差矩阵

由第 i 个样品的 p 項变量观测值 $\left(\frac{p_{i1}}{p_{i},\sqrt{p_{-1}}},\frac{p_{i2}}{p_{i},\sqrt{p_{-2}}},\cdots,\frac{p_{ip}}{p_{i},\sqrt{p_{-p}}}\right)$ $(i-1,2,\cdots,n)$

出发,则第 j 个变量的均值为

$$\sum_{i=1}^{n} \frac{p_{ij}}{p_{i,i}} \sqrt{p_{i,i}} = \frac{1}{\sqrt{p_{i,i}}} \sum_{i=1}^{n} p_{ij} = \sqrt{p_{i,j}}$$
(9-4)

第 i 个变量与第 i 个变量的协方差为

$$r_{ij} = \sum_{k=1}^{n} \left(\frac{p_{k}}{p_{k}}, \sqrt{p_{i}} - \sqrt{p_{i}} \right) \left(\frac{p_{kj}}{p_{k}}, \sqrt{p_{ij}} - \sqrt{p_{ij}} \right) p_{k},$$

$$\sum_{k=1}^{n} \left(\frac{p_{ki}}{p_{ij}}, \frac{p_{ij}p_{k}}{p_{ik}} \right) \left(\frac{p_{kj}}{p_{ij}}, \frac{p_{ij}p_{k}}{p_{k}} \right)$$

$$= \sum_{k=1}^{n} z_{kj} z_{kj}$$
(9-5)

式中,

$$\varepsilon_{k_{i}} = \frac{\rho_{k_{i}} - \rho_{.i} \rho_{k_{i}}}{\sqrt{\rho_{.i} \rho_{k_{i}}}} = \frac{\frac{x_{k_{i}}}{x_{..}} - \frac{x_{.i}}{x_{..}}}{\frac{x_{.i}}{x_{..}} + \frac{x_{k_{i}}}{x_{..}}} = \frac{x_{k_{i}} - \frac{x_{.i} x_{k_{i}}}{x_{..}}}{\sqrt{x_{.i_{i}} x_{k_{i}}^{2}}}$$
(9-6)

$$(k=1,2,\dots,n; i=1,2,\dots,p)$$

$$z_{kj} = \frac{p_{k,j} - p_{j,j}p_{k,}}{\sqrt{p_{j,j}p_{k,}}} = \frac{\frac{x_{kj} - \frac{x_{j,j}}{x_{j,j}} \cdot \frac{x_{k,j}}{x_{j,j}}}{\sqrt{\frac{x_{j,j}}{x_{j,j}} \cdot \frac{x_{k,j}}{x_{j,j}}}} - \frac{x_{kj} - \frac{x_{j,j}x_{k,j}}{x_{j,j}}}{\sqrt{x_{j,j}x_{k,j}}}$$
(9-7)

$$k = 1.2....p$$

令 $\mathbf{Z} - (z_{\eta})_{\eta + \rho}$,则 $\mathbf{R} - (r_{\eta})_{\rho + \rho} - \mathbf{Z}^{1}\mathbf{Z}$ 。 2) 计算样品点的协方差矩阵

类似上面的方法,由第 j 个变量的 n 个样品点的观测值 $\left(\frac{p_{i,j}}{p_{i,j}}, \frac{p_{i,j}}{p_{i,j}}, \frac{p_{i,j}}{p_{i,j}}, \dots \right)$

 $\frac{p_n}{p_1, \sqrt{p_1}}$ $(j=1,2,\dots,p)$ 出发。可以计算出样品的协方差矩阵为

$$\boldsymbol{Q} = (q_{ij})_{n \times n} = \boldsymbol{Z} \boldsymbol{Z}^{\mathrm{T}}$$

中九

$$\begin{split} q_{ik} &= \sum_{i=1}^{p} \left(\frac{p_{ij}}{p_{+i} \sqrt{p_{j*}}} - \sqrt{p_{j*}} \right) \left(\frac{p_{kj}}{p_{+i} \sqrt{p_{k*}}} - \sqrt{p_{k*}} \right) p_{+i} \\ &= \sum_{j=1}^{p} \left(\frac{p_{ij} - p_{+j}p_{+*}}{\sqrt{p_{+j}p_{j*}}} \right) \left(\frac{p_{kj} - p_{+j}p_{k*}}{\sqrt{p_{+j}p_{k*}}} \right) \\ &= \sum_{i=1}^{p} z_{ij} z_{kj} \end{split}$$

5. 进行数据的对应变换

数据变换的公式为

$$z_{ij} = \frac{p_{ij} - p_{ij}p_{j,i}}{\sqrt{p_{ij}p_{j,i}}} = \frac{z_{ij} - \frac{x_{ij}x_{ij}}{x_{ij}}}{\sqrt{x_{ij}x_{ij}}}$$
(9 - 8)

式、将样品点的协方差矩阵表示为 $Q-ZZ^{T}$ 的形式。R与Q两个矩阵存在明显的对应关系、而且将原始数据 x_{ij} 变换成 z_{ij} 后, z_{ij} 对于变量和样品具有对等性。



汉字读写能力与数学之间的对应关系

在研究读写汉字能力和数学的关系时,人们取得了232个美国亚裔学生的数学或精和汉字读写能力的新撰。

关于汉字读写能力的变量有3个水平,"统汉字"意味着可以完全自由使用统汉字读写、"单汉字" 意味着读写中只有部分汉字(如日文)。而"徒英义"意味着只验够读写英义而不会汉字。数字成绩有1个水平(A、B、C、D)。

这项研究是为了考察汉字具有的抽象图形符号的特性值否会促进几量空间和抽象思维能力。调查数据以列联表形式展示在最9-1中。

			数学	成 绩		44 15-
		数学 A	数学B	数学 C	数学 D	总和
	纯汉字	17	-31	2	1	81
汉字使用	半汉字	23	32	XXI	10	85
	纯英文	10	11	X EX	20	66
合	if "	79	74	18	31	232

表 9-1 调查数据

通过对調查數据過代所应分析, 发现运用编辑字的点与最好的数学或情 A 嚴權近, 而不会汉字只会 英文的点与最差的数字或情 F (或者 D. 虽然在孤坐标梢有差距) 最接近, 两用部分汉字 的和数学成绩 B 接近。

资料来源; http://www.docin.com/p-48031343.html.

9.2.2 对协方差矩阵 R 与 Q 进行因子分析

▼ to x 1 44 to ▼

1. 线性代数中的定理

定理 9.1 设矩阵 $R=Z^TZ$ 、 $Q=ZZ^T$ 、 λ 、是 R 的非零特征值、u, 为对应的特征向量、则有

- (1) R 与 O 的所有非零特征值相等。
- (2) O 的非零特征值 λ , 所对应的特征向量为 Z^Tu ,

由此定理可知,只需对变量点的协方差矩阵进行 R型因子分析、就可以得到样品点的协方差矩阵 Q型因子分析的结果。

- 2. 进行 R型与 Q型因子分析
- 1) R型因子分析

计算 $R = Z^T Z$ 的特征值 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \cdots \ge \lambda_k$ 。根据其累计百分比

$$\frac{\sum_{i=1}^{P} \lambda_{i}}{\sum_{j=1}^{P} \lambda_{i}} \times 100\% \geqslant 80\%$$

提取前 & 个特征值,即提取前 & 个公共因子。计算其相应的单位化特征向量 41,44,44,44,44 可以得到前 & 个公共因子的因子载荷矩阵。即

$$\boldsymbol{U} = \begin{pmatrix} u_{11}\sqrt{\lambda_1} & u_{12}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & u_{1k}\sqrt{\lambda_k} \\ u_{21}\sqrt{\lambda_1} & u_{22}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & u_{2k}\sqrt{\lambda_k} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ u_{p1}\lambda_1 & u_{p2}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & u_{pk}\sqrt{\lambda_k} \end{pmatrix}$$

2) Q型因子分析

定理 9.2 对 R Z^TZ 中的前 k 个特征值计算相应于 Q ZZ^T 的单位特征向量 v_1 Z^Tu_1 $v_2 = Z^T u_2 \dots v_k = Z^T u_k$,从而得到前 k 个公共因子的因子载荷矩阵,即

$$V = \begin{pmatrix} v_{11}\sqrt{\lambda_1} & v_{12}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & v_{1k}\sqrt{\lambda_k} \\ v_{11}\sqrt{\lambda_1} & v_{21}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & v_{2k}\sqrt{\lambda_k} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{n1}\sqrt{\lambda_1} & v_{n2}\sqrt{\lambda_2} & \cdots & v_{nk}\sqrt{\lambda_k} \end{pmatrix}$$

9, 2, 3 绘制变量和样品的对应分布图

由于协方差矩阵 R. O 具有相同的 非零特征值。而这些特征值正是各个公共因子所提 供的方差贡献,因此,在户维变量空间 R*中的第 1 公因子、第 2 公因子、…、第 4 公因 予与n 维样品空间 R*中相应的各个公因子在总方差中所占的百分比就完全相同。这样就 可以把变量和样品同时反映在具有相同坐标轴的因子平面上。

对协方差矩阵R、O 进行因子分析,通常分别能提取两个最重要的公共因子 R_1 、 R_2 与 O1、O2,对应的因子载荷矩阵分别为

$$\boldsymbol{U} = \begin{bmatrix} u_{11}\sqrt{\lambda_1} & u_{12}\sqrt{\lambda_2} \\ u_{21}\sqrt{\lambda_1} & u_{22}\sqrt{\lambda_2} \\ \vdots & \vdots \\ u_{\rho_1}\lambda_1 & u_{\rho^*}\sqrt{\lambda^*} \end{bmatrix} \qquad \boldsymbol{V} = \begin{bmatrix} v_{11}\sqrt{\lambda_1} & v_{12}\sqrt{\lambda_2} \\ v_{21}\sqrt{\lambda_1} & v_{22}\sqrt{\lambda_2} \\ \vdots & \vdots \\ v_{a_1}\lambda_1 & v_{a_2}\sqrt{\lambda_2} \end{bmatrix}$$



由于因子裁荷 [7 和 V 中的元素, 其取值范围是相同的, 日元素数量大 小的含义也是类似的,因此可以将它们看成 p 个二维点和 n 个二维点绘制 在一个共同的坐标平面中,形成对应分布图,各点的坐标即为相应的因子 载荷。通过观察对应分布图中各数据点的远近就能够判断各类别之间的 联系。

知识要点提醒

对应分析图的注意事项

对应分析生成的二维图上的各款态点。实际上是两个多维空间上的点的二维投影。在某些特殊的情况下,在多维空间中相隔较远的点。在二维平面上的投影却很接近 此时。我们需要对二维图上的各成版更深的了解。即哪非我与对公因子的贡献较大。这与在因子分析中机构限赔金量对公因子贡献的万法要低。



阅读客例 9-2

对应分析在品牌定位研究中的应用解析

对应分析是研究定性变量间相互关系的有效方法,通过对交叉两表结构的研究揭示变量不同水平可的对应关系,是市场研究中经常用到的统计技术。

	形象空间									
品牌	热情的少年	青春的少女	成熟的 职业 女性	淳朴的 工人	稳重的 大嫂	星级酒店的服务员	有身份 的主管	博学的 教授		
品牌A	543	342	453	609	261	360	243	183		
品牌B	245	785	630	597	311	233	108	69		
品牌C	300	200	489	740	365	324	327	228		
品牌D	401	396	395	693	350	309	263	143		
理想品牌	147	117	410	726	366	447	329	420		

表 9-2 10城市调研基础资料

通过对基础资料进行对应分析。得到对应分布图。由于品牌与形象指标在同一个坐标系下,可以借助跌民型离公式以数量的角度度量品牌与形象指标间的密切程度。从对应分布因可以非常直观地反映出品牌 A 是"热情的少年"。品牌 B 是"青春的少女"。品牌 C 是"淳朴的工人、德重的大嫂"。品牌 D 是 "我教的联企女性",再理您的品牌是"博学的教授",另一方面,还以跌近距离可以度量品牌间的关系,如品牌 C 与理想品牌的距离最短。由此可见、品牌 C 展接近理想品牌。

采用对应分析方法进行品牌定位的优点比较明显。主要体现在。

- (1) 定性指标的类别越多。这种方法的优势越明显。越容易刻画相互间的关系。
- (2)提供了将定性变量按定量方法处理的全径,从数量的角度揭示交叉列表行列变量引关系的方法。

(3) 对应分析图辖不同属性的指标反映在同一要标系下。为品牌定价等间歇的研究提供了一个有效 的方法。

采用对应分析方法讲行品牌定位的局限主要体现在。

- (1) 不能用于假设检验。并自品牌间 品牌与彩盘指标间的距离是一个相对关系。其距离大小子定 际衰义, 如品牌 A 与"执情的小年"野高为 0.5。品牌 B 与"执情的小年"野高县 1.0。并不表示品牌 A 在 议一形象 上 是 品牌 B 的 2 倍。
- (2) 要求科本随机性获得。对科教访问备科、重点调查资料等非随机资料。进行对应分析时需根据 配额计算调整系数。
- (3) 当对应占有() 中班。 产往草土鲜太野量片样太贞量的比例数小肚。 中现分析偏性的可能性数大。 并目录极端值的影响较大。

对应分析的计算与应用 9.3

9.3.1 对应分析的基本计算步骤

设有p个变量的n个样本观测数据矩阵X $(x_n)_{n=0}$, 其中 $x_n > 0$ 。 对数据矩阵X 做 对应分析的具体 步骤如下。

第一步:由数据矩阵 X 计算规格化的概率矩阵 $P=(\rho_{-})_{-}$ 。,其中,

$$p_{ij} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{p} x_{ij}$$

第二步: 计算过渡矩阵 Z=(zn), p. 其中。

$$z_{ij} = \underbrace{\frac{p_{ij} - p_{ji}p_{ii}}{p_{ij}p_{ii}}}_{p_{ij}p_{ii}} = \underbrace{\frac{v_{ij} - \frac{v_{ij}v_{ii}}{x_{ii}}}{\sqrt{x_{ij}v_{ij}}}}_{\sqrt{x_{ij}v_{ij}}} \underbrace{v_{ij}}_{1,2,\dots,n; j=1,2,\dots,p}$$

(1) R 型因子分析: 计算 $R-Z^TZ$ 的特征根 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \cdots \ge \lambda_n$. 并计算相应的单位特征 向量 u_1, u_2, \dots, u_n ,按照累计百分比 $\geq 80\%$,取前k个特征值 λ , λ_2 , \dots , λ_k (一般k=2). 得到R型因子载荷矩阵。即

$$\mathbf{U} = \begin{bmatrix} u_{11}\sqrt{\lambda_{1}} & u_{11}\sqrt{\lambda_{2}} \\ u_{21}\sqrt{\lambda_{1}} & u_{22}\sqrt{\lambda_{2}} \\ \vdots & \vdots \\ u_{p1}\sqrt{\lambda_{1}} & u_{p2}\sqrt{\lambda_{2}} \end{bmatrix}$$

(2) Q 型因子分析:由上述求得的特征值 $\lambda \geq \lambda \geq \cdots \geq \lambda_t$, 计算 θ **ZZ**^T所对应的单 位特征向量 $v_i = Z^T u_i (i=1,2,\dots,k)$, 得到 Q 型因子载荷矩阵, 即

$$\mathbf{V} = \begin{bmatrix} v_{11}\sqrt{\lambda_1} & v_{12}\sqrt{\lambda_2} \\ v_{21}\sqrt{\lambda_1} & v_{22}\sqrt{\lambda_2} \\ \vdots & \vdots \\ v_{n1}\lambda_1 & v_{n2}\sqrt{\lambda_2} \end{bmatrix}$$

第四步, 做变量点与样本点的对应分布图,

在与 R 型因子分析相应的因子平面上做样品点图、因子轴记为 U. U. 在与 O 型因子分析相应的因子平面上做变量占图,因子轴记为 V。由 于因子平面 U U 与因子平面 V V 的坐标轴重合、这样就在一个平面上 同时显示了变量和样品间的相互联系。



知识要点服解

对应分析方法的优缺点

①定性变量气分得类别越多,这种方法的优越性越明显;②揭示行变量类间与列变量类间的联系; ③将类别的联系直观域表现在图形中; ①不能引于相关关系的假设检验; ⑤维数由研究者自定; ⑥受极 站值的影响。

9.3.2 对应分析的应用

【例 9.1】 对导入案例 9-1 进行对应分析。为了研究我国部分省、市、自治区的农村 居民家庭人均消费支出结构、现从中抽取 10 个省、市、选取 8 项指标、即食品支出 (X_1) 、衣着支出 (X_2) 、居住支出 (X_3) 、家庭设备及服务支出 (X_4) 、交通和通信支出 (X_{-}) 、文教娱乐用品及服务支出 (X_{-}) 、医疗保健支出 (X_{-}) 、其他商品及服务支出 (X₈)。原始数据资料如表 9-3 所示。利用 2011 年数据进行对应分析。

序号	省份	* X1	X_2	X3 X	K)	X5	X_6	X7	X_8
1	北京	4648.0	917.8	4360.7	994.6	1813.0	1097.3	1088. 6	215. 1
2	河北 `	2421.2	581.6	1858. 5	508.0	1146.5	758.7	788. 7	64.68
3	山西	2054. 3	539.7	1480.5	343.9	706.5	928.5	770.2	168. 2
4	辽宁	2210.9	531.7	1491.7	331.7	1049.7	1014.5	1026.4	114.2
5	上海	5332.7	860.4	3615.7	689.5	1830.3	782.7	1330.3	378. 3
6	广东	3968. 9	328. 3	2238. 8	599.7	1068.7	918. 2	686.9	233. 8
7	广西	2462.9	208. 6	1550.8	394.8	709.7	682. 5	553.5	112. 4
8	海南	3037. 25	247. 9	1328. 5	392. 8	661. 8	760.3	454.1	146.4
9	重庆	3229.0	490.5	1294. 2	569.4	780. 4	805.1	677.0	137. 1
10	新疆	2540.2	650.7	1412.8	340.8	1010.4	600.7	717. 2	92. 4

表 9-3 2014年 10 个省市的农村居民家庭人均生活消费支出原始数据 (单位、元)

资料来源:《中国统计年鉴(2015)》。

解:第一步,对原始数据表计算行和、列和、总和,计算结果如表9-4所示。

省份	X1	X2	X3	X_4	X ₅	X_6	X7	X ₈	行和
北京	4048.0	917.8	4360.7	994.6	1813.0	1097.3	1088.6	215.1	14535.1
河北	2421.2	581.6	1858.5	508.0	1146.5	758.7	788.7	64.7	8127.9
山西	2054.3	539.7	1480.5	343.9	706.5	928. 5	770.2	168. 2	6991.8
辽宁	2210. 9	531.7	1491.7	331.7	1049.7	1014.5	1026.4	114.2	7770.8
上海	5332.7	860.4	3615.7	689.5	1830. 3	782. 7	1330.3	378.3	14819.9
广东	3968.9	328.3	2238.8	599.7	1068.7	918. 2	686.9	233.8	10043.3
广西	2462.9	208, 6	1550.8	394.8	709.7	682.5	558.5	112.4	6675.2
海南	3.137. 3	217.9	1328. 5	392.8	661.8	760.3	151.1	116.1	7 (29. 1
重庆	3229.0	490.5	1294.2	569.4	780. ‡	805. 1	677.0	137. 1	7982. 7
新幽	2510, 2	650, 7	1112.8	310.8	1010, 1	600, 7	717.2	92. 1	7365. 2
列和	31300.4	5357.2	20632. 2	5165. 2	10777. 0	8348.5	8092.9	1662.6	91340. 9

原始数据表计算行和, 列和, 总和计算结果

第二步: 计算概率矩阵 P。

根据公式 $P_{ij} = x_{ij}/x$.. 计算概率矩阵 P.

例如, P₁ = 4048.0 91340.9 ≈ 0.0143。全部计算结果如表 9-5 所示。

省份 P_i . 北京 0, 3443 0, 6(0) 0. 1477 0, 4109 0, 0120 河北 0, 3061 0. 0203 0,0083 0,0086 6. 0890 山西 0.0765 0.0077 0.0018 内蒙 0.0058 0.0163 0.0851 辽宁 0.0584 0.0094 0.0396 0.0075 0.0200 0.0086 0.0146 0.0041 广东 0.0036 0.0245 0.0066 0.0075 0.0026 0.1100 广西 0.0170 0.0078 0.0061 海南 0.0145 0.0043 0.0072 0.0083 0.0050 0.0016 重庆 0.0085 0.0088 0.0074 0.0015 0.0874 四川 0.0806 0.0071 0.0067 0.0079 P., 0.3427 0.0587 0.1180 0.0914 0.0886 0.0182

表9-5 概率矩阵户

第三步: 计算数据变换矩阵 Z。

根据公式 $Z_{ij} = \frac{P_{ij} - P_{ij}P_{ij}}{\sqrt{P_{ij}P_{ij}}}$, 计算数据变换矩阵 Z_{ij}

例如.

$$\textbf{Z}_{11} = \frac{\textbf{p}_{11} - \textbf{p}_{-1} \, \textbf{p}_{1}}{\sqrt{\textbf{p}_{-1} \, \textbf{p}_{1}}}, \quad \frac{0.0443 - 0.1591 \times 0.3427}{\sqrt{0.1591 \times 0.3427}} \approx -0.0437$$

全部计算结果如表 9-6 所示。

表 9-6 数据变换矩阵 Z

省份	Z_1	\mathbb{Z}_2	\mathbb{Z}_3	Z.,	Zs	Z6	Z 7	\mathbb{Z}_8
北京	0437	.0073	. 0623	. 0200	.0073	0208	0185	0093
河北	0229	.0166	. 0014	. 0085	. 0205	.0022	. 0079	0225
山西	0029	.0209	0084	0076	0137	.0882	. 0194	.0107
内蒙	0293	.0113	0209	0173	.0150 /	₹0374	.0427	.0052
辽宁	0119	0010	.0157	0177	-, 1237	\ +.0509	.0017	. 0201
广东	.0299	0360	0019	.0051 、	(4.6N4	.0200	0223	.0134
广西	.0120	0305	. 0039	003J*	₩.0086	.0098	0050	0028
海南	.0025	0268	0220	4.0015	0199	.0155	0218	.0053
重庆	. 0312	. 0012	0392	.0186	0177	. 0089	0031	0025
[4] [4]	.0012	. 0350	-, 0200	0133	.0175	0081	. 0095	0129

第四步; 计算协方差矩阵 R。

根据公式 R-Z^TZ 计算协方差矩阵 R, 计算结果如表 9 7 所示(协方差矩阵中数字对 称部分略)。

表 9-7 协方差矩阵 8

,0060	0028	-,0035	.0006	0005	-,0000	0020	.0006
_	.0051	0003	0007	.0021	.0002	. 0027	0012
_	_	.0071	.0010	0009	0037	0017	0003
_	_	_	. 0017	.0017	0002	0015	0007
-	_	_	_	.0174	.0055	.0011	-, 0035
-	_	_	_	_	. 0064	. 0022	0001
_	_	_	_	_	_	. 0037	0000
_	_	_	-	_	_	-	.0015

第五步;进行因子分析。

(1) R型因子分析

计算协方差矩阵 R 的特征值、方差贡献率和累计方差贡献率,如表 9-8 所示。

序 号	特 征 値	方差贡献率	累计方差贡献率
1	.015	. 417	. 417
2	.012	. 337	. 754
3	.005	. 131	. 885
4	. 002	. 067	. 952
5	.001	. 036	. 988
6	.000 .010		, 998
7	.000	. 002	1.000
合计	. 035	1.000	1.000

由于前两个特征值的累计方差贡献率已经达到75.4%,因此提取前两个特征值即可。 由此确定公共因子个数 k=2。

对应于 R 型因子分析的前两个公共因子的因子载荷矩阵加表 9-9 所示。

序 号	n'i	u_2
1	⇒.1395 >	440
2	1. +. 337	. 083
3	. 216	. 464
1	338	. 616
5	.011	301
6	.422.	168
7	263	068
8 3	645	. 068

(2) Q型因子分析

对应于前面 R 型因子分析所得的两个特征值 $(\lambda_1 = 0.015, \lambda_2 = 0.012)$ 及累计方差页 献率 (75.4%), 同样可以确定 Q 型因子分析的公共因子个数 k=2.

对应 FQ 型因子分析的前两个公共因子的因子载荷矩阵如表 9-10 所示。

序号	v ₁	v_2
1	. 418	015
2	627	. 324
3	259	431
4	. 059	193
5	296	021
6	. 052	. 663
7	324	. 450
8	. 418	015
9	627	. 324
10	. 259	. 131

第六步, 绘制对应分布图。

在 R 型因子平面上、根据因子载荷矩阵 U 中的数据做变量图, 在 Q 型因子平面上、 根据因子载荷矩阵 V 中的数据做样品点图,如图 9.1 所示。

Row and Column Points

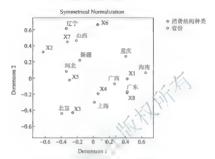


图 9.1 省份与消费结构种类的对应分布图

由图 9.1 按样品和变量之间的接近程度可见主要对应关系如下。

北京-X,; 上海 $-X_1$; 广东、广西、海南、重庆 $-X_1$ 、 X_8 ; 河北、新疆、山西和辽宁 $-X_2$ 、 X_5 、 X_6 、 X_7

加识要点提高

18

对应分析的调查数据

对陷分析的调查数据疗满足以下假设条件;①被调查者回答问题时并不都从同一角度(或称维度) 做出判断;②被调查者的评判角度和看法可以改变。



间接去程 9-2

对应分析的假设

对两分析是一种自在揭示定性原料中更量及其类易之例、或者多变量定量密料中更量和特品之间 相 克芙蓉的多几线对分析方法。根据分析原样的类型下阿、对口分析分为变性染料(分类溶构)的对应分析和定量保料的对应分析(基于均数的对应分析)。实际应用中,最终对区分析方法对于原始数据类型、 变量之间的关系没有严格的限定,但是对应分析对分析对象、应用场合还是有一定要求的。要求分析对 需要有可止性、调查对象么强有代表性、变量的类别(或水平)应该需要所可可能出现的情况等。下面 以定性类辨对应分析为例(若所分析的原始数据是调查数据)来阐述对应分析的假设。

(1)被調查者是从不同的角度(或维度)来回答问题的。每一个被调查者是从不同的角度(或维度) 求回答问题,即每一个被调查者是用不同的主观或客观角度(或维度)及指标采做出向新并回答问题的。 區総主要的指标可能会一样、但不能完全一样。例如,在調查人们生活滿意度時,有的以收入角度等應, 有的从家庭关系角度考慮,有的从工作、住房角度考慮,这样所依出判断的角度被不一样了。这里,吸 入是所有被调查者都要考虑的指标之一,但不是唯一的判断向度,如果所有被调查者都以收入水平作为 唯一角度,收入这样一个指标较反映了生活满卷度,致混必要进行对后分析了。

- (2) 所有被調查者对于某一判断角度(或维度)重要性的评价是不一样的。例如、生活满意度调查评价中,有的人认为收入水平最重要。但有的人可能认为收入多少并不重要、家庭和睦才是最重要的。若在同一叫断角度(或维度)上各个调查者的重要性都是同等重要的、没有水平上的差异、这时也没有再进行复杂的对应分析的必要了。
- (3)被调查者的测衡角度和标准随着时间变化是可以度变的 玻璃查者做出评判影所考虑的角度、对每个角度重要性的看点都会随着时间推作所改变。不一定要保持一致的看法。例如。现在对收入或生活很满意的人过两年也可能会回答不满意。这种变化上的否算也是唯行对些分析所必要的前提。
- (4) 交叉几码表中的单元格不能力负数或零.对应分析的基础是交叉正包表,表中每一个单元格都 代表看按调查者选择复一答案的類數。也表示前行或例的对应关系、如果於超數为零的单元格出现。应 该对变量的分类进行合并。去擁有複數为零的单元类别。

上述对调查数据的假定、核心是要求调查变量及其水平要有较全面的代表性且研究对象要有可比性。 这样才有进行对心分析的必要。他我助于研究的下定性变量的各个水平之间或者变量和样 品之间的关系。定性资料对应分析如此。定量下科对应分析他同样要符合工造假定。因此, 檢檢所下定性变量的各个水平之间、或者定量資料中变量和样品之间是否存在独立性。也



【期刊推荐】

资料来源: 傳應印, 至晶, 对应分析统计检验体系探讨 [J]. 统计与信息论坛, 2010(3);

9.4 用 SPSS 软件进行对应分析

9.4.1 对应分析数据的预处理



解成为检验对应分析适用性的主要内容。

用 SPSS 软件进行对应分析之前,应首先组织好数据。这里只涉及两个变量。如果收集 到了原始数据,应将待分析的两组原始数据组织成两个 SPSS 变量的形式;如果没有原始数据面只有交叉分组下的频数数据,则在对应分析前要对数据进行加权处理,指定加权变量。

SPSS 中指定加权变量的过程本质是数据复制。例如,为了研究某地区性别 (X_i) 与 下作状态 (X_2) 之间的对应关系,现收集到交叉分组下的频数数据如表 9-11 所示。

工作状态 性 别	无业 (X ₂ =0)	工作 (X2=1)
男 (X1-0)	43	57
女 (X ₁ =1)	52	48

表 9-11 某地区人口社会文化调查资料

这里涉及2个变量,即性别(分类值为0和1)和 L作状态(分类值为0和1)。如果指定"人数"为加权变量,那么SPSS则将"男性"这一行中的"无业"这条数据复制43个,"工作"这条数据复制57个,将"女性"这一行中的"无业"这条数据复制52个。

"工作"这条数据复制 48 个。通过这样的加权处理即可得到 200 个样本数据、进而可以达 到将数据编辑窗口中的汇总数据还原为原始数据的目的。

在建立表9 11的 SPSS 数据文件时,可输入性别 (X_1) 与工作状态 (X_2) 2 个变量,4 个样本,再将人数 f 指定为加权变量,予以加权即可得到 200 个样本。建立表9 11的 SPSS 数据文件如表9~12 所示。

序号	X_1	X2	f
1	U	U	43
2	0	1	57
3	1	U	52
4	1	1	48

表 9-12 加权的数据文件

实际上,对于需要进行对应分析数据预处理的数据文件,要定义3个变量,即行变量、例变量和尺度变量。其中,行变量和列变量是分类变量,而尺度变量是对应行、列变量的实际观测值,往往被指定为加权变量。例如,在例9.1中,研究我国31个省市自治区的农村居民家庭人均消费支出结构,即研究各个省份与消费支出种类的对应关系,则需要定义的3个变量是省份(分类值在1~31),消费结构种类(分类值在1~8)和人均消费支出数额(取值是正实数),人均消费支出数额可以指定为加权变量,

对应分析数据预处理的 SPSS 操作过程如下:

- (1) 选择 "Data *Weight Cases" 选项, 弹出 "Wight Cases" 对话框。
- (2) 左侧列表框存放的是对应分析的全部变量、右侧有 2 个单选按钮。单选按钮 "DO not weight cases"表示对数据不加权、不用定义加权变量、为默认项;单选按钮 "Weight cases by"表示对数据进行加权、需要定义加权变量。
- (3) 选中 Weight cases by 单选接钮,将表明分类中的頻数的变量作为加权变量从左侧列表框中移入"Frequency Variable"列表框中。权重即为该变量的数值。如果定义的加权变量有0值,定义加权变量时会发出警告,但不影响对应分析的正常分析工作。
 - (4) 单击 "OK" 按钮, 即可完成对应分析数据的预处理。

运行以后,数据编辑器中的原始数据并没有变化,只是在右下角的状态栏中显示"Weight on"字样。但利用加权后的数据进行统计分析后所得到的结果与没加权数据进行统计分析后得到的结果完全不同。

加权以后的数据文件可以进行保存,方法同一般的保存方法。但保存以后的数据文件 重新打开以后,随时可以取消加权,使数据恢复到原文件状态。方法是在"Wight Cases" 对话框中选中"DO not weight cases"单选按钮,再单击"OK"按钮。

在 选择加权 变量时应注 童以下几点。

- (1) 加权变量中含有零、负数或缺失值的观测值应该被排除在分析之外。
- (2) 分数权数值有效。
- (3) 旦定义了加权变量,那么在以后的分析中加权变量 直有效,直到取消加权变量的定义为止。



对应分析数据文件的格式要求

对应分析数据的典卷格式是列联表或交叉频数表、常表示不同背景的消费者对书干产品或产品属性 的进接勒数。背景变量或属注变量可以并列使用或单位使用。对于需要进行对应分析数据预处理的数据 使用。对于需要进行对应分析数据预处理的数据 数据 分类量。即行变量、列变量和尺度变量(实际观测值) 行、列变量在定义的要将分类变量数量化。

9.4.2 对应分析的 SPSS 操作步骤

- (1) 选择 "Analysis" Dimension Reduction ➤ Correspondence Analysis" 选项、弹出 "Correspondence Analysis" 对话框。
- (2) 将行变量选择到 "Row" 列表框中、单击 "Deline Range" 按钮、弹出 "Correspondence Analysis: Define Row Range" 对话框、定义参与分析的行变量的分类值范围。在"Minimum value;"文本框中输入分类最小值、在"Maximum value;"文本框中输入分类最大值、并单击"Update"按钮,于是各分类值会依次显示在"Category Constraints"框中。
 - "Category Constraints" 框 (定义分类的等同约束) 右边有 3 个单选按钮。
 - ① None 单选按钮:不再对分类值重新分组、是系统默认的方式。
 - ② Categories must be equal 单选按钮;指定将哪些分类值合并为一类。
 - ③ Category is supplemental 单选按钮:指定某些分类值不参与分析。
 - 最后单击 "Continue" 按钮返回到 "Correspondence Analysis" 对话框。
- (3) 将列变量选择到 "Column" 列表框中,单击 "Define Range" 按钮,弹出 "Correspondence Analysis; Define Column Range" 对话框,定义参与分析的列变量的分类值范围。重复第 2 步的操作过程。
- (4) 单击 "Model" 按钮、弹出 "Correspondence Analysis; Model" 对话框、进行模型参数设置。
- ① Dimensions in solution 參數框: 输入行、列变量分类最终提取的因子个数,默认值为2。在对应分析中,最多可以提取的因子个数等于两个变量最小类别数减1。但是往往前两三个因子就携带了绝大多数信息,因此可以只提取前两三个因子即可。
 - ② Distance Measure 选项组: 指定分类点间距离的测度方式,包含 2 个单选按钮。
- b. Euclidean 单选按钮: 欧氏距离。用两行或两列之间的差的平方的平方根作为距离 满度。欧氏距离更适合于连续型变量。
- ③ Standardization Method 选项组:选择变量标准化方式,这些选项只在使用欧氏距离时可用,一般不需要更改,包含5个单选按钮。

- a. Row and column means are removed 单选按钮: 行和列两者被居中。当选用卡方作为 Distance Measure 的选项时,系统只默认此方法。
 - b. Row means are removed 单洗按钥: 只有行被居中。
 - c. Column means are removed 单选按钮: 只有列被居中。
- d. Row totals are equalized and means are removed 单选接钮:在定中心行之前、行边际相等。
- e. Column totals are equalized and means are removed 单选按钮:在定中心列之前。 列边际相等。
- ① Normalization Method 选项组:选择常态化方法。一般使用默认的方法即可,包含5个单选按钮。
- a. Symmetrical 单选按钮:使用本方法可以分析行列变量各类别之间的联系,而非每个变量各类别之间的差异。
 - b. Principal 单选按钮,使用本方法可以同时分析行列亦量各类别之间的差异。
 - c. Row Principal 单选按钮,使用本方法可以分析行变量各类别之间的差异。
 - d. Column Principal 单选按钮:使用本方法可以分析列变量各类别之间的差异。
 - e. Custom 单选按钮: 自定义。本方法通常用来制作特制的二维图形。
 - ⑤ 单击 "Continue" 按钮返回到 "Correspondence Analysis" 对话框。
- (5) 单击 "Statistics" 按钮, 弹出 "Correspondence Analysis: Statistics" 对话框, 指定输出哪些统计量, 包含 8 个复选框。
 - ① Correspondence table 复选框:输出行列变量的交叉列联表。
 - ② Overview of row points 复选框:输出行变量分类的因子载荷及方差贡献等。
 - ③ Overview of Column points 复选框:输出列变量分类的因子载荷及方差贡献等。
 - ④ Row profiles,复选框:输出频数的行百分比。
 - ⑤ Column profiles 复选框:输出频数的列百分比。
- ⑤ Permutations of the correspondence table 复选框:输出按第一维度上得分的递增顺序排列的行列对应表,可以指定最大维度数。
- ② Confidence Statistics for 选项组:输出行、列变量的标准差及各维度坐标间的相关系数。在本选择中包含 2 个复选框。
 - a. Row points 复选框:输出包括标准差和所有非增补行分数相关内容的表格。
 - b. Column points 复选框:输出包括标准差和所有非增补列分数相关内容的表格。
 - ⑧ 单击 "Continue" 按钮返回到 "Correspondence Analysis" 对话框。
- (6) 单击"Plots"按钮、弹出"Correspondence Analysis: Plots"对话框、指定输出哪些统计图形。
 - ① Scatterplots 选项组:输出各种散点图,包含3个复选框。
 - a. Biplot 复选框:输出行列变量的对应分布图。
 - b. Row points 复选框;输出行变量各类别在第一和第二因子的载荷图。
 - c. Column points 复选框: 输出列变量各类别在第一和第二因子的载荷图。
- d. ID label width for 框:指定散点图中数据点标签的长度,由于限制卷标长度,以免影响图形的阅读,可以把默认的 20 改得更小些。

- ② Line Plots 选项组:输出各种线图,包含2个复选框。
- a. Transformed row categories 复选框:输出行变量各分类的因子载荷线图。
- b. Transformed column categories 复选框:输出列变量各分类的因子载荷线图。
- ③ 单击 "Continue" 按钮返回到 "Correspondence Analysis" 对话框。
- (7) 单击 "OK"按钮,即可完成对应分析的操作过程。

【例 9.2】 使用 SPSS 统计分析软件对例 9.1 进行对应分析。

解: 在数据文件中定义3个变量:



provinces (省份:1 天津、 2-河北、3-山西、4-内 蒙古、5一辽宁、6一广东、 7一广西、8一海南、9一重 庆、10一四川)、Category

(消费结构种类: 1-X, 2-X), 3-X), $4-X_1$, $5-X_2$, $6-X_6$, $7-X_7$, 8-Xs)、Consumption (人均消费支出数 额)。建立数据文件如下(截取一部分):

依次选择 "Analyze * Dimension Reduction → Correspondence Analysis " 选 项, 弹出 "Correspondence Analysis" 对 话框。选择 provinces 变量为行变量, 其 分类值在1~10. Category 变量为列变量。 其分类值在1~8。指定提取2个因子,选 择系统默认的 Chr square 卡方距离测度及 Symmetrical 正规化方法,并输出相关统 计量和图形。输出的主要结果如下:



图 9.2 SPSS 对应分析数据文件

(1) 输出对应分析模型的版权信息,如表 9-13 所示。

Credit	
CORRESPONDENCE	
Version 1. 1	
by	
Data Theory Scaling System Group (DTSS)	
Faculty of Social and Behavioral Sciences	
Leiden University. The Netherlands	

对应分析模块是荷兰 Leiden 大学 DTTS 课题组的研究成果。由于 SPSS 套用了该模 块, 所以每次分析结果中均显示它的版权信息。

(2) 输出行变量与列变量的交叉列联表,如表9 14 所示。

消费结构种类 省份 Active X1 X2 Х3 **X4** ¥6 X5 X7 X8 Margin 北京 4048, 000 917, 800 4360, 700 994, 600 1813, 000 1097, 300 1088, 600 215, 100 14535, 100 河北 2421, 200 | 581, 600 | 1858, 500 | 508, 000 | 1146, 500 758, 700 788, 700 64,680 8127, 880 山西 2054, 300 | 539, 700 | 1480, 500 | 343, 900 | 706, 500 928, 500 | 770, 200 | 168, 200 6991, 800 辽宁 2210, 900 | 531, 700 | 1491, 700 | 331, 700 | 1049, 700 1014, 500 | 1026, 400 | 114, 200 7770,800 1 995 5332, 700 | 860, 400 | 3615, 700 | 689, 500 | 1830, 300 782, 700 | 1330, 300 | 378, 300 14819, 900 广东 3968, 900 | 328, 300 | 2238, 800 | 599, 700 | 1068, 700 918, 200 686, 900 233, 800 10043, 300 I" #4 2462, 900 | 208, 600 | 1550, 800 | 394, 800 | 709, 700 682, 500 I 553, 500 112, 400 6675, 200 3037, 250 217, 900 1328, 500 392, 800 760, 300 海南 661, 800 154, 100 重庆 805, 100 677, 000 3229, 0 10 490, 500 1294, 200 569, 400 780, 400 137, 10v7482, 700 新疆 2540, 200 | 650, 700 | 1412, 800 | 340, 800 | 1010, 400 -600. 700 717, 200 92, 400

表 9-14 对应分析表 (Correspondence Table)

表 9-14 是对应分析表,实际上就是两个变量的行列表。由于对应分析随后的计算是 完全基于该表格而来,所以首先将其输出,便于对变量间的关联进行大致的观察,也可用 干检查在无数据录入错误。

31305, 350 5357, 200 20632, 200 5165, 200 10777, 000 8348, 500 8092, 900 1662, 580 91340, 930

Active Margin 是相应的行或列的合计数据。从行和来看、上海的人均消费支出最多 (为 14819.900 元),而广西的人均消费支出最少 (为 6675.200 元),从列和来看、10 个省份在食品 (X_1) 上的人均消费支出最多 (为 31305.350 元),而在其他商品及服务支出 (X_n) 上的人均消费支出最少 (为 1662.580 元)。

(3) 输出各频数在行、列上的百分比,如表9-15和表9-16所示。

Active

Margin

省份	消费结构种类											
12 177	X1	X2	Х3	X4	X5	X6	X7	X8	Active Margir			
北京	. 278	. 063	. 300	.068	. 125	.075	.075	.015	1.000			
河北	. 298	.072	. 229	.063	. 141	. 093	.097	.008	1.000			
山西	. 294	. 077	. 212	.049	. 101	. 133	. 110	.024	1.000			
辽宁	. 285	. 068	. 192	.043	. 135	. 131	. 132	.015	1,000			
上海	.360	. 058	. 244	.047	. 124	. 053	.090	.026	1.000			
广东	. 395	. 033	. 223	.060	. 106	.091	.068	.023	1.000			
广西	. 369	. 031	. 232	. 059	. 106	. 102	. 083	.017	1.000			
海南	. 432	. 035	. 189	.056	. 094	. 108	.065	.021	1.000			
重庆	. 404	.061	. 162	. 071	. 098	. 101	. 085	017	1 000			
新疆	. 345	. 088	. 192	. 046	. 137	. 082	. 097	. 013	1, 000			
Mass	. 343	. 059	. 226	.057	. 118	.091	. 089	.018				

表 9-15 各频数在行上的百分比 (Row Profiles)

省份	消费结构种类										
E III	X1	X2	Х3	X4	X5	X6	Ж7	X8	Mass		
北京	. 129	. 171	. 211	. 193	.168	. 131	. 135	. 129	.159		
河北	.077	.109	. 090	. 098	.106	.091	.097	.039	. 089		
山西	.066	.101	. 072	. 067	. 066	. 111	. 095	. 101	.077		
辽宁	.071	.099	. 072	. 064	. 097	. 122	. 127	. 069	. 085		
上海	. 170	.161	. 175	. 133	. 170	. 094	. 164	. 228	.162		
广东	. 127	.061	. 109	. 116	. 099	.110	. 085	. 141	.110		
广西	.079	.039	.075	. 076	.066	. 082	, 068	.068	.073		
海南	. 097	. 016	.061	. 076	.061	.091	. 036	. 088	. 077		
重庆	. 103	. 092	. 063	. 110	. 072	. 096	. (81	82	. 087		
新疆	.081	. 121	. 068	. 066	. 094	. 072	. 089	. 356	. 081		
Active Margin	1 000	1.000	1.000	1.000	1,000	1 000	1.000	1. 000			

表 9 15 和表 9 16 是对表 9 14 的补充,显示了各频数在行或列上的百分比。由 表 9-15 可以看出, 10 个省份在食品 (X_1) 、居住 (X_n) 和交通和通信 (X_n) 上的人均 消费支出位居前三位,分别占人均总消费支出的 34.3%、22.6% 和 11.8%。由表 9-16 可以看出,上海、北京和广东的人均消费支出位居前三位,分别占人均总消费支出的 16.2%、15.9%和11.0%。1

(4) 输出协方差矩阵的因子分析结果,如表 9-17 所示。

*9-17 - 17 5 * (Summary)

Dimension ①	Singular	ar	Chi Square		,	rtion of rtia	Confidence Singular Value		
	Value ②	Inertia ③		Sig.	Accounted for 6	Cumulative	Standard Deviation	Correlation ③	
1	. 121	. 015			. 417	. 417	.003	. 023	
	. 121	.010			. 417	* 417	.003	. 023	
2	. 109	.012			. 337	. 754	. 003		
3	. 068	. 005			. 131	. 885			
4	. 049	. 002			.067	. 952			
5	. 036	.001			. 036	. 988			
6	.019	.000			.010	. 998			
7	.008	.000			.002	1.000			
Total		. 035	3228. 935	.000*	1.000	1.000			

a. 63 degrees of freedom

表 9-17 中各列的含义如下。

第①列是特征值的编号,提取的特征值的个数为 mm(行变量分类数,列变量分类数) 1。

第②列是奇异值,它的平方是惯量。奇异值这个术语来自于矩阵运算,是对应分析 计算步骤中进行奇异值分解所得到的东西,对矩阵运算原理不熟悉的读者可不去多考 虚它。

第③列是惯量,也是特征值,表示的是每个维度对变量各个类别之间差异的解释量。 第一个特征值最大,意味着它解释各类别差异的能力最强。特征值的总和为 0.035

第①列和第②列是关于列联表行列独立性 片方检验的统计量的值 (为 3228.935) 和相 成的概率 p 值 (为 0.000),自由度为 $(10-1) \times (8-1)$ 63 (即表下方"a. 63 degrees of freedom"的含义)。 春取显著性水平 a 0.01($\times p$ 值),说明行变量和列变量的相关关系特别显著。 卡方检验及 p 值可以看成是对应分析适用条件的检验,因为只有当行列变量之间有关联时,才需要使用对应分析对这种联系加以详细分析,否则就没有使用对应分析的 改要了。

第⑩列和第⑪列是方差贡献率和累计方差贡献率。由于前两个特征值的累计方差贡献率达到 75.4%,因此最终提取 2 个公共因子基本上能够解释各类差异的主要信息。

第8列和第9列是两个维度的标准差及它们之间的相关系数。

(5) 输出行、列变量各分类的因子分析结果,如表 9 18 和表 9 19 所示。

表 9-18 行变量各分类的降维情况表 (Overview Row Points (a))

			nsion		11:17	Cont	ribution		
省份	Mass	5-1	2	Inertia	Of Point to Inertia		Of Dimension to Inertia of Point		
		1			1	2	1	2	Tota
北京	. 159	395	440	.007	. 205	. 282	. 421	.468	. 889
河北	. 089	337	. 083	. 002	. 083	. 006	. 674	.037	. 710
山西	. 077	216	. 464	. 003	. 029	. 151	. 132	. 548	. 680
辽宁	. 085	338	. 616	. 005	. 080	. 295	. 227	. 675	. 902
上海	. 162	.011	301	. 004	.000	. 135	.001	. 419	. 420
广东	.110	. 422	168	.003	. 161	.028	. 804	. 115	. 919
广西	. 073	. 263	068	.001	. 042	.003	. 465	.028	. 494
海南	.077	. 645	. 068	. 004	. 264	.003	. 946	. 009	. 956
重庆	. 087	. 402	. 273	.003	. 116	. 059	.518	. 215	. 733
新疆	.081	172	. 223	.002	.020	.037	. 124	. 188	. 312
Active Total	1.000			. 035	1.000	1.000			

Score in Dimension					Cont	ribution		
Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia		Of Dimension to Inertia of Point		
				1	2	1	2	Total
. 343	. 418	015	.008	.494	.001	.940	.001	. 941
. 059	627	. 324	. 005	. 190	. 056	. 556	. 134	. 689
. 226	259	431	.007	. 125	. 385	. 261	. 648	. 908
.057	. 039	193	. 002	. 002	. 019	. 015	. 112	. 157
. 118	296	021	. 002	. 1185	, 000	. 616	. 003	. 618
. 091	. 052	. 66.3	. 006	. 002	. 368	. 005	. 680	. 685
. 089	324	. 450	. 004	. 077	. 164	. 302	. 523	. 825
.018	. 116	186	002	. U26	. 006	255	.012	. 277
1.000			035	1.000	1.000			
	.343 .059 .226 .057 .118 .091 .089	Mass 1 .343 .418 .059627 .226259 .057 .039 .118296 .091 .052 .089321 .018 .116	Dimension 1 2 .343 .418 015 .059 627 .324 .226 259 431 .057 .059 193 .118 296 021 .091 .052 .663 .089 321 .450 .018 .116 186	Dimension Inertia 1 2 .343 .418 −.015 .008 .059 −.627 .324 .005 .226 −.259 −.431 .007 .057 .059 −.193 .002 .118 −.296 −.021 .002 .091 .052 .663 .006 .089 −.324 .450 .004 .018 .116 −.186 .002	Mass Dimension Inertia of Direction Of Point of Direction 1 2 Inertia Of Point of Direction .343 .418 015 .008 .494 .059 627 .324 .005 .190 .226 259 431 .007 .125 .057 .059 193 .002 .002 .118 296 021 .002 .085 .091 .052 .663 .006 .002 .089 324 .450 .004 .077 .018 .116 186 .002 .026	Mass Inertia Of Point to Inertia of Dimension 1 2 Inertia Of Point to Inertia of Dimension .343 .418 −.015 .008 .494 .001 .059 −.627 .324 .005 .190 .056 .226 −.259 −.431 .007 .125 .385 .057 .059 −.193 .002 .002 .014 .118 −.296 −.021 .002 .085 .006 .091 .052 .663 .006 .002 .368 .089 −.324 .450 .004 .077 .164 .018 .116 −.186 .002 .026 .006	Mass Dimension Inertia Of Point to Inertia of Dimension Of Dime	Mass Dimension Inertial Of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point to Inertial of Point To Inertial Of Point To Ine

表 9-19 列变量各分类的降维情况表 (Overview Column Points (a))

表 9-18 中各列的含义如下。

第②列是行变量各类别的百分比(即表9-16中的行和)。

第③列和第①列是行变量各分类在第一、第二个公共因子上的因子裁荷,它们是行变量与列变量的对应分布图中数据点的坐标。

第⑤列是特征值。

第⑥列和第⑦列是行变量各分类对第一、第二个公共因子值差异的影响程度。例如、 北京对第一个公共因子值的差异影响程度最大(为20.5%)、而重庆对第二个公共因子值 的差异影响程度最大(为28.2%)。

第®列、第®列和第®列尼第一、第二公共因子对行变量各分类差异的解释程度。例如,对北京类、第一个公共因子解释了42.1%的差异、而第二个公共因子解释了46.8%的差异。 新疆类的信息丢失最严重(信息损失68.8%)。

表 9-19 的含义与表 9-18 类似。

(6) 输出行变量和列变量在第一、第二个公共因子上的载荷线图,如图 9.3~图 9.6 所示。

由图 9.3~图 9.6 可以看出,海南类在第一个公共因子上的载荷最高(图 9.3),辽宁 类在第二个公共因子上的载荷最高(图 9.4);食品类(X₁)在第一个公共因子上的载荷 最高(图 9.5),文教娱乐用品及服务类(X₂)在第二个公共因子上的载荷最高(图 9.6)。

(7) 输出行变量和列变量在第一、第二个公共因子上载荷的散点图,如图 9.7 和图 9.8 所示。

Dimension I Transformed 省份 Categories Symmetrical NormaliZation

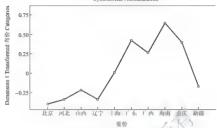


图 9.3 省份在第一个公共因子上的载荷线图

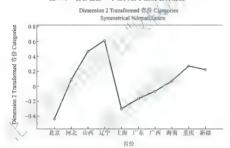


图 9.4 省份在第二个公共因子上的载荷线图

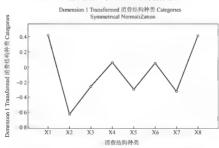


图 9.5 消费支出种类在第一个公共因子上的载荷线图



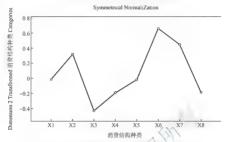


图 9.6 消费支出种类在第二个公共因子上的载荷线图

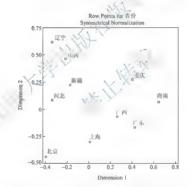


图 9.7 省份在第一、第二个公共因子上载荷的散点图

图 9.7 表明了省份各类间的差异性。可以看出,在兼顾按样品和变量的接近程度进行 对应分类下, 若以横轴和纵轴 0 为中心轴, 可粗略地将省份分为 4 类;

第一类: 北京;

第二类:上海;

第三类:广东、广西、重庆、海南;

第四类:河北、新疆、山西、辽宁。

图 9.8 表明了消费支出种类各类间的差异性。可以看出,在兼顾按样品和变量的接近 程度进行对应分类下, 若以横轴和纵轴 0 为中心轴, 可粗略地将消费支出种类分为 4 类:

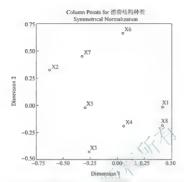


图 9.8 消费支出种类在第一、第二个公共因子上载荷的散点图

第 ·类: X3 (居住);

第二类: X (家庭设备及服务); \

第三类: X1 (食品)、X81(其他商品及服务);

第四类: X2 (衣着)、X; (交通和通讯)、X6 (文教娱乐用品及服务)、X7 (医疗保健)。

(8) 输出行变量和列变量的对应分布图,如图 9.9 所示。

由于前两个特征值的方差贡献 率为 41.7%和 30.7%,相差不大。 因此,在兼顾按样品和变量的接近 程度进行对应分类下,划分象限使 分类更加清晰。从图 9.9 可以看 出,若以横轴和纵轴 0 为中心轴, 可粗略地将省份和消费支出种类分 为4 类;

第一类:北京—X₃(居住); 第二类:上海—X₄(家庭设备及服务);

第三类: 广东、广西、重庆、 海南 $-X_1$ (食品)、 X_8 (其他商品 及服务):

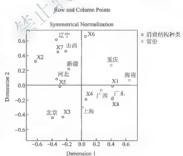


图 9.9 省份和消费支出种类的对应分布图

第四类:河北、新疆、山西、辽宁 X_2 (衣着)、 X_5 (交通和通讯)、 X_6 (文教娱乐用品及服务)、 X_7 (医疗保健)。

通过上面的分析,我们发现,类别的划分具有明显的地域性,说明消费结构与地域存

在一定的关系。农民的消费支出结构除了受地域的限制之外,也从另外一个侧面反映了农民的收入之间的差距。

显然,对应分布图的解释并不是唯一的。读者根据实际问题做作出合理的解释即可。

【例 9.3】 研究如女年龄与婚姻满意度的对应分析。将一个由 1090 人组成的样本按 5 个年龄类别和 4 个婚姻满意度类别进行交叉分类,所得频数结果如表 9-20 所示,试对这 组数据进行对应分析。

年 龄	很不满意	有些不满意	比较满意	很满意
30 岁及以下	42	82	67	55
31~40岁	35	62	165	118
41~50岁	13	28	~< 92 'X ~	81
S1∼60岁	7	18	31	75
61 岁及以上	3	7 /	1 32	54

表 9-20 妇女年龄与婚姻满意度的调查结果



解: 在数据文件中定义 3 个变量: X (身)女年龄: 1-30 岁以下、2-31~40 岁; 3-41~50 岁、1-51~60 岁、5-61 岁以上)、Y (婚姻满意度; 1-很不满意、2-有些不满意、3-比较满意、4-很满意)、R (人数)。

置先对原始数据进行预处理,将人数指定为加权变量。其次选择 X 变量为行变量 (分类值在 1~5)、Y 变量为列变量 (分类值在 1~4)。指定提取 2 个因子、选择系统默认的 Chi square 卡方距离测度及 Symmetrical 正规化方法、并输出相关统计量和图形。输出的主要结果如下:

(1) 输出行变量与列变量的交叉列联表, 如表 9 21 所示。

表 9-21 对应表 (Correspondence Table)

	满意度								
年 龄	很不满意	有些不満	比较满意	很满意	Active Margin				
30 岁以下	42	82	67	55	246				
31~40岁	35	62	165	118	380				
41~50 岁	13	28	92	81	214				
51~60 岁	7	18	54	75	154				
61 岁以上	3	7	32	54	96				
Active Margin	100	197	410	383	1090				

由表 9-21 可以看出,在 1090 名被调查者中、 $31\sim40$ 岁的妇女人数最多(为 380 人)、而 61 岁以上的人数最少(为 96 人);调查结果为"比较满意"的妇女人数最多(为 410 人)、而"很不满意"的人数最少(为 100 人)。

(2) 输出各频数在行、列上的百分比,如表9-22和表9-23所示。

表 9-22 各频数在行上的百分比 (Row Profiles)

Arr IIA		满意度							
年 龄	很不満意	有些不満	比较满意	很满意	Active Margin				
30 岁以下	. 171	. 333	. 272	. 224	1.000				
31~40岁	.092	. 163	. 434	. 311	1.000				
41~50岁	. 061	. 131	. 430	. 379	1.000				
51~60岁	. 045	. 117	.351	. 487	1.000				
61 岁以上	.031	.073	. 333	. 563	1.000				
Mass	. 092	. 181	. 376	. 351					

表 9-23 各频数在行上的百分比 (Column Profiles)

年 龄	满意度								
年 龄	很不満意	有些不満	比较满意	很满意	Mass				
30 岁以下	. 420	. 416	0 1 163	. 144	. 226				
31~40岁	. 350	. 315	. 402	. 308	. 349				
41~50岁	.130	148	. 224	. 211	. 196				
51~60岁	.070	V80.	. 132	. 196	. 141				
61 岁以上	. ()3()	. 036	.078	. 111	. 088				
Active Margin	1, 000	1,000	1, 000	1.000					

由表 9-22 和表 9-23 可以看出。在 1090 名被调查者中、调查结果为"比较满意"的 妇女人数占总人数的比例最高(为 37.6%),而"很不满意"的人数占总人数的比例最低(为 9.2%);31~40 岁的妇女人数占总人数的比例最高(为 34.9%),而 61 岁以上的人数占总人数的比例最低(为 8.8%)。

(3) 输出协方差矩阵的因子分析结果,如表 9-24 所示。

表 9-24 汇总表 (Summary)

					Proportion of Inertia			ce Singular alue	
Dimension	Singular Value	Inertia	Cumulative		Accounted	Standard	Correlation		
					101		Deviation	2	
1	. 307	. 094			. 868	. 868	. 030	. 129	
2	. 119	.014			. 130	. 998	. 030		
3	. 013	.000			. 002	1.000			
Total		. 108	118.096	.000*	1.000	1,000			

a. 12 degrees of freedom

由表 9-24 可以看出,对列联表行列独立性卡方检验的结果表明行变量和列变量具有 显著的相关关系。第一个特征值的方差贡献率达到86.8%。第二个特征值的方差贡献率达 到13.0%。由于前两个特征值的累计方差贡献率已经达到99.8%,说明用前两个公共因 **子解释各类别之间的差异**,信息损失很少。因此最终提取2个公共因子。

(4) 输出行、列变量各分类的因子分析结果,如表 9-25 和表 9-26 所示。

表 9 25	行变量	各分类的降继情况表	Overview Roy	Points (a))
--------	-----	-----------	--------------	-------------

	Score in Dimension			Contribution						
年龄	Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia of Dimension		Of Dimension to Inertia of Point			
					1	1 1	1	2	Total	
30 岁以下	. 226	927	. 262	.061	.633 /	131	.970	. 030	1.000	
31~40岁	. 349	.016	358	. 005	.000\	1.376	.005	. 988	. 993	
41~50岁	. 196	. 307	201	.007	/ 080	. 067	. 848	. 141	. 990	
51~60岁	. 141	. 520	. 378	.014	√\ [T24	. 170	. 829	.170	. 999	
61 岁以上	. 088	. 796	. 588	, (021\)	. 182	. 256	. 823	. 174	. 998	
Active Total	1.000		()	/ 1 108	1.000	1.000				

a. Symmetrical normalization

表 9-26 列本量各分类的路维情况表 (①)。

满意度	Score in Dimension			1.33	Contribution					
	Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia of Dimension		Of Dimension to Inertia of Point			
					1	2	1	2	Total	
很不满意	.092	925	. 023	. 024	. 256	.000	.995	.000	. 995	
有些不满意	. 181	853	. 196	.041	. 429	.058	. 979	.020	. 999	
比较满意	. 376	. 177	427	.012	.038	. 578	. 307	. 693	1.000	
很满意	. 351	. 491	. 351	. 031	. 276	. 364	. 835	. 165	1.0 ж	
Active Total	1.000			.108	1.000	1.000				

a. Symmetrical normalization

表 9 25 显示 [行变量各分类在第 1 和第 2 个公共因子上的因子载荷 (Score in Di mension),表9 26 显示了列变量各分类在第1 和第2 个公共因子上的因子载荷 (Score in Dimension)。它们是对应分布图中数据点的坐标。

(5) 输出行、列变量各分类的对应分布图,如图 9,10 所示。

由对应分布图 9.10 可以看出,分布图将行变量和列变量分为 3 组:

第一组: 行变量: 30 岁以下:

列变量:有些不满意、很不满意。

Row and Column Points

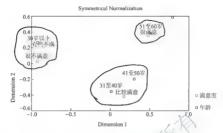


图 9.10 妇女年龄与婚姻满意度的对应分布图

第二组: 行变量: 31~40岁、41~50岁:

列变量, 比较满意。

第:组:行变量:51~60岁、61岁以上:

列变量: 很满意。

对应分析结果表明、婚姻满意度与妇女的年龄有比较密切的关系、妇女的年龄越大、 对婚姻的满意度越高。

总之,对应分析方法被警骗认为悬探索性数据分析的内容,它不仅可以处理定量数据, 而且还可以处理分类数据。前面我们重点介绍了2个变量之间的对应分析。实际上对应分析 还可以处理多个变量之间的对应关系问题(即多重对应分析)。例如,在对于婚姻满意度的 调查研究中、我们还可以研究妇女年龄、职业与婚姻满章度:者之间的对应关系。



【期刊推荐】

此外, 在使用 SPSS 统计分析软件进行计算时, 读者可以根据研究问题 的侧重点,有目的地选择输出结果。对于实际问题,有时只要能够会用数据 画出描述性的点图、并能够理解图中包含的信息即可。

【例 9.4】 对导人案例 9-2 进行对应分析。

解:调查的代码和含义如表9-27所示。

表 9-27 调查的代码和含义表

代码	含义	代码	含义	代码	含义
Namel	五泉	Product1	雪糕	Feel1	清爽
Name2	雪瀬	Product2	纯水	Feel2	甘甜
Name3	春溪	Product3	碳酸饮料	Feel3	欢快
Name4	期望	Product4	果汁饮料	Feel4	纯净
Name5	波瀾	Product5	保健食品	Feel5	安闲
Name6	天山绿	Product6	空调	Feel6	个性
Name7	中美纯	Product7	洗衣机	Feel7	兴奋
Name8	雪浪花	Product8	毛毯	Feel8	高档

将一组样本按8个产品类别、8个名称类别和8个感觉类别进行交叉分类,得到产品 名称关于产品类别和感觉的频数结果,如表9-28所示。

	Name1	Name2	Name3	Name4	Name5	Name6	Name7	Name8
Product1	50	442	27	21	14	50	30	258
Product2	508	110	272	51	83	88	645	79
Product3	55	68	93	36	71	47	37	77
Product4	109	95	149	41	36	125	44	65
Product5	34	29	45	302	37	135	42	18
Product6	11	28	112	146	113	39	28	31
Product7	30	12	54	64	365	1424	8	316
Product8	2	4	17	36	29 ∠	- 272 -	9	35
Feel1	368	322	167	53	57 🔪	129	149	170
Feel2	217	237	142	41	X3H_	95	119	116
Feel3	19	25	185	105 💉	.\ 128	44	22	193
Feel4	142	140	128	M7- 1	38	123	330	68
Feel5	16	16	106 /	- M66	81	164	21	36
Feel6	2	14	8/27	72	94	41	37	42
Feel7	4	11	° 1307 1	78	248\1	35	17	81
Fee18	3	5	119	107	1 - 63	126	163	4.9

丰 0 20 女日 夕孙和成公协测水体图

将产品名称当作行变量 (X_1) , 产品种类及感觉当作列变量 (X_1) , 对调查数据进行 对应分析,得到以下主要输出结果,如表 9-29~表 9 31 及图 9.11 所示。

表 9-29 汇总表

Summary												
	Singular					rtion of ertia	Confidence Singular Value					
Dimension	Value	Inertia	Chi Square	Sig.	Accounted	Cumulative	Standard Deviation	Correlation				
								2				
1	. 562	.315			. 382	. 382	.007	. 132				
2	. 451	. 203			. 246	. 628	. 008					
3	. 383	. 147			. 178	. 807						
4	. 272	. 074			. 090	. 897						
5	. 221	. 049			. 059	. 956						
6	. 159	.025			.031	. 986						
7	. 106	.011			.014	1.000						
Total		. 825	10231, 973	.000°	1.000	1.000						

a. 105 degrees of freedom

由表 9-29 可以看出,对列联表行列独立性卡方检验的结果表明行列变量具有显著的相关关系。所提取的前两个特征值的累计方差贡献率达到 62.8%。

表 9 30 行变量各分类的降维情况表

			Over	rview Row P	'oints"					
	Score Dimens				Contribution					
Xi	Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia of Dimension		Of Dimension to			
					1	2 ,	1	2	Total	
Namel	. 127	. 942	—. 135	. 086	. 200	.005	. 732	.012	. 744	
Name2	. 126	. 755	. 961	. 133	.127 /	\ \ 258\	. 302	. 393	. 696	
Name3	. 124	. 140	158	. 038	.004\	1.007	.036	.037	.073	
Name4	.110	939	685	. 121	/ IV3 !	. 115	.450	. 192	. 641	
Name5	. 120	-1.176	. 471	. 146	√\ / ₹95	. 059	. 637	.082	. 719	
Name6	. 125	390	740	1114\	. 034	. 152	.094	. 271	. 365	
Name7	. 137	. 762	697	7 7 116	. 142	. 148	. 385	. 258	. 643	
Name8	. 132	-, 325	. 987	.071	. 025	. 257	. 111	. 739	. 849	
Active Total	1.000		7 7	. 825	1,000	1, 000				

a. Symmetrical normalization

表 9-31 列变量各分类的降维情况表

	V		Over	rview Row P	oints ^a					
X2 Mass			re in		Contribution					
	Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia		Of Dimension to Inertia of Point			
					1	2	1	2	Tota	
Product1	.072	. 535	1.468	. 120	.037	. 344	.097	. 584	. 680	
Product2	. 148	. 859	535	. 114	. 195	. 094	.540	. 168	. 709	
Product3	. 039	060	. 291	. 004	.000	.007	.021	. 392	. 413	
Product4	. 054	. 210	068	.012	.004	.001	. 108	.009	. 117	
Product5	. 052	814	987	.078	.061	. 112	. 247	. 292	. 539	
Product6	.041	795	256	. 028	.046	.006	. 521	. 043	. 564	
Product7	. 072	-1.113	. 962	. 105	.159	. 148	. 477	. 285	. 762	
Product8	. 033	. 754	-1.015	.091	.033	. 075	. 114	. 165	. 279	
Feell	. 114	. 635	. 288	. 039	.082	. 021	.661	.109	. 770	

			Over	rview Row P	'oints ^a					
		Score in Dimension			Contribution					
X2 Mass	Mass	1	2	Inertia	Of Point to Inertia		Of Dimension to Incrtia of Point			
					1	2	1	2	Tetal	
Feel2	. 081	. 606	. 265	. 023	.053	. 013	. 732	.112	. 843	
Feel3	. 058	-, 606	. 344	.034	.038	.015	. 352	.091	. 443	
Feel4	. 082	. 613	386	.032	.055	. 0.27.	. 549	. 174	. 723	
Feel5	. 049	790	664	. 035	. 054	/ .048 ª	. 494	. 281	. 775	
Feel6	. 025	950	072	.016	.040	1.800	. 776	.004	. 779	
Feel7	. 039	-1.392	. 504	. 066	1354	. 022	. 640	.067	. 708	
Feel8	. 043	353	843	.029 、	× 1010	.068	. 104	. 476	. 580	
Active Total	1.000			. 825	1.000	1.000				

^{4.} Symmetrical normalization

"滤洞" (Name5) 与"洗衣机" (Product7) 产品相联

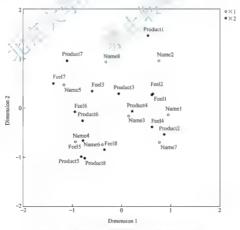


图 9.11 产品名称与产品种类和感觉的对应分布图

系、引起的感觉是"兴奋"(Fcel7)。因此、"波澜"不是合适的纯净水品牌名称。中美纯水公司的产品是"纯水"(Product2)。如果想要使该名称给人们一种"纯净"(Fcel4)的感觉、那么"中美纯"(Name7)将是最好的商品名称;如果想要使该名称给人们一种"清爽"(Fcel1)的感觉、那么"玉泉"(Name1)将是最好的商品名称。

需要说明的是,尽管提取两个公共因子损失一定的信息(损失 38.2%), 但是对应分析的结果对于新产品名称的定位仍然且有一定的参考价值。



【期刊推存



对应分析数据文件的格式要求

对应分析数据的典型格式是列联表或交叉频数表,常表示不同背景的消费者对若干产 品或产品属性的选择频数。背景变量或属性变量可以并列使用或单独使用。对于需要进行 对应分析数据预处理的数据文件、要定义3个变量,即行变量、列变量和尺度变量(实际 观测值)。行、列变量在定义时要将分类变量数量化。

一、学习目标

通过本案例的学习,能够用 SPSS 软件实现对应分析,领会对应分析技术的精髓,并 对输出结果结合实际进行科学的解读和分析。

二、案例分析

对应分析是一种多元统计分析技术,主要分析定性数据(('ategory Data) 方法,也是强有力的数据图示化技术,当然也是强有力的市场研究分析技术。对应分析的主要应用领域有概念发展('oncept Development)、新产品开发(New Product Development)、市场细分(Market Segmentation)、竞争分析(Competitive Analysis)、广告研究(Advertisement Research)。主要回答以下问题,

谁是我的用户?还有谁是我的用户?谁是我竟争对手的用户?相对于我的竞争对手的 产品。我的产品的定位如何?与竞争对手有何差异?我还应该开发哪些新产品?对于我的 新产品。我应该将目标指向哪些消费者?等等。

在市场细分研究实践中、往往遇到的问题就是哪些背景(受教育程度、收入、职业等)的消费者在使用我们的产品?他们在消费行为上有什么差异?我们的产品品牌形象与党争分手相比在消费者心目中究竟是怎样的?等等。以往在分析时只是通过列联表来表现他们之间的关系,通过以"检验来分析他们之间的关系。如果仅仅是两个变量,且每个变量类别较少的情况下,就很难直观地揭示出变量之间的内在联系。对应分析方法的运用有效地解决了这些问题。

对应分析技术在市场细分、产品定位、品牌形象及满意度研究等领域正在越来越广泛 的运用。下面结合啤酒市场细分案侧筒述对应分析的运用及注意的几个问题。在分析不同 消費者对不同啤酒品牌的偏好时,可以把啤酒的品牌与消费者的性别、年龄、职业和收入 等进行对应分析。

需要解决的问题是:根据消费者的背景资料推断他们对啤酒品牌的偏好。

1. 选择要进行分析的相关变量

在分析不同消费者对不同啤酒品牌的偏好时,可以把啤酒品牌与消费者的性别,年 龄、职业和收入等进行交叉汇总,得出下列频次交叉表,如表9-32所示。

※	9-32 小回	消费者 対 小 回	可啤酒品店	^単 的偏好初始	*		,
品牌	华丹干啤	华丹 11 度	雪花	金士百干啤	金士百	哈啤	其他
20~29岁	75	30	9	5	7	1	1
30~39 岁	76	42	12	9	7	2	_
40~50岁	59	46	5	9	3	_	2
高中 技术学校 中专 职高	119	68	11	14	11	_	1
大专	54	24	8	135	4	1	1
大学本科	34	25	7	1 /11	2	2	1
研究生及以上	3	1	14	-	_	_	_
专业技术人员/教师/医生	46	25 🔨	18/	2	2	_	_
机关事业单位管理人员	15	tj -	2	1	1	1	
机关事业单位一般职员	12	4.18	2	3	4	_	_
企业管理人员	25	15	5	11/1	5	_	1
企业普通员厂	îů	30	J	6	1	1	1
个体 私营业主	- 32	20	3	5	_	_	1
学件	15	б	3	_	2	1	_
离退林	3	175	_	1	_	_	_
其他	7	5	_	1	2	_	_

本 9 _ 32 不同当事者对不同唯而品牌的信权初始本

2. 对应分析

1) 整理交叉列联表

对交叉表进行整理,调整"野点子"。汇总表中的每一个单元格不能为负数或零,如 果有则必须进行必要的类别调整。例如,本例中离退休与雪花、华丹11度的交叉分析, 其结果为零或相比之下极小的频次都会产生偏差, 不具有代表性, 因此必须采取合并类项 的方式加以调整。调整后的交叉表如表 9-33 所示。

48	7 00 4412/11	H3-1-1-37/19-34-1	4 22 1 1-31	* /III NII N= N1 MI X1	74	
易性	华丹干啤	华丹 11 度	雪花	金士百千啤	金士百	其他
20~29岁	75	30	9	5	7	2
30~39岁	76	42	12	9	7	2
40~50岁	59	46	5	9	3	2

表 Q. 13 调整后的不同消费者对不同啤酒品牌的偏好表

品牌	华丹干啤	华丹 11 度	雪花	金士百干啤	金士百	其他
高中/技术学校/中专/职高	119	68	11	14	11	1
大专	54	24	8	8	4	1
大学本科及以上	37	26	7	1	2	2
专业技术人员/教师/医生	46	25	6	2	2	1
机关事业单位管理人员	15	9	2	1 _	1	1
机关事业单位一般职员	12	8	2	3	1	1
企业管理人员	25	15	5	191	5	1
企业普通员工	55	30	5	6	1	2
个体/私营业主	32	20	11/4	5	1	1
其他	25	.48	3	2	4	1

2) 对输出结果进行市场细分分析

在以往的分析研究中,我们只能知道某一年龄段不同职业、不同学历的被访者对啤酒品牌偏好的频次,依此进行对比,而在对应分析中结合表 9-34~表 9-36 和图 9.12 就可以更深入、更形象地分析变量类削间的关系。

表 9~34 一汇总表

				61	Proportion of Inertia		
Dimension	Singular Value	Inertia	Chi Square	Sig.	Accounted for	Cumulative	
1	. 132	.017			. 461	. 461	
2	. 098	.010			. 253	. 713	
3	.078	.006			. 161	. 874	
4	. 053	.003			. 074	. 949	
5	.044	.002			. 051	1,000	
Total		. 038	45. 399 I	.919"	1.000	1.000	

a. 60 degrees of freedom

由表 9-31 可以看出,本案例中到第四个维度才可解释全部变量的 94.9%以上,因此 前两个维度代表的信息量有较多的损失。但考虑到金士百、金士百 于啤和香花的比例并不 高、因此从总体上看其绝对作用还是很小的。

表 9-35 和表 9-36 是行、列变量的降维情况,也就是行、列变量分布在第一和第二 个公共因子上的因子载荷,它们就是对应分析图中的坐标。

表 9 35 行变量各分类降维情况表

			Overview	Row Point	Sª					
		Score in Dimension			Contribution					
消费者背景	Mass	Mass	1	2	Inertia	1	to Inertia nension		Dimensio	
			1		1	12)	1	2	Total	
2: 29岁	. 107	. 202	. 399	. 003	. 033	.174	. 187	. 538	. 725	
3.1~39 岁	. 123	. 112	, 050	.001	.012	.003	. 308	.016	. 301	
40~50岁	. 103	374	469	, dos	. 109	. 233	. (0)	. 467	. 867	
高中/技术学校/ 中专/职高	. 187	.012	11/09	.002	. 000	. 073	002	. 291	. 292	
大专	. 082	131	049	.002	idix	. 002	. 089	.009	. 099	
大学本科 及以上	. 062	-, 289	. 543	. 005	. 039	. 188	. 151	. 396	. 547	
专业技术人员 教师/医生	7 ≯068	301	. 423	5 002	. 047	. 125	. 376	. 551	. 928	
机关事业单位 管理人员	. 024	· 143	. 310	. 001	.004	. 024	.072	. 250	. 322	
机关事业单位 -般职员	. 025	1. 256	554	. 007	. 298	. 078	. 761	. 110	. 870	
企业管理人员	. 046	. 714	098	. 004	. 177	. 005	. 856	.012	. 868	
企业普通员工	. 082	436	034	.003	. 118	.001	. 765	.003	. 769	
个体/私营业主	. 052	359	361	.002	.050	. 069	. 507	. 381	. 888	
其他	. 038	. 590	. 255	.002	. 101	. 026	. 746	. 103	. 849	
Active Total	1.000			. 038	1.000	1.000				

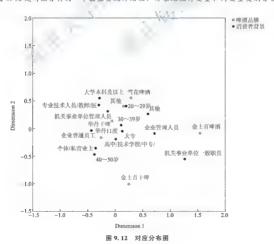
a. Symmetrical normalization

表 9-36 列变置各分类降维情况表

Overview Cloumn Points ^a										
		Score in Dimension			Contribution					
啤酒品牌	Mass	1	2	Inertia		to Inertia nension		Dimension		
					1	2	1	2	Total	
作丹于啤	. 525	052	. 133	. 003	.011	. 095	.062	. 303	. 365	
华丹 11 度	. 295	252	169	. 006	. 142	. 086	. 447	. 149	. 596	
写花	. 065	. 287	. 548	. 004	.041	.109	.162	. 437	. 599	
金士百干啤	. 057	. 245	-1.003	. 007	.026 <	1 1,592	. 064	. 788	. 852	
金士百	.043	1.540	088	. 014	. 778	.003	. 958	.002	. 961	
其他	. 015	. 140	. 102	. 004	, 002	. 025	. 011	. 665	. 576	
Active Total	1, 000			. 038	1, 000	1, 000				

a. Symmetrical normalization

图 9.12 是对应分析的一个最主要统计结果,形象地把行变量和列变量类别分值分布



用坐标图示表示出来。实心点分布表示属性类别间的差异,空心点分布表示品牌类别之间 的差异;同时也更加直观地把属性和品牌这两个变量之间的类别联系形象地表现出来。在 对应分析中,特征相似的类别会聚集到一起,很大的类别会相距较远。

从图 9.12 可以看出当地普通啤酒品牌与消费者背景情况之间、品牌与品牌之间、不同的消费者之间的关系。

年齡在 30~39 岁、学历为高中或中专以上的企业普通员工, 机关事业单位的普通干部距离华丹干啤和华丹 11 度较近, 换白话说, 这些人比较喜欢华丹; 金士百与金士百干啤题高校远, 这我明喜欢金士百的消费者与喜欢金士百干啤的人差别较大; 华丹干哗、华丹 11 与金士百和金士百干啤距离较远, 说明金士百品牌与华丹品牌有较大差异; 从职业来看,事业单位职工与其他职业的消费者之间有较大差异。相比较之下, 40~45 岁的被访者更偏好金士百干啤; 20~29 岁的年轻人更喜欢雷花。

应该说,在被访者背景资料的纵向对比中所占比例不大,而在横向对比中所占比例



校大,同样对于品牌之间的纵向对比与横向对比所占比例基本一致,本案例中的大部分信息主要体现在第一维度上。由于对应分析综合考虑了行比例与列比例的差异,因此在同一图形中表现了品牌与消费者背景间的内在联系。

Y, VX

本章小结

对应分析方法是一种多元相依变量统计分析技术,它通过分析由定性变量构成的交互汇总表来揭示变量之间的联系。它既可以分析定性变量数据,也可以分析非线性关系。对应分析方法对于数据类型、变量之间的关系没有严格的限定。但是,调查对象必须有代表性,研究对象要有可比性,变量的类别应该涵盖所有可能出现的情况。

关键术语

Correspondence analysis	对应分析	Contingency table	列联表
Principal components	主成分	Correspondence plot	对应图
Inertias	惯量	Eigenvalues	特征值
Singular values	奇异值	Chi - square	卡方

知识链核

- [1] 陶风梅, 韩燕, 刘洪, 等, 对应分析数学模型及其应用 [M], 北京: 科学出版社, 2007.
- [2] 王秋丽, 纪楠, 彭亚棉. 用对应分析法研究区域经济发展 [J]. 商场现代化, 2007 (21) .

D. 相关系数阵

D. 公共因子

D. 全部

)

习 題 0

一、选择题

1. 对应分析方法与()有关。

B. 因子分析 A. 聚类分析 C. 回归分析 D. 方差分析

2. 简单对应分析用于展示() 变量之间的关联关系。

A. 1 个 B. 2 ↑ C. 3 个 D. 多个

) 为分析基础。 A. 列联表 B. 统计表 C. 协方差阵

4. 对应分析把()反映到相同坐标轴的一张图上。

B. 样本 (). 变量和样本

5、对应分析大都是基下()因子进行的。

A. 前 2 个 B. 前 3 个 二、判断题

3. 对应分析以(

1. 对应分析能够进行变量间相关关系的检验。

2. 对应分析解决方案的所需维度能够由研究者自行决定。

3. 对应分析不适宜小样本数据使用。 —)

4. 极端值对对应分析方法的运用没有任何影响。

三、简答题

- 1. 阐述对应分析的产生原因及背景。
- 2. 对应分析与聚类分析有什么不同?
- 3. 对应分析与因子分析有什么不同?
- 4. 在对应分析中,为什么要进行数据变换?
- 5. 对应分析要求的数据文件是什么形式? 进行对应分析前为什么要进行数据的预处理?
- 根据头发与眼睛颜色测试的 SPSS 对应分析输出结果, 回答有关问题。

研究者收集了苏格兰北部 Cathness 郡 5387 名小学生眼睛与头发颜色的数据,如表 9-37 所示。其中眼睛有深、棕、蓝、浅4种颜色,头发又金、红、棕、深、黑5种颜色。研究者 希望知道头发和眼睛的颜色间存在何种关联、即某种头发颜色的人其眼睛更倾向于何种颜色。

头发颜色 金色 红色 棕色 深色 黑色 合计 眼睛颜色 深色 98 48 403 85 棕色 84 909 412 26 蓝色 718 326 38 241 110 3 沙色 688 1580 116 584 188 4 合计 1455 286 1391 118 5387

表 9-37 头发颜色与眼腈颜色的交叉表

采用 SPSS 对应分析功能,得到表 9-38 所示的输出结果。

表 9-38 汇总表

				Summary				
	Chamb				1	rtion of rtla	Confidence Singular Value	
Dimension	Singular Value	Inertia	Chi Square	Sig.	Accounted	Cumulative	Standard Deviation	Correlation
								2
1	. 446	. 199			. 866	. 866	. 012	. 274
2	. 173	. 030			. 131	, 1896\	. 013	
3	. 029	.001			.004	1.000		
Total		. 230	1240.039	. 000°	4.000	1.000		

B. 12 degrees of freedom

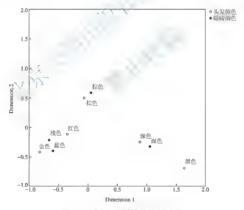


图 9.13 头发与眼睛颜色的对应分布图

- (1) 对输出的 Summary 表进行解释。
- (2) 对对应分布图进行解释。
- (3) 通过头发与眼睛颜色测试的对应分析。研究者最终能够得出什么结论?

四.上机实验题

1. 为了研究家庭年收入与户型选择方面的关系,力图发现家庭年收入对户型选择的

影响及情绪,现收集到购买商品房的客户背景资料和房屋购买情况的数据(表9-39)。根据这些数据分析不同客户对户型购买的偏好。

中型 收入	5000 元 以下	5000~ 10000元	10000~ 25000 元	25000~ 50000 元	50000~ 70000 元	70000 元 以上
·室·厅	2	4	5	0	0	0
两室 -厅	7	70	75	13	2	0
两室两厅	2	26	52	11	3	0
三室 一厅	7	49	102	20	_ 4	3
室两厅	3	38	90	51	5	5
室、厅	1	1	0	1	0	t)
两零两厅单卫	1	1	7	- 6	0	4
两室两厅双卫	0	3	16	9	2	3
两室三厅单卫	0	0	2	0	0	O.
两室 "厅双王	0	0 5	3	2	0	t
更大户型	0	0 1	3	6	0	3

表 9 39 家庭年收入与购买户型的调查数据资料

2. 为了考察不同职业的青年男性所喜欢的服装品牌。随机调查了3种职业的120名男性青年对4种服装品牌的选择情况。调查结果如表9 10 所示。试对这组数据进行对应分析。

牌	節不 I	职业 2	职业3
品牌 A	5	5	.30
品牌 B	5	25	5
品牌C	15	5	5
品牌 D	15	5	0

表 9-40 120 名男性青年对四种服装品牌的选择情况

3. 城镇居民家庭生活消费支出是指常住居民家庭用于日常生活的全部开支,是用来反映和研究城镇居民家庭实际生活消费水平高低的重要指标。主要包括食品支出 (X_1) 、衣着支出 (X_2) 、居住支出 (X_3) 、家庭设备及服务支出 (X_1) 、医疗保健支出 (X)、交通和通讯支出 (X_6) 、教育文化娱乐服务支出 (X_1) 、杂项商品和服务支出 (X_6) 、教育文化娱乐服务支出 (X_1) 、杂项商品和服务支出 (X_6) 8 项指标。表 9 - 41 列出了 2014 年我国 31 个省市自治区的城镇居民家庭平均每人全年消费性支出的统计资料。试用对应分析方法研究中国 10 个省市自治区城镇居民家庭消费的分布规律。

(单位,元)

序号	省份	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5	X_6	X7	X8
1	北京	8007.8	2587. 4	10308.4	2206.6	3857. 2	3610.9	2044.4	1059.2
2	河北	4240.8	1424.4	3735.8	1081.6	2448.4	1591.9	1304.5	376.5
3	山西	3804.0	1616.0	2898.8	887. 9	1709.8	2026.5	1240.9	452.9
4	辽宁	5816.9	1987. 2	4428. 2	1234.8	2434.3	2275.9	1630, 8	711. 4
5	上海	9438, 6	1700. 4	11621.7	1629.4	3801.5	3605.5	2327.6	1058.3
6	广东	7850. 2	1344.7	5291.5	1365. 1	3625.4	2468.4	988. 3	678. 1
7	广西	5293.7	794.6	3389.7	904.5	1845.9	1688. 9	845.9	282. 1
8	海南	6655, 3	829. 9	3697. 8	957.7	2156 2	1912. 8	960. 3	343.8
9	重庆	6308.4	1878. 1	3520.8	1292. 6	2009,7<	Î713.6	1187.7	368. 6
10	新船	5529.7	1912.4	3262. 8	1087.6	2106.7	1741.0	1310. 9	433.5

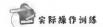
资料来源,《中国统计年鉴(2015)》

4. 全国各地区教育经费主要由 5 个方面构成。包括: 国家财政性教育经费 (X1), 民 办学校办学经费(X_2),社会捐赠经费(X_3)、事业收入(包括学杂费)(X_4)、教育经费 学杂费 (X₅)、其他教育经费 (X₆)、表 9-42 中列出了 2013 年 22 个省、市、自治区地 方高等学校教育经费收入的数据资料。试进行对应分析、揭示地方高等学校教育经费收入 的特征及各省、市、自治区与各收入变量间的关系。人

表 9-42 2013 年全国各地区教育经费情况调查结果

序号	省份	_ X1	X2	X3	X4	X5	X6
1	東京	8941899	3384	8560	855343	748212	189180
2	 表津	4986021	782	7631	632387	529025	72795
3	河北	8523960	50262	6637	1606017	1386046	111267
4	内蒙古	5546840	9453	4017	515753	406458	45496
5	辽宁	7766199	19214	2074	1415382	1170479	98891
6	黑龙江	5126395	2380	1368	836690	757361	39425
7	上海	7640400	735	6397	1141498	950523	280686
8	江苏	15765569	71191	123770	3168318	2444601	733987
9	浙江	10890610	35855	56997	2780301	2273707	726676
10	安徽	8594589	46870	14121	1638949	1276090	118515
11	福建	6514206	78321	46843	1431102	1088793	157540
12	江西	6932770	26897	9378	1214374	953006	101576
13	山东	14995863	57610	27202	2562457	2023150	153030
14	湖北	6697669	96561	16042	1811299	1434060	350709
15	湖南	8449160	63437	14113	1978319	1549244	279523

资料来源:《中国统计年鉴(2015)》



1. 实训项目,对应分析在外语学习需求分析中的运用

实训目的, 学会运用对应分析的原理和方法解决定性数据的分类和对应问题。

宴训内容,设计并组织针对你所在年级非英语专业学生的学习需求调查。数据采用问卷形式获得,旨在了解学生学习外语的资源、时间、动机、收获、学习困难、学习策略及对拟进行的课程改革的态度等。可分成研究小组、每组选择其中的两个变量进行研究。例如、学牛学习英语的动力及学生每周课外学习英语的时间。学习英语的动力可分为3个层次,比第一学期强、与第一学期一样、比第一学期弱一学生每周课外学习英语的时间分为4个层次。1~2小时、3~1小时、5~6小时、7小时以上。具体的研究问题如下。

学习动力与学习英语的时间变量类别之间是否有联系⁹如果有联系,联系有什么 趋势⁹

2. 实训项目:大学本科生对毕业后就业看法的对应分析

实训目的、学会运用对应分析的原理和方法解决定性数据的分类和对应问题。

实训内容:组成调研小组,从所在专业中随机抽取一至四年级的学生若干人。按年级 分为4组,对毕业后有4种不同的看法。即:有信心、信心不大、没信心和说不清楚,试 对调研数据进行对应分析。

3. 实训项目, 对聚类分析作业改作对应分析并相互比较

实训目的: 学会运用对应分析的原理和方法解决定量数据的分类和对应问题, 能够区分对应分析和聚类分析的异同。

实训内容:选择第7章中实际操作训练中的1、2、3中的一题,将其改为对应分析, 并与聚类分析结果进行比较。



对应分析在我国寿险公司偿付能力检测中的应用

偿付能力是指保险公司对其所称的保险责任在发生赔偿或给付时所具有的经济补偿能力,是保险公司经营业绩的体现,也是政府对保险业进行监管的重点。保险公司能否履行合同的规定义务,要看它有无足够的承担赔偿或给付的偿还能力。被保险人的利益能否得到保障就取决于保险公司是否具有足够的偿付能力。因此,如何对保险公司的偿付能力进行检测,并有效地加强监管力度是需要研究的。

要实现对寿险公司偿付能力检测的量化分析,寿险要建立一套科学指标、并结合中国寿险业务的特点,充分考虑到数据的可得性,选用衡量寿险偿付能力的最基本指标、这些指标尽可能考虑到影响偿付能力的各个方面,与拟采用的分析方法相适应。

X1 净产比例, 等于所有者权益与总资产之比:

X2---所有者权益与自留保费之比:

X。---实际资产与实际负债之比:

X. 净利润与总收入之比:

X: 投资收益与保费收入之比;

X:---流动性比率,等于平均流动资产与平均总资产之比;

X: 春险责任准备金增额对寿险保费收入之比:

Xs 保费收入与寿险市场的总保费收入之比。

原始数据表的建立如表 9-43 所示。

表 9-43 12 家人寿保险公司的资产

保险公司	X_1	X2	X ₃	X_4	X_5	X_6	X7	X ₈
中国人寿	0.0300	0.0699	1.0215	0.0062	0.0172	0.6775	0.6725	0. 7522
太保人寿	-0.0444	-0.0850	0.8935	0.0000	0.0334	0.8464	0.6738	0.1455
新华人寿	0, 1135	0, 2325	1. 1043	0, 0008	0, 0019	0, 8336	0. 5841	1, 1466
泰康人寿	u. 0976	0.1818	1.0852	-0.0446	0, 0229	0, 6901	0.7375	1, 0385
太平人寿	0.1633	0. 2395	1. 1890	-0.0551	0.0125	`0.3405	0.8805	0.0097
中宏人寿	0. 3156	0,7456	1. 1508	-0.0480	0.0317	0.4968	0. 1069	J. 6J24
太平安泰	0.3130	0. 6825	1. 1889	0. 1590	0,0410	0, 6882	0. 5301	0. 0026
安联大众	0. 3277	1.0085	1. 1798	-0.3090	0. 0172	0.6613	0.7838	0. 0007
金盛人寿	0.7095	3. 7865	3. 4254	-0-4516	0.0000	0.5537	0.4731	0.0005
中保康联	0. 9127	14. 2440	11.1611	-0.8887	0.1857	0.7244	ι. 3ι 70	0, 0001
信诚人寿	0.7007	2.031	-1.1326	-0, 1789	0, 0000	0. 8001	. 3185	0. (.)12
恒康天安	0.8691	7.0630	7. 4116	-9.9169	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	0.5749	0.5609	0.0001

数据来源、根据(2.00。中国保险年鉴。中主要的12家人寿保险公司的资产负债表和带益表的有关 数据计算。另外, 平安保险公司是经营寿险和财险的集团公司, 专营的这部分数据不能 准确收取,因而这里暂不考虑议家公司。

需要思考与讨论的问题如下:

- (1) 采用对应分析方法对寿险公司偿付能力进行量化分析,得到对应分布图。如何根 据对应分布图实现对样品和变量的分类?
- (2) 根据上面分类结果讨论我国主要寿除公司的偿付能力与实际的监管要求之间是否 有差距?如存在差距,人寿保险公司应该怎样提高偿付能力?
 - (注:本案例洗自暨南大学精品课程网站——多元统计分析)



第10章

综合案例与分析

教学页目

通过本章的学习, 使学生系统地掌握统计学的原理和方法, 综合运用已学过的统计方法来 解决实际问题。

教学基础

要求学生能够根据研究目的确定选题、制定出一个周密的统计调查方案并设计问卷、利用 SPSS 统计分析软件对所收集到的样本数据进行描述性和推斯性统计分析、写出统计调查报告。

实践性是应用统计学鲜明的学科精点,本章是为了帮助学生正确运用应用统计学的思想与方法,加强理论联系实际而编写的、所选案例来自天津市品赛瑞企业管理咨询有限公司,有真实的背景,相信学生在学习前面各章节内容的基础上分析讨论这个案例,会领略到应用统计学的特点及精髓。



统计学在天津市房地产市场营销中的应用

随着大津市城市居民全面进入小粮生名水平。住房消费已经并在今后若干年内将持续成功天津市城市居民的消费积成。在改善城市居民生产生名条件、投动经济增长、设纳战业等方面。房地产业也必得在整个国民经济中的清楚的城市。同时,城市居民消费水平的不断提高。住房消费市场的不断发育成构、市场使率环境的截率,增援下断加大、对各个房产开发企业提出了都的挑战。企业更更加重观市场和案户的需要,对市场的各种专作需要会分的信息支持和准确的市场利新。

为了帮助房地产企业了解天津市市区清费者对房地产产品的实表较况,制订相应的投资、开发、销售策略。天津市策吨计管理咨询有限公司在天津市市区进行了抽粹调查,以北来帮助地产企业了解、分析、研究当地房地产市场情况,通过本次调研了解天津市市区房地产的需求株点,明确投资方向。

本案例需要分析的问题如下。

- (1) 拟定市场调研方案。
- (2) 进行调研问卷设计并搜集样本数据。
- (3) 进行统计分析。

从某种意义上讲。房地产企业营销不等于销售和推销、它首先是在对市场的深刻理解的基础上的高智能的策划。它蕴含在房地产企业生产开发经营的全过程。由市场调查、方案制订和建筑总体设计、价格定位、广告中介服务、售后服务及信息反馈等组成。如果我们不能正确理解管销是房地产企业最本质的职能。只是到了应该出售自己产品的时候才来组织推销。那么。你的楼宇就很难适合市场需求。这种生产开发的百月性、必然会导致销售的无的放矢、便企业陷入被动的局面。该案例是统计学的原理和方法在房地产行业的综合应用,其研究成果对于房地产企业具有重要的现实意义。



一、天津市某房地产市场调研方案的拟定

- (一) 调研的目的
- (1) 了解天津市购房者的分布和特征。
- (2) 研究、确定购房者的需求档次和需求价位上限。
- (3) 研究本案例的价格敏感度, 为房产定价提供科学的依据。
- (4) 了解影响潜在消费群体决策的主要因素。
- (5) 定位本案例的潜在消费群体,了解其需求的基本特征及特殊消费需求。
- (6) 了解目标地块的优势和不足及潜在消费群体对此问题的看法。
- (7) 了解现实消费者对成熟楼盘的满意程度,发掘其尚未满足的需求方面。
- (8) 了解购房者对户型、房型的需求特点,以及对服务的要求。
- (二) 调研的内容
- (1) 天津市购房群体的特征描述,包括收入水平、消费习惯、生活习惯、现有居住状

- 况、交通工具的拥有和使用状况。
 - (2) 购房群体的职业、地域分类及购房目的。
- (3) 购房群体对住宅的一般需求。如房屋质量、交通便利度、公共设施完备度、物业管理的要求。
- (4) 购房群体对住宅特殊需求,如安全、环境、建筑风格、文化氛围、品位档次的要求。
 - (5) 购房群体对楼盘的价格的敏感度,以及购买的承受能力。
 - (6) 购房群体对现有成熟楼盘房型、户型的评价。
 - (7) 购房群体获得房地产信息的渠道及信赖程度和媒体消费特征。
 - (8) 购房群体对购房付款方式的意愿。
 - (9) 影响购房群体购房的主要因素分析。
 - (三) 调研的对象
- (1)购买群体。购买群体主要为已经购买了住房的人群、其购买住房的价格应在每平方米4500元以上。户主应为年龄在35~50岁、家庭月收入水平超过每月7000元。
 - (2) 潜在购买群体。户主应为年龄在35~50岁、家庭月收入水平超过每月7000元。
 - (四) 调研的方法
 - 1. 定量调查

调查的方法;购买群体——入户访问;潜在购买群体——工作单位内面访或预约访问。

① 购买群体调查,选择已入住小区进行随机配额入户访问。选择配额为年龄 35~50 岁,月收入水平超过 7080 元。

实施计划:问卷式入户或预约访问。样本为70个。

② 潜在购买群体调查:根据潜在购买群体的职业特征,在市区寻找相应的单位、采用工作单位内面访或预约访问的调查方法进行访谈。这样便于找到被访者,利于调查的进行。

实施计划:采用问卷式面访,样本为30个。

2. 数据分析

采用市场调查常用的分析研究方法进行数据分析,主要应用因素分析方法、价格敏感 度测试、对比研究方法、统计描述研究方法等。

(五) 报告内容

报告内容略。

- (六) 项目流程
- (1) 前期准备阶段。
- (2)与客户充分沟通,制订调研方案。根据调研目标细化调研提纲。执行阶段设计调查提纲和调查问卷;根据方案实地调查,控制质量。
 - (3) 数据分析阶段, 将收集的数据输入计算机, 运用相关统计软件讲行分析汇总。
- (4)整理提交报告。在前一阶段工作的基础上,将撰写的报告提交客户,可根据需要提供报告的讲解。
 - (七) 调研时间

整个调研预计时间 30 个工作日。

表 10-1 项目讲程表

项目进程	第1~5天	第6~8天	第 9~15 天	第16天	第7~22天	第 23~29 天	第 30 天
割订方案、问卷设计、 确定问卷	•						
试访、问卷调整		•					
案头研究		•	•	•	•	•	
访员培训、试访		•					
访问阶段			•	•	•		
问卷审核、复核			•	•	•		
中期汇报				•	1.		
数据编码输入				•	•		
报告撰写与沟通、 修改				14,		•	
提交报告			. UV	11			•

(八) 执行过程

- 1. 项目过程
- (1)項目前期准备:与客户沟通、探讨方案;确定操作方案和培训手册;按客户要求设计问案;问卷印刷。
- (2)项目开始:公司培训访问人员和督导、督导进行试访和陪访、对发现的问题进行 再培训、实地寻找被访者、正式访问。
 - (3) 回收阶段》

问卷一审、二审、执行质量审核要求;公司对问卷进行审核,全部电话审核;问卷编 码输入,数据处理。

- (4) 报告阶段。
- 2. 访问流程

内部制订访问员手册、抽样方案、培训方案、访问进程安排; 审核样本、确定培训时间; 组织访问员培训; 访问员试访、考核、调整访问员; 访问对象的寻找与预约; 正式访问, 督导陪访; 随时了解访问员工作情况; 按时间安排交募, 控制进度; 审核问卷、调整访问员, 强调注意问题, 随时复核; 多次分批交募, 当场审核、处理情况; 按进度安排,访问结束; 开始复核。

(九) 质量控制

- (1) 制订调查质量控制细则。
- (2) 选样与调查分离。保证选样的准确性。
- (3)对回收的问卷进行100%的审核和复核。其内容包括核查样本数量和样本分布控制,核查访问员是否按要求寻找被访问者,核实必填项目是否填写完整,检查所有答案是否真实记录。检查开放性问题的填写质量。

(4) 抽查工作在访问期间进行,及时规范调查行为。

所有前后不一致及有问题的访问,或有其他导致对某访问员访问工作有怀疑的情况, 该访问员的所有问卷必须经迚彻底抽查。如果在抽查后发现有其他问题,该访问员的所有 问卷必须全部作废;如果发现访问员有作弊的情况,该访问员的所有问卷也必须全部作废;上述两种访问员不能继续进行访问工作,而应使其他访问员按原来的抽样要求及采访 每次申前进行访问,替抽作废问鉴。

(5) 项目管理流程如图 10.1 所示。



图 10.1 项目管理流程

(十) 调研告用

调研费用预算表如表 10-2 所示。

表 10-2 调研费用预算表

项 目	、	金額/元
项目设计费	有案设计、何卷设计	3000
消费者访谈	80 元 个样本 100 个	800)
数据处理分析	100 份回卷、5 元	500
报告费用	研究报告撰写费	15000
项目费用	1	26500
管理费用 /	项自费用 - 7%	1855
费用合计 /		20000

二、天津市河西区基房地产市场调研问券设计

问候语

先生/女士:

您好! 我是天津昂寨端企业管理咨询有限公司的访问员、我们正在进行一项有关天津 市住宅市场的研究, 想听听您或您家人的意见, 您的意见对于我们的研究非常宝贵, 希望 耽误您一点点时间跟您谈谈, 可以吗? 謝謝!

您个人的资料我们不会单独使用,我们所做的调查对您和您的家人都没有任何不良影响,请您放心!

100	-			
ш	No.	뫼	1177	卷
1112	46	72.3	Ind.	700

01.	南口心在人件中拥有自己的任务吗!		
	是·····	1	
	75	2	【终止该问】

370 应用统计学(第3版)

S2. 请问您是您家购房的决策人或者户主吗?

	是	1	
	否	2	【终止访问】
S3.	请问您的年龄是:		
	50 岁以上	5	【终止访问】
	35~50岁	2	
	35 岁以下	1	【终止访问】
S4.	请问您或您的家人有在下列行业工作的吗?【复选】		
	报社/电视台/电台/杂志社/调查公司	1	【终止访问】
	房地产销售/策划/广告/顾问公司	2	【终止访问】
	房地产开发/建筑/规划设计/物业管理公司	3	【终止访问】
	房地产交易/国土/规划/建设管理机构	1	【终止访问】
	以上都没有	5	
S5.	请问您在最近半年之内是否接受过有关房地产方面的市场	易研究活	动?
	是	1	【终止访问】
	否	2	
S6.	请问您现在居住的住房,多少钱一平方米【单选】		
	5000 元以上		
	4000~5000 元	1	
	3000~4000 元	3	【终止访问】
	2000~3000 元	2	【终止访问】
	2000 元以下	1	【终止访问】
S7.	请问您全家平均廊月的总收入是?【单选】		
	7000 元及以上	6	
	6000~7000元	5	
	5000~6000 元	4	【终止访问】
	3000~5000 元	3	【终止访问】
	2000~3000 元	2	【终止访问】
	2000 元以下	1	【终止访问】
S8.	请问您有改善现有住房即重新购房的打算吗?		
	有	1	
	没有	2	【终止访问】
S9.	请问您有购买第二居所/投资购房的打算吗?		
	74		【跳问主体问卷】
	没有	2	

主体问卷

在主体问卷部分·首先应设计问卷结构。然后设计问卷。由于篇幅所限,只列出 A、 B、 C、 J 部分的部分主体问卷,其他部分略。

A. 对现有住房的认知; B. 住房需求特征; C. 对概念的认知与价格敏感度分析; D. 小区周边环境及交通条件需求; E. 小区内环境需求; F. 户型需求; G. 购房时考虑的其他因素; H. 付款要求; I. 物业管理; J. 消费者购房认知。

A. 对现有住房的认知

(1)	请问您心中最理想的居住区城在哪里?	[有洗]		
(1)	市中心和平区(06
	南开区			
	沿海河一线(
	河西区东部		【的海河边	
	近郊梅江地区((请注明)	10
(2)	请问您心目中理想的小区应具备哪些条			
	安静不嘈杂(便	
	离公园/风景区近(1	
	周边绿化较好(3 有能看	·到远景的高层住宅 ·········	12
	小区内绿化率高	Feb. 1.		
	有较好的物业管理	5 采光州	f	14
	公寓内有华丽大堂	6 小区商	已套智能化	15
	靠河边(7 居住人	群档次接近	16
	具有壮丽外观的高层大厦(18		会所	
	交通方便	9 其他	(请注明)	18
	*/			
	B. 住身	需求特征		
(3)	B. 住房 请问您打算购房/改善住房的是出于下		E?【复选】	
(3)		川那些原因 噘	ē?【复选】 3 二居所	09
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下	川那些原因嗎] 购买第		
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 ((())	川那些原因吸 1 购买第 2 需要更	5二居所	10
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下? 改善住房景观 (改善居住环境档次 (())	川那些原因嗎 1 购买第 2 需要更 3 投資係	5.二居所 ······· 5.二居所 ····································	10 11
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (() 改善居住环境档次 () 生活配套更方便 (()	1 那些原因嗎 1 购买第 2 需發資保 3 投資子出	5二居所 2合理的户型 K值增值	10 11 12
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善居住环境档次 (生活配套更方便 (和老人分开住 (川那些原因嗎 1 购买藥 2 需要資 3 投資于出 5 現住房	5二层所 2合理的户型 &值增值 打租	10 11 12 13
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善居住环境档次 (生活配套更方便 (和老人分开住 (为子女结婚用	川那些原购要要 原购买要要 孩用现实 在 了 ,	5二层所 2合理的户型 &值增值 打租	10 11 12 13 14
(3)	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善任房景观 (生活配套更方便 (有和我人分开住 (为子女结婚用 (方子女结婚用 (方孩子上学和教育	川那些原因男子 原因男子 原 所 要 發 开 是 了 是 子 是 子 是 子 是 子 是 子 是 子 是 子 是 子 是 子	5二层所 公合理的户型 法值增值 打租 步要拆迁	10 11 12 13 14
	请问您打算购房/改善住房的是出于下; 改善住房景观 (改善居住环境档次 (位 性不能会更方便 (位 为于女结婚用 (为孩子上学和教育 (高工作点近 (川那些原因男子 至	5二层所 2合理的户型 3.位增值 3.租 5辛新迁 9.口 (请注明)	10 11 12 13 14
	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善居住环境档次 (生活配套更方便 (有为于女结婚用 (为于女结婚用 (有为于大生和教育 (高工作点近 (和老人一块几居住 (有	川那些原因嗎果更 1 2 需要資 投 用 現 为 其 5 6 为 其 6 6 7 8 6 6 8 6 8 6 6 6 9 1	5二层所 2合理的户型 3.位增值 3.租 5辛新迁 9.口 (请注明)	10 11 12 13 14 15
	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善居住环境档次 (实验居住环境档次 (实验器是人分开住 (为于女结婚用 (实为证金统证 (实现工作点近 (和老人一块儿居住 (请问您觉得天津河西区哪一个路段最适	用那些原因嗎果要所以 2 需要實行上房子 5 現有 6 为其 6 方 7 8 合 6 格 1	5二层所 2合理的户型 3.位增值 3.租 5是新迁 9 口 (请注明)	10 11 12 13 14 15
	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善居居环境档次 (位 经居民委更方便 (方子女结婚用 (分子女结婚用 (方子女结婚用 (有) 方子女结婚用 (有) 方子女结婚用 (有) 方子女结婚用 (有) 有 () 有	用那些原购需投用现为, 在一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	5二层所 2 合理的户型 k值增值	10 11 12 13 14 15
	请问您打算购房/改善住房的是出于下: 改善住房景观 (改善住房景观 (改善居住环境档次 (位 任活配套更方便 (方 和老人分开住 (方 为于女结婚用 (方 为于女结婚用 (方) 有工作点近 (有) 有工作点近 (有) 表往 (方) 表往 (方) 表往 (方) 表往 (方) 表述路一带 (方) 表述路一带	門那些原因买妻更得世易户	5二层所 2合理的户型 k值增值 1组 要新迁 口(请注明) 【单选】	10 11 12 13 14 15

372 | 应用统计学(第3版)

单身一个人住	1	同兄弟姐妹同住	6
与爱人同住	2	夫妻、孩子、父母三代人同住	7
夫妻孩子两代人同住	3	夫妻、孩子、兄弟姐妹、父母同住 …	8
祖孙两代人	4	用来出租/经商/投资等	9
同父母同住	5	其他(请注明)	0

C. 对概念的认知与价格敏感度分析

(6) 下面是有关一个住宅小区的一些描述。请告诉我您的赞成程度?【单选】

	非常同意	比较同意	说不清	不太同意	非常不同意
.] 小型化小区,总的户数和人口不会很多	5	1 -	- 3	2	3
[-7	-1	3	2	1
[] 所有住房精裝修	1/2/	4	3	2	1
靠近市中心, 交通比较方便	- 5	1	3	2	1
每套房子都能看到水景	5	1	3	2	1
、 每大都能呼吸到新鲜的空气		1	3	2	1
有高档业主会所, 共业主体闲、娱乐使用	5	1	3	2	1
[商层住宅一楼有华丽的大堂	5	1	š	2	1
[,有较高的房屋使用率	5	I	3	2	1
] 是外观设计病雅的高层住宅	5	4	3	2	1
[] 绿地面积较多、有较好的活动空间	5	4	3	2	1
[] 房型设计新颖实用, 充分考虑生活方便性	5	4	3	2	1
[] 优秀、周到的物业管理	5	4	3	2	1

(7)假如有一个小区,位于河西区中部、靠近市中心、紧接着海河、其品蛛档次与您理想中的小区别无二致,甚至超过您对小区的想象,价格适中,请问您在这里购房与投资的可能性有多大?【单选】

非	常	有	可	能																		
比	较	有	可	能	٠.													٠.				
ग	以	考	虑		 ٠.					 		٠.						٠.				4.0
不	可	能	٠.		 							٠.										2
非	常	不	可	能		٠.			 	 		٠.			٠.			٠.]

(8) 请问您可以接受的购房房价为多少呢?【单选】

能接受的最高房价	住 房
50 万元及以下	01
50 万~60 万元	02
60 万~70 万元	03
70 万~80 万元	04
80 万~90 万元	05
90 万~100 万元	06
100 万~120 万元	07
120 万元以上	08

(9) 针对上述房屋总价,您考虑购买多少平方米的房屋?【单选】能告诉我准确的面

ĸп	mi	_
积	吗	7

面积	选项
80m²以下 / 1人	1
80~90m²	2
90~100m²	3
100~120m²	4
120~140m²	5
140 160m³	6
,160 ² ,180m ²	7
180=200m²	8
- 200m²以上	9

(10) 请问决定您选择购买房屋的主要因素是什么?【复选至少选3个】

购房因素	
[] 开发商信誉、品牌和实力	01
[]住房的视野和景观	02
] 地理位置	03
[]公共交通条件	04
[]周边自然环境	05
[]周围生活设施配套情况	06
,小区内的景观和环境	07
小区内配套	08
[]建筑外观风格	09
[]室内户型结构	10
[]房屋使用率	11
其他 (清注明)	12

374 应用统计学(第3版)

(11) 下面我会读出一些有关住房的说法,请您告诉我您的同意程度。【单选】

		非常同意	比较同意	说 不清	不太同意	非常 不同意
[] 豪华、尊贵、是身份的象征	5	4	3	2	1
	」隔离城市喧嚣、亲近大自然	5	4	3	2	1
] 住在市中心高楼大厦, 高高在上	5	4	3	2	1
] 可体验时尚、新潮的生活方式	5	4	3	2	1
] 私密性好,有完全自由的空间	5	4	. 13	2	1
[清净悠闲, 劳累之余可以尽情放松	5	1	3	2	1
Į.] 保安设施完善	5	1	3	2	1
	〕建筑外观在未来可以保持不落后	5	-	3	2	1
	, 开发商提供精装修、增加整体价值	- 5	- 1	3	2	1
] 有利于健康的环境设施	5	4	3	2	1

(12)以河西区菜地的无配住房为侧,其定价会在每平方米5000~8000元,请考虑总面积,请问当总价格高到多少时,您会觉得无法接受呢?当总价格高到多少时,您还可以接受?您觉得最合适的总价格应为多少?【单旒】

能接受的最高房价	高得无法接受	高但能接受	最合适
40万元及以下	01 12	01	01
40 万~50 万元	02	02	02
50 万~60 万元	03	03	03
60 万~70 万元	04	04	04
70 万~80 万元	05	05	05
80 万~90 万元	06	06	06
90 万~100 万元	07	07	07
100 万~120 万元	08	08	08
120 万元以上	09	09	09

(13) 仍以河西区某地的无配住房为例,它靠近海河,是超过30层的超高层建筑,房型和外观设计现代、高档,拥有别的住宅很难比拟的远景和视野、使人心旷神怡。它的设计充分考虑了购房者的需求。请问您觉得它的定价应该在每平方求多少钱最合适?当价格高到多少时,您会觉得无法接受呢?假设您购买、您觉得价格为多少时,您肯定会购买?【单揆】

能接受的最高房价	最合适	高得无法接受	高但能接受
4000 元及以下	01	01	01
4000~4500 க்	02	02	02
4500~5000 元	03	03	03
5000~5500 元	04	04	04
5500∼6000 Å	05	05	05
6000~6500 元	06	06	06
6500∼7000 Æ	07	07	07
7000 元以上	08	08 1/2	08

J. 消费者购房认知

(14)下面是人们购房时的一些看法,请根据您自己的情况图出您对每一句话的赞成程度。【请被访者从打钩处开始选择,注意每一句话都请被访者给出答案】

	STA	根本不同意	不同意	有些 不同意	有些同意	同意	非常同意
	1. 我购买房了首先考虑地段	1	2	3	-1	5	6
] 2. 我喜欢住在郊区	ı	2	3	1	5	6
地段	[] 3. 我喜欢性在市中心	1	2	5	1	5	6
+×	[] 4. 只要交通方便, 住哪里都可以	1	2	3	4	5	6
	[] 5. 我购买房子很少考虑地段	1	2	3	4	5	6
	[] 6. 如果有足够的钱, 我会买高档公寓	1	2	3	4	5	6
房	[] 7. 房型是决定我购房的首要因素	1	2	3	4	5	6
	[] 8. 我不喜欢高档公寓,一般公寓就行	1	2	3	4	5	6
型	[] 9. 我买房不管地段, 只要房型好就行	1	2	3	4	5	6
	[] 10. 房型合适、面积小一点也无所谓	1	2	3	4	5	6
	[]11. 小区周边应该有比较好的娱乐、运动、休闲场所	1	2	3	4	5	6
环	[] 12. 小区内部的停车位要充足	1	2	3	4	5	6
墳	[] 13. 小区的空地要随时能看到绿地	1	2	3	4	5	6
	[] 14. 高档会所是高档小区必不可少的设施	1	2	3	4	5	6
	[] 15. 小区要有室内游泳池	1	2	3	4	5	6

		根本不同意	不同意	有些 不同意	有些 同意	同意	非常同意	
	16. 户型只要好,贵一点也无所谓	1	2	3	4	5	6	
βì	[]17. 户型无所谓,只要面积大就行	1	2	3	4	5	6	
	[] 18. 我买房最先考虑户型	1	2	3	4	5	6	
型	[] 19. 我喜欢超高层房子的远景观	1	2	3	4	5	6	
	[] 20. 我喜欢所有的房子在同 - 层上	1	2	3	4	5	6	
	[] 21. 我买房, 先考虑好面积冉看房型	1	2	3	4	5	6	
面	[] 22. 房子趙大越好	1	2	13	4	5	6	
	[] 23. 我不喜欢太大的房子	1	181	3	4	5	6	
积	[] 24. 面积小一点九所谓,功能要齐全	1	2	3	1	- 5	6	
	[] 25. 我买房时房屋总价格对我很重要	l	2	3	1	5	6	
	[] 26. 我喜欢装修豪华的房子	11	2	3	4	5	6	
# 1	, 27. 如果能力的话, 我会买最好的房子	1	2	3	1	5	- 6	
	28. 我小喜欢太好的房子, 那样太招摇	1	2	3	1	5	6	
次	[] 29. 作房好坏没什么,只要够住就行	1	2	3	1	5	6	
	[, 30. 住房档次高在朋友面前才有面子	1	2	3	1	5	6	

- (15) 请问您对高层住宅的看法?
- (15) 请问您对离层住宅的看法?(16) 请问哪些情况会影响您对高层住宅的看法?

(17) 化汞板切省的性剂			
男	1	½	ı
(18) 请问您的年龄?岁			
(19) 请问您的最高学历?			
小学及以下	1	全日制大专	5
初中	2	全日制本科	(
高中/中专/技校	3	硕士研究生及以上	,
成人教育大专/本科	4		
(20) 请问您的职业状况?			
公务员(含公检法工作人员)	1	公司职员	ŧ
事业单位非专业技术类工作者	2	个体工商业者	7
企业管理人员/职业经理/厂长	3	自由职业者	90
企业股东/老板	4	离退休人员	Ç
天 11. 14 12 1 12 / 15 14 / M. NE	6	# 76 (26:22 ml)	,

(21) 如果您有工作单位,请问您的工作单位性质	质为?
党政团机关 1	股份制经济 6
科研/教育/医疗和事业单位 2	三資企业 7
社会团体 3	私营经济 8
国有经济 4	个体经济 9
集体经济 5	其他 (请注明) ()
(22) 请问您的婚姻家庭状况?	
未婚	已婚有孩子 3
已婚没孩子 2	离异/丧偶 4
(23) 请问您家常住的有几位?人?	
(24) 请问您个人的年总收入为?【我这里指包括奖:	金、津贴、做生意等在内的各种各样的收入】
4 万元以下 1	10万~15万元 5
4万~6万元 2	15万~20万元 6
6万~8万元 3	20 万元以上 7
8 万~10 万元 4	1
(25) 请问您的家庭年总收入为?【我这里指包括奖:	金、津贴、做生意等在内的各种各样的收入】
6万元以下」	10万~15万元 4
6万~8万元	15 万~20 万元 5
8万~10万元	20 万元以上 6
(26) 请问您现在的居住地点是?	X
区 客 小区	V. 38
(27) 请问您现在的住房面积? 平方米	X7 X
(28) 请问您现在居住的户型结构是?	
17 B	厅 卫

访问结束,非常感谢您的合作!

三、天津市河西区某房地产市场的统计调查报告

由于篇幅所限、只摘选其中的一部分。

(一) 理想居住地块的分析

1. 天津市的理想居住地块



【拓展知识】

由于近几年天津市房地产业的发展,新开发地块明显向城市的东、南部发展,造成对 南开区、梅江地区的地产认知升温。但是,市中心区的选择仍然占有比较高的比例。从全 市范围看,河西区的海河岸边的吸引力仍然比较强。天津市的理想居住地块频率分布图如 图 10,2 所示。

2. 河西区的理想居住地块

河西区本身的理想居住地块首推友谊路一带,其次是与友谊路相连接的梅江居住区,河西区的海河边排在第三位。这与近一年来对梅江居住区的大量宣传有关。梅江居住区作为新兴的居住区域,各个楼盘着重在生活方式和生活品位上对其进行了大量的渲染,使梅江的房价和知名度都保持了较高的水平。

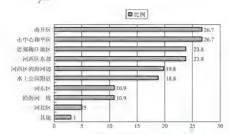


图 10.2 天津市的理想居住地块频率分布图



图 10.3 河西区的理想居住地块频率分布图

河西區豫河边一帶,在房地产的开发方面为度历来比较小。基本沒有太大 的核趣可供炒作。但是,其接近市中心 的地理位置。仍然对高档房的消费者具 有很强的吸引力。河西區的理想居住地 块類率分布图如图 10.3 所示。

3. 地块吸引力分析

从被访问者的选择分析, 计划开发 地产项目的地块的吸引力是比较理想的。 综合数据的情况, 可以相对准确地分析 购房消费者解体对地块的看法。

其中,地块范围取向 (河西区东部 及海河边)超过50%,地块明确取向 (河西区的海河边) 将近20%。而海河沿线取向 (沿海河一线)在10%左右。说明无论哪一种描述,在房屋消费者的群体中都有一定的市 场。随着今后海河的开发与改造,这种居住取向的群体范围将逐步扩大。地块吸引力的频 数分布图如图10.4 所示。

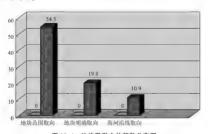


图 10.4 地块吸引力的频数分布图

4. 地块范围取向的人员特点

调查结果显示, 1/4 的人员具备大学以上学历, 1/4 的家庭年收入 10 万元以上, 1/4 的专业人员(医生、教师、技术人员), 2.3 的现住房面积在 120 平方米以下, 主要职业分布为专业人员(27%)、企业管理人员(20%)、公司职员(15%)、个体老板(15%)。

可见,此类地块的潜在购买者将是文化水平比较高,收入比较稳定的人群。根据其现 住房的特点,将是以改善现有居住环境为主要购买动因。

5. 描述后购买可能性

可能购实住房的頻數分布图如图 10.5 所示。在向被访问者描述了高档公寓小区的特征以后,要求对购买的可能性进行判 断,其结果进一步证实此地块及开发目标 的吸引力。在调查结果中,明确表示比较 有可能购买的占 34%。可以考虑购买的占 到 35%,这部分属于需要考察相关的因素 后才能决定的人群。只有不到 10% 四答为 不可能,比較堅决的则更少。当然,这只

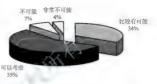


图 10.5 可能购买住房的频数分布图

是描述小区后的调查结果、尚未增加价格因素的考虑。其结果尚有一定的偶然性。

(二)价格承受能力与付款分析。 1,可以接受的购房总房价分布

可以接受的购房总价分布图如图 10.6 所示。被访者对住房总房价的预期、将直接影响购买行为。根据调查结果、按简单平均计算可接受的总房价为 61.9 万元、其多数分布在 50 万~60 万元和 60 万~70 万元。这个价格预期、有以往购买房屋经验的影响、而且并没有看到实际的房屋、只能作为定价的参考。

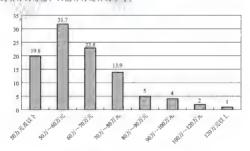


图 10.6 可以接受的购房总房价分布图

2. 根据简单平均计算的总房价范围

根据简单平均计算的总房价范围分布图如图 10.7 所示。根据被访者对相关问题的回

答,可以推算预期本住房总房价的范围为 57.4 万~83.6 万元。多数人觉得比较合适和可以接受的价格范围是 61.9 万~68.8 万元。这个价格预期与想要购买的房屋面积是匹配的价格。

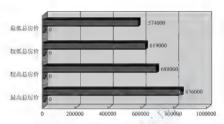


图 10.7 根据简单平均计算的总房价范围分布图

3. 根据价格敏感度推算的总房价范围

根据价格敏感度推算的总房价范围分布图如图 10.8 所示。根据价格敏感度研究方法 推算本住房总房价的范围为 58 万~75 万元。最合适的房屋总价是 62 万元,可以接受的价格是 71 万元。

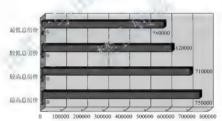


图 10.8 根据价格敏感度推算的总房价范围分布图

4. 根据价格敏感度推算的每平方米房价范围

根据价格敏感度推算的每平方米房价范围分布图如图 10.9 所示。根据价格敏感度研究方法推算本高档公寓每平方米房价的范围是 1450~5400 元。最合适的每平方米房价房价是 4750 元,可以接的价格是 5200 元。

5. 购房的付款方式意愿

图 10.10 是购房的付款方式频数分布图。购房者的付款方式仍然以接揭为主,但是一 次性付款的比例明显高于购买普通住房的人群。在希望接揭的人群中,基本愿意首期付 3 成款,约 25 万元。月供 3000 元能够负担。

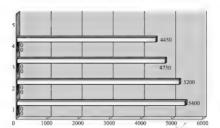


图 10.9 根据价格敏感度推算的每平方米房价范围分布图

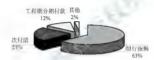


图 10、10 购房的付款方式频数分布图



四、天津市河西区某房地产市场的统计分析报告

论文题目:天津市城市居民住房消费的实证研究

摘要:本文在抽样调查的基础上,针对天津市目前商品住房结构不合理的现状,采用 多元统计分析中的相关分析、因于分析和对应分析方法对天津市城市居民的住房消费问题 进行了实证分析。所得结论为房地产企业开发运销对路的住房产品提供科学的参考依据。

关键词:改善型住房:抽样调查:对应分析:因子分析:商品房面积。

The application of multivariate statistics analysis in the urban resident's housing consumer in Tiantin

Abstract: In this paper, in the face of the present situation of unreasonable commodity housing structure we dwells on the empirical analysis of the urban resident's housing consumer in Tianjin in 2005 by means of correlation analysis and factor analysis and correspondence analysis basing of multivariate statistics analysis on sampling investigation. The results indicate that the total family income has the most important effect on the standard of purchasing house. The consumers whose total family income is from 80000 to 100000 yuan are inclined to houses from 90 to 120 square meters. The conclusion can be regarded as a scientific basis for housing enterprises to develop suitable housing products.

Key words: improving house; sampling investigation; correspondence analysis; factor analysis; housing area.



1. 引言

对房地产开发商来说,随着天津市经济的增长,房地产行业的竞争也在不断加剧,开 发商要想在竞争中制胜,必然需要充分的信息支持和准确的市场判断。因此,对各个房地 产开发企业提出了新的挑战,即企业要提高市场竞争力,就必须更加重视市场和客户的需 求,对市场的各种变化需要充分的信息支持和准确的市场判断。

然而,一些开发企业在目前接市"火"的时候,盲目地开发,致使市场出现结构性的供不应求和供过于水,即低价位、小面积户型的商品房不好买或结构不合理而高价位、大面积户型的商品房积压。那么,在天津市城市居民目前收入水平的前提下,影响消费者购房的主要因素是什么;考虑购买大面积商品房的消费者究竟占多大比例,他们是哪一个收入年龄(这些都是值得房地产界和专家学者研究的问题。本文在实际调研的基础上,用相关分析、因于分析和对应分析等多种统计分析方法,对天津市城市居民目前的住房消费问题进行了实证分析,所得结论对房地产开发企业具有一定的参考价值。

本文研究主要针对改善型住房购买群体以及潜在购买群体,采用问卷调查进行数据的 收集工作,总共回收有效问卷 101 份。调查对象为在企事业工作的具有稳定收入的职业 者,户主年龄在 50 岁以下,家庭年总收入水平超过 4 万元。

2. 个人特征因素与消费者购房面积的相关分析

在影响住房消费的诸多个人特征因素中,哪一个因素对购房面积的选择影响最大?为 此,我们进行了相关分析。通过计算 Pearson 简单相关系数,杂度量它们之间的线性相关 关系。调用 SPSS 统计分析软件中的相关分析过程,得到计算结果 (表 10 3)。

特征因素	家庭年总收入	常住人口	婚姻家庭状况	工作单位性质	职业状况	最高学历	年龄	性别
相关系数	0/566	-0.002	0.079	0.379	0.020	0.261	-0.103	-0.117
概率P值	0.001	0. 987	0.431	0.003	0.843	0.108	0.303	0.245

表 10-3 简单相关系数矩阵 (Tab. 10-3 Pearson correlation matrix)

由表 10 3 可知,居民购房面积的选择与家庭年总收入、工作单位性质间的简单相关系较分别为 0.566 和 0.379,它们的相关系数检验的概率 P 值都近似为 0.8 因此,当显著性水平 α 为 0.05 成 0.01 时,都应拒绝相关系数的零报设,认为两总体存在显著的线性关系。也就是说,在购房消费者的诸多个人特征因素中,家庭年总收入对消费者购房面积的选择起了显著的影响作用,其次是工作单位性质。此外,学历对购房面积也有一定的影响,而常住人口和婚姻家庭收况对消费者购房面积的选择却影响不大。

3. 家庭年总收入与购房面积的对应分析

1) 变量的分类

对应分析是以两个变量的变叉列联表为研究对象、通过图形的方式、直观揭示变量不同类别之间的联系。这里、我们选择家庭年总收入为行变量 (用 X 表示)、分类值在 1^{-6} 之间,具体分类如下; X_1 6 万元以下, X_2 6 万 \sim 8 万元, X_3 8 万 \sim 10 万元, X_4 10 万 \sim 15 万元, X_5 15 万 \sim 20 万元, X_6 20 万元以上。计划购房面积为列变量 (用 Y 表示),分类值在 1^{-9}

之同、具体分类如下、 Y_1 80m²以下, Y_2 80~90m², Y_3 90~100m², Y_4 100~120m², Y_5 =120~140m², Y_6 —140~160m², Y_7 —160~180m², Y_8 —180~200m², Y_9 —200m²以上。

2) 计算结果输出与解释

调用 SPSS 统计分析软件中的对应分析过程, 得到以下主要分析结果。

(1) 对行、列变量各分类的降维处理。

总体方差解释如表 10-4 所示。

表 10 - 4 总体方差解释 (Tab. 10 4 Total variance explained)

				1	
序号	特征值	卡方检验值	显著性概率	方差贡献率	累计方差贡献率
1	0. 197			0. 522	0.522
2	0. 108			0. 288	0.810
3	0.067			0 126	0. 986
4	3, 635			0.011	1. Job
合计	0.377	38. 098	. (10)	1. 000	1, 000

表 10-4表明了提取的公园子解释原有分类变量的程度。由表 10-4 可知,前两个特征根的累计方差育献率已达到 81%,证明用两个公园子已能解释各类别差异的主要信息。其中的第一公园子占 22.2%,第二公园子占 28.8%。另外,对交叉列联表版卡方检验的卡方观测值为 39.098,相应的概率值为 0.000,如果显著性水平 α 为 0.05,说明行变量 (家庭年总收入) 与列变量 (针划购房面积) 之间有显著的相关关系。行变量各分类的因于载荷如表 10-5 所示

表 10-5 行变量各分类的因子载荷 (Tab. 10-5 Overview row score in dimension)

家庭年	总收入	X_1	X2	X ₃	X ₄	X ₅	X ₆
	各类别 分比	_	. 455	. 248	. 099	. 079	.119
A ₁		-	137	. 148	-, 945	2.031	-, 351
Α	A ₂	_	. 456	—. 826	. 342	. 412	586
特征	正值	_	. 043	.071	. 052	. 156	.056
	1	_	. 089	. 034	. 756	. 929	.116
解释 程度	2	_	. 733	. 788	. 073	. 028	. 240
11.0%	合计	_	. 822	. 822	. 829	.957	.356

表 10-5 表明了行变量各分类的因子裁荷。从行变量各类别的百分比来看,在 101 名 消費者中, X_2 (家庭年收入在 6 万~8 万元) 仍占第一位,占家庭总数的 15.5%,但从两个公因子贡献之和与变量对特征值的贡献来看, X_n (家庭年收入在 15 万~20 万元) 的值 最大,这说明,15 万~20 万元年收入的家庭对两个公因子的贡献最大,在全部家庭中占有非常重要的地位。

<u>(</u>ز

表 10-5 中的第三、四行列出了行变量各分类在第一、第二个公因子上的因子裁荷、它们将成为分布图中数据点的坐标。第六、七行是第一、第二个公因子分别对行变量各分类差异的解释程度,如对 X_3 (8万 \sim 10万元)类、公因子 Λ_1 解释了 3.1%的差异、公因子 Λ_2 解释了 78.8%的差异。列变量各分类的因子裁荷如表 10-6 所示。

	划购买 面积	Y ₁	Y2	Y ₃	Y ₄	Y ₅	Y ₆	Y,	Y ₈	Y 9
列变量各类别的 百分比		_	. 050	. 099	. 198	. 158	. 297	. 109	. 040	.050
B ₁		_	544	346	. 078	670	1575	. 669	2. 134	608
	B_{z}	_	. 536	135	355	. 680	239	. 392	1.318	-1.507
特	i征值	_	. 018	.010	. 033	(057'	. 051	. 033	. 107	. 069
	1	_	. 369	. 544	.016	, 553	. 857	. 661	. 747	. 117
解释程度	2	_	. 266	. 061	. 246	. 423	. 110	. 169	. 212	. 536
	合计	_	. 635	. 605	. 262	. 977	. 968	. 851	. 959	. 653

表 10-6 列变量各分类的因子载荷 (Tab. 10-6 Overview column score in dimension)

表 10-6 表明了列变量各分类的因子裁荷。从列变量各类别的百分比杂看,在 101 名消费者中,Y, (购房面积在 $140\sim160\text{m}^4$) 占第一住,占家庭总数的 29.7%; Y_1 (购房面积在 $140\sim120\text{m}^4$) 占第二住,占总家庭的 19.8%; Y (购房面积在 $120\sim140\text{m}^2$) 占第二住,占总家庭的 19.8%; Y (购房面积在 $120\sim140\text{m}^2$) 占第二住,占家庭总数的 15.8%。两个公因于在 Y_1 、 Y_8 、 Y_8 上的贡献率都校大,但 Y·的特征值最大,说明 Y (购房面积在 $120\sim140\text{m}^2$) 在消费者购房中占的地位非常重要。也就是说,房地产开发企业应重视 $120\sim140\text{m}^2$ 户型的开发。

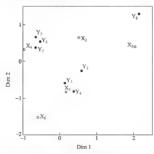


图 10.11 家庭年收入与购房面积的对应分布图

表 10-6 中的第三、四行列出了列变 豊务分集在第一、第二个公因于上的因子 裁荷,它们特成为分布图中数据点的坐标。第六、七行是第一、第二个公因子分别对 列变量各分集是,的解释程度,如对 Y_6 (购房面积 $140\sim160\,\mathrm{m}^2$) 类,公因子 B_1 解释了 85.7% 的差异。公因子 B_2 解释了 11.0%的差异。公因子 B_2

(2) 绘制行、列变量分类的对应分布图。

图 10.11 是对应分析的一个最主要统 计结果,形象地把行变量和列变量类别分 值分布用坐标图示表示出来。空心圆图表 示家庭年总收入类别间的差异。实心圆圈表示购房面积举别间的差异。同时也更直观地把 家庭年收入与购房面积这两个变量之间的类别联系形象地表现出来。

从图 10.11 可以看出。家庭年收入在 8 万~10 万元的消费者较偏爱 90 ~100m²和 100 ~120m'的户型; 家庭年收入在10万~15万元的消费者较偏爱120~140m°、140~160m° 和 160~180m2的户型;其余家庭收入类别对购房面积的选择差异不十分显著。

4. 消费者购房时考虑的主要因素分析

在消费者购房时考虑的诸多因素(如地段、房型、环境、户型、面积、档次)中。商 品房面积的大小是否是消费者考虑的主要因素。为此、我们进行了因子分析。

1) 指标的选择

因子分析是通过研究指标体系的内在结构关系。从而把多个指标组合为少数几个相 互独立但能包括大部分信息的综合指标(即公共因子)。这里,我们选择了30项指标, 构成了影响消费者购房的指标体系 (表 10 7)。各个指标的可能取值的量化结果为根本 不同意-1、不同意-2、有些不同意-3、有些同意-4、同意-5、非常同意-6。

表 10-7 指标体系 (Tab. 10-7 Indicative system)

地段指标	我购买房子首先考虑地段 (Z ₁); 我喜欢作在郊区 (Z ₂); 我喜欢作在市中心 (Z); 只要交通方便住哪里都可以 (Z ₁); 我购买房子很少考虑地段 (Z·)
房型指标	如果有足够的钱、我会实高档公寓(Z _c); 房型是决定我购房的育要因素(Z _c); 我不喜欢高档公寓, 一般公寓就行(Z _c); 我买房不管地段,只要房型好流行(Z _c); 房型名适,面积小一车也无所谓(Z ₁₀)
环境指标	小区周边应该有比较好的娱乐、运动、休闲场所 (Z_{11}) ; 小区内部的停车位要充足 (Z_{12}) ; 小区的空地安随时能看到绿地 (Z_{11}) ; 高档公所是高档小区必不可少的设施 (Z_{12}) 小区要有室内游泳池 (Z_{12})
户型指标	户型只要合理, 贵一点也无所谓(Z ₁₆)户型无所谓、只要面积大就行(Z ₁₇); 我买房最先考虑户型(Z ₁₇) 我喜欢超高层房子的远景观(Z ₁) 我喜欢所有的房子在同一层上(Z ₂₆)
面积指标	我买房。先考虑好面积再看房型(Z_{21}); 房子越大越好(Z_{22}); 我不喜欢太大的房子(Z_{2s})面积小一点无所谓。功能要齐全(Z_{-1})我买房时房屋总价格对我很重要(Z_{c})
档次指标	我喜欢精装整的房子(Z_{2t});如果能力的话,我会买最好的房子(Z_{2t});我不喜欢太好的房子、哪样太招摇(Z_∞); 住房好坏没什么,只要够住就行(Z_1);住房档次高在朋友面悄才有面子(Z_{2v})

2) 计算结果输出与解释

调用 SPSS 统计分析软件的因子分析功能。得到计算结果(表 10-8 和表 10-9)。

因 子	特 征 值	方差贡献率	累计方差贡献率
F1	10. 482	33. 322	33. 322
F2	6. 028	19.163	52. 485
F3	3. 955	12, 573	65. 058
F4	2. 212	7. 032	72.090
F5	1.886	5. 996	78. 056
F6	1.622	5. 156	83. 212

由表 10-8 可知,我们可以提取 6 个公因 子整合原来的 30 项指标, 其累计方差贡献 率达到 83.212%,可见前 6 个公因子作为综合变量损失较少。

		表 10	· 9 AE #	阿田巴	丁弧刨	邓阵 (1	an. 10	· 9 K	nated co	mponen	matrix)	
	F1	F2	F3	F4	F5	F6		F1	F2	F3	F4	F5	F6
Z1	, 801	-, [6]	. 118	- 141	216	-,)5,0	7.16	. 072	.048	- 243	, 05"	. 725	. 18
22	. 748	. 133	031	. 163	132	-, 080	217	019	029	.131	014	. 701	-, 73
Z3	. 573	. 126	, 067	-, 015	-, 166	. 123	Z18	039	65	. [4]	. 125	. 673	.007
24	. 529	. 357	-, 108	. 189	, 150	-, a3a	Z19	. 000	- 081	- 103	, 050	. 323	. 822
Z5	. 396	. 295	. 327	. 938	897	. 338	Z20	-\112	1>,√070	. 209	.094	301	. 739
Z6	233	. 838	. 191	092	044	115	Z21.	17,00T	.009	.140	. 153	076	534
27	220	, 792	- 301	- 029	017	063	722	.117	105	017	242	_114	. 398
Z8	. 269	. 470	-,06)	-, 095	. 312	-, 103	Z23	.100	, 075	. 187	. 08+	, 006	276
Z9	003	416	. 180	. 023	. 102	079	224	.065	.101	092	. 028	. 178	. 495
Z10	042	. 384	. 294	-, 013	013	. 396	Z25	042	.064	-,007	. 232	121	. 627
ZH	040	. 298	009	. 264	.072	257	Z26	. 271	. 054	. 391	 179	041	108
Z12	. 176	.004	.092	. 740	.107	. 204	Z27	.011	113	251	122	114	002
Z13	001	060	046	. 609	008	.049	Z28	. 232	.050	. 514	043	143	004
Z14	310	. 207	. 201	. 569	.049	035	Z29	.040	. 140	. 522	004	. 059	. 095
Z15	049	143	138	. 513	.017	077	Z30	. 248	.066	. 458	. 212	040	. 174

事 10 - 9 旋转 E 的 图子 新苔 矩阵 (Tab 10 - 9 Pateted component

由表 10-9 可以看出。第一公因子 F_1 在 $Z_1 \sim Z_5$ 上有较大的载荷系数。属于"地段因 子";第二公因子 F_0 在 $Z_1 \sim Z_1$ 上有绝对值较大的载荷系数。属于"房型因子";第三公因 子 F_1 在 $Z_{20} \sim Z_{11}$ 上有绝对值较大的裁荷系数。属于"档次因子"; 第四公因子 F_1 在 $Z_1 \sim$ Z_{15} 上有较大的载荷系数、属于"环境因子";第五公因子F,在 $Z_{16}\sim Z_{2}$ 上有绝对值较大 的载荷系数,属于"户型因子";第六公因子 F。在 Zo1~ Zo, 上有绝对值较大的载荷系数, 属于"面积因子"。由表 10 8 可知,第一至第六公因子的方差贡献率依次是 33.322%、 19.163%、12.573%、7.032%、5.996%、5.156%, 这说明消费者在购房时对这六个方 面考虑的程度是不一样的。依重要性依次是①蚰蹬、②房型、③档次、①环境、⑤户型、 (1)面积,由此可见,商品房面积的大小并不是消费者购房时所考虑的主要因素。

5. 结论

家庭年总收入是影响天津市城市居民购房标准的最主要因素。在具有稳定收入的消 告者中,70%的家庭年收入是在6万~10万元,而家庭年收入在8万~10万元的消费 者 (占 24.8%) 钟情于 90~120m'的户型,家庭年收入在 10 万~15 万元的消费者 (占 9.9%) 才问津 120m 以上的大户型。由此可推断。"工薪阶层"的消费者对购买住房面 积的需求主要应以小户型 (90m'以下) 为主。此外,消费者在购房时,面积的大小并 不是所考虑的主要因素。如果地段、房型及其他条件比较合适。他们也可以选择相对小 一些的户型。该结论对于房地产开发商有针对性地开发和推销住房产品具有重要的 意义。

综合案例分析的目的是帮助学生理解所学的知识,并综合应用这些知识。基于这 样的考虑,本章中的案例,在给出基本背景信息后,提出所要分析的问题。在案例分 析部分,给出了针对这一案例进行分析的思路和可能用到的方法。通过本章的学习, 学生能够掌握撰写统计调研报告和统计分析报告的基本方法。



- [1] 数理统计论坛: [http://www.statfordin.com/
- [2] 统计精英两 http: //tijv. hzic. edu. cn/index. asp.
- [3] 教理统计与管理: http://sltjygl.periodicals.net.cn/default.html.
- [4] 中国数学建模网站: http://www.shumo.com.
- [5] 中国经济统计 (统计资源); http://stats.xmu.edu.cn/info/default.asp.
- [6] 中国应用统计网 (人大应用统计科研所): http://www.applstats.org.cn.
- [7] 中国统计网 (统计文章下载,论坛等), http://www.8sta.com.



实际操作训练

大作业1:

试将所在学校(或单位)的某个现实问题作为洗题讲行一次抽样调查,抽取的单位不 少于50个。试写出调查报告。内容包括以下几点。

- (1) 写出调查方案。
- (2) 进行问卷设计。
- (3) 用 SPSS 统计软件对搜集到的数据进行描述性统计分析,包括绘制统计图表及数 据特征值的计算。



大作业 2:

自拟题目, 用所学的一种(或几种) 推断性统计分析方法撰写一篇外理数据的论文。 要求论文的正文前要有中文摘要和关键词。正文后要列出参考文献。论文中所使用的数据 资料要说明来源。论文的正文主要包含以下内容:

- (1) 阐述选题的背景及目的。
- (2) 简介所用方法的原理及算法步骤。
- (3) 确定指标体系。
- (4) 搜集样本数据。
- (5) 用 SPSS 统计分析软件进行计算。
- (6) 对计算输出结果进行分析和解释。
- (7) 结论。







附录1 常用统计表

附表 1 t 分布临界值表 $p(t(n)>t_{\alpha}(n))=\alpha$

	α									
n	0. 25	0. 10	0. 05	0. 025	0. 01	0. 005	n			
1	1.0000	3.0777	6. 3138	12.7062	31.8207	63.6574	1			
2	0.8165	1. 8856	2. 9200	4. 3027	,5.96N6 >	9.9248	2			
3	0.7649	1. 6377	2. 3534	3. 1824	4, 5407	5.8409	3			
i	0.7:07	1. 5332	2. 1318	2.7761	3 7169	1.6011	1			
5	0,7267	1, 4759	2.0150	2, 5706	3, 3649	4. 0522	5			
6	0.7176	1. 4398	1.9132	2. 4169	3. 1427	3. 7074	6			
7	0, 7111	1. 1119	1, 8916	2. 3616	2, 9980	3. 1995	7			
8	u. 7064	1.3968	1.8595	2. 306u	2, 8965	3.3554	8			
9	0.7027	1. 3830	1. 8331	2. 26%2	2. 8214	3. 2498	9			
10	0.6998	¥. 3722	1.8125	2.2281	2. 7638	2.1693	10			
11	0.6974	1/ 3634	1. 7959~	> 2> 2010	2.7181	3, 1058	11			
12	0.76955 [-	1.3562	1. 7823	2. 1788	2. 6810	3.0545	12			
13	0.6938	1.3502	1,7709	2, 1604	2. 6503	3.0123	13			
14	0.6924	1.3450	1.7613	2. 1448	2. 6245	209768	14			
15	0.6912	1.3406	1. 7531	2. 1315	2, 6025	2.9467	15			
16	0.6901	1.3688	1.7459	2. 1199	2. 5835	2.9208	16			
17	0.6892	1. 3334	1.7396	2. 1098	2. 5669	2.8982	17			
18	0.6884	1. 3304	1.7341	2. 1009	2. 5524	2.8784	18			
19	0.6876	1.3277	1. 7291	2.0933	0.5395	2.8609	19			
20	0.6870	1.3253	1. 7247	2. 0860	2.5280	2. 8453	20			
21	0.6846	1.3232	1. 7207	2. 0796	2. 5177	2.8314	21			
22	0.6858	1.3212	1, 7171	2.0739	2.5083	2.8188	22			
23	0.6853	1. 3195	1.7139	2.0687	2. 4999	2.8073	23			
24	0.6848	1.3178	1.7109	2.0639	2. 4922	2.7969	24			
25	0.6844	1.3163	1. 7081	2. 0595	2. 4851	2. 7874	25			

(续)

				α			
n	0. 25	0.10	0. 05	0. 025	0.01	0. 005	н
26	0.6840	1.3150	1. 7056	2. 0555	2. 4786	2. 7787	21
27	0. 6837	1. 3137	1. 7033	2. 0518	2. 4727	2. 7707	2
28	0.6834	1. 3125	1, 7011	2, 0484	2. 4671	2, 7633	28
29	0.6830	1. 3114	1. 6991	2. 0452	2.4620	2. 7564	2
30	0, 6828	1.3104	1.6973	2, 0423	2. 4573	2, 7500	30
31	0. 6825	1.3095	1.6955	2. 0395	2. 4528"	2. 7440	3
32	0. 6822	1.3086	1. 6939	2. 0369	2.448R ª	2. 7385	31
33	0.6820	1.3077	1. 6924	2. 0345 1	2.14448	2, 7333	3
34	0.6818	1. 3070	1.6909	2.0322	2. 4411	2. 7284	3-
35	0.6816	1. 3062	1. 6896	2, 8301	2. 4377	2. 7238	35
36	0.6814	1. 3055	1. 6888	2. 0281	2. 4543	2.7195	36
37	0.6812	1.3049	· \1.6871	2. 0262	_ 2.4314	2, 7154	37
38	0.6810	1. 3042	1.6860	2. 0244	2 4286	2, 7116	3.
39	0.6808	1, 3036	1. 6819	2. 0227	2, 4258	2. 7079	39
10	0. 6807	1. 3030	1. 6839	2, 0211	2. 4233	2. 7645	40
41	0, 6803	1, 3025	1. 6829	2, 0195	2, 1208	2, 7(12	- 1
42	6, 6801	1, 3020	1, 6820	2, 0181	2, 1185	2. 6981	1:
43	0.6802	1.3016	1. 6811	2.0167	2. 4163	2.6951	4:
44	0.6801	1.3011	1.6802	2. 0154	2. 4141	2. 6923	4
45	0.6800	1.3006	1. 6794	2. 0141	2. 4121	2. 6896	45

附表 2 F 分布临界值表 p{F(n₁, n₂)>F_α(n₁, n₂))=α α=0.10

n ₁	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00
1	39.86	49.50	53.59	55. 83	57. 24	58. 20	59.44	60.70	62.00	63. 33
2	8.53	9.00	9.16	9. 24	9.29	9. 33	9.37	9.41	9.45	9.49
3	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5. 28	5.25	5. 22	5.18	5.13
4	4.54	4.32	4. 19	4.11	4.05	4.01	3. 95	3.90	3. 83	3.76
5	4.06	3.78	3.62	3.52	3.45	3.40	3.34	3. 27	3.19	3.10

(续)

n_1	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00
6	3. 78	3. 46	3. 29	3. 18	3.11	3.05	2. 98	2. 90	2. 82	2. 72
7	3.59	3. 26	3.07	2, 96	2, 88	2.83	2.75	2. 67	2.58	2. 17
8	5, 16	3 11	2. 92	2. 81	2. 73	2. 67	2. 59	2, 50	2. 10	2 29
9	3, 36	3. 01	2.81	2. 69	2. 61	2, 55	2. 47	2.38	2. 28	2, 16
10	3. 28	2. 92	2.73	2. 61	2. 52	2. +6	2.38	2. 28	2.18	2. 06
11	3. 23	2.86	2. 66	2.51	2, 15	2. 39	2, 30	2. 21	2.10	1.97
12	3. 18	2.81	2.61	2. 48	2. 39	2. 33	2. 24	2. 15	2.04	1. 90
13	3, 14	2. 76	2, 56	2. 13	2. 35	2, 28	2. 20	2. 10	1. 98	1, 85
1 \$	3, 10	2, 73	2. 52	2. 39	2. 31	2.21	2, 15	2, 05	1.94	1, 80
15	3. 67	2, 70	2, 49	2. 36	2. 27	2. 21	2. 12	2. 02	1.90	1.76
16	3, 05	2. 67	2. 16	2. 33	2. 21	2. 18	2.09	1. 99	1.87	1.72
17	3, 05	2, 61	2.11	2. 31	_2. 22	2, 15	2.06	1.96	1.81	1.69
18	3. 01	2. 62	2. 12	2. 29	2. 20	2. 13	2.04	1. 93	1. 81	1.66
19	2, 99	2, 61	2, 40	2. 27	2. 18	2. 11	2, 02	1. 91	1. 79	1, 63
20	2. 97	2, 59	2. 38	2, 25	2. 16	2, 09	2, 00	1.89	1. 77	1.61
21	2. 96	2. 17	2. 36	2. 23	2.11	2, 08	1. 98	1.88	1.75	1.59
22	2.95	2.50	2. 35	2. 22	2. 13	2. 06	1. 97	1.86	1.73	1. 57
23	2. 91	2, 55	2.31	2. 21	2. 11	2, 05	1.95	1.81	1. 72	1.55
21	2, 93	2 51	2 33	2. 19	2. 10	2, 01	1.91	1.83	1.70	1, 53
25	2. 92	2. 53	2. 32	2. 18	2, 09	2.02	1.93	1.82	1.69	1.52
26	2. 91	2.52	2.31	2. 17	2.08	2.01	1. 92	1.81	1.68	1.50
27	2, 90	2, 51	2, 30	2. 17	2, 07	2.00	1. 91	1. 80	1. 67	1. 19
28	2. 89	2, 50	2. 29	2. 16	2.06	2.00	1. 90	1. 79	1.66	1.48
29	2. 89	2. 50	2 28	2. 15	2.06	1.99	1. 89	1. 78	1.65	1. 17
30	2. 88	2. 19	2. 28	2.11	2.05	1, 98	1.88	1.77	1.61	1. 16
40	2.84	2. 11	2. 23	2. 09	2.00	1.93	1.83	1.71	1.57	1.38
60	2.79	2. 39	2.18	2.01	1. 95	1, 87	1.77	1.66	1.51	1.29
120	2, 75	2.30	2. 13	1. 99	1. 90	1.82	1. 72	1. 60	1.45	1. 19
xo .	2, 71	2.30	2. 08	1.94	1. 85	1.77	1. 67	1. 55	1. 38	1.00

'		[11	//							
								a-0.0)5	(续)
n_1	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00
1	161. 1	199 5	215. 7	224.6	230. 2	234.0	238. 9	243.9	249.1	274.3
2	18.51	19, 00	19. 16	19. 25	19.30	19.33	19.37	19, 41	19. 15	19.50
3	16, 13	9, 55	9, 28	9. 12	9.01	8. 94	8. 84	8.74	8. 64	8. 53
4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.20	6.16	6.04	5.91	5.77	5. 63
5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4. 82	4.68	4.53	4.36
6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4. 28	4.15	4.00	3.84	3. 67
7	5,59	4.74	4.35	4.12	3.97	3, 87	3, 73	3.57	3.41	3. 23
8	5, 32	1 46	4. 07	3.84	3, 69	3, 58	3, 44	3, 28	3. 12	2, 93
9	5. 12	1.26	3, 86	3, 63	3. 18	3. 37	3. 23	3. 07	2. 41	2.71
10	4.96	1, 10	3.71	3. 18	3, 33	3. 22	3, 07	2.91	2.71	2. 54
11	1.81	3.98	3. 59	3. 36	3, 20	3, 04	2. 95	2.79	2. 61	2. 10
12	4.75	3, 88	3, 49	3. 26	3, 11	3, 00	2, 85	2.69	2, 50	2. 30
13	4. 67	3, 80	3. 11	3. 18	3, 02	2. 92	2.77	2, 60	2. 12	2. 21
14	4.60	3.74	3.34	3.47./	1.2.96	2. 85	2.70	2.53	2. 35	2.13
15	4.54	3.68	3.29	\3.'06\	2, 90	2.79 \	~:2.64	2.48	2, 29	2.07
16	4.49	3.63	3. 21	\3.01	2. 85	2.71	2.59	2.42	2. 24	2.01
17	4.45	3.59 <	* 3. 20 3	2.96	2.81	12.70	2.55	2. 38	2. 19	1.96
18	4.41	3./55	3.16	2.93	2. 7.7 \	-2.66	2.51	2.34	2. 15	1.92
19	4.38	3.82	3. 13	2.90	- 2.74	2, 63	2.48	2.31	2.11	1,88
20	4.35.	≥3. 49	3.10	2.87	7Z. 71	2, 60	2. 45	2. 28	2.08	1.84
21	4.32	3.47	3.07	2.84	2. 68	2.57	2.42	2. 25	2.05	1.81
22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2, 40	2, 23	2.03	1.78
23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2, 53	2. 38	2. 20	2.00	1.76
24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.36	2. 18	1.98	1.73
25	4.24	3.38	2.99	2.76	2.60	2.49	2.34	2. 16	1.96	1.71
26	4.22	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2. 32	2. 15	1.95	1.69
27	4.21	3, 35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.30	2.13	1.93	1.67
28	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.44	2. 29	2. 12	1.91	1.65
29	4.18	3. 33	2. 93	2.70	2.54	2.43	2. 28	2.10	1.90	1.64
30	4. 17	3. 32	2.92	2.69	2.53	2. 42	2. 27	2.09	1.89	1.62
40	4.08	3. 23	2.84	2.61	2.45	2.34	2. 18	2.00	1.79	1.51
60	4.00	3.15	2.76	2.52	2. 37	2. 25	2.10	1.92	1.70	1.39
120	3, 92	3.07	2.68	2.45	2. 29	2.17	2.02	1.83	1.61	1.25

2.10

				$\alpha - 0.025$				25	(续)		
n ₁	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00	
1	6 . 7. 8	799. 5	864. 2	899. 6	921.8	937. 1	956. 7	976.7	997. 2	1018	
2	38. 51	39, 00	39, 17	39, 25	39. 30	39, 33	39, 37	39, 41	39, 16	39.50	
3	17. 44	16.04	15. 44	15, 10	14.88	14.73	14.54	14.34	14. 12	13. 90	
4	12. 22	10.65	9. 98	9. 60	9. 36	9. 20	8. 98	8. 75	8. 51	8. 26	
5	10. J1	8. 43	7. 76	7. 39	7. 15	6. 98	6.76	6.52	6, 28	6.02	
6	8.81	7.26	6, 60	6. 23	5. 99	5. 82	5, 60	5. 37	5. 12	4.85	
7	8.07	6.54	5, 89	5, 52	5, 29	5, 12	4, 90	4. 67	4.42	4.14	
8	7, 57	6.06	5 42	5, 05	4. 82	4, 65	4. 43	4, 20	3. 95	3, 67	
9	7. 21	5, 71	5. 08	1. 72	1. 18	1. 23	4, 10	3.87	3. 61	3. 33	
10	6.91	5, 46	1. 83	1. 17	1. 21	1. 07	3. 85	3. 62	3. 37	3.08	
11	6.72	5. 26	1. 63	1. 28	1, 01	3.88	3. 66	3. 13	3. 17	2. 88	
12	6, 55	5, 01	4, 47	1.12	3, 89	3, 73	3, 51	3, 28	3. J2	2.72	
13	b. 41	1. 97	1. 35	1.00	3. 77	3. 60	3.39	3, 15	2. 89	2. 60	
11	6.30	1. 86	1.21	3. 89	3.66	3, 50	3. 29	3, 05	2. 79	2.49	
15	6. 2.1	4.77	1, 15	3, 80	3, 58	3. 11	3, 20	2, 96	2.70	2, 40	
16	6, 12	1.69	1.08	3. 73	3, 50	3, 31	3, 12	2.89	2. 63	2. 32	
17	6, 04	1.62	1.01	3, 66	3. 11	3. 28	3.06	2. 82	2.56	2. 25	
18	5. 98	1, 56	3, 95	3. 61	3. 38	3. 22	3. 01	2.77	2.50	2. 19	
19	5, 92	4.51	3, 90	3, 56	3, 33	3. 17	2.96	2.72	2. 45	2. 13	
2υ	5.87	1. 16	3. 86	3, 51	3, 29	3, 13	2.91	2, 68	2. 11	2. 09	
21	5. 83	4.42	3. 82	3. 48	3. 25	3, 09	2. 87	2. 64	2.37	2.04	
22	5. 79	1. 38	3. 78	3. 11	3. 22	3, 05	2.81	2. 60	2, 33	2.00	
23	5.75	4. 35	3. 75	3. 41	3. 18	3, 02	2. 81	2. 57	2.30	1.97	
24	5.72	4. 32	3. 72	3. 38	3, 15	2.99	2.78	2.54	2. 27	1.94	
25	5.69	1. 29	3. 69	3, 35	3. 13	2. 97	2. 75	2. 51	2. 24	1.91	
26	5. 66	1. 27	3 67	3. 33	3. 10	2.91	2.73	2. 49	2. 22	1.88	
27	5, 63	1.21	3 65	3. 31	3. 08	2. 92	2.71	2. 17	2. 19	1.85	
28	5.61	4.22	3, 63	3, 29	3, 06	2, 90	2. 69	2, 45	2. 17	1.83	
29	5, 59	4.20	3.61	3. 27	3. 01	2. 88	2. 67	2. 43	2. 15	1.81	
30	5, 57	4.18	3.59	3.25	3.03	2. 87	2.65	2. 41	2. 14	1.79	
40	5.42	4.05	3.46	3.13	2.90	2.74	2. 53	2. 29	2.01	1.64	
6υ	5. 29	3.93	3.34	3.01	2.79	2.63	2.41	2. 17	1.88	1.48	

120

5, 15

5.02

3.80

3.69

3.23

3. 12

2.89

2.79

2.67

2.57

2.52

2.41

2.30

2.19

2.05

1.94

1.76

1.64

1.31

1.00

								a-0.(1	(续)
n_1	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00
1	4.752	4999.5	54(3	5625	576. 4	5859	5982	6116	6235	6366
2	98.00	99, 00	99.17	99, 25	99.30	99, 33	99, 37	99. 12	99. 16	99.50
3	34.12	36. 82	29. 16	28.71	28. 24	27.91	27. 49	27. (5	26. 6.)	26.13
1	21. 20	18. 0u	16.69	15, 98	15. 52	15, 21	11.80	14.37	13, 93	13. 16
5	16. 26	13, 72	12.06	11.39	10.97	10.67	10, 29	9, 89	9, 47	9. 02
6	13.75	10, 92	9. 78	9.15	8, 75	8. 17	8, 10	7. 72	7.31	6.88
7	1. 25	9, 55	8. 45	7. 85	7. 46	7.19	6.84	6. 47	6. J7	5. 65
8	11.26	8 65	7 59	7. 01	6. 63	6, 37	6.03	5, 67	5. 28	4, 86
9	10.56	8, 02	6, 99	6. 12	6, 06	5, 80	5, 17	5. 11	1. 73	1.31
10	10,0,	7.56	6, 55	5, 99	5, 64	0.39	5, 06	1.71	1. 33	3. 91
11	9, 65	7.21	6. 22	5. 67	5. 32	5, 07	1.71	1, 10	1. 02	3. 60
12	9, 35	6, 93	5, 95	5. 41	7, 06	1.82	4, 50	4. 16	3. 78	3. 36
13	9, 07	6.70	5.71	5. 21	1. 86	1.62	1.30	3, 96	3, 59	3. 17
11	8. 86	6.51	5, 56	5. 04	1, 69	1. 16	1.14	3, 80	3. 13	3.00
15	8. 68	6.36	5, 42	4. 98	4, 56	4. 32	1, 00	3. 67	3. 29	2, 87
16	8, 55	6, 23	5, 29	1. 77	1. 1.1	1, 20	3. 84	3, 55	3. 18	2, 75
17	8, 41	6.11	5, 18	1. 67	4, 34	4, 10	3, 79	3.46	3. 98	2.65
18	8. 29	6, 0 L	5, 09	1, 58	1. 2.	1, 01	3.71	3. 37	3, 00	2. 57
19	8.18	5, 93	5, 01	4, 50	4. 17	3. 91	3.63	3.30	2, 92	2, 19
20	8. 10	7, 85	1.91	1. 13	1, 10	3, 87	3. 56	3. 23	2. 86	2. 12
21	8. 02	5. 78	4.87	4. 37	4, 04	3.81	3, 51	3. 17	2. 80	2. 36
22	7. 95	5.72	1.82	1.31	3, 99	3.76	3. 1	3. 12	2.75	2. 31
23	7.88	5, 66	4.76	4. 26	3. 94	3.71	3. 11	3.07	2.70	2. 26
24	7.82	7, 61	4.72	4. 22	3, 90	3.67	3.36	3. 13	2.66	2. 21
25	7.77	o. 57	1.68	1. 18	3. 8.	3, 63	3. 32	2, 99	2.62	2. 17
26	7.72	5. 53	1 61	1. 11	3. 82	3. 59	3. 29	2.96	2. 58	2. 13
27	7.68	5, 19	L 60	1.11	3. 78	3. 56	3.26	2. 93	2.55	2. 10
28	7.64	J. 45	4, 57	4. 07	3.75	3. 53	3, 23	2, 90	2.52	2.06
29	7. 60	ə. 12	1.51	1.01	3. 73	3. 50	3. 20	2. 87	2. 19	2. 03
30	7.56	5 39	1, 51	1. 02	3.70	3. 17	3. 17	2.81	2. 17	2.01
40	7.31	5. 18	4. 31	3. 83	3. 51	3. 29	2. 99	2.66	2. 29	1.80
6υ	7.08	4. 98	4.13	3.65	3. 34	3.12	2. 82	2.50	2. 12	1.60
120	6. 85	4. 79	3.95	3. 48	3. 17	2.96	2.66	2. 34	1.9.	1. 38
DO	6.63	4. 61	3. 78	3. 32	3.02	2.80	2.51	2. 18	1.79	1.00

a = 0.05(续)

n_1	1	2	3	4	5	6	8	12	24	00
1	16211	20000	21615	22500	23056	23437	23925	24426	24940	25465
2	198.5	199.0	199.2	199.2	199.3	199.3	199.4	199.4	199.5	199.5
3	55.55	49.80	47.47	46.19	45.39	44.84	44.13	43.39	42.62	41.83
4	31.33	26, 28	24. 26	23, 15	22.46	21.97	21.35	20.70	20.03	19.32
5	22.78	18.31	16.53	15.56	14.94	14.51	13.96	13. 38	12. 78	12.14
6	18. 63	14.54	12.92	12.03	11.46	11.07	10.57	10.03	9.47	8.88
7	16, 24	12.40	10.88	10.05	9.52	9. 16	8, 68	8.18	7.65	7.08
8	14.69	11.04	9.60	8.81	8. 30	7.95	7.50	7.01	6.50	5, 95
9	13.61	10.11	8.72	7.96	7.47	7. 13	6.69	6. 23	5. 73	5. 19
10	12.83	9.43	8.08	7.34	6.87	6, 54	6.12	5. 66	5. 17	4.64
11	12, 23	8.91	7.60	6.88	6.42	6. 10	5. 68	5. 24	4.76	4.23
12	11.75	8.51	7. 23	6.52	6, 07	3.76	5. 35	4.91	4. 43	3.90
13	11.37	8. 19	6.93	6.23	5.79	5. 48	5.08	4.64	4.17	3.65
14	11.06	7.92	6.68	6.00	5.56	5. 26	4.86	4.43	3.96	3, 44
15	13, 80	7.70	6.48	5.80	5.37	5.07	4. 67	4, 25	3.79	3, 26
16	10.58	7.51	6, 80,	5.64	5. 21	4.91	1.52	4.10	3.64	3, 11
17	10.38	7. 35	6.16	5.50	5.07	14.78	4.39	3, 97	3.51	2. 98
18	10. 22	7.21	6.03	5. 37	4.96	4.66	4. 28	3.86	3.40	2.87
19	10.07	2.09	5.92	5. 27	4. 85	4.56	4. 18	3.76	3.31	2.78
20	9.9	6.99	5.82	5. 17	14.76	4.47	4.09	3.68	3. 22	2. 69
21	9.83	6.89	5.73	5.09	4.68	4.39	4.01	3.60	3. 15	2.61
22	9.73	6.81	5. 65	5.02	4.61	4.32	3.94	3, 54	3, 08	2.55
23	9, 63	6.73	5. 58	4.95	4.54	4. 26	3.88	3. 47	3.02	2. 48
24	9.55	6.66	5.52	4.89	4.49	4. 20	3.83	3.42	2.97	2.43
25	9.48	6.60	5.46	4.84	4.43	4.15	3.78	3. 37	2.92	2.38
26	9.41	6.54	5.41	4.79	4. 38	4.10	3.73	3.33	2.87	2. 33
27	9.34	6.49	5.36	4.74	4.34	4.06	3.69	3. 28	2.83	2. 29
28	9. 28	6.44	5. 32	4.70	4.30	4.02	3.65	3. 25	2.79	2. 25
29	9.23	6.40	5. 28	4.66	4.26	3.98	3.61	3. 21	2.76	2. 21
30	9.18	6.35	5. 24	4.62	4. 23	3.95	3.58	3.18	2.73	2.18
40	8.83	6.07	4.98	4.37	3.99	3.71	3. 35	2.95	2.50	1.93
60	8.49	5.79	4.73	4.14	3.76	3.49	3. 13	2.74	2. 29	1.69
120	8, 18	5.54	4.50	3. 92	3. 55	3. 28	2.93	2.54	2.09	1.43
00	7.88	5.30	4.28	3.72	3. 35	3.09	2.74	2.36	1.90	1.00

附录 2 推断性统计学预备知识

一、总体和样本的几种常用特征数

- 1. 总体常用特征数
- (1) 总体 X 的均值 $E(X) = \mu$
- (2) 总体 X 的方差: D(X)=σ2
- 2. 样本常用特征数

(1) 样本均值:
$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$$

(2) 样本方差: $s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$

二、几种常用的随机变量的分布

- 1. 标准正态分布
- 1) 标准正态分布定义

若
$$X \sim N(\mu, \sigma^2)$$
,则 $Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$

2) 标准正态分布上α分位点 Z (见附图 1

$$P(Z \geqslant Z_a) = \alpha$$

$$Z_{1-a} = -Z_a, \quad \Phi(Z_{1-a}) = 1 - \alpha$$

- 2. 2 分
- 1) χ² 分布定义

若
$$X_i \sim N(0,1)$$
 $(i=1,2,\cdots,n)$,且各 X_i 相互独立,则 $\chi^2 = \sum_{i=1}^n X_i^2 \sim \chi^2(n)$ 。

χ² 分布上α分位点χ²(n) (见附图 2)

$$P(\chi^2(n) \geqslant \chi^2_n(n)) = \alpha$$
, 当 $n \geqslant 45$ 时, $\chi^2_n(n) \approx Z_n$.



附图 1



附图 2

- 3. t 分布
- 1) t 分布定义

若 $X \sim N(0.1)$, $Y \sim \gamma^2(n)$, 且 X 与 Y 相互独立,则

$$t = \frac{X}{\sqrt{Y/n}} \sim t(n)$$

2) t 分布上α 分位点 to(n) (见附图 3)

$$P(t(n) \ge t_n(n)) = \alpha, \quad t_{1-n}(n) = -t_n(n)$$

4. F 分布

1) F 分布定义

若 $X \sim \gamma^2(n_1)$, $Y \sim \gamma^2(n_2)$, 且 X 与 Y 相互独立, 则

$$F = \frac{X/n_1}{Y/n_2} \sim F(n_1, n_2)$$



附图3



财图 4

2) F 分布上α分位点 F_α(n₁,n₂) (见附图 4)

$$P(F(n_1, n_2) \geqslant F_{\sigma}(n_1, n_2)) = \alpha, F_{1-\sigma}(n_1, n_2) = \frac{1}{F_{\sigma}(n_2, n_1)}$$

二、几种常用的样本统计量的分布

1. 用于单总体均值检验的 2 分布

设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, (X_1, X_2, \cdots, X_n) 为来自该总体的样本, 则

$$Z = \frac{\overline{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0, 1)$$

2. 用于双总体均值检验的 Z 分布

设总体 $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$, $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, 且 X = Y 相互独立, $(X_1, X_2, \dots, X_{n1})$ 和 $(Y_1, Y_2, \dots, Y_{n2})$ 分别为来自总体 X 和 Y 的样本,则

$$Z = \frac{\overline{X} - \overline{Y} - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} \sim N(0.1)$$

3. 用于单总体均值检验的 t 分布

设总体 $X \sim N$ (μ, σ^2) , (X_1, X_2, \cdots, X_n) 为来自该总体的样本,则

$$t = \frac{\overline{X} - \mu}{S / \sqrt{n}} \sim t(n-1)$$

4. 用于双总体均值检验的 t 分布

设总体 $X\sim N$ (μ_1,σ_1^2) , $Y\sim N$ (μ_2,σ_2^2) ,且 X 与 Y 相互独立, (X_1,X_2,\cdots,X_{n1}) 和 (Y_1,Y_2,\cdots,Y_{n2}) 分别为来自总体 X 和 Y 的样本,则

$$t = \frac{\overline{X} - \overline{Y} - (\mu_1 - \mu_2)}{S_W \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} \sim t(n_1 + n_2 - 2)$$

式中,

$$S_W = \sqrt{\frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}$$

5. 用于单总体方差检验的 γ2 分布

设总体 $X \sim \chi^2(n)$, (X_1, X_2, \dots, X_n) 为来自该总体的样本, 则

$$\gamma^2 = (n-1)S^2/\sigma^2 \sim \gamma^2(n-1)$$

6. 用于双总体方差检验的 F 分布

设总体 $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$, $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, 且 X 与 Y 相互独立, $(X_1, X_2, \dots, X_{n_1})$ 和 (Y_1,Y_2,\cdots,Y_{n2}) 分别为来自总体 X 和 Y 的样本,则

$$F(X_n, X_{n_2})$$
 , $F(X_n, X_{n_2})$,且 X 与 Y 相互独立, $F(X_n, X_{n_2})$ 分别为来自总体 X 和 Y 的样本,则
$$F = \frac{S_1^2/S_2^2}{\sigma_1^2/\sigma_2^2} \sim F(n_1-1, n_2-1)$$